



## فصل اول

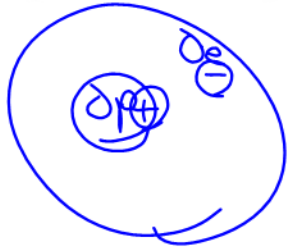
# الکتریسیته ساکن

@ahmadiii - physics

**توجه:** برای آماده سازی این جزوات، زمان و هزینه زیادی صرف شده است و هرگونه کپی (محتوا،

قالب، ایده و ...) حرام و غیرمجاز است.





## انواع بار

بار خالص جسم ← مثبت: اگر تعداد الکترون‌ها کمتر از تعداد پروتون‌ها باشد.

منفی: اگر تعداد الکترون‌ها بیشتر از تعداد پروتون‌ها باشد.

\*: بار الکتریکی را با نماد  $q$  نشان می‌دهیم که یکای آن در SI، کولن است و با نماد  $C$  نشان می‌دهند. یک کولن

مقدار بار بسیار زیادی است.

$$q = -1.6 \times 10^{-19} C$$

\*: قانون بنیادی الکترو استاتیک (الکتریسیته ساکن): بارهای هم نام یکدیگر را دفع و بارهای نا هم نام یکدیگر

را جذب می‌کنند.

## نکته

توقع انتقال بار، پروتون جابجا نیست و فقط الکترون جابجا می‌شود.

## نکته

جسم بردار و جسم خنثی هر دو را جذب می‌کنند.

## اصل پایستگی بار الکتریکی

اصل پایستگی بار بیان کند که مجموع جبری همه بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی ثابت است؛ یعنی بار

می‌تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود، ولی هرگز امکان تولید یا نابودی یک بار خالص وجود ندارد.

$$q_1 + q_2 + q_3 + \dots = q'_1 + q'_2 + q'_3 + \dots$$

توجه: دستگاه منزوی: دستگاهی که نه از محیط اطراف خود بار می‌گیرد و نه به آن بار می‌دهد.

توجه: اگر چند جسم با هم تماس داده شوند مجموع جبری بارها قبل از تماس برابر جمع جبری

بارها بعد از تماس خواهد بود.

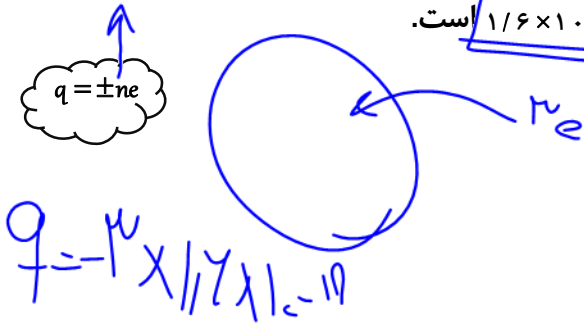
$$q_1 + q_2 + q_3 + \dots = q'_1 + q'_2 + q'_3 + \dots$$



## اصل کوانتیده بودن بار الکتریکی:

همواره بار اجسام مضرب صحیحی از بار بنیادی  $e$  است.

$e$  (بار بنیادی): بار یک الکترون یا یک پروتون که مقدار آن  $1.6 \times 10^{-19}$  است.



درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.

الف) یک کولن مقدار بار کوچکی است.

ب) جسمی که تعداد الکترونهایش کمتر از تعداد پروتونهای آن می شود، بار الکتریکی خالص مثبت پیدا می کند.

پ) اجسام با بار مثبت یکدیگر را جذب و اجسام با بار منفی یکدیگر را دفع می کنند.

ت) بار الکتریکی در ماده همواره کمیتی پیوسته است که نمی تواند کمتر از بار الکتریکی پایه باشد.

۲) در جمله های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

اصل یا یسندی بار الکتریکی

الف) بار الکتریکی به وجود نمی آید و از بین نمی رود، به این بیان ..... گفته می شود.

ب) بار الکتریکی ..... از یک بار پایه است که با آن بار بنیادی می گوئیم.

مضرب صحیحی

۳) کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) مجموع جبری همه بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی (ثابت / صفر) است.



۴ الف) بار الکتریکی اتم و هسته‌ی اتم کربن (۱۲C) چند کولن است؟

(کتاب درسی)

ب) بار الکتریکی اتم کربن یک بار یونیده (C<sup>+</sup>) چقدر است؟



بار اتم = صفر  
بار هسته ←

$$q = +ne = 6 \times 1.6 \times 10^{-19} = 9.6 \times 10^{-19}$$

ب ←

$$q = +ne = 1 \times 1.6 \times 10^{-19} = 1.6 \times 10^{-19}$$

۵ یک جسم به وسیله‌ی مالش دارای بار الکتریکی شده است. کدام گزینه زیر می‌تواند مقدار بار الکتریکی آن

بر حسب کولن باشد؟ (اندازه‌ی بار الکتریکی هر الکترون  $1.6 \times 10^{-19}$  کولن است.)

$8 \times 10^{-19}$  (۲) ✓

$4 \times 10^{-19}$  ✗

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

① کربن →

$$n = \frac{9.6 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = \frac{9.6}{1.6} = 6$$

② کربن →

$$n = \frac{1.6 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = \frac{1.6}{1.6} = 1$$







## روش‌های باردار کردن اجسام

۱- مالش: برای اجسام رسانا و نارسانا، اگر دو جسم با جنس‌های مختلف را به هم مالش دهیم، یکی از جسم‌ها مثبت و دیگری منفی می‌شود و اندازه‌ی بار آن‌ها نیز یکسان است. (الکترون از یکی به دیگری می‌رود)



سری الکتروسیسته مالشی (تریو الکترونیک): هر چه جسم به انتهای منفی نزدیک‌تر باشد، بر اثر مالش الکترون‌خواهی بیشتری دارد.

۶ یک میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش می‌دهیم. پس از مالش، بار الکترونیکی میله پلاستیکی  $-12/8 \text{ nC}$  می‌شود.

$$q = +12,8 \text{ nC}$$

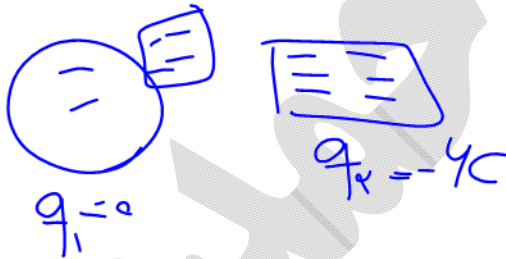
الف) بار الکترونیکی ایجاد شده در پارچه پشمی چقدر است؟

(کتاب درسی)

ب) تعداد الکترون‌های منتقل شده از پارچه پشمی به میله پلاستیکی را محاسبه کنید.

$$q = -nc \Rightarrow -12,8 \times 10^{-9} = -n \times 1,6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = \frac{12,8 \times 10^{-9}}{1,6 \times 10^{-19}} = 8 \times 10^{10}$$

۲- تماس: برای اجسام رسانا و نارسانا، اگر جسم خنثی را به جسم باردار تماس دهیم، جسم خنثی به طور هم‌نام با جسم باردار، باردار می‌شود.



توجه: اصل پایستگی بار الکترونیکی:

$$q_1 + q_2 = q'_1 + q'_2$$

(قبل از تماس)      (بعد از تماس)

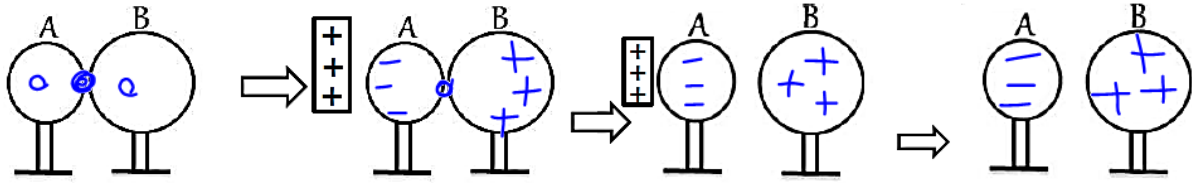
۳- القا: با استفاده از القا تنها می‌توان اجسام رسانا را باردار کرد و اجسام نارسانا با این روش باردار نمی‌شوند.

توجه: در نارسانا هم القا رخ می‌دهد ولی باردار نمی‌شوند.

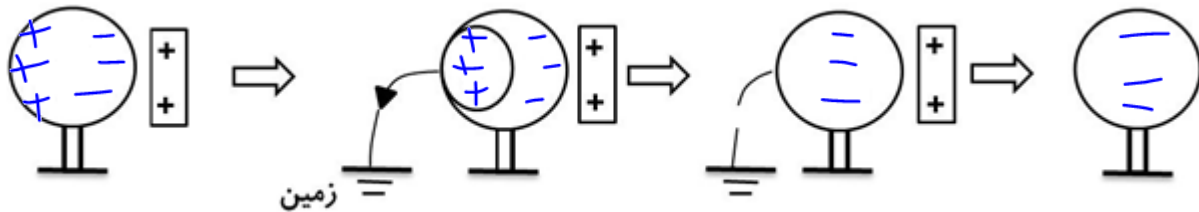


## القادر ساناها:

الف) القا بین دو کره:



ب) القا در یک کره



توجه: رسته هم نوعی اتصال به زمین است.

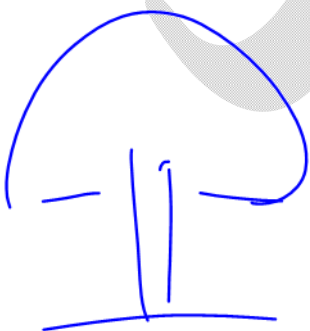


توجه: در عمل بارهای مثبت حرکت نمیکنند ولی برای حل سوالات اگر در نظر بگیریم که بار مثبت



هم حرکت میکند، مشکلی پیش نمیآید.

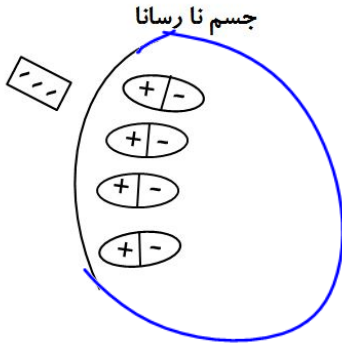
توجه: مولد وانندوگراف وسیلهای است که بار الکتریکی تولید میکند.





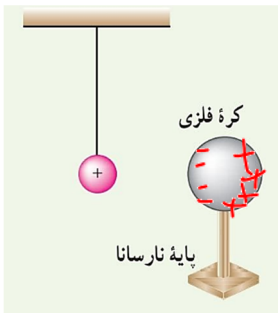
## القا در نارساناها

در نارساناها الکترون جابه‌جا نمی‌شود و تنها مولکول‌های قطبی شده نارسانا طوری می‌چرخند که یک سمت نارسانا بار الکتریکی پیدا کند.



یک کره فلزی بدون بار الکتریکی را که روی پایه نارسانایی قرار دارد، به آونگ الکتریکی بارداری نزدیک می‌کنیم. با ذکر دلیل توضیح دهید که چه اتفاقی می‌افتد. **۷**

(کتاب درسی)



(کتاب درسی)

توضیح دهید که چرا یک میله باردار می‌تواند خرده‌های کاغذ را برباید؟ **۸**



عبارت مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید. **۹**

مولد و اندوگراف وسیله‌ای است که (بار الکتریکی) - انرژی الکتریکی تولید می‌کند.

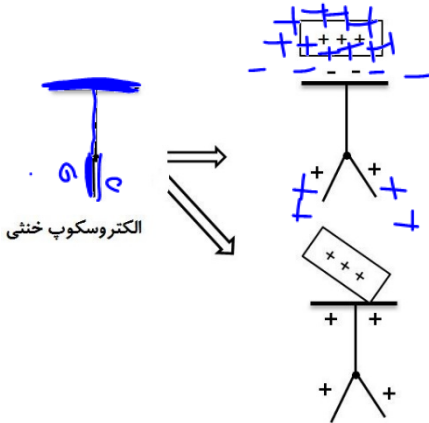




## الکتروسکوپ (برق نما):

### کاربردهای الکتروسکوپ:

۱- تشخیص باردار بودن جسم: با نزدیک کردن یا تماس جسم باردار به کلاهک الکتروسکوپ خنثی، ورقه‌ها از هم فاصله می‌گیرند.



نزدیک کردن جسم باردار:

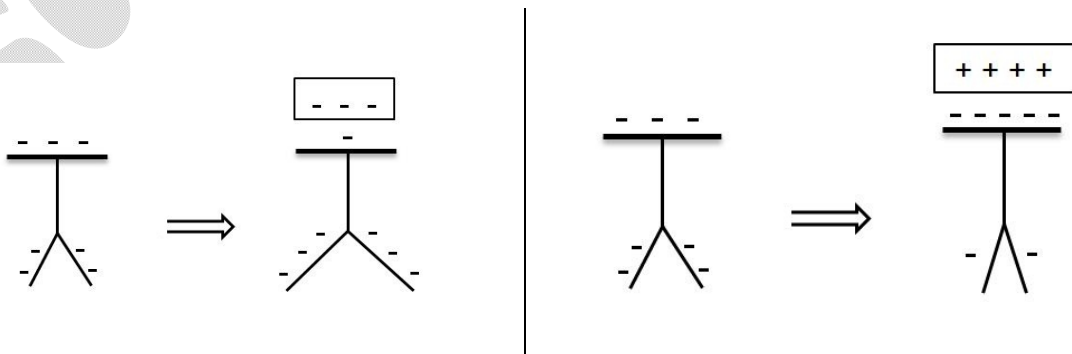
تماس جسم باردار:

۲- مقایسه بار دو جسم باردار: اگر اجسام باردار را نزدیک کلاهک الکتروسکوپ نگه داریم، هرچه فاصله ورقه‌ها بیشتر باشد، بار آن جسم بیشتر است.

۳- تشخیص نوع بار: ابتدا الکتروسکوپ را با بار مشخص باردار می‌کنند و سپس جسم باردار را نزدیک کلاهک نگه می‌دارند:

اگر فاصله ورقه‌ها بیشتر شد ← بار جسم و الکتروسکوپ یکی است.

اگر فاصله ورقه‌ها کمتر شد ← بار جسم و الکتروسکوپ مخالف است.



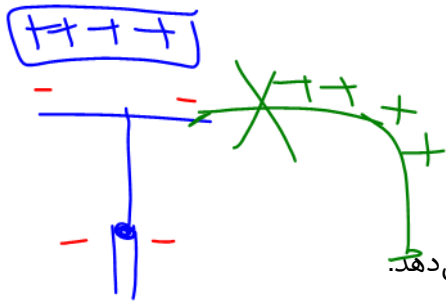


۱) درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید.

الف) با مالش یک میله شیشه‌ای به پارچه ابریشمی الکترون‌ها از میله شیشه‌ای به پارچه ابریشمی منتقل می‌شوند.  
ب) در سری الکتریسیته مالشی تریبوالکتربیک پلاستیک از پشم به انتهای مثبت نزدیک‌تر است.

پ) ایجاد بار به روش القا مختص رساناها است.

ت) بر اثر مالش دو جسم خنثی که به انتهای منفی سری الکتریسیته مالشی نزدیک هستند بار دو جسم منفی می‌شود.



۲) در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) نوع بار یک جسم باردار را می‌توانیم به کمک ..... تعیین کنیم.

ب) بر اثر مالش دو جسم جسمی که الکترون‌خواهی ..... دارد الکترون از دست می‌دهد.

پ) یک میله نارسانا را که بار الکتریکی آن مثبت است به کلاهک یک الکتروسکوپ خنثی نزدیک می‌کنیم و در این

حالت دست دیگر خود را به کلاهک می‌زنیم و جدا می‌کنیم با دور کردن میله باردار از کلاهک کلاهک دارای بار الکتریکی

..... می‌شود و ورقه‌ها با بار ..... از هم دور می‌شوند.





۳

با توجه به جدول روبه رو به سوالات زیر پاسخ دهید.

الف) جدول روبه رو به چه منظور استفاده می‌شود؟

سری الکتربسیته مالشی (تریبوالکتریک)
انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
نایلون
سلفون
پشم
موی گربه
شرب
ابریشم
آلومینیم
پوست انسان
کاغذ
چوب
پارچه کتان
کهربا
برنج، مس
پلاستیک پلی اتیلن
لاستیک
تفلون
انتهای منفی سری

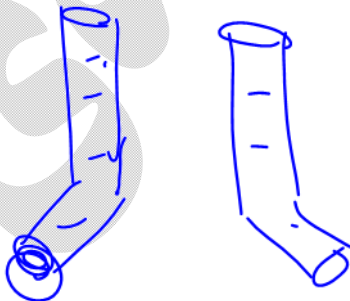
ب) نایلون نسبت به کاغذ الکترون خواهی بیشتری دارد یا کم‌تر؟

کمتر

پ) با توجه به جدول توضیح دهید، چرا وقتی روکش سلفونی را روی یک ظرف پلاستیکی می‌کشید و آن را در لبه‌های ظرف فشار می‌دهید، روکش در جای خود ثابت می‌ماند؟

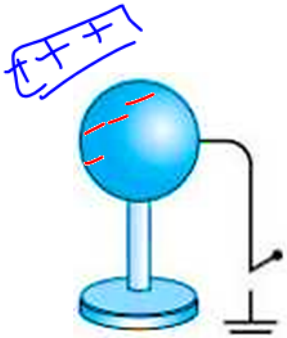
۴) به کمک دو نی پلاستیکی و پارچه پشمی آزمایشی طراحی کنید که مشخص کند دو جسم باردار به هم نیرو

وارد می‌کنند.



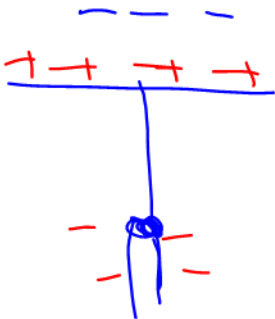


۵ ابتدا میله شیشه‌ای را به پارچه ابریشمی مالش می‌دهیم و سپس مطابق شکل زیر به یک کره فلزی نزدیک می‌کنیم اگر کلید را ببندیم و سپس باز کنیم، بار میله و کره فلزی از چه نوعی می‌شود؟

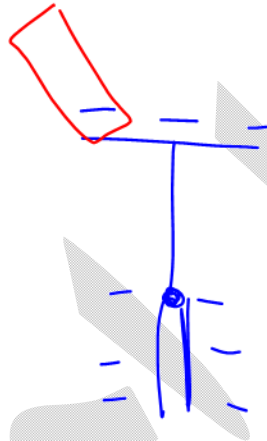


۶ چگونه توسط یک الکتروسکوپ می‌توانیم تشخیص دهیم که:

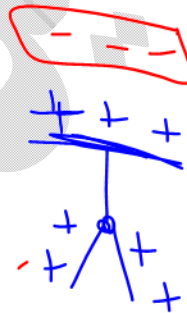
الف) یک میله باردار است یا نه؟



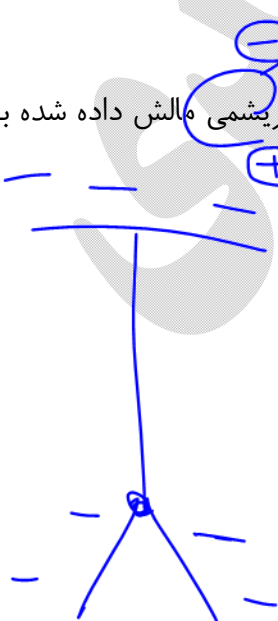
ب) میله رساناست یا عایق؟



پ) نوع بار میله‌ی باردار چیست؟



۷ یک الکتروسکوپ دارای بار الکتریکی منفی است. یک میله شیشه‌ای که با پارچه ابریشمی مالش داده شده به آرامی به آن نزدیک می‌کنیم برای تیغه الکتروسکوپ چه رخ می‌دهد؟



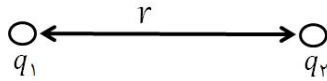


### قانون کولن

تعریف قانون کولن: نیروی الکتریکی بین دو بار با حاصلضرب اندازه بارها رابطه مستقیم و با مجذور فاصله آنها رابطه عکس دارد.

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

Handwritten notes:  $N$ ,  $m$ ,  $r$



\*  $q_1$  و  $q_2$  بر حسب کولن -  $r$  بر حسب متر -  $F$  بر حسب نیوتون

\*  $k$ : ثابت کولن ← یکا:  $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  (ضریب گذر دهی خلأ)

$$\frac{F r^2}{q_1 q_2} = k$$

$$\frac{N m^2}{C^2}$$

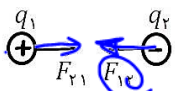
$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

$$k = \frac{C^2}{N m^2}$$

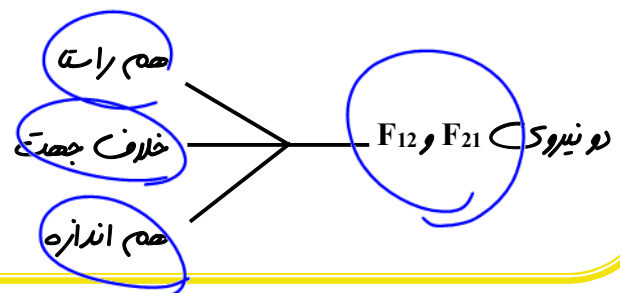
توجه: به مجموع دو بار الکتریکی هم اندازه و غیر هم نام دو قطب الکتریکی می گویند.



نیرویی که دو بار الکتریکی به هم وارد می کنند، کنش و واکنش هم اند:



$$\vec{F}_{21} = -\vec{F}_{12}$$





## نوبت A جایگذاری و نکات حفظی

۱ در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) نیرویی که دو جسم باردار بر یکدیگر وارد می‌کنند، ..... نام دارد.

ب) نیروی الکتریکی که دو ذره باردار، بر یکدیگر وارد می‌کنند، ..... و در جهت مخالف یکدیگرند.

(تجربی دی ۹۰)

پ) نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار با حاصل ضرب اندازه بار الکتریکی دو ذره نسبت ..... دارد.

(مشابه تجربی دی ۹۵)

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$\frac{1}{r^2} \quad \frac{1}{r}$$

۲ کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) با نصف شدن فاصله بین دو بار الکتریکی نقطه‌ای، نیروی الکتریکی بین آنها (دو برابر / چهار برابر) می‌شود.

(ریاضی خرداد ۹۱)

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

$$r = \frac{1}{2} r'$$

ب) کولن به توان دو تقسیم بر نیوتون مترمربع  $\left(\frac{C^2}{N \cdot m^2}\right)$  (یکای ضریب گذردهی الکتریکی  $\epsilon_0$ ) یکای ضریب قانون

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

کولن (k) است.

پ) نیروهای الکتریکی که دو ذره باردار به یکدیگر وارد می‌کنند، (هم جهت / خلاف جهت یکدیگر) هستند.

(ریاضی خرداد ۹۵)

ت) اگر فقط اندازه یکی از بارهای الکتریکی دو برابر شود، اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار (دو برابر / نصف) می‌شود.

(ریاضی خرداد ۹۵)

ث) بزرگی نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار که در فاصله r از یکدیگر قرار دارند، با مربع فاصله دو ذره از هم

نسبت (مستقیم / وارون) دارد.

(ریاضی شهریور ۹۵)



(تجربی خرداد ۹۴)

قانون کولن را بنویسید.

۳

۴ دو ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = +4\mu\text{C}$  و  $q_2 = -5\mu\text{C}$  در فاصله  $3m$  از یکدیگر ثابت شده‌اند. بزرگی

نیروی که دو ذره به یکدیگر وارد می‌کنند و نوع آن را مشخص کنید. ( $K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}$ )

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{3^2} = 20 \times 10^{-3} \text{ N}$$

۵ دو کره به جرم‌های  $m_1 = \frac{1}{4} m_2$  و بارهای  $q_1 = 4q_2$  در فاصله  $r$  از هم قرار دارند.

الف) اندازه نیروی الکتریکی‌ای که کره با جرم  $m_1$  به کره با جرم  $m_2$  وارد می‌کند، چند برابر نیروی الکتریکی‌ای است

$$F_{12} = F_{21}$$

یک بار

که کره با جرم  $m_2$  به کره با جرم  $m_1$  وارد می‌کند؟

$$\text{ب) شتابی که کره (۱) می‌گیرد، چند برابر شتابی است که کره (۲) می‌گیرد؟}$$

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1} \times \frac{F_1}{F_2} = \frac{m_2}{\frac{1}{4} m_2} = 4$$





نسبتی B

نکته

روابط متقیم و عکس:

عکس	متقیم
$AB=C$	$\frac{A}{B}=C$
<del><math>\frac{A}{B}=C</math></del>	<del><math>\frac{A}{C}=B</math></del>

Handwritten notes around the table show various algebraic manipulations and cancellations, including  $\frac{A}{B}=C$ ,  $\frac{A}{C}=B$ , and  $\frac{A}{B}=\frac{C}{D}$ .

نکته

نوشتن فرمول نسبت:

$m = \rho V$

$$\frac{m_A}{m_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{V_A}{V_B}$$

$$\frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{V_B}{V_A}$$

\* m با V رابطه متقیم دارد، پس:

\* ρ با V رابطه عکس دارد، پس:

Handwritten notes:  $r' = \frac{1}{r}$ ,  $q'_1 = \frac{1}{q_1}$ ,  $q'_2 = \frac{1}{q_2}$

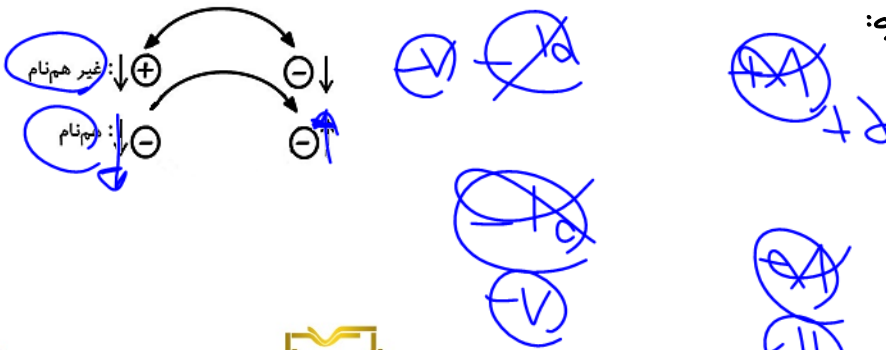
1 اگر اندازه‌ی بارهای هر یک از دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۳ برابر کنیم و فاصله بین آنها را نیز ۳ برابر کنیم،

نیروی الکتریکی بین آنها چند برابر می‌شود؟

(ریاضی داخل ۹۸)

$$F = \frac{k q_1 q_2}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = 1 \times 1 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 = 1$$

توجه: انتقال بار بین دو ذره:





$$q_1' = 2\mu \quad q_2' = -2$$

دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = 4\mu\text{C}$  و  $q_2 = -4\mu\text{C}$  به فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند. اگر نصف یکی از بارها

را برداریم و به دیگری اضافه کنیم و دو بار را به فاصله  $\frac{r}{2}$  از هم قرار دهیم، اندازه نیروی که دو بار به یکدیگر وارد

می‌کنند، در مقایسه با حالت قبل چند برابر می‌شود؟ (برگرفته از سراسری تجربی خارج از کشور ۸۷)

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q_1'| |q_2'|}{|q_1| |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \frac{2 \times 2}{4 \times 4} \times \left(\frac{r}{r/2}\right)^2 = 1$$

اگر دو کره رسانای هم‌اندازه با بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را به هم تماس دهیم، بار هر کدام برابر می‌شود با:

$$q' = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

$$\frac{q_1 + q_2}{2} \quad q_1 \quad q_2$$

دو کره فلزی مشابه به بارهای  $q_1 = 8\mu\text{C}$  و  $q_2 = -4\mu\text{C}$  در فاصله ۲۰ سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند.

اگر این دو کره را با هم تماس دهیم و سپس در همان فاصله قبلی قرار دهیم، نیروی بین دو کره چند برابر می‌شود؟

$$q_1' = q_2' = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{+8 - 4}{2} = -2\mu\text{C}$$

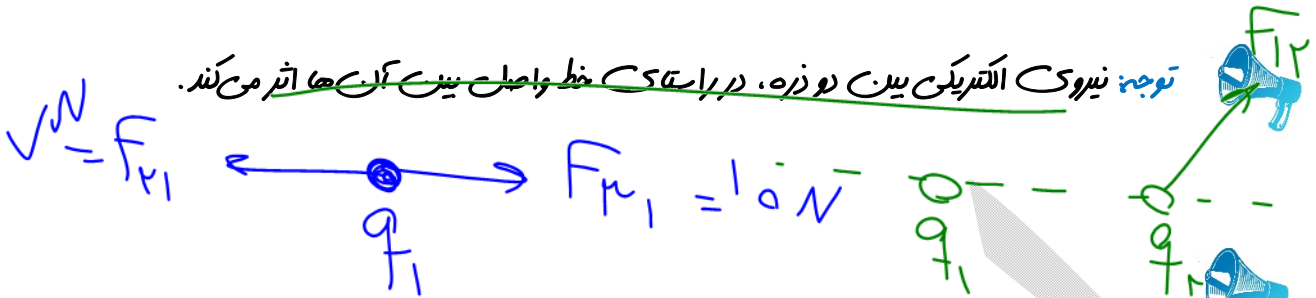
$$r' = r$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q_1'| |q_2'|}{|q_1| |q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \frac{2 \times 2}{8 \times 4} \times \left(\frac{r}{r}\right)^2 = \frac{1}{4}$$



نقطه C برآیند نیروها

توجه: نیروی الکتریکی بین دو ذره، در راستای خط واصل بین آن‌ها اثر می‌کند.



توجه: اگر به یک بار الکتریکی از طرف چند ذره بردار نیرو وارد شود، نیروی خالص وارد بر بار، برآیند نیروی نیروهای است که هر یک از ذره‌ها به تنهایی بر بار مورد نظر وارد می‌کنند.

رسم و محاسبه برآیند بردارها ( $F_{net}$ ):



هم جهت	خلاف جهت	عمود برهم
$F_{net} = F_1 + F_2$	$F_{net} = F_1 - F_2$	$F_{net} = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$

$$\frac{9 \times 10^{-6} \times 1}{100} = 9$$

1 دو ذره با بارهای  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله  $20\text{cm}$  از یکدیگر ثابت شده‌اند. (ریاضی دی ۹۵ - مشابه تجربی خرداد ۹۶)  
الف) با رسم شکل جهت بردار الکتریکی برآیند بر بار  $q_3$  در وسط خط واصل دو بار را مشخص کنید.

$$F_{net} \leftarrow q_3$$

ب) این نیروی برآیند را بر حسب بردارهای یکه بنویسید. ( $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}$ )

Diagram showing three charges on a horizontal line:  $q_1 = +4\mu\text{C}$ ,  $q_2 = +1\mu\text{C}$ , and  $q_3 = -6\mu\text{C}$ . Distances between them are  $10\text{cm}$  and  $20\text{cm}$ . A coordinate system  $x$  is shown with  $\hat{i}$  pointing right.

Handwritten calculations:  
 $F_{13} = k \frac{q_1 q_3}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{4 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{(0.2)^2} = 54 \times 10^{-1} \text{ N} = 5.4 \text{ N}$   
 $F_{23} = k \frac{q_2 q_3}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 6 \times 10^{-6}}{(0.1)^2} = 54 \times 10^{-1} \text{ N} = 5.4 \text{ N}$   
 $F_{net} = F_{13} + F_{23} = 5.4 + 5.4 = 10.8 \text{ N}$

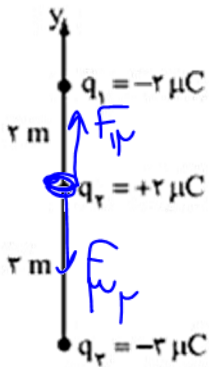


(ریاضی دی ۹۴)

سه ذره باردار روی محور y ها مطابق شکل روبرو قرار دارند.

۲

برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  را (در SI) بر حسب بردارهای یکه محاسبه کنید. ( $k = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2}$ )



$$F_{12} = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{2^2} = 9 \times 10^{-3} N$$

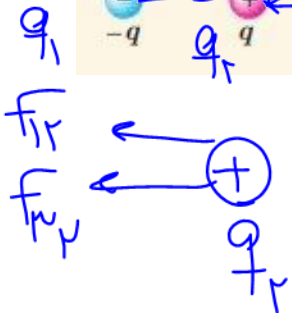
$$F_{32} = \frac{k |q_3| |q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{2^2} = 9 \times 10^{-3} N$$

$$F_{net} = F_{12} - F_{32} = 9 \times 10^{-3} - 9 \times 10^{-3} = 0 N$$

سه ذره باردار مانند شکل روبرو، روی یک خط راست قرار دارند و فاصله بارهای سمت راست و چپ از بار میانی

۳

برابر است.



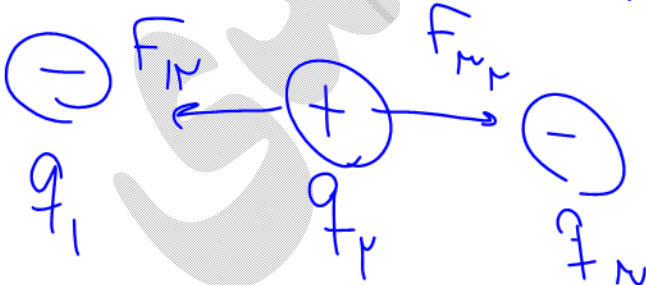
الف) جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار الکتریکی میانی را تعیین کنید.

به سمت چپ

ب) اگر ذره سمت راست به جای  $q$ ، بار  $-q$  داشته باشد، جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار میانی چگونه خواهد بود؟

(کتاب درسی)

نیروی خالص وارد بر  $q_2$  صفر خواهد بود







۴

سه ذره ی باردار مطابق شکل زیر در سه رأس مثلث قائم الزاویه ای ثابت شده اند: (ریاضی خرداد ۹۶)

الف) نیروی الکتریکی وارد بر ذره ی واقع در رأس قائمه بر حسب بردارهای  $i$  و  $j$  چند نیوتن است؟

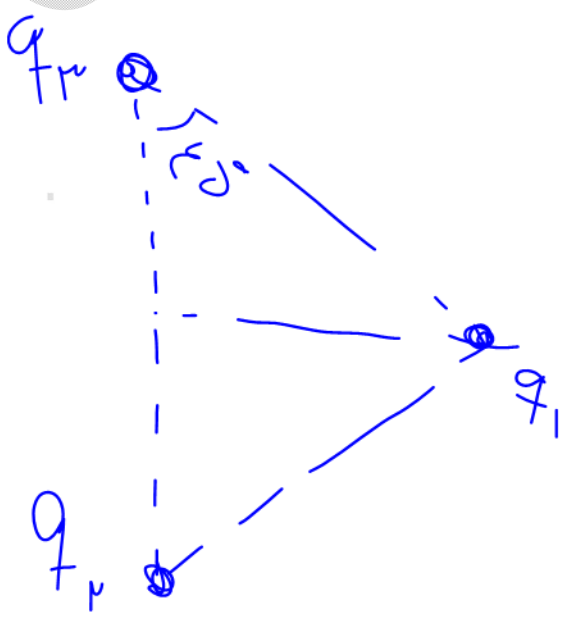
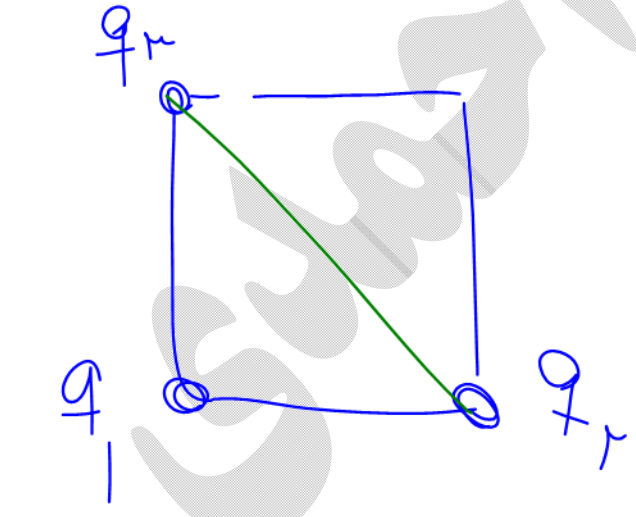
$F_{31} = k \frac{|q_1 q_3|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^{-3} \text{ N}$   
 $F_{32} = k \frac{|q_2 q_3|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} = 1 \times 10^{-3} \text{ N}$   
 $F_{net} = (1 \times 10^{-3}) \vec{i} + (2 \times 10^{-3}) \vec{j}$

ب) اندازه نیروی برآیند وارد بر بار  $q_1$  چند نیوتن است؟

$F_{net} = \sqrt{F_{31}^2 + F_{32}^2} = \sqrt{(1 \times 10^{-3})^2 + (2 \times 10^{-3})^2} = \sqrt{5} \times 10^{-4} \text{ N}$

پ) اگر علامت بار  $q_3$  را قرینه کنیم، اندازه برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_1$  تغییر می کند؟

تغییر نمی کند - جهت تغییر نمی کند



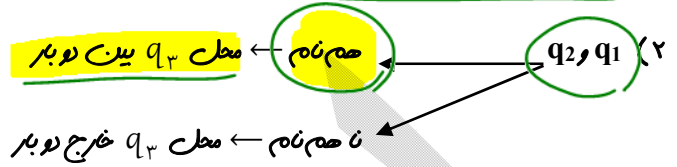




**نکته** D تعادل بارها

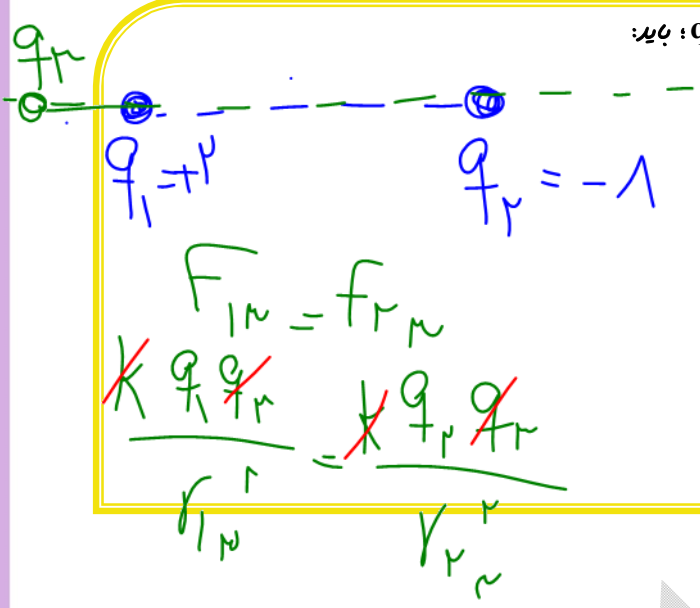
**نکته**

برای صفر شدن نیروی ناشی از دو بار  $q_1$  و  $q_2$  روی بار  $q_3$  باید:  
 (۱) هر سه روی یک خط باشند



(۳) نزدیک تر به بار کوچکتر

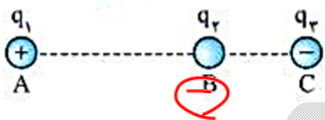
$$\frac{kq_1}{r_1^2} = \frac{kq_2}{r_2^2} \quad (۴)$$



توجه: تعادل = برابری نیروها صفر

$F_{net} = 0$

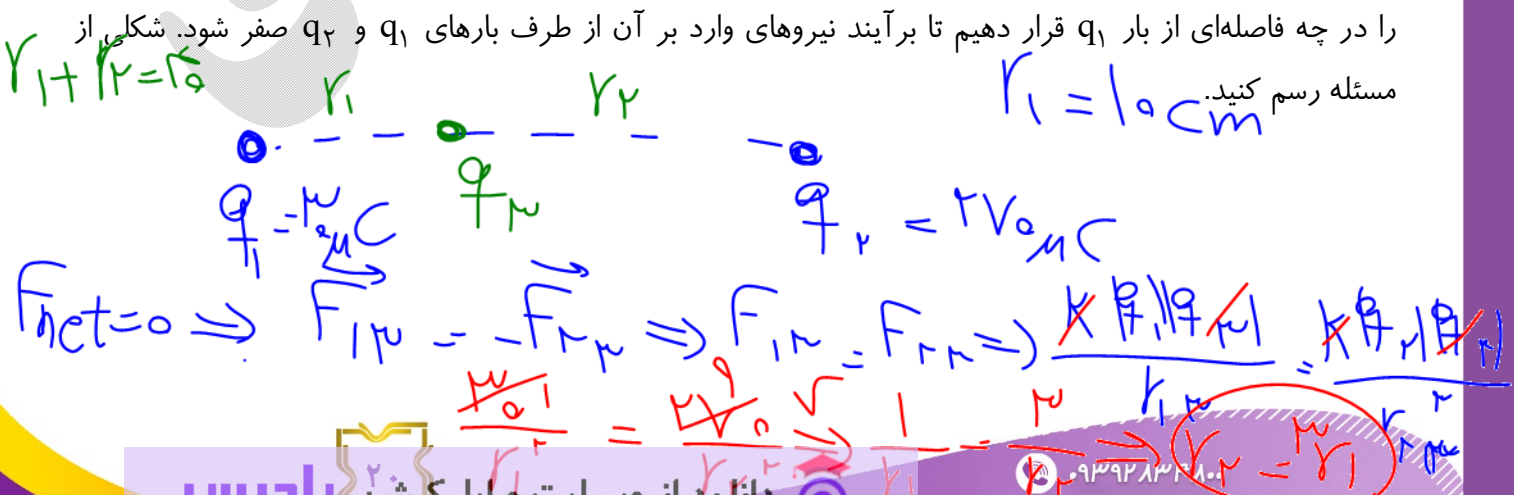
۱ دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  مطابق شکل در نقطه‌های A و B ثابت شده‌اند.  $q_3$  در نقطه C در راستای AB در حال تعادل است.  
 (ریاضی شهریور ۹۰)



الف) نوع بار  $q_2$  مثبت است یا منفی؟  
 ب) مقادیر  $|q_1|$  و  $|q_2|$  را مقایسه کنید.

$|q_1| < |q_2|$

۲ دو بار الکتریکی  $q_1 = 3 \mu C$  و  $q_2 = 27 \mu C$  به فاصله ۴۰ سانتی‌متر از یکدیگر قرار دارند. بار الکتریکی  $q_3$  را در چه فاصله‌ای از بار  $q_1$  قرار دهیم تا برآیند نیروهای وارد بر آن از طرف بارهای  $q_1$  و  $q_2$  صفر شود. شکلی از مسئله رسم کنید.



$$210g \times \frac{1kg}{1000g}$$

$$r_1 + r_2 = r_0 \rightarrow r_2 = r_0 - r_1 \rightarrow r_1 = r_0 \Rightarrow r_1 = 10cm$$

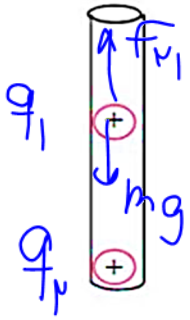
$$r_2 = 10cm$$

ترکیب با سایر نیروها

E

در شکل روبه‌رو، دو گوی مشابه به جرم  $2/5g$  و بار یکسان مثبت  $q$  در فاصله  $1cm$  از هم قرار دارند، به طوری

که گوی بالایی به حالت معلق مانده است. (کتاب درسی)  $(e = 1.6 \times 10^{-19}C, g = 10 \frac{N}{kg}, K = 9 \times 10^9 \frac{N.m^2}{C^2})$



$$F_1 = mg \Rightarrow \frac{K \frac{q_1 q_2}{r^2}}{r^2} = mg$$

$$\frac{9 \times 10^9 \frac{q^2}{(10^{-2})^2}}{(10^{-2})^2} = 2 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow q^2 = \frac{2}{18} \times 10^{-15}$$

الف) اندازه بار را به دست آورید.

$$q^2 = \frac{20}{18} \times 10^{-15} \Rightarrow q = \frac{2}{3} \times 10^{-14} C$$

ب) تعداد الکترون‌های کنده شده از هر گوی چقدر است؟

$$q = ne \Rightarrow \frac{2}{3} \times 10^{-14} = n \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{10}{16} \times 10^{11} = n \Rightarrow n = \frac{20}{16} \times 10^{11}$$



## میدان الکتریکی

تعریف میدان: خاصیتی در فضای اطراف بار الکتریکی است که در آن فضا بر بارهای الکتریکی دیگر نیرو وارد می‌شود.

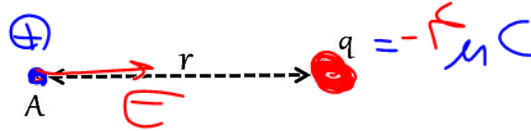
$$\frac{N \cdot m^2}{C^2} \times E$$

$\frac{N \cdot m^2}{C^2}$

**توجه:** میدان الکتریکی کمیتی برداری است که هم اندازه دارد و هم جهت.

اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار  $q$  در فاصله  $r$  از آن برابر است با:

$$E = \frac{k|q|}{r^2}$$



یکها: میدان بر حسب:  $\frac{N}{C}$ ،  $q$  بر حسب  $C$  و  $r$  بر حسب  $m$ .

**توجه:**  $r$  فاصله نقطه  $A$  با  $q$  است که می‌خواهیم در آن میدان را حساب کنیم، و هیچ اهمیتی ندارد که در آن نقطه باری وجود دارد یا خیر.



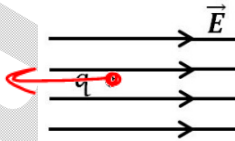
جهت میدان: جهت میدان در یک نقطه هم جهت با نیروی وارد بر بار مثبت آزمون در آن نقطه است.

$$E = \frac{F}{q} = \frac{N}{C}$$

فرمول ۲:

اگر بار  $q$  در میدان  $E$  قرار بگیرد، نیروی  $F$  به آن وارد می‌شود:

$$F = E|q|$$



جهت  $\vec{F}$  ← **بار مثبت: هم جهت با  $\vec{E}$**   
 ← **بار منفی: خلاف جهت با  $\vec{E}$**

**توجه:** رسوب دهنده‌های الکترواستاتیکی (ESP) دود و غبار را از گازهای زانندی که از رودکش

کارخانها و بندرگاهها با کامیون جدا می‌کنند.

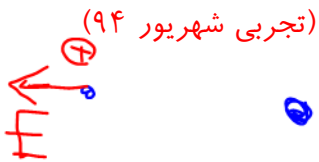


## نویس A جایگذاری و نکات حفظی

$$E = k \frac{Q}{r^2}$$

1) درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را تعیین کنید.

الف) بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار در هر نقطه، با اندازه بار ذره نسبت مستقیم دارد.



ب) بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار با فاصله از آن رابطه عکس دارد:  $E = \frac{kQ}{r^2}$

پ) بردار میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار همواره در جهت نزدیک شدن به آن است.

(تجربی خرداد ۹۹)

$$Q = -5$$

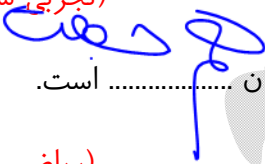
ت) یکای میدان الکتریکی در SI کولن بر متر مربع است.

میدان الکتریکی

2) در جمله‌های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) یک بار الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف خود، خاصیتی ایجاد می‌کند که به آن ..... می‌گویند.

(تجربی شهریور ۹۲)



ب) نیروی وارد بر بار الکتریکی مثبت (آزمون) واقع در میدان الکتریکی، با آن میدان ..... است.

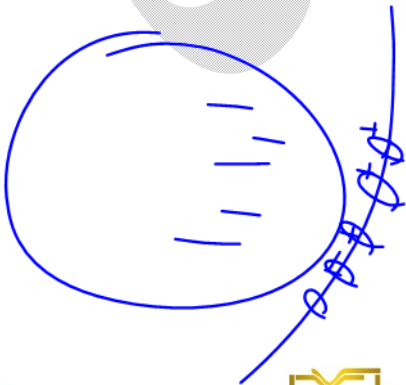
(ریاضی خرداد ۹۲)

(تجربی دی ۸۸)

پ) میدان الکتریکی کمیتی برداری ..... است که یکای آن در SI،  $\frac{N}{C}$  ..... است.

3) بادکنک بارداری را به آب در حال خروج از شیر آب نزدیک می‌کنیم، توضیح دهید، چرا آب به هنگام

فروریختن، خمیده می‌شود؟







۴

برای تعیین میدان الکتریکی در نقطه‌ای از فضا، بار آزمون  $+ \Delta nC$  را در آن نقطه قرار می‌دهیم. نیروی الکتریکی  $15 \times 10^{-3} N$  در راستای جنوب - شمال و به طرف شمال بر این بار وارد می‌شود. الف) بزرگی و جهت میدان الکتریکی در این نقطه را مشخص کنید.

$$F = E|q| \Rightarrow 15 \times 10^{-3} = E \times 10^{-9} \Rightarrow E = 10^4 \frac{N}{C}$$

$$q = + \Delta nC$$

$$F = E|q|$$

ب) اگر بار  $-3$  میکرو کولن را به جای بار آزمون قرار دهیم چه نیرویی به آن وارد می‌شود؟

$$F = E|q| = 10^4 \times 3 \times 10^{-6} = 30 N$$

۵

هسته اتم آهن شعاعی در حدود  $4/0 \times 10^{-15} m$  دارد و تعداد پروتون‌های آن ۲۶ عدد است. الف) بزرگی نیروی دافعه بین دو پروتون این هسته که به فاصله  $4/0 \times 10^{-15} m$  از هم قرار دارند چقدر است؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} C, k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1/6 \times 10^{-19} \times 1/6 \times 10^{-19}}{(4/0 \times 10^{-15})^2} = 1/4 \times 10^1 N$$

ب) اندازه میدان الکتریکی ناشی از هسته در فاصله  $1/0 \times 10^{-10} m$  از مرکز هسته چقدر است؟

(کتاب درسی)

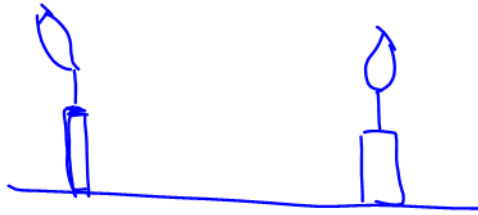
$$E = \frac{k|Q|}{r^2}$$

$$\Rightarrow E = \frac{9 \times 10^9 \times 26 \times 1/6 \times 10^{-19}}{(1/0 \times 10^{-10})^2} = 2/7 \times 10^9 N/C$$

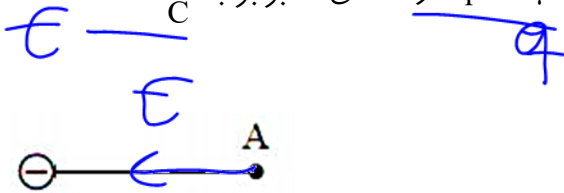




۶ با ۲ شمع، مولد وان دوگراف و یک خط کش، یک آزمایش طراحی کنید که نشان دهد با افزایش فاصله، میدان الکتریکی کاهش می‌یابد.



۷ در شکل زیر بزرگی میدان الکتریکی ناشی از ذره‌ی باردار  $q = -2\mu\text{C}$  در نقطه‌ی A برابر با  $7 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  است. الف) بردار میدان الکتریکی را در نقطه‌ی A رسم کنید.



ب) در چه فاصله‌ای از بار میدان الکتریکی نصف می‌شود؟

$$E = \frac{1}{r} \times 7 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$\frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2}$$

$$q = -2 \times 10^{-6}$$

$$\frac{7}{r} \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{r^2}$$

$$r = ?$$

$$\frac{7}{r} \times \frac{\sqrt{r}}{\sqrt{r}} = \frac{18 \times 10^3}{r^2}$$

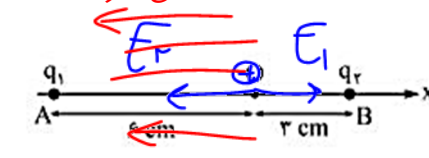
$$\Rightarrow r^2 = \frac{9 \times 2 \times 10^3}{\frac{7}{r} \times 10^5} = \frac{18 \times 10^3}{7} \times 10^{-2}$$

$$\rightarrow r = \frac{4}{\sqrt{7}} \times 10^2 = \frac{4\sqrt{7}}{7} \times 10^2 \text{ m}$$



نقطه B برآیند میدانها

1 دو ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = +4\mu C$  و  $q_2 = +2\mu C$  در نقطه های A و B روی محور x مطابق شکل زیر ثابت شده اند.



(ریاضی خرداد ۹۴)

$$E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (4 \times 10^{-6})}{(2 \times 10^{-2})^2} = 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (2 \times 10^{-6})}{(1 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

الف) میدان الکتریکی برآیند در نقطه O مبدأ مختصات را، در (SI) محاسبه کنید و آن را بر حسب بردارهای یکه بنویسید.

$$E_{net} = E_2 - E_1 = 2 \times 10^7 - 10^7 = 10^7 \frac{N}{C} \quad \left\{ \begin{array}{l} E_{net} = -(10^7) \hat{i} \end{array} \right.$$

ب) اگر در نقطه O ذره ای با بار الکتریکی  $-5\mu C$  قرار دهیم، نیروی الکتریکی وارد بر ذره را در (SI) بر حسب بردارهای یکه محاسبه کنید. ( $k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ )

$$F = E|q| = 10^7 \times 5 \times 10^{-6} = 50 \text{ N}$$

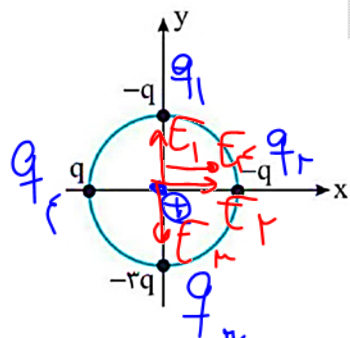
$F = qE$

$$E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{1^2} = 18000 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{1^2} = 9000 \frac{N}{C}$$

$$E_3 = 13500 \frac{N}{C}$$

2 اگر در شکل زیر، شعاع دایره 1 متر و  $q = 5nC$  باشد، بزرگی میدان الکتریکی برآیند را در مرکز دایره بدست آورید. ( $k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ )



$$E_{2,4} = E_2 + E_4 = 90 \frac{N}{C}$$

$$E_{1,3} = E_3 - E_1 = 13500 - 4500 = 9000 \frac{N}{C}$$

$$E_{net} = \sqrt{E_{2,4}^2 + E_{1,3}^2} = \sqrt{90^2 + 90^2} = \sqrt{14200} = 9\sqrt{2} \times 10^3 \frac{N}{C}$$



۳ دو بار الكترىكى ذره‌اى  $q_1 = -q_2 = 1 \mu\text{C}$  و در فاصله  $6\text{cm}$  از يكدیگر ثابت شده‌اند میدان الكترىكى را روی عمود منصف خطى كه دو ذره را به يكدیگر وصل می‌كند و به فاصله  $3\text{cm}$  از وسط خط واصل دو ذره، به دست آورید.

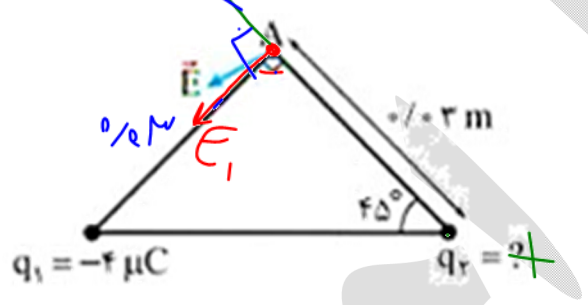
(ریاضی دی ۹۱)

$E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2}$   
 $E_2 = k \frac{|q_2|}{r_2^2}$   
 $E_{net} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{4} \times 10^{11}\right)^2 + \left(\frac{1}{4} \times 10^{11}\right)^2} = \frac{1}{2} \times 10^{11} \text{ N/C}$   
 $q_2 = -10 = \frac{1}{\sqrt{2}} \times 10^{14} = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 10^{14} \text{ N}$

(با رسم شكل)  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$   
 $= \frac{9 \times 10^9 \times 10 \times 10^{-6}}{(0.06)^2} = \frac{1}{4} \times 10^{11}$   
 $= \frac{9 \times 10^9 \times 10 \times 10^{-6}}{(0.03)^2} = \frac{1}{4} \times 10^{11}$

۴ در شكل زیر، دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  در دو رأس مثلث متساوی الساقین ثابت شده‌اند و  $\vec{E}$  میدان الكترىكى حاصل از این دو بار، در رأس زاویه قائمه A است.

(ریاضی خرداد ۹۱)



الف) بار  $q_2$  مثبت است یا منفی؟

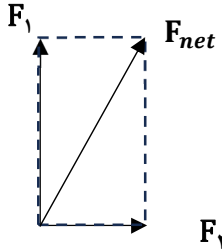
مثبت

ب) اگر  $q_1 = -4 \mu\text{C}$  باشد اندازه بار  $q_2$  را طوری تعیین کنید كه بزرگی میدان الكترىكى  $\vec{E}$  برابر  $5 \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  باشد.

$E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{(0.03)^2} = 4 \times 10^7 \text{ N/C}$   
 $E_{net} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} \Rightarrow (5 \times 10^7)^2 = (4 \times 10^7)^2 + E_2^2$   
 $\Rightarrow 25 \times 10^{14} = 16 \times 10^{14} + E_2^2 \Rightarrow 9 \times 10^{14} = E_2^2 \Rightarrow E_2 = 3 \times 10^7 \text{ N/C}$   
 $\frac{k|q_2|}{r_2^2} = 3 \times 10^7 \Rightarrow \frac{9 \times 10^9 |q_2|}{(0.03)^2} = 3 \times 10^7 \Rightarrow |q_2| = 3 \times 10^{-6} \text{ C}$



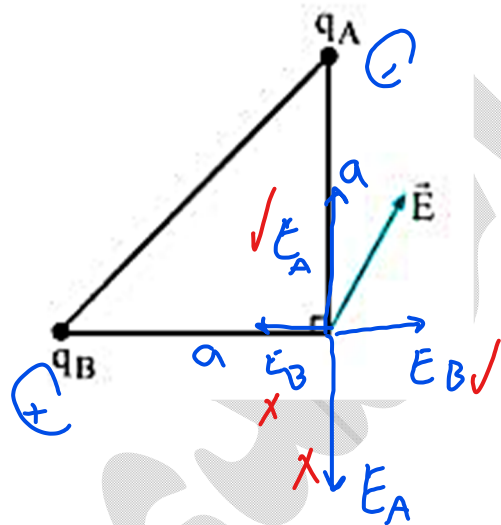
توجه: بردار برآیند دو بردار عمود برهم به بردار بزرگتر نزدیکتر است.



در جمله‌های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.



مطابق شکل، دو بار الکتریکی  $q_A$  و  $q_B$  در دو رأس مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقینی ثابت شده‌اند. با توجه به بردار میدان الکتریکی رسم شده در شکل، دو بار الکتریکی **نامی نام** هستند و اندازه بار  $q_A$  از اندازه بار  $q_B$  **بزرگتر** است.



$$E_A > E_B$$

$$\frac{kq_A}{r^2} > \frac{kq_B}{r^2} \Rightarrow q_A > q_B$$





## صفر شدن میدان

نقطه C

نکته

اگر دو بار  $q_1$  و  $q_2$  را داشته باشیم و بخواهیم نقطه‌ای را بیابیم که در آن میدان صفر باشد:

(۱) در راستای خط واصل دو بار

$$q_A = -\lambda$$

در اینجا میدان  
صفری نشود  
هم نام ← نقطه مذکور بین دو بار است.

(۲)  $q_1$  و  $q_2$ :

هم نام ← نقطه مذکور خارج فاصله دو بار است.

$$E_A = E_B$$

(۳) آن نقطه به بار کوچکتر نزدیکتر است.

$$k \frac{q_A}{R_1^2} = k \frac{q_B}{R_2^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{R_1^2} = \frac{|q_2|}{R_2^2}$$

(۴) K ها تأثیری ندارند.

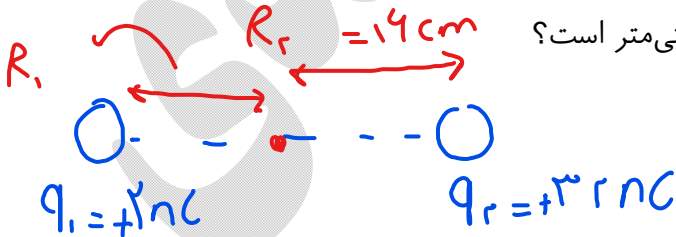
$$\frac{|q_1|}{r_1^2} = \frac{|q_2|}{r_2^2}$$

نکته

بار آزمون:  $q_0$ : بار کوچک و مثبت

۱ میدان الکتریکی حاصل از دو بار نقطه‌ای  $q_1 = +2\text{nC}$  و  $q_2 = +32\text{nC}$  در فاصله‌ی ۱۶ سانتی‌متری از بار  $q_2$

صفر می‌باشد. فاصله‌ی دو بار الکتریکی از یکدیگر چند سانتی‌متر است؟



$$\frac{q_1}{R_1^2} = \frac{q_2}{R_2^2}$$

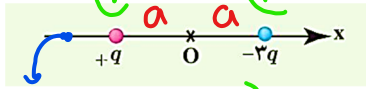
$$\Rightarrow \frac{2}{R_1^2} = \frac{32}{16^2} \Rightarrow R_1 = 4$$

$$R_1 + R_2 = 20 \text{ cm}$$





شکل زیر، دو ذره باردار را نشان می‌دهد که در جای خود روی محور X ثابت شده‌اند. بارها در فاصله یکسان  $a$  از مبدأ مختصات (نقطه O) قرار دارند.



$$q = (+)$$

این نقطه

الف) در کجای این محور (غیر از بی‌نهایت) نقطه‌ای وجود دارد که در آنجا میدان الکتریکی برآیند برابر صفر است؟

در فاصله  $\frac{2}{3}a$  از بار  $+q$

(کتاب درسی)

ب) بزرگی و جهت میدان الکتریکی برآیند در مبدأ مختصات را بیابید.

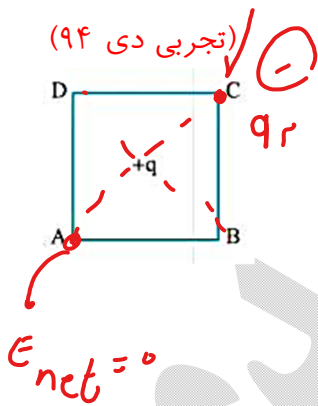
$$E_1 = \frac{kq}{a^2} \quad E_2 = \frac{3kq}{a^2} \Rightarrow E_{net} = E_1 + E_2$$

$$= \frac{4kq}{a^2}$$

مطابق شکل، بار  $q_1 = +q$  در مرکز یک مربع ثابت شده است. بار  $q_2$  را در یکی از رأس‌های مربع قرار

می‌دهیم طوری که میدان الکتریکی در رأس A صفر شود. نوع و مکان بار الکتریکی را در این حالت تعیین کنید.

مکان رأس C، نوع نامشخص با بار  $q$

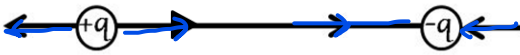




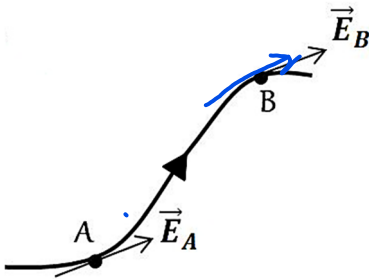
## نقطه D خطوط میدان

خطوط میدان الکتریکی دارای ویژگی‌های زیر اند:

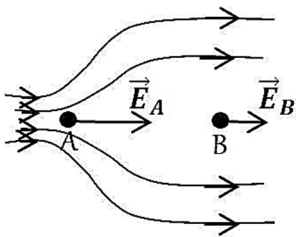
۱- خطوط میدان از بار مثبت خارج می‌شوند و وارد بار منفی می‌شوند:



۲- میدان در هر نقطه، برداری است مماس بر خط میدان عبوری از آن نقطه و هم‌جهت با خط میدان:



۳- هر چه میدان در یک نقطه قوی‌تر باشد، باید خطوط میدان در آن ناحیه به هم نزدیک‌تر و فشرده‌تر باشند:



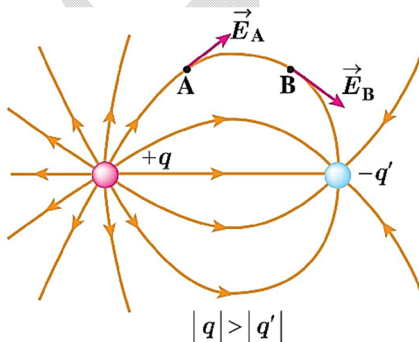
$$E_A > E_B$$

۴- خطوط میدان یکدیگر را قطع نمی‌کنند؛ یعنی از هر نقطه از فضا فقط یک خط میدان می‌گذرد که همان میدان برآیند است.

• میدان حاصل از دوبرار الکتریکی:

**نکته**

هر کدام از سه ویژگی زیر برای خطوط میدان الکتریکی باری دیده شود، آن بار بزرگتر است:



$$|q| > |q'|$$

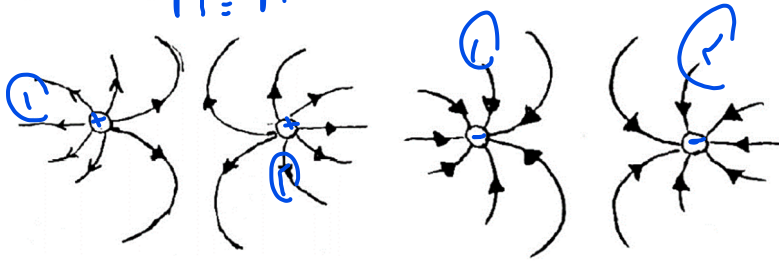
تعداد خطوط بیشتر \*

خطوط فشرده‌تر

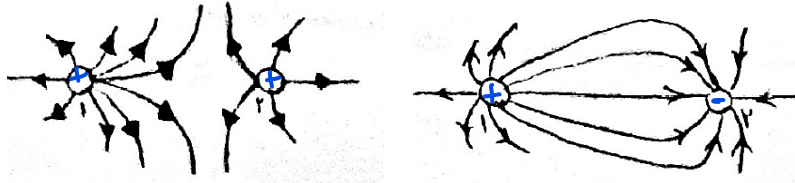
رست درازی کردن بیشتر به محیط بار دیگر \*



$q_1 = q_2$



الف) بارهای هم اندازه  $\Leftarrow$



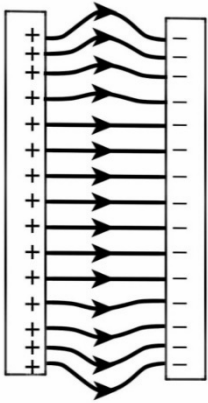
ب) بارهای غیر هم اندازه  $\Leftarrow$

$q_1 > q_2$

$|q_1| > |q_2|$

**نکته**

**میدان الکتریکی یکنواخت:**



\* میدان الکتریکی بین دو صفحه رسانا با بارهای هم اندازه و نا هم نام، از نوع



یکنواخت است. } مستقیم

\* ویژگی خطوط موازی }

هم فاصله

\* میدان در همه نقاط با هم برابر است



۱

در جمله‌های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) در هر ناحیه که میدان الکتریکی قوی‌تر باشد، خط‌های میدان به یکدیگر **نزدیک‌تر** می‌شوند. (تجربی خرداد ۹۲)

ب) خط میدان الکتریکی در هر نقطه، هم‌جهت با نیروی وارد بر **بار مثبت** در آن نقطه است. (تجربی دی ۸۸)

پ) در هر نقطه، بردار میدان الکتریکی **مماسی** بر خط میدان الکتریکی عبوری در آن نقطه و در همان جهت است.

ت) در آرایشی از بارها، خطوط میدان الکتریکی از بارهای **مثبت** شروع و به بارهای **منفی** ختم می‌شود.

ث) به مجموعه دو بار الکتریکی هم‌اندازه و ناهم‌نام که در فاصله معینی از هم قرار دارند، **دو قطبی** گفته می‌شود.

(تجربی خرداد ۹۶)

۲

قاعده رسم خط‌های میدان الکتریکی را بنویسید.

(تجربی دی ۹۰)

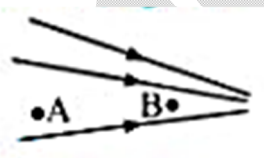
قاعده رسم خط‌های میدان الکتریکی را بنویسید.

۳

شکل زیر خطوط میدان الکتریکی را در قسمتی از فضای اطراف یک بار الکتریکی نشان می‌دهد. اگر میدان

(ریاضی خرداد ۹۵)

الکتریکی را در نقاط A و B به ترتیب با  $E_A$  و  $E_B$  نشان دهیم:



$$E_B < E_A \quad (۳)$$

$$E_B = E_A \quad (۲)$$

$$E_B > E_A \quad (۱)$$



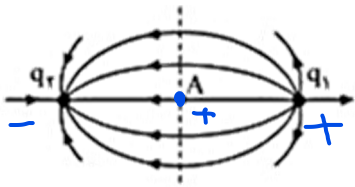
۴ چرا خط‌های میدان الکتریکی یکنواخت، به صورت خط‌های راست و موازی با فاصله‌های مساوی با یکدیگرند؟

(تجربی دی ۹۲)

چون در همی تمام میدان هت اندازه  
میدان الکتریکی با هم برابر است.

۵ خط‌های میدان الکتریکی ناشی از دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  مطابق شکل زیر است:

(تجربی شهریور ۹۰)



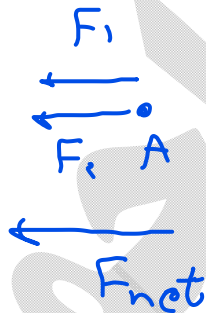
الف) نوع بار الکتریکی  $q_1$  را تعیین کنید.

مثبت

ب) اندازه بار الکتریکی دو ذره را با یکدیگر مقایسه کنید.

$$|q_1| = |q_2|$$

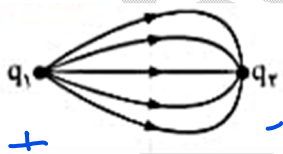
پ) اگر بار الکتریکی مثبت در نقطه A قرار گیرد، جهت نیروی الکتریکی وارد بر آن را با رسم شکل نشان دهید.



۶ با توجه به خط‌های میدان الکتریکی در شکل مقابل، نوع بار  $q_2$  را تعیین کرده و اندازه دو بار را مقایسه کنید.

(تجربی دی ۹۵)

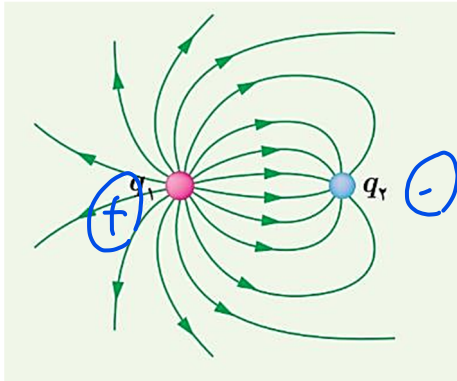
$$|q_1| > |q_2|$$





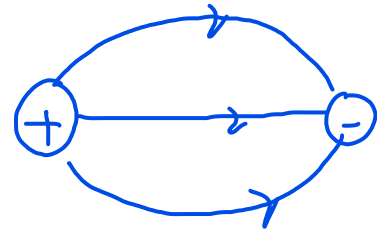
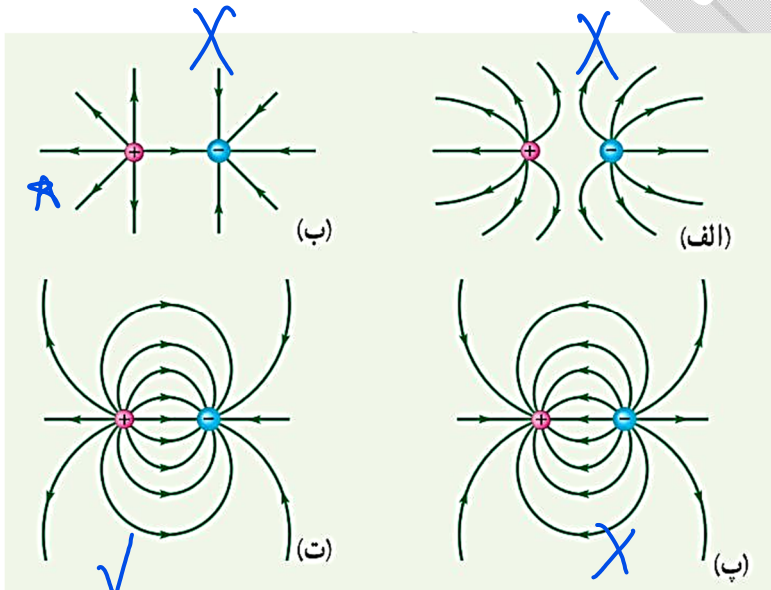


خطوط میدان الکتریکی برای دو کرهٔ رسانای باردار کوچک در شکل زیر نشان داده شده است. نوع بار هر کره را تعیین کرده و اندازهٔ آنها را مقایسه کنید.



۱۹۱۱ > ۱۹۲۱

در شکل‌های زیر، اندازهٔ دو بار، یکسان ولی علامت آنها مخالف هم است. کدام آرایش‌های خطوط میدان نادرست است؟ دلیل آن را توضیح دهید.



الف) از بار منفی خارج شده

ب)

نداریم نه فیه مستقیم نشیده بشود.

\* اینجا میدان بدوافت

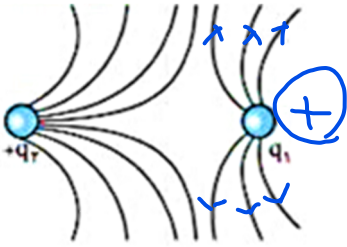
ب) از بار منفی خارج شده



(ریاضی دی ۹۵)

۹ مطابق شکل، خطوط میدان الکتریکی در اطراف دو بار الکتریکی رسم شده است.

الف) اگر بار  $q_2$  مثبت باشد، نوع بار و جهت خطوط میدان بار  $q_1$  را مشخص کنید.

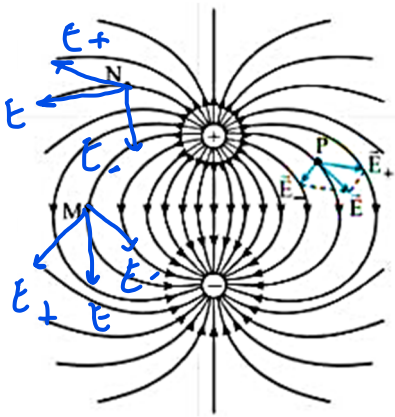


ب) اندازه بار  $q_1$  و  $q_2$  را با یکدیگر مقایسه کنید.

$$|q_2| > |q_1|$$

۱۰ در شکل روبه‌رو میدان الکتریکی بر ایند در نقطه P رسم شده است. میدان بر ایند در نقطه‌های M و N را

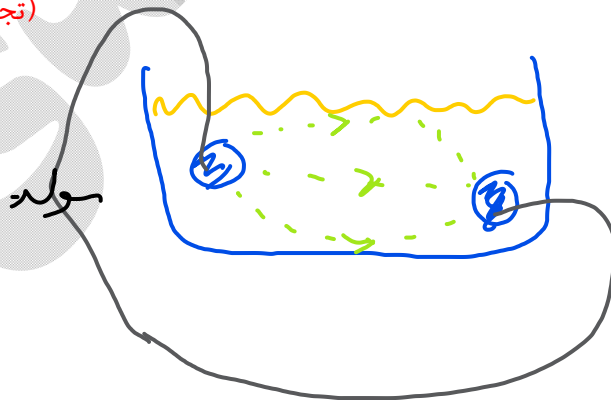
به دقت رسم کنید.



۱۱ با استفاده از بذر چمن، ورقه آلومینیومی، ظرف شیشه‌ای مناسب روغن، مایع سیم‌های رابط و مولد واندوگراف،

آزمایشی برای مشاهده طرح خط‌های میدان الکتریکی در اطراف دو بار الکتریکی هم‌اندازه و ناهم‌نام طراحی کنید.

(تجربی خرداد ۹۵)

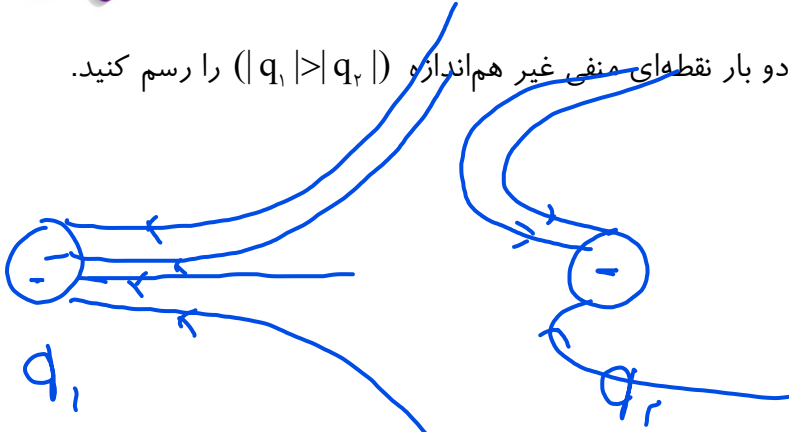


★ اصل مولد را رسم کن  
بذر را بریز



خطوط میدان الکتریکی دو بار نقطه‌ای منفی غیر هم‌اندازه ( $|q_1| > |q_2|$ ) را رسم کنید.

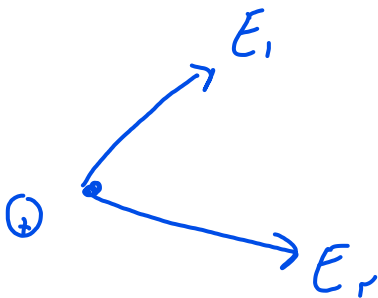
۱۲



چرا خطوط میدان الکتریکی بر ایند هرگز یکدیگر را قطع نمی‌کنند؟

۱۳

(کتاب درسی)



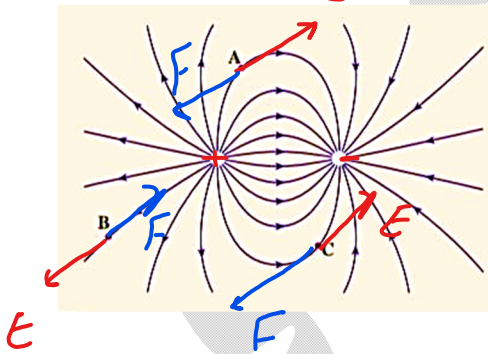
فرض بر این می‌نماید دو جهت دارد  
بار مثبت از میدان نمی‌تواند در دو جهت حرکت کند

بار  $-q$  را در نقطه‌های A، B و C از میدان الکتریکی غیریکنواخت شکل روبه‌رو قرار دهید و جهت نیروی

۱۴

(کتاب درسی)

الکتریکی وارد بر این بار منفی را تعیین کنید.



بار منفی در خلاف جهت میدان بر آن نیرو وارد می‌شود





## ترکیب با سایر نیروها

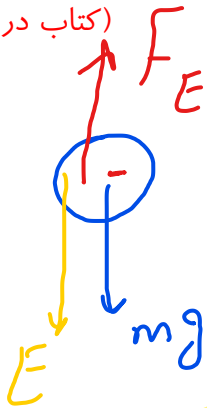
نقطه E

نکته

 $F_{net} = 0 \equiv$  جسم در حال تعادل

۱ روی سطح بادکنکی به جرم  $10^{-2} \text{ kg}$  بار الکتریکی  $-200 \text{ nC}$  ایجاد می‌کنیم و آن را در یک میدان الکتریکی قرار می‌دهیم. بزرگی و جهت این میدان الکتریکی را در صورتی که بادکنک معلق بماند، تعیین کنید. از نیروی شناوری وارد به بادکنک چشم‌پوشی کنید.

(کتاب درسی)



چون معلق است باید نیروها هم روستنی کنند.  
برکی بار منفی میدان درضاتی جهت نیرو است.

$$F_E = mg \Rightarrow E |q| = mg$$

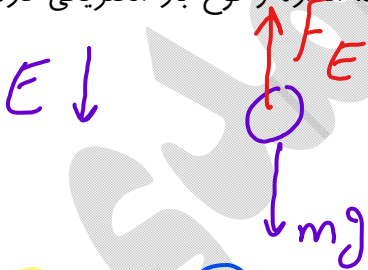
$$E = 5 \times 10^5$$

$$\Rightarrow E \times 200 \times 10^{-9} = 10^{-2} \times 10$$

۲ در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $5 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  که جهت قائم آن قائم و روبه پایین است، ذره

بارداری به جرم  $2 \text{ mg}$  معلق و به حال سکون قرار دارد. اگر  $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$  باشد، اندازه و نوع بار الکتریکی ذره را

مشخص کنید.



$$F_E = mg \quad 2 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$E |q| = mg$$

$$5 \times 10^5 \times |q| = \frac{2}{1000} \times 10$$

$$|q| = 4 \times 10^{-8}$$





$m$   $q$

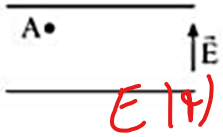
۳ مطابق شکل، یک غبار که دارای بار الکتریکی  $1 \times 10^{-10} \text{ C}$  و جرم  $1 \times 10^{-15} \text{ g}$  است، در میدان الکتریکی یکنواخت

بالایی قرار داشته باشد، شتاب حرکت غبار را تا رسیدن به صفحه بالایی حساب کنید. (تجربی دی ۹۴)

$$F_{\text{net}} = ma$$

شتاب صفر نیست پس  $F_E$  با  $mg$  برابر نیستند

$F_E$  با  $mg$  برابر نیستند



$$F_E - mg = ma \Rightarrow 1.2 \times 10^{-15} \times 1.0 \times 10^{-10} - 1.0 \times 10^{-15} \times 1.0 = 1.0 \times 10^{-15} \times a$$

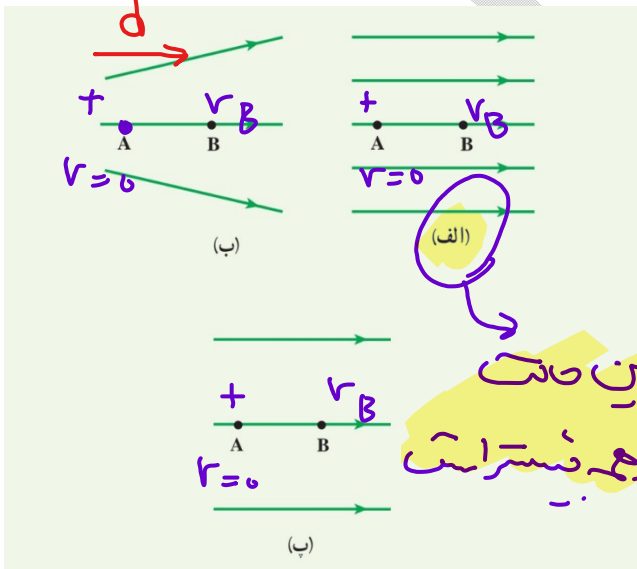
$$1.2 \times 10^{-15} - 1.0 \times 10^{-15} = 1.0 \times 10^{-15} \times a \Rightarrow \frac{2}{1} \times 10^{-15} = 1.0 \times 10^{-15} \times a \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$

۴ شکل زیر سه آرایش خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. در هر آرایش، یک پروتون از حالت سکون

در نقطه A رها می‌شود و سپس توسط میدان الکتریکی تا نقطه B شتاب می‌گیرد. نقطه‌های A و B در هر سه آرایش

در فاصله‌های یکسانی از هم قرار دارند. در کدام شکل سرعت پروتون در نقطه B بیشتر است؟ توضیح دهید.

(کتاب درسی)



$$\Delta k = W_t$$

$$W_E$$

$$\frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = W_E$$

$$F_E d \cos \theta$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = \int E d$$

$E |d|$

(کتاب درسی)

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_B^2 = E |q| d$$

با بارهای و جرم بار در هر دو حالت یکسان پس تکمیل میدان همین





## انرژی پتانسیل

اگر به ذره باردار در میدان الکتریکی جابه‌جا شود، برای تغییرات انرژی الکتریکی آن فرمول‌های زیر را داریم:

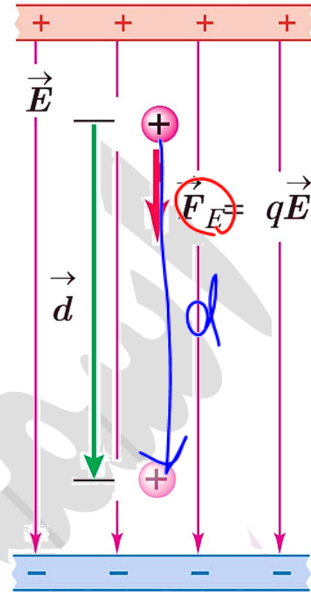
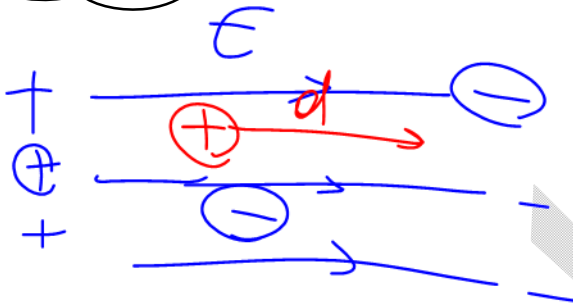
$$\Delta U = -W$$

$$E \quad E$$

$$W = F d \cos \theta$$

$$W_E = -F d \cos \theta$$

$$\Delta U = -E |q| d \cos \theta$$



$\theta$ : زاویه بین  $F_E$  و  $d$  است.

یکها:  $\Delta U$  و  $W$  بر حسب J،  $d$  بر حسب متر،  $E$  بر حسب  $\frac{N}{C}$ ،  $q$  بر حسب C است.

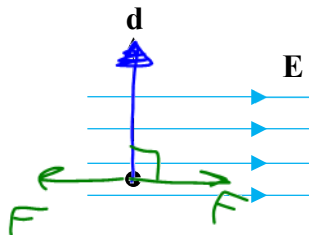
نکته

تعیین علامت راحتتر  $\Delta U$ :

علامت  $\Delta U$  = ضرب علامت ویاری که به هم نزدیک می‌شود.

$$\Delta U = -E |q| \cos \theta$$

توجه: اگر عمود بر خطوط میدان حرکت کنیم  $\Leftarrow$



توجه: حرکت خودبه‌خودی بار الکتریکی = حرکت آزادانه بار: هر باری که تمایل دارد به سمت بار ناهم‌نام خودش حرکت کند.



## نویس A جایگذاری و نکات حفظی



۱ در جمله‌های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) انرژی پتانسیل بار الکتریکی  $q$  با حرکت در جهت میدان افزایش می‌یابد. در این صورت نوع بار الکتریکی منفی است.

(تجربی دی ۹۴)

$$\Delta U > 0$$

ب) اگر عمود بر خطوط میدان الکتریکی، بار الکتریکی را جابه‌جا کنیم، انرژی پتانسیل الکتریکی بار تغییر نمی‌کند.

ثابت می‌ماند

$$\Delta U = 0 \Rightarrow U_2 - U_1 = 0$$

۲ کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) هرگاه یک بار الکتریکی منفی را در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی جابه‌جا کنیم، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش / افزایش می‌یابد.

(ریاضی شهریور ۹۴)



ب) اگر علامت کار میدان روی بار الکتریکی مثبت / منفی باشد انرژی پتانسیل کاهش می‌یابد.  $\Delta U = -W_c$

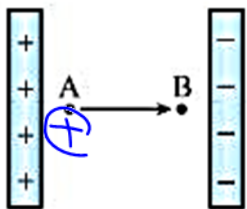
پ) اگر بار الکتریکی مثبت در جهت میدان الکتریکی حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش / افزایش می‌یابد.

(تجربی خرداد ۹۳)

۳ ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت را مطابق شکل، در یک میدان الکتریکی یکنواخت رها می‌کنیم. اگر ذره در مسیر

(ریاضی خرداد ۹۵)

نشان داده شده به حرکت درآید، انرژی پتانسیل الکتریکی ذره:



۱) افزایش می‌یابد. ۲) کاهش می‌یابد. ۳) ثابت می‌ماند.

$$\Delta U = U_B - U_A < 0$$

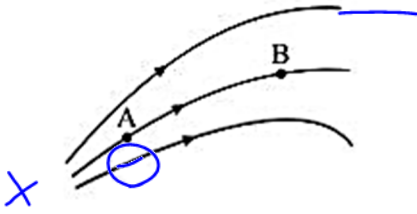
$$U_B < U_A$$





۴ مطابق شکل مقابل، اگر در میدان الکتریکی  $E$  الکترونی را از  $A$  به  $B$  حرکت دهیم. انرژی پتانسیل الکترون چگونه تغییر می‌کند؟

(مشابه تجربی خرداد ۹۶)



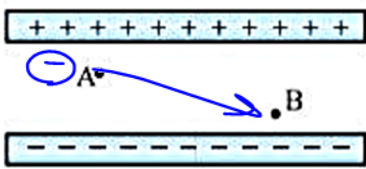
(۲) کاهش می‌یابد.

(۱) افزایش می‌یابد.

(۴) پیوسته صفر باقی می‌ماند.

(۳) ثابت می‌ماند.

۵ در شکل زیر، اگر نیروی وارد بر بار نقطه‌ای  $(-q)$  و انرژی پتانسیل این بار را در نقطه  $A$  به ترتیب با  $F_A$  و  $U_A$  و همین کمیت‌ها را در نقطه  $B$  با  $F_B$  و  $U_B$  نشان می‌دهیم، کدام رابطه درست است؟ (از نیروی وزن صرف نظر کنید.)



$$F = (E)(q)$$

$$\Delta U = (+)$$

(۱)  $U_A > U_B$  و  $F_A = F_B$

(۲)  $U_A \leq U_B$  و  $F_A > F_B$

(۳)  $U_A \geq U_B$  و  $F_A < F_B$

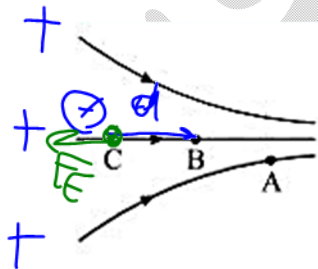
(۴)  $U_A < U_B$  و  $F_A = F_B$

۶ شکل مقابل، خط‌های میدان الکتریکی را در ناحیه‌ای از فضا نشان می‌دهد. (تجربی شهریور ۹۵)

$$E_A > E_B$$

الف) میدان الکتریکی را در نقطه‌های  $A$  و  $B$  با یکدیگر مقایسه کنید.

ب) اگر بار الکتریکی  $-q$  از نقطه  $C$  تا نقطه  $B$  جابه‌جا شود انرژی پتانسیل الکتریکی سامانه چگونه تغییر می‌کند؟



افزایش چرا؟

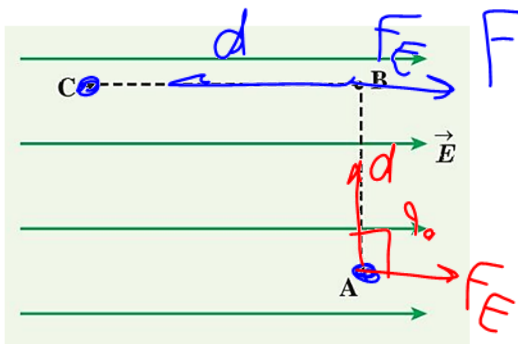
$$-\Delta U = -E/q/d \cos \theta$$



مطابق شکل زیر، بار  $q = +5.0 \text{ nC}$  را در میدان الکتریکی یکنواخت  $\frac{N}{C} = 1.0 \times 10^5$  نخست از نقطه A تا نقطه



B و سپس تا نقطه C جابه‌جا می‌کنیم. اگر  $AB = 0.20 \text{ m}$  و  $BC = 0.40 \text{ m}$  باشد، مطلوب است: (کتاب درسی)



الف) نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q$ .

ب) کاری که نیروی الکتریکی در این جابه‌جایی انجام می‌دهد.

پ) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار  $q$  در این جابه‌جایی.

$$W_E = -\Delta U_E = -(14 \times 10^{-3}) = -14 \times 10^{-3} \text{ J}$$

$$\Delta U_{A-C} = \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} = 0 + 14 \times 10^{-3} \text{ J} = 14 \times 10^{-3} \text{ J}$$

$$\Delta U_{AB} = -E|q|d \cos \theta = -1 \times 10^5 \times 5.0 \times 10^{-9} \times \frac{2}{10} \times \cos 90^\circ = 0$$

$$\Delta U_{BC} = -E|q|d \cos \theta = -1 \times 10^5 \times 5.0 \times 10^{-9} \times \frac{4}{10} \times \cos 180^\circ = +14 \times 10^{-3} = 14 \times 10^{-3} \text{ J}$$





ترکیب با سایر نیروها

تیمی B

قضیه کار و انرژی:



$\Delta K = W_{\text{کل}}$

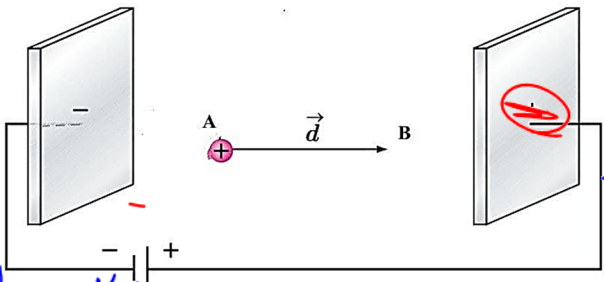
$\Delta K = W_E - \Delta U_E$

توجه: اگر فقط نیروی الکتریکی داشته باشیم و از نیروهای اتلافی مانند اصطکاک صرف نظر کنیم:



$\Delta K + \Delta U_E = 0$

1 در یک میدان الکتریکی یکنواخت  $E = 8 \times 10^3 \frac{N}{C}$ ، پروتونی با تندی اولیه‌ی  $6 \times 10^5 \frac{m}{s}$  هم راستا و خلاف جهت میدان پرتاب شده و پس از طی مسافت  $d$  متوقف می‌شود.  $d$  چند سانتی‌متر است؟ (از اثر جاذبه زمین صرف نظر کنید  $m_p = 1.6 \times 10^{-27} \text{ kg}$ ,  $q = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ )



$\Delta K = -\Delta U_E$   
 $\frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = -(E |q| d \cos \theta)$

$\frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times (0 - (6 \times 10^5)^2) = - (8 \times 10^3 \times 1.6 \times 10^{-19} \times d)$   
 $\Rightarrow \frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times 36 \times 10^{10} = 1.28 \times 10^{-16} \times d$   
 $\Rightarrow 2.88 \times 10^{-17} = 1.28 \times 10^{-16} \times d$   
 $\Rightarrow d = \frac{2.88 \times 10^{-17}}{1.28 \times 10^{-16}} = 0.225 \text{ m} = 22.5 \text{ cm}$

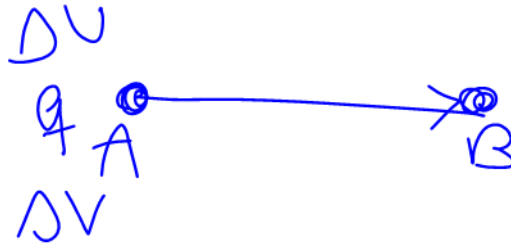
2 در سؤال قبل اگر جای قطب‌های باتری را عوض کنیم، پروتون را از نقطه A از حال سکون رها کنیم، پروتون با چه تندی به نقطه B می‌رسد؟

$\Delta K = -\Delta U_E \Rightarrow \frac{1}{2} m (v_B^2 - v_A^2) = -(-E |q| d \cos \theta)$   
 $\frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times (v_B^2 - 0) = + 8 \times 10^3 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 0.225 \times \cos 0$   
 $\frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times v_B^2 = 2.88 \times 10^{-16}$   
 $v_B^2 = \frac{2.88 \times 10^{-16} \times 2}{1.6 \times 10^{-27}} = 3.6 \times 10^{11}$   
 $v_B = \sqrt{3.6 \times 10^{11}} = 6 \times 10^5 \text{ m/s}$





$$q = \frac{q_1 + q_2}{r}$$



پتانسیل الکتریکی

فرمول ۱:

$$\Delta U = -E/q d \cos \theta$$

توجه: علامت q مهم است



فرمول ۲:

$$\Delta V = -Ed \cos \theta$$

توجه: در این رابطه  $\theta$  زاویه بین E و d است.



یگانه:  $\Delta V$  بر حسب ولت یا  $\frac{J}{C}$  است.



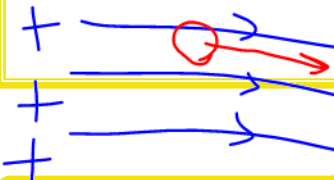
$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$$

$$V = 19V$$

نکته

اختلاف پتانسیل و پتانسیل الکتریکی مستقل از نوع بار و مقدار بار بوده و برای مکان یا نقطه

تعریف می شود. و هر نقطه ای به بار مثبت نزدیک تر باشد پتانسیل بیشتری دارد.



نکته

$$\Delta V = \Delta U = \dots$$

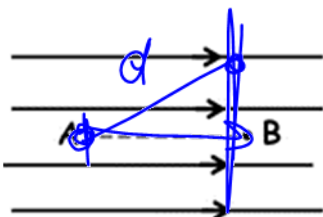
اگر عمود بر خطوط میدان جابه جا شویم:

فرمول ۳:

$$|\Delta V| = Ed$$

اگر در میدان یکنواخت دو نقطه رو به فاصله d داشته باشیم:

\* به شرطی که d فاصله آن دو نقطه در راستای خطوط میدان باشد.

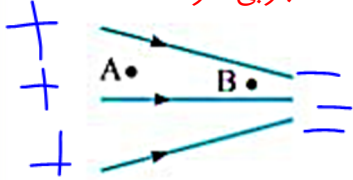




## تئپه A جاگذاری و نکات حفظی

۱ شکل روبهرو خطهای میدان الکتریکی را در قسمتی از فضای یک بار الکتریکی نشان می‌دهد. اگر پتانسیل الکتریکی را در نقاط A و B به ترتیب با  $V_A$  و  $V_B$  نشان دهیم:

(تجربی خرداد ۹۶)



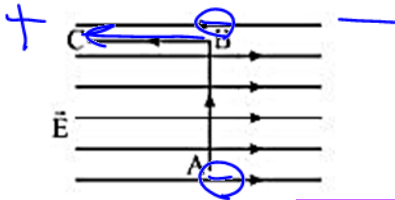
$$V_B < V_A \quad (3)$$

$$V_B = V_A \quad (2)$$

$$V_B > V_A \quad (1)$$

۲ الکترونی در یک میدان الکتریکی یکنواخت، مسیر  $A \rightarrow B \rightarrow C$  را با سرعت ثابت می‌پیماید. خانه‌های خالی جدول زیر را با کلمه‌های (افزایش - کاهش - ثابت) کامل کنید.

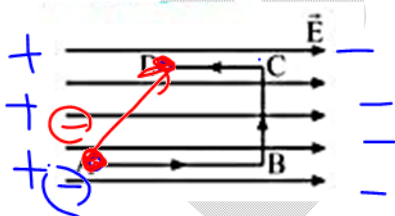
(ریاضی دی ۹۲)



مسیر	میدان الکتریکی (E)	انرژی پتانسیل الکتریکی (U)	پتانسیل الکتریکی (V)
A → B	ثابت (الف)	صفر	ثابت (ب)
B → C	ثابت	کاهش (پ)	افزایش (ت)

۳ الکترونی را با سرعت ثابت در یک میدان الکتریکی یکنواخت، مطابق شکل زیر در مسیرهای  $A \rightarrow B$  و  $B \rightarrow C$  و  $C \rightarrow D$  جابه‌جا می‌کنیم. به سؤالات زیر پاسخ کوتاه دهید.

(ریاضی خرداد ۹۳)



الف) پتانسیل الکتریکی نقطه A بیشتر است یا نقطه D؟

ب) در کدام مسیر انرژی پتانسیل الکتریکی الکترون افزایش می‌یابد؟

از A به B

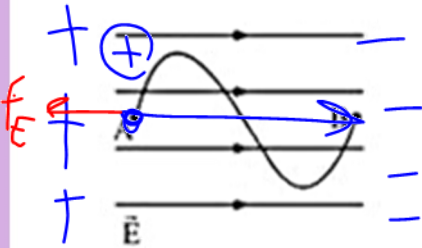
پ) کار انجام شده توسط میدان الکتریکی بر روی الکترون در جابه‌جایی از A تا D مثبت است یا منفی؟

$$W = -\Delta U = (-)$$



۴ در میدان الکتریکی یکنواخت نشان داده شده در شکل، ذره‌ای با بار الکتریکی  $q_1 = +2\mu\text{C}$  از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌شود. (ریاضی دی ۹۴)

الف) انرژی پتانسیل الکتریکی این ذره در این جابه‌جایی افزایش می‌یابد یا کاهش؟

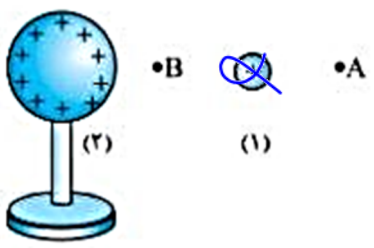


ب) اگر به جای بار الکتریکی  $q_1$  ذره‌ای با بار الکتریکی  $q_2 = -4\mu\text{C}$  مسیر A تا B را طی کند. با نوشتن رابطه‌ای مناسب بیان کنید اختلاف پتانسیل الکتریکی بین این دو نقطه نسبت به حالت اولیه چه تغییری می‌کند؟

حالت اول: 
$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-E|q|d \cos\theta}{q} = \frac{-E(2 \times 10^{-6})d \cos\theta}{+2 \times 10^{-6}} = -Ed$$

حالت دوم: 
$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-E|q|d \cos\theta}{q} = \frac{-E(4 \times 10^{-6})d \cos\theta}{-4 \times 10^{-6}} = +Ed$$

۵ در شکل زیر ذره باردار کوچک (۱) را از حالت سکون، از نقطه A به سمت کره باردار (۲) که روی پایه عایقی قرار دارد. نزدیک می‌کنیم و در نقطه B قرار می‌دهیم:



الف) در این جابه‌جایی، کار نیروی الکتریکی مثبت است یا منفی؟  

$$W = -\Delta U = \ominus$$

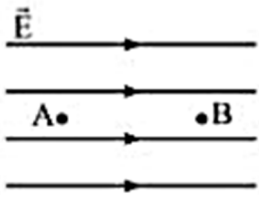
ب) انرژی پتانسیل ذره (۱) در این جابه‌جایی چگونه تغییر می‌کند؟  
 افزایش

پ) پتانسیل نقطه‌های A و B را با هم مقایسه کنید.

$$V_B > V_A$$



6 یک بار الکتریکی با مقدار  $q = +2\text{C}$  از نقطه A با پتانسیل  $100\text{V}$  به نقطه B منتقل می‌شود و در نتیجه، انرژی پتانسیل آن  $200\text{J}$  کاهش می‌یابد. پتانسیل نقطه B چه قدر است؟ (ریاضی شهریور ۸۸)

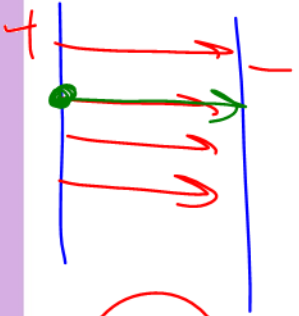


$$\Delta V = V_B - V_A \Rightarrow -100 = V_B - (100)$$

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-200}{+2} = -100$$

$$V_B = 0$$

7 دو صفحه رسانای موازی و هم‌اندازه به فاصله  $0.2\text{m}$  از هم واقع‌اند و اختلاف پتانسیل الکتریکی بین آن‌ها  $12\text{V}$  است. یک ذره با بار الکتریکی  $q = -2\mu\text{C}$  از صفحه مثبت تا صفحه منفی جابه‌جا می‌شود. (تجربی دی ۹۵)



الف) انرژی پتانسیل الکتریکی ذره، چند میکروژول تغییر می‌کند؟

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow -12 = \frac{\Delta U}{-2 \times 10^{-6}} \Rightarrow \Delta U = +24 \times 10^{-6} \text{ J} = 24 \mu\text{J}$$

ب) اندازه میدان الکتریکی بین دو صفحه را حساب کنید.

$$|\Delta V| = E d \Rightarrow 12 = E \times 0.2 \Rightarrow E = 600 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

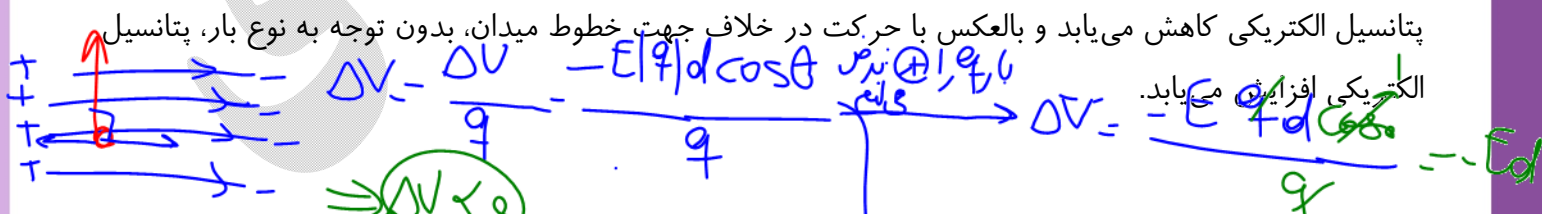
8 در یک میدان الکتریکی، بار  $q = 20\text{nC}$  از نقطه A تا B جابه‌جا می‌شود. اگر انرژی پتانسیل آن در نقطه‌های

A و B به ترتیب  $-4 \times 10^{-5}\text{J}$  و  $5 \times 10^{-5}\text{J}$  باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی میان دو نقطه  $(V_B - V_A)$  را محاسبه کنید.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{9 \times 10^{-5}}{20 \times 10^{-9}} = 4.5 \times 10^3 \text{ V}$$

$$\Delta U = V_B - V_A = 5 \times 10^{-5} - (-4 \times 10^{-5}) = 9 \times 10^{-5} \text{ J}$$

9 الف) نشان دهید در یک میدان الکتریکی یکنواخت، با حرکت در سوی خطوط میدان، بدون توجه به نوع بار، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد و بالعکس با حرکت در خلاف جهت خطوط میدان، بدون توجه به نوع بار، پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد.



ب) نشان دهید در میدان الکتریکی یکنواخت، با حرکت در جهت عمود بر خطوط میدان، پتانسیل الکتریکی تغییر نمی‌کند.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-E \int H d \cos\theta}{q}$$

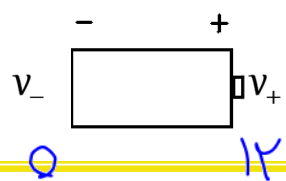
$$\Delta V = -\frac{E \int H d \cos\theta}{q}$$





**نکته**

هر باتری دو پایانه دارد. (پایانه مثبت و پایانه منفی)  $12V$



$$\Delta v = v_+ - v_-$$

ولت هر باتری  $(\Delta v)$  برابر است با:

$$12 = v_+ - (+2)$$

$$+2 \quad +14$$



توجه: نمی‌توان عدد خاصی را به پایانه‌ها اختصاص داد؛ مثلاً برای یک باتری ۱۲ ولتی تنها می‌توان

گفت پتانسیل پایانه مثبت به اندازه ۱۲ ولت از پتانسیل پایانه منفی آن بیشتر است؛ یعنی اگر  $v_- = -4V$  را فرض

کنیم،  $v_+ = +8V$  می‌شود یا اگر  $v_+ = -8V$  فرض کنیم  $v_- = -20V$  می‌شود.

$$\Delta v = v_+ - v_-$$

$$12 = -1 - (-13)$$

**نکته**

در الکتریسته ساکن زمین را پتانسیل مرجع در نظر می‌گیرند و  $v_E = 0$ ، که آن را نقطه زمین می‌نامیم

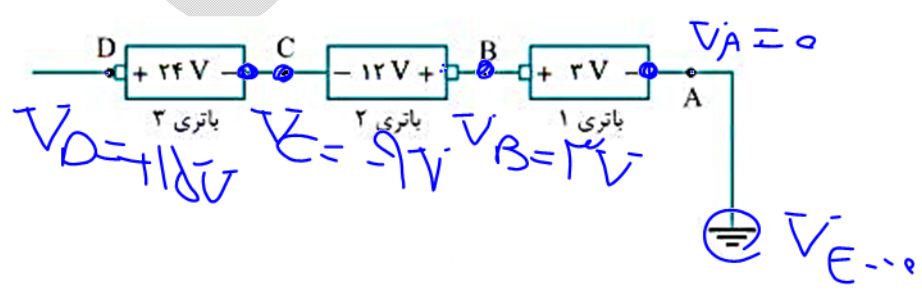
و با نماد  $\perp$  نشان می‌دهیم.



توجه: در مدار باتری را با نماد  $\perp$  نشان می‌دهند که خط بزرگتر نشان دهنده پایانه مثبت

است.

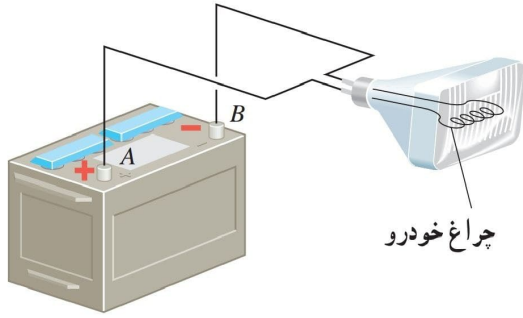
در شکل روبه‌رو، پتانسیل نقاط A, B, C و D را تعیین کنید.







۱۱ اختلاف پتانسیل الکتریکی پایانه های باتری خودرو نشان داده شده در شکل برابر  $12/0V$  است، اگر بار الکتریکی  $5/0$  کولن از پایانه منفی به پایانه مثبت جابه جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن چند ژول تغییر می کند؟ (کتاب درسی)



$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$$

$$+12 = \frac{\Delta U}{-5} \Rightarrow \Delta U = -60J$$

E) فشردگی خطوط

U) ضرب دو بار افزایش / کاهش

V) هر چه به سمت سر مثبت میدان برویم افزایش می یابد.





## ترکیب با سایر نیروها

## ب

$$\Delta K = W_{\text{کل}}$$

$$\Delta K = W_E$$

$$\Delta K = -\Delta U_E$$

قضیه کار و انرژی:



توجه: اگر فقط نیروی الکتریکی داشته باشیم و از نیروهای اتلاصی مانند اصطکاک صرف نظر کنیم:



$$\Delta K + \Delta U_E = 0$$



توجه: حرکت خودبخودی بار الکتریکی = حرکت آزادانه بار: هر باری تعاقب دارد به سمت بار ناهم نام خودش حرکت کند.

$$\Delta V = V_2 - V_1 = -10 - (-40)$$

بار الکتریکی  $q = -4.0 \text{ nC}$  از نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی  $V_1 = -40 \text{ V}$  تا نقطه‌ای با پتانسیل  $V_2 = -10 \text{ V}$  آزادانه



جابه‌جا می‌شود.  $\Delta V = -1200 \times 10^{-9} \text{ J}$  (الف) انرژی پتانسیل الکتریکی بار  $q$  چه اندازه و چگونه تغییر می‌کند؟  $\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow +10 = \frac{\Delta U}{-4.0 \times 10^{-9}}$

(ب) با توجه به قانون پایستگی انرژی، در مورد چگونگی تبدیل انرژی بار  $q$  در این جابه‌جایی توضیح دهید.

$$E = K + U$$



در شکل زیر، ذره‌ای با بار منفی را از حال سکون، از نقطه A واقع در میدان الکتریکی اطراف کره باردار رها

می‌کنیم. اگر ذره در مسیر A تا B به حرکت درآید:

$$W = -\Delta U$$

(الف) در این جابه‌جایی کار نیروی الکتریکی مثبت است یا منفی؟

(ب) انرژی جنبشی ذره باردار در این جابه‌جایی چگونه تغییر می‌کند؟



$$\Delta K = \Delta U_E$$

افزایش

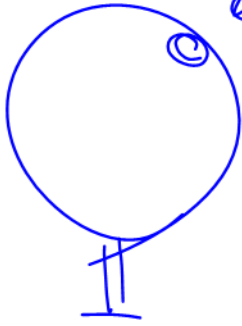
(پ) آیا این بار منفی به نقطه‌ای با پتانسیل بیشتر حرکت کرده است یا به نقطه‌ای با پتانسیل کم‌تر؟ توضیح دهید.





دک

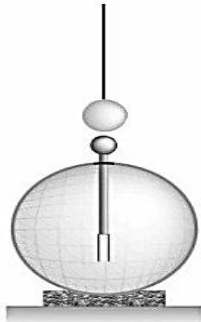
## پخش بار



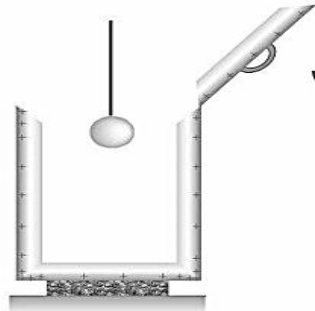
بار داده شده به جسم نارسانا: بار در همان محل باقی می ماند.  
جسم رسانی بار در کل جسم پخش می شود.

نکته

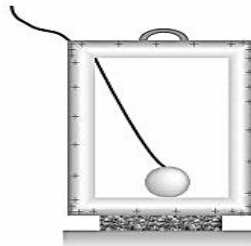
بار داده شده به جسم رسانای منزوی، فقط در سطح خارجی جم پخش می شود.



(الف)



(ب)



(ب)



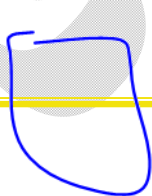
(ت)

شکل ۱-۲۶ شرحی تصویری از آزمایش فاراده

نکته

اگر شکل جسم رسانا **متقارن باشد** (مثل کره و...): بار به طور یکنواخت روی سطح خارجی رسانا پخش می شود.

غیر متقارن باشد (مثل مخروط و...): تراکم در نقاط نوک تیز بیشتر است.



توجه: در هر جایی که تراکم بیشتر است، میدان الکتریکی نیز قوی تر است.





## میدان الکتریکی درون رسانای منزوی

**نکته**

میدان الکتریکی داخل جسم **صفر** ←  
 میدان الکتریکی سطح جسم: می‌تواند **صفر** باشد یا **خیر**

**نکته**

اگر رسانا، منزوی بود ← میدان داخلی = **صفر**

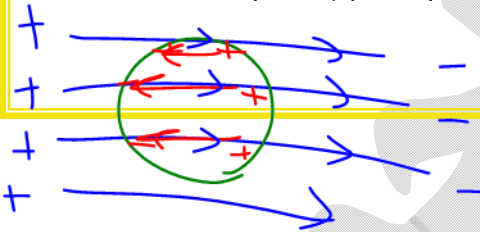
**توجه:** میدان الکتریکی رسانای منزوی باردار، در هر جا عمود بر سطح خودش است.



**نکته**

در واقع هنگامی که جسم رسانای منزوی خنثی در میدان الکتریکی قرار می‌گیرد، میدان حاصل

از بارهای اها شده، میدان خارجی را خنثی می‌کند.



**توجه:** وقتی یک جسم رسانای خنثی در یک میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرد، الکترون‌های آزاد سطح رسانا به گونه‌ای توزیع می‌شوند که میدان خارجی را در داخل رسانا خنثی کنند و میدان داخل رسانا صفر شود. در این صورت:

- ۱) میدان داخل جسم رسانا صفر است.
- ۲) نیروی الکتریکی وارد بر هر ذره باردار داخل رسانا صفر است.
- ۳) کار نیروی الکتریکی در هر جایی دلخواه در داخل رسانا صفر است.

**نکته**

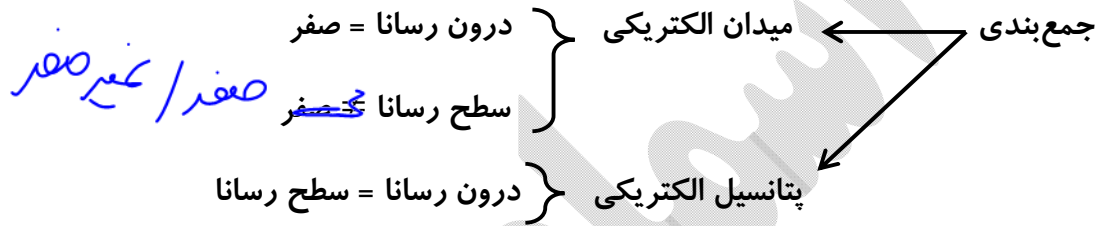
تعادل الکترواستاتیکی  $\equiv$  منزوی



## بررسی پتانسیل

نکته

همه نقاط داخل و روی سطح رسانا، پتانسیل الکتریکی یکسانی دارند.



نکته

جریان الکتریکی از نقاط با پتانسیل بیشتر به نقاط با پتانسیل کمتر برقرار می‌شود.

توجه: پتانسیل الکتریکی با تراکم بار فرق می‌کند.







درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را تعیین کنید.

الف) میدان الکتریکی خالص درون یک رسانا که با عایق از اطراف خود جدا شده است، صفر است. (تجربی دی ۹۵)

ب) اگر بار مثبت را به داخل یک استوانهٔ رسانای تو خالی بدهیم، بار سطح داخلی مثبت و بار سطح خارجی منفی می‌شود.



پ) بار الکتریکی اضافی داده‌شده به یک رسانا که به طور الکتریکی از محیط اطراف خود با عایق جدا شده است، روی سطح خارجی آن قرار می‌گیرد. (تجربی خرداد ۹۶)

ت) تراکم بار الکتریکی در نقطه‌های نوک‌تیز سطح یک جسم رسانا، بیشتر از نقطه‌های دیگر است.

(تجربی شهریور ۹۴)

در جمله‌های زیر، جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) وقتی به یک جسم ..... بار الکتریکی داده می‌شود، بار در محل داده‌شده باقی می‌ماند. (ریاضی خرداد ۹۲)

ب) میدان الکتریکی خالص در ..... جسم رسانای باردار صفر است. (تجربی دی ۹۴)

کلمهٔ مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) عامل شارش بار الکتریکی بین دو نقطه از مدار، وجود (اختلاف) / انرژی) پتانسیل الکتریکی بین آن دو نقطه است. (تجربی خرداد ۹۲)

ب) بار الکتریکی داده‌شده به یک جسم رسانا، در سطح (داخلی) / خارجی) آن توزیع می‌شود.

پ) در نبود میدان الکتریکی خارجی، تراکم بار یک رسانای (متقارن) / نامتقارن) در همهٔ نقاط سطح خارجی آن یکسان است.



۴ اگر یک رسانای خنثی که با عایق از اطراف خود به طور الکتریکی جدا شده است، درون میدان الکتریکی خارجی قرار داده شود، میدان خالص درون رسانا:

(ریاضی خرداد ۹۵)

(۱) صفر می‌شود. (۲) افزایش می‌یابد. (۳) کاهش می‌یابد.

۵ دو کره توپر با شعاع‌های مساوی یکی مسی و دیگری پلاستیکی روی پایه‌های عایق قرار دارند. به هر دو کره مقدار مساوی بار الکتریکی هم‌نام می‌دهیم. نحوه توزیع بار الکتریکی در هر یک از آنها چگونه است؟

۶ در شکل روبه‌رو، یک جسم رسانا که با عایق از اطراف خود جدا شده و خنثی است. بین دو صفحه رسانای باردار موازی، قرار دارد. میدان الکتریکی خالص درون جسم رسانا چه قدر است؟

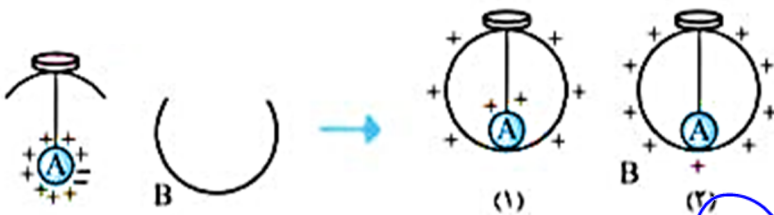
(ریاضی خرداد ۹۶)



صفر

۷ در شکل زیر آونگ الکتریکی A که توسط وان دوگراف باردار شده است، را به درپوش فلزی متصل نموده‌ایم. اگر آونگ را در تماس با سطح داخلی ظرف کروی و فلزی B قرار دهیم و درپوش را ببندیم. کدام یک از شکل‌های (۱) یا (۲) چگونگی توزیع بار را در مجموعه آونگ و ظرف درست نشان می‌دهد؟ دلیل آن را بنویسید.

(ریاضی شهریور ۹۱)



(۲)

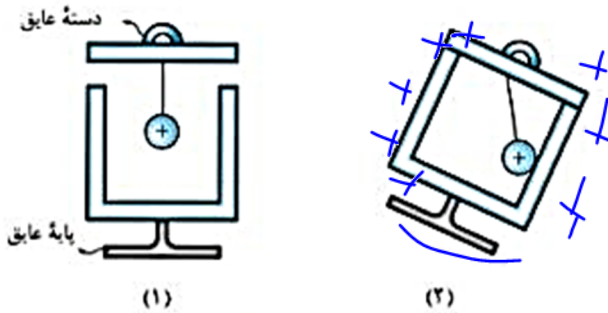




۸ یک گلوله فلزی باردار مطابق شکل (۱)، توسط نخ عایق، به درپوش فلزی جعبه رسانای بدون باری وصل شده است. در شکل (۲)، جعبه رسانا را کج می‌کنیم به طوری که گلوله به بدنه داخلی آن تماس یابد.

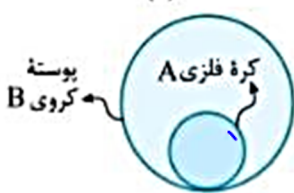
الف) وضعیت بار الکتریکی در گلوله فلزی چگونه می‌شود؟

صفر



ب) از این آزمایش چه نتیجه‌ای می‌گیریم؟

۹ کره فلزی A با بار  $q_A = -6\mu C$  را مطابق با شکل روبه‌رو به درون یک پوسته کروی با بار  $q_B = 10\mu C$  تماس می‌دهیم و سپس جدا می‌کنیم. پس از تماس، بار کره و پوسته چند میکروکولن می‌شود؟



$$\Rightarrow q_A + q_B = -6 + 10 = +4\mu C$$

بار لده = صفر

بار پوسته =  $+4\mu C$

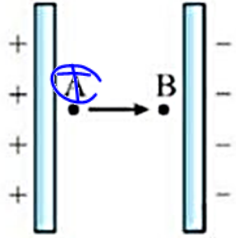




با توجه به متن‌های زیر، گزینه‌ی مناسب را انتخاب کنید.

۱۰

الف) ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت را مطابق شکل، در یک میدان الکتریکی رها می‌کنیم. اگر ذره در مسیر نشان داده شده به حرکت درآید، انرژی پتانسیل الکتریکی ذره ..... .



(۱) افزایش می‌یابد.

(۲) کاهش می‌یابد

(۳) ثابت می‌ماند.

ب) اگر یک رسانای خنثی منزوی در یک میدان الکتریکی خارجی قرار داده شود، میدان خالص درون رسانا:

(۱) صفر می‌شود.

(۲) افزایش می‌یابد.

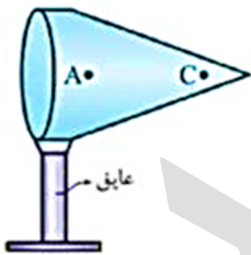
(۳) کاهش می‌یابد.

پ) تراکم بار در نقاط A و B چگونه است؟

(۱)  $A < C$

(۲)  $A = C$

(۳)  $A > C$



ت) پتانسیل الکتریکی نقاط در این جسم نسبت به هم چگونه است؟

(۱)  $A < C$

(۲)  $A = C$

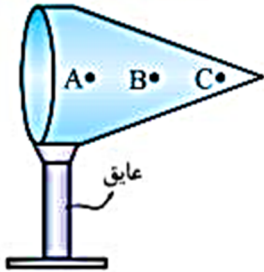
(۳)  $A > C$







۱۱ در شکل روبه‌رو مخروط فلزی باردار است. اگر تراکم بار الکتریکی در نقاط C, B و A را به ترتیب با  $\sigma_A$  و  $\sigma_B$  و  $\sigma_C$  نشان دهیم، کدام گزینه در مورد مقایسه آن‌ها درست است؟ (ریاضی خرداد ۹۵)



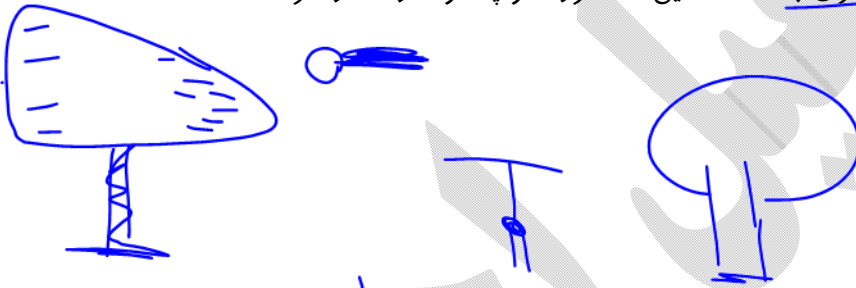
$$\sigma_A < \sigma_B < \sigma_C \quad (۱)$$

$$\sigma_A = \sigma_B = \sigma_C \quad (۲)$$

$$\sigma_A > \sigma_B > \sigma_C \quad (۳)$$

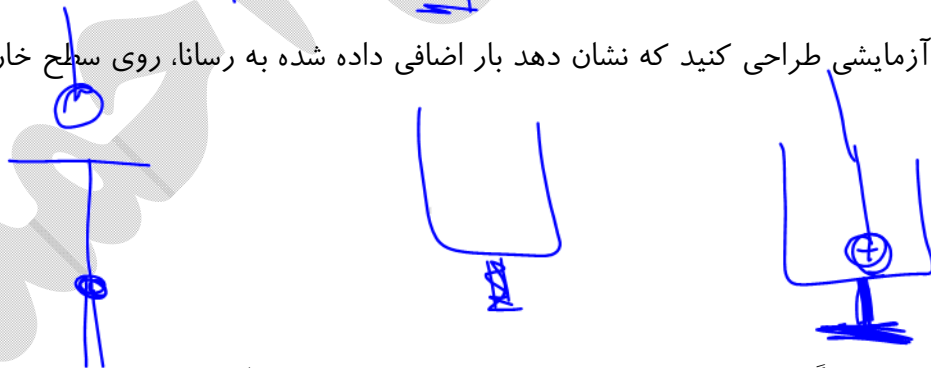
۱۲ با استفاده از وسایل زیر، آزمایشی طراحی کنید که نشان دهد تراکم بار الکتریکی در نقاط نوک تیز سطح جسم رسانای منزوی باردار بیشتر از سایر نقاط آن است.

مخروط فلزی با پایه عایق، گلوله کوچک فلزی با دسته عایق، الکتروسکوپ مولد وان دو گراف.

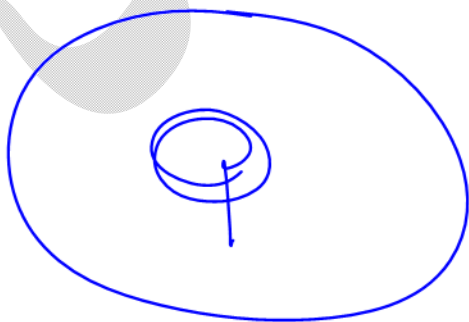


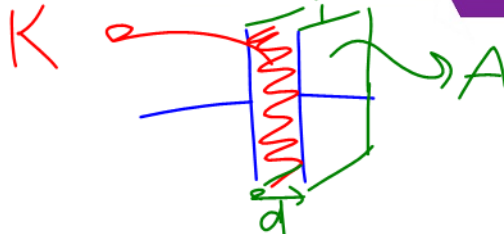
۱۳ آزمایشی طراحی کنید که نشان دهد بار اضافی داده شده به رسانا، روی سطح خارجی آن قرار می‌گیرد.

(کتاب درسی)



۱۴ چرا معمولاً شخصی که درون اتومبیل یا هواپیماست از خطر آذرخش در امان می‌ماند؟ (کتاب درسی)





## خازن

خازن وسیله‌ای است برای ذخیره بار و انرژی الکتریکی که متداول‌ترین خازن‌ها، خازن تخت است که دارای دو صفحه‌ی رسانای فلزی است که بین صفحات ماده عایق به اسم دی‌الکتریک قرار دارد.

## ظرفیت خازن (C)

دو فرمول برای ظرفیت خازن داریم:

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

فرمول (۱) بر حسب مشخصات ساختمانی:

C: ظرفیت خازن (یکا: فاراد (F))

K: (کاپا): ثابت دی‌الکتریک؛ به جنس نارسنای بین صفحات بستگی دارد. (بدون یکا)

$$\epsilon_0 = \frac{C^2}{N \cdot m^2} = 8.85 \times 10^{-12}$$

$\epsilon_0$ : ضریب گذردهی خلا

( $m^2$ )

A: مساحت مشترک صفحات

(m)

d: فاصله صفحات

توجه: ثابت دی‌الکتریک هوا و خلایک معیار است.



فرمول (۲) بر حسب بار و ولتاژ خازن:

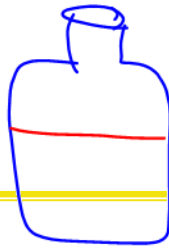
Q: بار ذخیره شده در صفحات خازن (بر حسب C)

V: اختلاف پتانسیل دو صفحه خازن (بر حسب V)

$$C = \frac{Q}{V}$$

$$Q = CV$$

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{Q}{\frac{W}{Q}} = \frac{Q^2}{W}$$



نکته

ظرفیت خازن به Q و V بستگی ندارد. بلکه به ویژگی‌های ساختمانی آن بستگی دارد.



توجه: وقتی می‌گوییم بار یک خازن  $5C$  است یعنی یکی از صفحات خازن دارای بار  $+5C$  و دیگری دارای بار  $-5C$  است.



### باردار (شارژ) کردن خازن:

روش ساده و مرسوم برای باردار کردن خازن قرار دادن آن در مدار الکتریکی ساده‌ای است که یک باتری دارد. وقتی کلید K بسته (وصل) شود بار از طریق سیم‌های رسانا جریان می‌یابد. این شارش بار تا هنگامی ادامه پیدا می‌کند که اختلاف پتانسیل میان دو صفحه خازن با اختلاف پتانسیل میان دو پایانه باتری یکسان شود. وقتی یک خازن باردار می‌شود، صفحه‌های آن دارای بارهای با بزرگی یکسان، ولی با علامت مخالف می‌شود:  $+Q$  و  $-Q$ .

توجه: اثر دی‌الکتریک‌ها در خازن، افزایش حداکثر ولت قابل تحمل یک خازن است.



### نکته

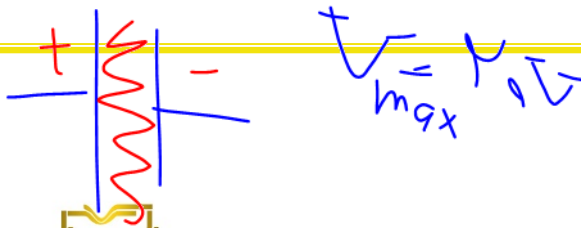
فروریزش الکتریکی: اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازن را بیش از حد افزایش دهیم:

(۱) دی‌الکتریک به طور نظم‌های رسان می‌شود. (تعدادی از الکترون‌های اتم‌های ماده سازنده دی‌الکتریک توسط میدان الکتریکی دو صفحه جدا شده و مسیر رسان درون دی‌الکتریک ایجاد می‌شود.)

(۲) خازن تخلیه می‌شود و می‌سوزد.

$$V = Ed$$

(۳) ایجاد جرقه





$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

۱ درست یا نادرستی جمله‌ی زیر را مشخص کنید.

در صورتی که فاصله‌ی جدایی صفحه‌های یک خازن تخت را کاهش دهیم، ظرفیت خازن کاهش می‌یابد.

$$C \quad d \downarrow$$

۲ در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) خازن وسیله‌ای است که می‌تواند ..... بار ..... را در خود ذخیره کند.  
 ب) ظرفیت خازن برابر است با نسبت بار ذخیره شده در آن به ..... اختلاف پتانسیل ..... بین دو صفحه آن.  
 پ) اساس کار میکروفون خازنی و کلیدهای برخی از صفحه کلیدهای کامپیوتر، تغییر ..... ظرفیت خازن ..... است.

۳ اگر ساختمان یک خازن را تغییر ندهیم، در هر یک از شرایط زیر ظرفیت خازن چگونه تغییر می‌کند؟

الف) بار آن دو برابر شود. ظرفیت ثابت

ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌های آن سه برابر شود. C ثابت می‌ماند

پ) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌های آن سه برابر شود.

---

۴ از بین کمیت‌های زیر، تعیین کنید کدام یک بر ظرفیت خازن مؤثر و کدام یک بی‌اثرند؟ (تجربی شهریور ۸۸)

الف) سطح مشترک خازن‌ها   $K, A, d$

ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها

ت) نوع دی‌الکتریک بین صفحه‌ها

پ) بار ذخیره شده در خازن







مساحت هر یک از صفحه‌های خازن تختی  $20 \text{ cm}^2$  است. اگر فضای بین صفحه‌ها با نوعی دی‌الکتریک که ثابت آن ۵ است پر شود. ظرفیت آن  $8/85 \times 10^{-12} \text{ F}$  می‌شود. فاصله جدایی صفحه‌های خازن چند متر است؟

(تجربی خرداد ۹۶)

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow 1.15 \times 10^{-12} = 5 \times 8.85 \times 10^{-12} \times \frac{20 \times 10^{-4}}{d}$$

$$d = 10^{-3} \text{ m}$$

ظرفیت یک خازن تخت با صفحه‌های مربعی شکل با فاصله‌ی  $1 \text{ mm}$  و با دی‌الکتریک هوا بین صفحه‌ها، برابر ۱ است. مساحت صفحه‌های این خازن و طول ضلع‌های صفحه‌ها چند متر است؟ چه نتیجه‌ای از این سؤال می‌گیرید؟

(کتاب درسی)

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow 1 = 1 \times 10^{-11} \frac{a^2}{10^{-3}} \Rightarrow a^2 = 10^{-8}$$

$$a = 10^{-4} \text{ m}$$

در یک میکروفون خازنی، کمترین و بیشترین فاصله بین دو صفحه خازن به ترتیب  $1 \text{ mm}$  و  $1/2 \text{ mm}$  است. اگر مساحت هر یک از صفحه‌ها  $0.4 \text{ cm}^2$  و حد فاصل آن‌ها هوا باشد، اختلاف بیشترین و کمترین ظرفیت خازن چند میکوفاراد است؟

$$C_1 = K \epsilon_0 \frac{A}{d_1} = 1 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{4 \times 10^{-4}}{10^{-3}} = 3.6 \times 10^{-12} \text{ F} = 3.6 \text{ pF}$$

$$C_2 = K \epsilon_0 \frac{A}{d_2} = 1 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{4 \times 10^{-4}}{0.5 \times 10^{-3}} = 7.2 \times 10^{-12} \text{ F} = 7.2 \text{ pF}$$

اختلاف پتانسیل بین دو صفحه‌ی یک خازن را از  $28 \text{ V}$  به  $40 \text{ V}$  افزایش می‌دهیم. اگر با این کار  $15 \text{ mC}$  میکروکولن بر بار ذخیره شده در خازن افزوده شود ظرفیت خازن را حساب کنید.

(کتاب درسی)

$$Q_2 = Q_1 + \Delta Q$$

$$C_2 V_2 = C_1 V_1 + \Delta Q$$

$$C = \frac{Q_1}{V_1} = \frac{Q_1}{28}$$

$$C = \frac{Q_2}{V_2} = \frac{Q_1 + \Delta Q}{40}$$

$$10Q = V(Q_1 + \Delta Q)$$



$$C_1 = \frac{Q_1}{V_1} = \frac{1.5 \times 10^{-4}}{1.25 \times 10^{-4}} = 1.2 \times 10^{-4} \text{ F}$$

یک یاخته عصبی را با یک خازن مدل‌سازی کرده ایم. تعداد یون‌های لازم (با فرض آنکه هر یون یک بار یونیده باشد)، برای آنکه یک اختلاف پتانسیل 80mV بین دو طرف غشا ایجاد شود چقدر است؟ (غشا دارای ثابت

دی الکتریک  $K=3/$  ضخامت  $1.0 \times 10^{-8} \text{ m}$  و مساحت سطح  $1.0 \times 10^{-10} \text{ m}^2$  است.  $(e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C})$

(کتاب درسی)

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d} = 3 \times 9 \times 10^{-12} \frac{1 \times 10^{-10}}{1 \times 10^{-8}} = 2.7 \times 10^{-14} \text{ F}$$

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow 2.7 \times 10^{-14} = \frac{Q}{1} \Rightarrow Q = 2.7 \times 10^{-14} \text{ C}$$

$$q = ne \Rightarrow 2.7 \times 10^{-14} = n \times 1.6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 1.7 \times 10^5$$

مساحت صفحات موازی خازن تختی  $4 \text{ cm}^2$  و فاصله میان آنها  $2 \text{ mm}$  است. اگر بار الکتریکی در خازن

(تجربی شهریور ۹۰)

باشد و بین صفحه‌ها هوا قرار داشته باشد:  $(\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2})$   $K=1$   $1 \mu\text{C}$

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d} = 1 \times 9 \times 10^{-12} \frac{4 \times 10^{-4}}{2 \times 10^{-3}} = 1.8 \times 10^{-12} \text{ F}$$

الف) ظرفیت خازن چند فاراد است؟

ب) میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن چند ولت است؟

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow 1.8 \times 10^{-12} = \frac{1 \times 10^{-6}}{V} \Rightarrow V = \frac{1 \times 10^{-6}}{1.8 \times 10^{-12}} = 5.5 \times 10^5 \text{ V}$$

$$V = Ed \Rightarrow 1 = E \times 2 \times 10^{-3} \Rightarrow E = \frac{1}{2 \times 10^{-3}} = 500 \text{ V/m}$$

پ) برای افزایش ظرفیت خازن دو راه پیشنهاد کنید

$$C = K \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

↑  
A  
↓  
d



۱۱

دو صفحه تخت مسی را به دو طرف لایه‌ای از یکی از دی‌الکتریک‌های جدول زیر می‌چسبانیم تا یک خازن تخت ساخته شود. با ذکر دلیل مشخص کنید برای به دست آوردن بیشترین ظرفیت از کدام دی‌الکتریک استفاده کنیم؟

(تجربی خرداد ۹۰)

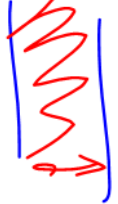
$$\frac{K}{d} = \text{const}$$

$$\frac{1}{0.4} = \frac{2}{0.8}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{4}{1.2}$$

$$\frac{1}{1.2} = \frac{5}{1.2}$$

نام دی‌الکتریک	ثابت دی‌الکتریک	ضخامت دی‌الکتریک (d)
A	۲	۰/۴ میلی‌متر
B	۳	۰/۸ میلی‌متر
C	۴	۱ میلی‌متر
D	۵	۱/۲ میلی‌متر



۱۲

پدیده فرو ریزش را تعریف کنید.

۱۳

در اثر پدیده (فرو ریزش / قطبیدگی) دی‌الکتریک تغییر ماهیت داده یا سوراخ شده و خازن می‌سوزد.

(ریاضی خرداد ۹۲ با کمی تغییر)



ثابت

اگر خازن به مولد با ولتاژ متصل باشد  $\leftarrow$   $V$  ثابت می ماند.  $(V_{\text{خازن}} = V_{\text{مولد}})$   
 به جای متصل نباشد  $\leftarrow$   $Q$  ثابت می ماند.



توجه: میدان الکتریکی بین صفحات یک خازن تخت یکنواخت است؛ پس:

$$V = Ed$$

$V$ : ولتاژ بین صفحات خازن

$E$ : میدان بین صفحات

$d$ : فاصله صفحات

ثابت  $V_2 = V_1$

۱۴

یک خازن تخت به یک باتری بسته شده است تا باردار شود. پس از مدتی، درحالی که باتری همچنان به خازن

متصل است، فاصله‌ی بین صفحه‌های خازن را دو برابر می‌کنیم. کدام یک از موارد زیر درست است؟ (کتاب درسی)

$$d_2 = 2d_1$$

الف) میدان الکتریکی میان صفحه‌ها نصف می‌شود.  $\Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{d_1}{d_2} = 1 \times \frac{d_1}{2d_1} = \frac{1}{2}$   
 ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها نصف می‌شود.

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{KA}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{1}{2}$$

پ) ظرفیت خازن دو برابر می‌شود.

ت) بار روی صفحه‌ها تغییر نمی‌کند.

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow \frac{Q_2}{V_2} = \frac{Q_1}{V_1} \Rightarrow \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{C_2}{C_1} \times \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2}$$





۱۵

خازن تختی را به مولد وصل می‌کنیم و پس از پر شدن، از مولد جدا کرده و سپس فاصله صفحه‌های خازن را

نصف می‌کنیم. در جدول زیر، هر عبارت از ستون A به یک عبارت از ستون B مرتبط است. آن‌ها را مشخص کنید و در پاسخ برگ بنویسید.

ثابت

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{Q}{\frac{Q}{\epsilon_0 \frac{d_1}{d_2}}} = \epsilon_0 \frac{d_1}{d_2} = \frac{1}{2} d_1$$

ستون B	ستون A
۱- نصف می‌شود.	الف) بار الکتریکی ذخیره شده در خازن
۲- دو برابر می‌شود.	ب) اختلاف پتانسیل دو سر خازن
۳- ثابت می‌ماند.	پ) ظرفیت خازن
۴- یک چهارم برابر می‌شود.	

در جدول زیر، هر یک از جمله‌های ستون A به کدام یک از عبارت‌های ستون B مربوط است؟ (در ستون B

۱۶

یک مورد اضافی است)

B	A
۱) اختلاف پتانسیل الکتریکی	الف) خاصیتی که بار الکتریکی در هر نقطه از فضای اطراف خود ایجاد می‌کند.
۲) میدان الکتریکی	پ) عامل شارش بار الکتریکی بین دو نقطه واقع در میدان الکتریکی است.
۳) نیروی الکتریکی	پ) این پدیده موجب سوراخ شدن دی‌الکتریک جامد خازن می‌شود.
۴) فروشکست	



## انرژی ذخیره شده در خازن

$$U = \frac{1}{2} QV$$

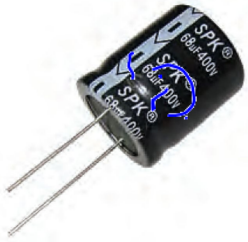
$$U = \frac{1}{2} CV^2$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

وقتی خازنی توسط باتری شارژ می‌شود، در آن انرژی ذخیره می‌شود.

**توجه:** در هر سؤال برای انتخاب بین فرمول‌های بالا، ابتدا پارامترهای معلوم و مجهول را مشخص کنید.

**توجه:** اعدادی که روی هر خازن بر حسب F و V می‌نویسند، به ترتیب ظرفیت و اختلاف پتانسیل بیشینه قابل تحمل آن است.



چرا در فلاش دوربین‌ها از خازن استفاده می‌شود؟

۲ مدار یک فلاش عکاسی، انرژی را با ولتاژ  $300V$ ، در یک خازن  $400$  میکرو فارادی ذخیره می‌کند.

الف) چه قدر انرژی الکتریکی در این خازن ذخیره می‌شود؟

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} (400 \times 10^{-6}) \times (300)^2 = 18 J$$

ب) اگر تقریباً همه انرژی این خازن در مدت  $2ms$  تخلیه شود، توان متوسط خروجی فلاش چه قدر است؟

$$P = \frac{\text{انرژی}}{\text{زمان}} = \frac{U}{t} \Rightarrow P = \frac{18}{2 \times 10^{-3}} = 9000 W$$



۳ ظرفیت خازن تختی  $20 \text{ nF}$  و بار الکتریکی آن  $180 \text{ nC}$  است.

الف) انرژی ذخیره شده در این خازن چقدر است؟

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} \frac{(180 \times 10^{-9})^2}{20 \times 10^{-9}} = \frac{1.62 \times 10^{-14}}{2 \times 10^{-8}} = 8.1 \times 10^{-7} \text{ J}$$

ب) بین صفحات خازن هواست. خازن را از باتری جدا و فاصله بین صفحه‌های آن را دو برابر می‌کنیم. انرژی

ذخیره شده در خازن چقدر افزایش می‌یابد؟  $K=1$  ثابت  $Q$

(کتاب درسی)  $d_2 = 2d_1$

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{d_1}{2d_1} = \frac{1}{2}$$

$$U_2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C_2} = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{\frac{C_1}{2}} = 2 \times \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C_1} = 2U_1$$

$$U_1 = 1.62 \times 10^{-7} \text{ J} \Rightarrow U_2 = 3.24 \times 10^{-7} \text{ J}$$

$$\Delta U = U_2 - U_1 = 1.62 \times 10^{-7} \text{ J}$$

۴ دو صفحه‌ی خازن تختی با برداری را به هم وصل می‌کنیم. در نتیجه جرقه‌ای زده می‌شود. حال اگر دوباره صفحات

را به همان اندازه بردار کنیم ولی فاصله‌ی آن‌ها را دو برابر کنیم و سپس دو صفحه را به هم وصل کنیم، آیا جرقه‌ی

حاصل بزرگ‌تر از قبل می‌شود، یا کوچک‌تر و یا تغییری نمی‌کند؟ توضیح دهید.

(کتاب درسی) ثابت  $Q$

$$d \uparrow \Rightarrow C \downarrow \Rightarrow U \uparrow$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

ثابت  $V$

۵ خازنی با ظرفیت معلوم و دی الکتریک هوا به اختلاف پتانسیل ثابتی وصل شده است. در این حالت فضای میان

دو صفحه‌ی خازن را با دی الکتریک  $k$  پر می‌کنیم. جاهای خالی جدول را با کلمه‌های (کاهش، افزایش،

ثابت) برای این خازن پر کنید:

$$k \uparrow \Rightarrow C \uparrow$$

انرژی ذخیره شده در خازن	میدان الکتریکی	بار الکتریکی
$U = \frac{1}{2} C V^2$	$V = Ed$	$C = \frac{Q}{V}$

ثابت:



ظرفیت خازنی  $8\mu\text{F}$  و بار الکتریکی آن  $q$  است. اگر  $+4\text{mC}$  بار الکتریکی را از صفحه‌ی منفی جدا کنیم و به

صفحه‌ی مثبت منتقل کنیم. انرژی ذخیره شده در خازن به اندازه‌ی  $4\text{J}$  زیاد می‌شود.  $q$  چند میلی‌کولن است؟

$$U_2 = U_1 + \Delta U \quad \Delta U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{Q_1^2}{C}$$

$$Q_2 = Q_1 + 4\text{mC}$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \quad U_1 = \frac{1}{2} \frac{Q_1^2}{C} \quad U_2 = \frac{1}{2} \frac{Q_2^2}{C}$$

$$U_2 = U_1 + \Delta U \Rightarrow \frac{Q_2^2}{2C} = \frac{Q_1^2}{2C} + \Delta U$$

$$\frac{Q_2^2 - Q_1^2}{2C} = \Delta U$$

$$\frac{Q_2 + Q_1}{2C} (Q_2 - Q_1) = \Delta U$$

$$\frac{Q_2 + Q_1}{2C} (4\text{mC}) = \Delta U$$

$$Q_2 + Q_1 = \frac{2C \Delta U}{4\text{mC}}$$

$$Q_2 + Q_1 = \frac{2 \times 8 \times 10^{-6} \times 4}{4 \times 10^{-3}}$$

$$Q_2 + Q_1 = 16 \times 10^{-3} = 16\text{mC}$$

$$Q_2 = 4\text{mC} + Q_1$$

$$4\text{mC} + Q_1 + Q_1 = 16\text{mC}$$

$$2Q_1 = 12\text{mC}$$

$$Q_1 = 6\text{mC}$$

$$Q_2 = 4\text{mC} + 6\text{mC} = 10\text{mC}$$