



فصل چهارم

آشنایی با فیزیک اتمی و هسته ای

توجه: برای آماده سازی این جزوات، زمان و هزینه زیادی صرف شده است و هرگونه کپی (محتوا،

قالب، ایده و ...) حرام و غیرمجاز است.





فوتون

انرژی یک موج الکترومغناطیس به صورت کوانتومی (بسته‌ای) است، که به هر کدام از این کوانتوم (یا بسته‌ها) فوتون می‌گوییم.

انرژی کل یک موج:

$$h \quad hf$$



$h =$ ثابت پلانک ← یکا: $J \cdot s$

$n =$ تعداد فوتون

توجه: تنها کافی است یکای E داشته‌ایم باشد. $(J \leftarrow eV \cdot s \leftarrow eV \cdot s)$



$$1eV = 1/6 \times 10^{-19} C \quad 1V = 1/6 \times 10^{-19} V \quad 1eV = 1/6 \times 10^{-19} J$$

توجه: یکای فرعی انرژی:



در سال‌های ۱۹۰۰ میلادی، پدیده‌هایی مشاهده و آزمایش‌هایی انجام شد که تبیین کامل و درست آن‌ها با نظریه‌های فیزیک کلاسیک ممکن نبود و نتایج این تلاش‌ها به نظریات زیر منجر شد که امروزه به آن فیزیک جدید می‌گویند.

(۱) **نظریه نسبیت خاص:** مربوط به مطالعه پدیده‌ها در تندی‌های بسیار زیاد و قابل مقایسه با تندی نور

(۲) **نظریه نسبیت عام:** مربوط به مطالعه هندسه فضا-زمان و گرانش

(۳) **نظریه کوانتومی:** مربوط به مطالعه پدیده‌ها در مقیاس‌های بسیار کوچک مانند اتم‌ها و ذره‌های سازنده آن‌ها

* اندکی پس از ظهور این نظریه‌ها، شاخه‌های دیگری مانند فیزیک هسته‌ای، فیزیک ذرات بنیادی و کیهان‌شناسی به تدریج به وجود آمدند.

فیزیک هسته‌ای: با ساختار، برهم کنش‌ها و واپاشی هسته‌های اتمی سروکار دارد.

بخش عمده‌ای از پیشرفت فیزیک هسته‌ای، مدیون تحلیل نتایج آزمایش‌ها و اندازه‌گیری‌هایی است که طی قرن گذشته توسط دانشمندانی از حوزه‌های فیزیک و شیمی انجام شده است.





انرژی

۱ الکترون ولت یکای کدام کمیت در فیزیک اتمی است؟

۲ انرژی فوتونی $3/2 \times 10^{-18}$ ژول است. این انرژی چند الکترون ولت است؟

$$E = h \nu = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240}{\lambda} \text{ eV}$$

$$3/2 \times 10^{-18} \text{ J} = \frac{1240}{\lambda} \text{ eV}$$

$$\lambda = \frac{1240}{3/2 \times 10^{-18}} = 8.27 \times 10^5 \text{ nm}$$

۳ یک چشمه نور فوتون‌هایی با طول موج 300 nm گسیل می‌کند. انرژی هر فوتون چند ژول است؟

$(hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})$

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240}{300} = 4.13 \text{ eV}$$

$$v = \lambda f \Rightarrow c = \lambda f \Rightarrow f = \frac{c}{\lambda}$$

۴ آیا افزایش طول موج نور، لزوماً باعث کاهش انرژی هر فوتون آن می‌شود؟ برای پاسخ خود توضیح

(شهریور ۱۴۰۱)

مناسب بنویسید.

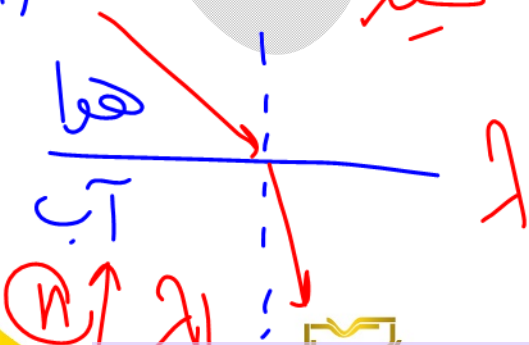
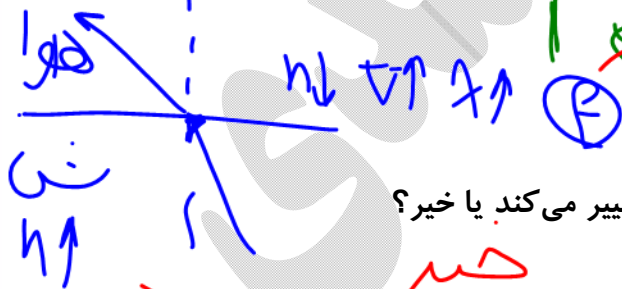
$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240}{300} = 4.13 \text{ eV}$$

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} = 4.13 \text{ eV}$$

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} = 4.13 \text{ eV}$$

۵ اگر پرتو نوری از هوا وارد آب شود، انرژی فوتون‌های آن تغییر می‌کند یا خیر؟

$$E = hf$$





۶ انرژی فوتونی $h\nu = 1 \text{ eV}$ است. (شهریور ۱۴۰۱) $\Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 1 \times 1.24$ $\Rightarrow \lambda = 1.24 \text{ nm}$

الف) طول موج این پرتو را حساب کنید.

ب) تعیین کنید این پرتو در چه ناحیه‌ای از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد.

$hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$

نورهدنی

توجه: توان در هر فصل فیزیک برابر است با تقسیم انرژی به روی زمان:

$P = \frac{E}{t} = \frac{nhf}{t}$

۷ یک لامپ با توان 5 W تابش مرئی با طول موج 550 nm گسیل می‌کند. در هر ثانیه چه تعداد فوتون از این لامپ گسیل می‌شود؟ (مرداد ۱۴۰۰)

$P = \frac{nhf}{t} = \frac{nhc}{t\lambda} \Rightarrow \frac{P}{t} = \frac{n \times 2 \times 10^{-25}}{1 \times 550 \times 10^{-9}}$

$\frac{5 \times 550 \times 10^{-9}}{2 \times 10^{-25}} = n \Rightarrow n = 1.375 \times 10^{17}$

۸ توان خروجی دو لامپ A و B با هم برابر است. اگر طول موج نور گسیلی لامپ A، 600 nm و طول موج نور گسیلی B، 400 nm باشد، تعداد فوتون‌هایی که از لامپ A در هر ثانیه گسیل می‌شود، چند برابر تعداد فوتون‌هایی است که در هر ثانیه از لامپ B گسیل می‌شود؟ (تجربی دی ۱۴۰۲)

$(c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ و $h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J.s})$

$P = \frac{nhf}{t} \Rightarrow P = \frac{nhc}{t\lambda}$

$\frac{P_A}{P_B} = \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{400}{600} = \frac{2}{3}$



نلته. بازده لامپ یعنی مقدار انرژی ته لامپ به نور مرئی تبدیل می کند.

۹ یک لامپ رشته‌ای با توان ۲۰۰W از فاصله یک کیلومتری دیده می‌شود. فرض کنید نور لامپ به طور

یکنواخت در فضای اطراف آن منتشر می‌شود و بازده لامپ ۸ درصد است و فقط ۲ درصد تابش مرئی آن

دارای طول موج حدود ۶۲۰nm است. در مدت زمان دو دقیقه چه تعداد فوتون با این طول موج وارد

مردمک‌های چشم ناظری می‌شود که در این فاصله قرار دارد؟ (قطر مردمک را ۲mm در نظر بگیرید و

$hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ (کتاب درسی)

$h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

1 km

۱) 6×10^7

۲) 3×10^7

۳) 6×10^{16}

۴) 3×10^{16}

بازده = $\frac{P_{\text{نور مرئی}}}{P_{\text{کل}}} \times 100 = \frac{14}{200} \times 100 = 7\%$

$I = \frac{P}{A} = \frac{nhc}{t \lambda \cdot A}$

$P_{\text{طول موج}} = \frac{P_{\text{کل}}}{100} = \frac{2}{100} \times 14 = \frac{28}{100} \text{ W}$

۱۰ شدت تابشی خورشید در خارج از جو زمین $1200 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$ است و تا زمانی که به سطح زمین می‌رسد ۷۵ درصد انرژی آن توسط محیط جذب می‌شود. اگر طول موج متوسط فوتون‌ها ۶۰۰nm باشد در هر دقیقه چند

فوتون به سطح زمینی به ابعاد ۸ و ۴ متر می‌رسد؟ ($hc = 1200 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19}$) (کتاب درسی)

۱) 1.8×10^{23}

۲) 9×10^{22}

۳) 1.8×10^{23}

۴) 9×10^{22}

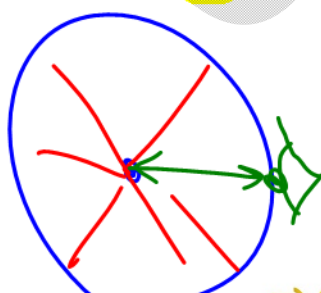
$P = \frac{nhf}{t} = \frac{nhc}{t \lambda}$

$\lambda = 600 \text{ nm}$

$\frac{P}{t} = \frac{nhc}{t \lambda} \Rightarrow \frac{1.8 \times 10^{23}}{60} = \frac{n \cdot 1240 \cdot 10^{-9}}{60} \Rightarrow 1.8 \times 10^{19} = n$

تعداد فوتون‌های ورودی به مردمک شخص = $\frac{\text{مساحت مردمک} \times h \nu}{\text{مساحت جبهه نوری (رفا)}}$

$= \frac{r^2 \cdot P}{R^2 \cdot P} = \frac{10^{-4}}{4 \times 10^4} \times 1.8 \times 10^{19} = 3 \times 10^7$





فوتوالکتريک:



۱- به الکترون‌های جدا شده از سطح فلز پدیده فوتوالکتريک، فوتوالکترون می‌گویند.

۲- برای جدا شدن الکترون، کمترین بسامدی که لازم است را بسامد آستانه (f_0) می‌نامند.
 $f \geq f_0$

$hf = E_0 + K$

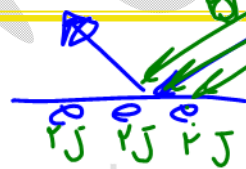
۴- K: انرژی جنبشی باقیمانده برای الکترون:

توجه: اگر بسامد نور تابش کمتر از بسامد آستانه باشد، فوتوالکتريک به ازای هیچ شدت نوری رخ نمی‌دهد. به عنوان مثال، اگر بر کورهک برق نمایم، نور خرابقش تایده شود، مشاهده می‌شود که انحراف ورقه‌های آن کاهش می‌یابد، در حالی که با تابش نور مرئی، تغییرکی در انحراف ورقه‌های برق نما رخ نمی‌دهد.



نکته: هر الکترون، فقط یک فوتون می‌گیرد.

$I = \frac{P}{A} = \frac{E}{tA} = \frac{nhf}{tA}$



$f \geq f_0$
توجه: در پدیده فوتوالکتريک

توضیحات	انرژی جنبشی فوتوالکترون ها	تعداد فوتوالکترون ها	افزایش شدت نور با ثابت مازون بسامد
	ثابت	افزایش	فقط افزایش بسامد
	افزایش	ثابت	



ناسازگاری پدیده فوتوالکتریک با فیزیک کلاسیک:

الف) بنا به نظریه کلاسیک، پدیده فوتوالکتریک باید با هر بسامدی رخ دهد در حالی که این نتیجه با تجربه سازگار نیست.

ب) به ازای یک بسامد معین، اگر شدت نور فرودی بر سطح فلز را افزایش دهیم باید الکترون‌ها با انرژی جنبشی بیشتری از فلز خارج شوند، نتیجه‌ای که تجربه آن را تأیید نمی‌کند.

نکته

شدت نور با مربع دامنه میدان الکتریکی موج الکترومغناطیس متناسب است.



۱ در تابش پرتو فرابنفش به سطح فلز، الکترون‌های جدا شده از سطح فلز را می‌نامند. (دی ۹۸)

فوتو الکترون

کلاسیدی

۲ براساس (دیدگاه کلاسیکی - نتایج تجربی) پدیده فوتوالکتریک باید با هر بسامدی رخ دهد.

۳ درست یا نادرست بودن عبارت زیر را مشخص کنید.

بر اساس نتایج تجربی، اگر شدت نور فرودی به سطح فلز به قدر کافی بزرگ باشد پدیده فوتوالکتریک در هر بسامدی رخ می‌دهد.

نادرست

(خرداد ۱۴۰۰)

۴ توضیح دهید برای یک فلز معین، افزایش شدت نور فرودی در بسامدهای بزرگ‌تر از بسامد آستانه چه

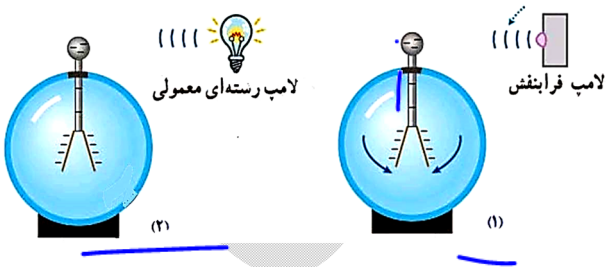
فوتو الکترون (خرداد ۹۸) رخ میدهد

تأثیری در نتیجه اثر فوتوالکتریک دارد؟

افزایش فوتو الکترون‌های خارج شده

۵ الف) شکل (۱) بیانگر کدام پدیده در فیزیک جدید است؟ پدیده فوتو الکترون (بهار ۹۸)

ب) شکل‌های (۱) و (۲) چه تفاوت مهمی دارند؟



۶ اثر فوتوالکتریک را تعریف کنید.





۷ در آزمایش فوتوالکتریک برای یک فلز معین، تغییر هر یک از موارد زیر باعث چه تغییری در نتیجه

آزمایش می‌شود؟

افزایش انرژی جنبشی فوتوالکتریکها

(دی ۱۴۰۱)

$$f > f_0$$

$E_k \uparrow$

الف) افزایش یا کاهش بسامد نور فرودی نسبت به بسامد آستانه

$$f < f_0$$

ب) افزایش شدت نور فرودی در بسامدهای کوچک‌تر از بسامد آستانه

پ) کاهش شدت نور فرودی در بسامدهای بزرگ‌تر از بسامد آستانه

کاهش تعداد فوتوالکتریکها

۸ بر کلاک برق نمایی با بار منفی یک مرتبه نور فرورسرخ و مرتبه دیگر نور فرابنفش می‌تابانیم. در هر

حالت، انحراف ورقه‌های آن چگونه تغییر می‌کند؟

(شهریور ۱۴۰۱)



انحراف - تفسیری نمی‌کند

انحراف کم می‌شود

کاف هم

۹ توضیح دهید نظریه کوانتومی تابش که توسط اینشتین مطرح شد و در آن نور به مجموعه‌ای از

بسته‌های انرژی در نظر گرفته شد چگونه به تبیین اثر فوتوالکتریک کمک کرد؟



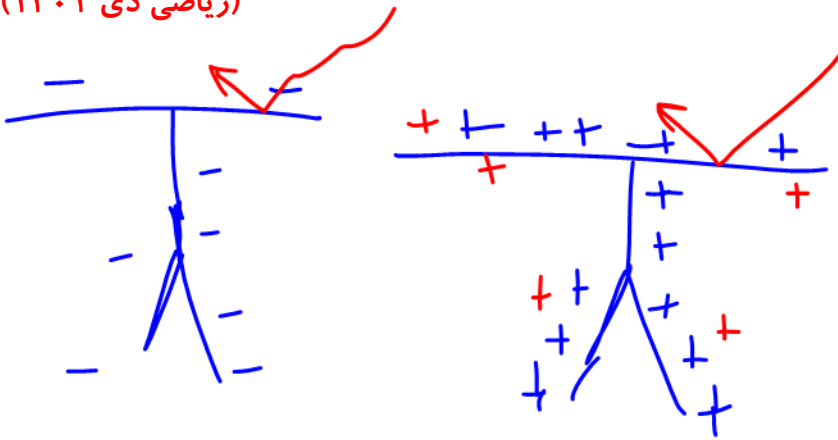


منفی

با تابش نور بنفش به کلاهک یک برق‌نما، انحراف ورقه‌ها از هم کمتر می‌شود. نوع بار برق‌نما چیست؟

۱۰

(ریاضی دی ۱۴۰۱)



نوری بر کلاهک الکتروسکوپ بارداری با بار منفی می‌تابانیم و تابش این نور بر فاصله ورقه‌های

۱۱

الکتروسکوپ بی‌اثر است. اگر شدت همین نور را افزایش دهیم، آیا انحراف ورقه‌های الکتروسکوپ تغییری

(تجربی دی ۱۴۰۲)

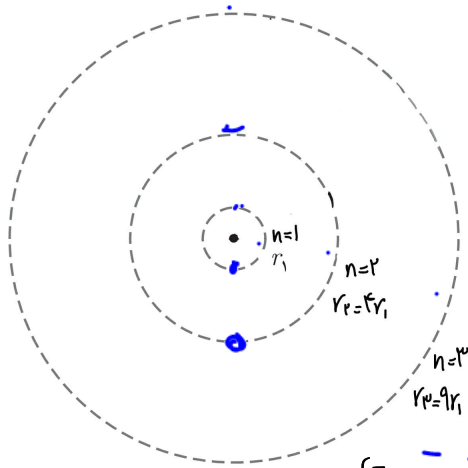
می‌کند یا خیر؟

خیر





مدارهای اتم هیدروژن



$$r_1 = a_0$$

$$r_2 = 4a_0$$

$$r_n = a_0 n^2$$

شعاع مدارها:

a_0 : شعاع مدار اول

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2}$$

انرژی مدارها:

$$E_R = 13.6 \text{ eV}$$

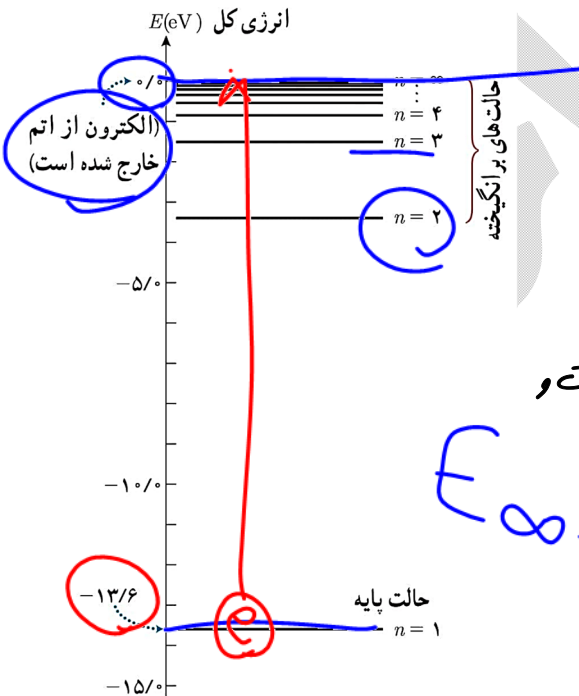
یک ریذبرگ

انرژی مدارهای اتم هیدروژن

$$\begin{cases} E_1 = -\frac{13.6}{1^2} = -13.6 \text{ eV} \\ E_2 = -\frac{13.6}{2^2} = -3.4 \text{ eV} \\ E_3 = -\frac{13.6}{3^2} = -1.51 \text{ eV} \\ E_4 = -\frac{13.6}{4^2} = -0.85 \text{ eV} \end{cases}$$

توجه: انرژی الکترون در داخل اتم منفی است و با درآشیدن الکترون از هسته آن، انرژی الکترون افزایش می‌یابد.

توجه: برای الکترون در اتم هیدروژن:



$n=1 \leftarrow$ حالت پایه

$n > 1 \leftarrow$ حالت‌های برانگیخته

$n = \infty \leftarrow$ (بالا ترین حالت برانگیخته) الکترون در خارج اتم است و

$$E_\infty = -\frac{13.6}{\infty^2} = 0$$

انرژی آن برابر صفر است.

توجه: به هر یک از مدارهای مجزا، مدار مان می‌گویند.

($n = 1, 2, \dots$) وقتی که الکترون در یکی از آنها است هیچ نوع تابش الکترومغناطیسی گیل نمی‌کند. در این حالت می‌گویند الکترون در مدار مان یا حالت مان قرار دارد.



انرژی یونش: کمترین انرژی لازم برای خارج کردن الکترون از حالت پایه، انرژی یونش الکترون نامیده می شود.

صرف این مقدار انرژی الکترون را از اتم خارج می کند و یون مثبت هیدروژن H^+ ایجاد می کند.

$$n=2$$

اول

$$n=3$$

دوم

توجه حالت برنلیخته n مدار $n + 1 \dots \dots$ حالت برنلیخته n مدار $n + 1 \dots \dots$

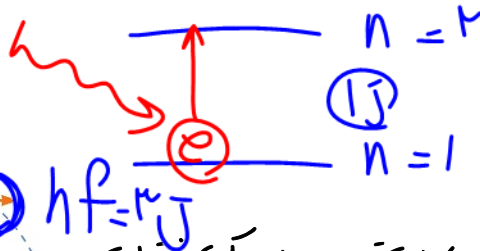


اسماعیل احمدی





فوتون هنگام گذار الکترون (انرژی و بسامد) $(۴J)$



توجه:

• با کاهش انرژی، الکترون به لایه پایین تر می‌رود و یک فوتون گسیل می‌کند.

• با افزایش انرژی، الکترون به لایه بالاتر می‌رود و یک فوتون جذب می‌کند.



توجه: هنگام گذار الکترون از یک مدار مانا به مدار مانای پایین تر، انرژی فوتون تابش شده برابر است با:

$$E_2 - E_1 = hf$$





۱ الکترونی در اتم هیدروژن در دومین حالت برانگیخته قرار دارد. انرژی الکترون را در این حالت حساب

$$(E_R = 13.6 \text{ eV})$$

کنید. (شهریور ۹۸)

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow E_n = -\frac{13.6}{9} = -1.51 \text{ eV}$$

۲ اگر الکترون از مدار مانای $n=1$ به مدار مانای $n=3$ گذار کند، شعاع مدار چند برابر می‌گردد؟ (ریاضی شهریور ۱۴۰۱)

$$a_n = a_0 n^2$$

$$a_1 = a_0 \cdot 1^2 = a_0$$

$$a_3 = a_0 \cdot 3^2 = 9a_0$$

۳ الکترونی در اتم هیدروژن از حالت برانگیخته $n=2$ به حالت پایه $n=1$ جهش می‌یابد. انرژی فوتون

تابش شده چند الکترون ولت است؟ $(E_R = 13.6 \text{ eV})$ $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$ (دی ۹۷)

$$hf = E_2 - E_1 = \left(-\frac{13.6}{4}\right) - \left(-\frac{13.6}{1}\right)$$

$$hf = -3.4 + 13.6 = +10.2 \text{ eV}$$

۴ اگر الکترون در اتم هیدروژن از تراز $n=4$ به حالت پایه جهش یابد، بسامد فوتون گسیلی، چند هرتز است؟

(خرداد ۹۹) $(E_R = 13.6 \text{ eV})$ $(h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J.s}, e = 1.6 \times 10^{-19})$

$$hf = E_4 - E_1 = \left(-\frac{13.6}{16}\right) - \left(-\frac{13.6}{1}\right)$$

$$\Rightarrow \cancel{4} \times 10^{-16} f = 12.175 \times \cancel{4} \times 10^{-19}$$

$$f = 3.04 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

$$-0.85 + 13.6 = 12.75$$



(کتاب درسی)

۵ با استفاده از رابطه بور برای انرژی الکترون در اتم هیدروژن:

الف) اختلاف انرژی $\Delta E(n_U \rightarrow n_L) = E_U - E_L$ را حساب کنید.

$$E_U - E_L = \frac{E_n = -\frac{E_R}{n^2}}{n_U^2} - \frac{E_R}{n_L^2} = -\frac{E_R}{n_U^2} + \frac{E_R}{n_L^2}$$

ب) نشان دهید که:

$$\Delta E(4 \rightarrow 2) = \Delta E(4 \rightarrow 3) + \Delta E(3 \rightarrow 2) = (E_4 - E_3) + (E_3 - E_2) = E_4 - E_2$$

$$\Delta E(4 \rightarrow 1) = \Delta E(4 \rightarrow 2) + \Delta E(2 \rightarrow 1) = (E_4 - E_2) + (E_2 - E_1) = E_4 - E_1$$

(دی ۱۴۰۰)

۶ فرایند جذب فوتون وسط اتم را توضیح دهید.

۷ منظور از انرژی یونش الکترون چیست؟

۸ در اتم هیدروژن در دمای اتاق، الکترون در حالت (برانگیخته - پایه) فرار دارد.



در اتم هیدروژن با افزایش شماره مدار (n)، اختلاف شعاع دو مدار متوالی و اختلاف انرژی آن‌ها چه تغییری می‌کند؟

$a_n = a_0 n^2$ و $E_n = \frac{E_1}{n^2}$
 (ریاضی خرداد ۱۴۰۱)

$n=1$
 $r_1 = a_0$
 $E_1 = -13.6 \text{ eV}$

$n=2$
 $r_2 = 4a_0$
 $E_2 = -3.4 \text{ eV}$

$n=3$
 $r_3 = 9a_0$
 $E_3 = -1.51 \text{ eV}$

Differences in radius: $r_2 - r_1 = 3a_0$, $r_3 - r_2 = 5a_0$
 Differences in energy: $E_2 - E_1 = 10.2 \text{ eV}$, $E_3 - E_2 = 2.09 \text{ eV}$

در اتم هیدروژن، هنگام گذر الکترون از تراز انرژی بالاتر به تراز انرژی پایین‌تر؛ (خرداد ۱۴۰۱)

(۳) اتم برانگیخته می‌شود

(۲) یک فوتون گسیل می‌شود

(۱) یک فوتون جذب می‌شود

اسماعیل احمدی





فوتون هنگام گذار الکترون (طول موج)

$$R = \frac{1}{\lambda} \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$n = \infty \rightarrow \frac{1}{\lambda} = R$$

دو روش حل: (گذار از n به n') $n > n'$

روش حل اول: اگر R رو داده بود \Leftarrow رابطه ریذبرگ:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

یکای R و λ باید بهم بخورن

R : ثابت ریذبرگ \Leftarrow یکا $\frac{1}{m^2}$

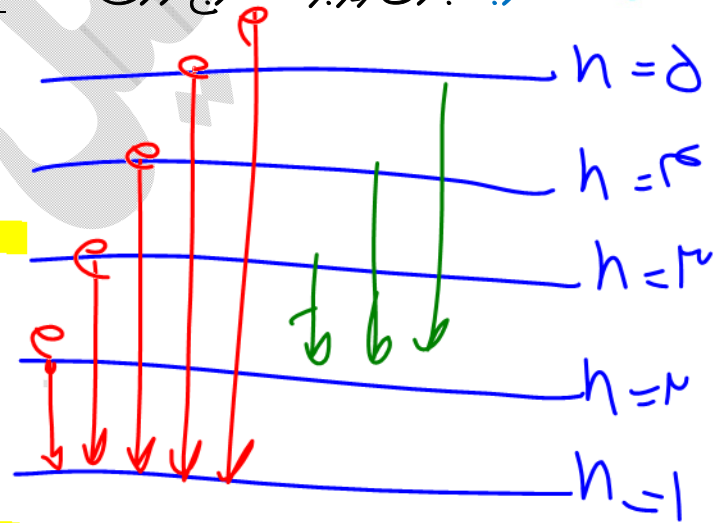
روش حل دوم: R رو نداده بود:

$$E_n - E_{n'} = hf = hc$$

توجه: اثر اوقات به جای شمار مدار فرودی (n')، نام رشته را می‌گویند

توجه: جدول زیر برای موج فوتون های گسیل شده است؛ پس $n > n'$

نام طیف	مقدار n'	رابطه ریذبرگ مربوط به رشته	ناحیه طیف
لیمان	1	$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{n^2} \right)$	فرا بنفش
بالمر	2	$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{n^2} \right)$	فرا بنفش و مرئی
پاشن	3	$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{n^2} \right)$	فروسرخ
براکت	4	$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{16} - \frac{1}{n^2} \right)$	فروسرخ
پوند	5	$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{25} - \frac{1}{n^2} \right)$	فروسرخ



لیمان یا یا بد لفل رادرفت

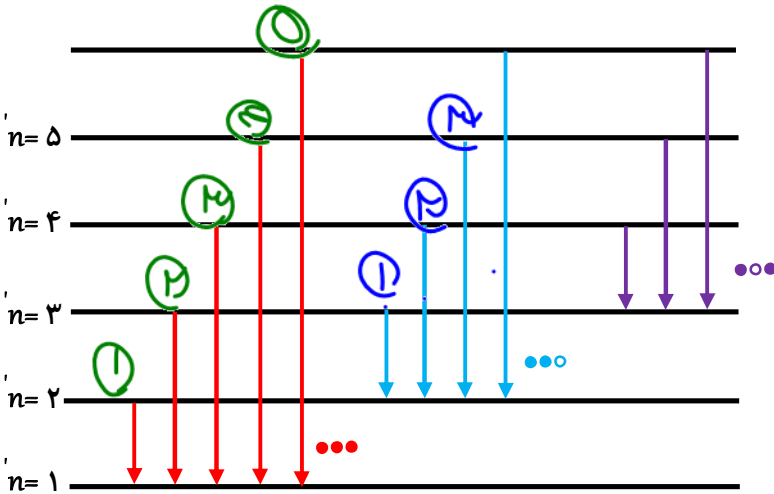
گستره طول موج، اختلاف کوتاه ترین و بلند ترین طول موج هر رشته را گستره طول موج های آن رشته می نامند.



نکته

خامین خط طیف n' :

$$n = n' + x$$



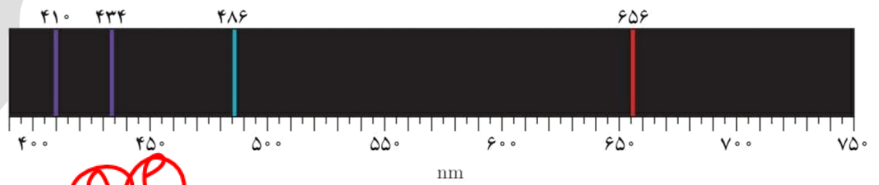
توجه: فرمول اختصاصی رشته بالمر:



$$\lambda = (364.56 \text{ nm}) \frac{n^2}{n'^2 - 4}$$

- $n=3 \rightarrow 2$ $\Rightarrow \lambda \approx 656.3 \text{ nm}$ قرمز
- $n=4 \rightarrow 2$ $\Rightarrow \lambda \approx 486.1 \text{ nm}$ آبی سبز
- $n=5 \rightarrow 2$ $\Rightarrow \lambda \approx 434.0 \text{ nm}$ نیلی
- $n=6 \rightarrow 2$ $\Rightarrow \lambda \approx 410.1 \text{ nm}$ بنفش

قالب



$$E = nhf \quad v = \lambda f$$

از نزدیک ترین n $\leftarrow E_{\min} \leftarrow f_{\min}$
 از دورترین n $\leftarrow E_{\max} \leftarrow f_{\max}$

توجه: $\lambda_{\max} \leftarrow f \leftarrow E$ و برعکس



پس در هر رشته برای λ_{\max} و λ_{\min}



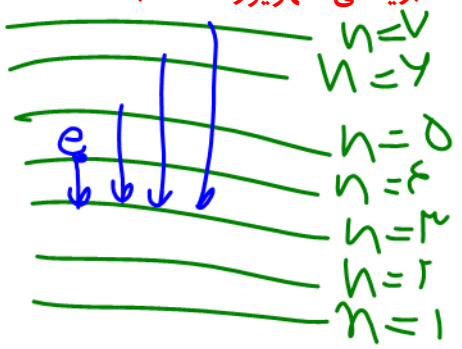
۱ اگر در اتم هیدروژن، الکترون گذاری را از تراز ۳ به تراز ۱ انجام دهد، طول موج فوتون گسیلی چند نانومتر است؟ $(R = 1.097 \times 10^7 \text{ nm}^{-1})$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{3^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{9-1}{9} \right) = \frac{1}{900}$$

$$\Rightarrow \lambda = 900 \text{ nm}$$

(ریاضی شهریور ۱۴۰۱)

۲ گسیل نور قرمز مربوط به کدام رشته از طیف اتم هیدروژن است؟



رشته بالمر
 $E_{max} \leftarrow f_{max} \leftarrow \lambda_{min}$
 از (ورترین) n

۳ کوتاهترین و بلندترین طول موج رشته پاشن ($n' = 3$) چند نانومتر است؟ و تعیین کنید که این طول موجها در کدام گستره طول موجهای الکترومغناطیسی هستند؟

$$\frac{1}{\lambda_{min}} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = \frac{1}{900} \Rightarrow \lambda_{min} = 900 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda_{max}} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{16-9}{144} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{7}{144} \right)$$

۴ اتم هیدروژن در حالت برانگیخته سوم قرار دارد. کوتاهترین طول موج تابشی آن چند نانومتر است و در چه گستره‌ای از طول موجهای الکترومغناطیسی است؟

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{16-9}{144} \right) = \frac{1}{100} \times \frac{7}{144}$$

$$\Rightarrow \lambda_{max} = \frac{100 \times 144}{7} \text{ nm}$$



$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{14} \right) = \frac{1}{100} \times \frac{13}{14}$$

$$\lambda = \frac{1400}{13} = 107.7 \text{ nm}$$



الکترونی از دومین حالت برانگیخته اتم هیدروژن با انرژی $E_3 = -1/5 \text{ eV}$ به حالت پایه با انرژی

$E_1 = -13/6 \text{ eV}$ جهش می‌یابد. طول موج فوتون گسیل شده در این جهش، تقریباً چند نانومتر است؟ (دی ۹۸)

$$(hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$E_3 - E_1 = hf = hc \Rightarrow -1/5 - (-13/6) = \frac{1240}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{1240}{13/6 - 1/5} \text{ nm}$$

هر یک از گزاره‌های ستون A تنها به یک رشته خط طیف گسیلی اتم هیدروژن، در ستون B مرتبط است.

گزاره مربوط به هر رشته را در پاسخ نامه مشخص کنید. (در ستون B یک مورد اضافه است). (دی ۱۴۰۰)

ستون B	ستون A
(۱) لیمان ($n' = 1$)	الف) بلندترین طول موج این رشته متناظر با ($n = 4$) است.
(۲) پاشن ($n' = 3$)	ب) خط‌های طیف گسیلی این رشته در ناحیه فرابنفش است.
(۳) براکت ($n' = 4$)	پ) دومین خط طیفی این رشته متناظر با ($n = 6$) است.
(۴) پفوند ($n' = 5$)	



نور مرئی

فروسرخ

سومین طول موج در رشته پاشن ($n' = 3$) و طول موج دومین خط در رشته بالمر هیدروژن اتمی را به

دست آورید و تعیین کنید که این طول موج در کدام ناحیه از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد.

(خرداد ۱۴۰۱)

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{16} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{100} \left(\frac{16 - 9}{144} \right) \Rightarrow \lambda = 1200 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{16} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{4 - 1}{16} \right)$$



۸

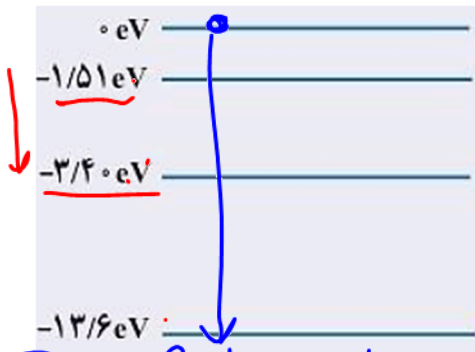
شکل مقابل تعدادی از ترازهای انرژی اتم هیدروژن را نشان می‌دهد.

$E = -13.6 \rightarrow E = -1.51$

(الف) کثرین طول موج فوتونی را پیدا کنید که با گذار بین این ترازها به دست می‌آید.

(ب) کدام گذار بین دو تراز می‌تواند به گسیل فوتونی با طول موج 660 nm منجر شود؟ ($hc = 1240 \text{ eV}\cdot\text{nm}$)

(کتاب درسی)



$E_U - E_L = hc/\lambda$

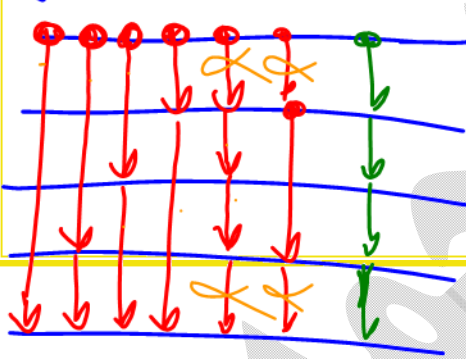
$0 - (-13.6) = \frac{1240}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{1240}{13.6} \text{ nm}$

$E = hf = hc/\lambda = \frac{1240}{440} \approx 2.82 \text{ eV}$

نکته

اگر الکترون در لایه‌ها قرار داشته باشد، تعداد تمام گذارهای ممکن از حالت n به حالت پایه

قابل محاسب است:



$\Delta n = \frac{n(n-1)}{2}$
 $n=5 \rightarrow 10$
 $n=4 \rightarrow 6$
 $n=3 \rightarrow 3$
 $n=2 \rightarrow 1$
 $n=1 \rightarrow 0$

همچنین می‌توانید با رسم لایه‌ها تعداد گذارها رو حساب کنید.

$\frac{5 \times 4}{2} = 10$

۹

الکترون اتم هیدروژنی در تراز $n=5$ قرار دارد.

(الف) با در نظر گرفتن تمام گذارهای ممکن، اگر این اتم به حالت پایه برود، امکان گسیل چند نوع فوتون با انرژی متفاوت وجود دارد؟

۱۰

(ب) فرض کنید فقط گذارهای $\Delta n = 1$ مجاز باشند، در این صورت امکان گسیل چند نوع فوتون با انرژی متفاوت وجود دارد؟

۴



۱۰

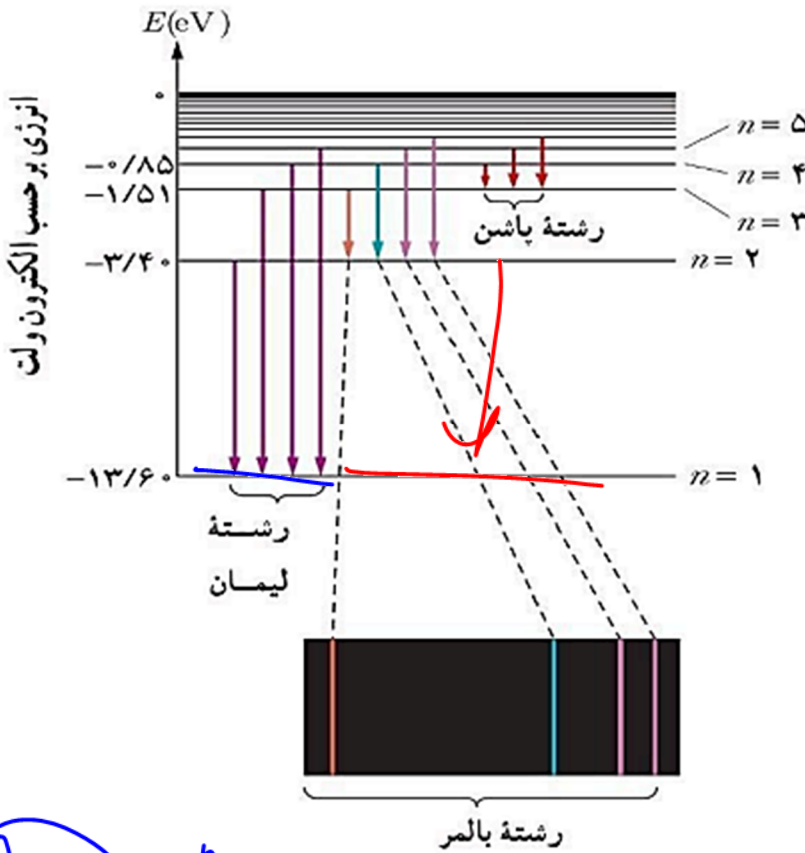
شکل زیر سه رشته طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی را روی نمودار تراز انرژی نشان می‌دهد که بر اساس مدل اتمی بور رسم شده است.

$hc = 1240 \text{ eV}\cdot\text{nm}$ (کتاب درسی)

مربعه الکترون در حالت پایه است

الف) منظور از $n=1$ و انرژی -13.6 eV چیست؟
حالت پایه

ب) گستره طول موج‌های رشته لیمان ($n'=1$) را پیدا کنید.



λ_{min}

$n = \infty$
 $n = 1$

$E_U - E_L = hf = \frac{hc}{\lambda}$

$0 - (-13.6) = \frac{1240}{\lambda_{min}} \Rightarrow \lambda_{min} = \frac{1240}{13.6} \text{ nm} = 91 \text{ nm}$

λ_{max}

$n = 2$
 $n = 1$

$E_U - E_L = hc$

$(-3.4) - (-13.6) = \frac{1240}{\lambda_{max}} \Rightarrow \lambda_{max} = \frac{1240}{10.2} \text{ nm} = 121 \text{ nm}$



طیف نمایی:

دو نوع دسته‌بندی طیف داریم:

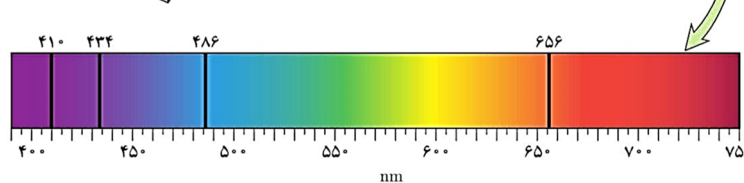
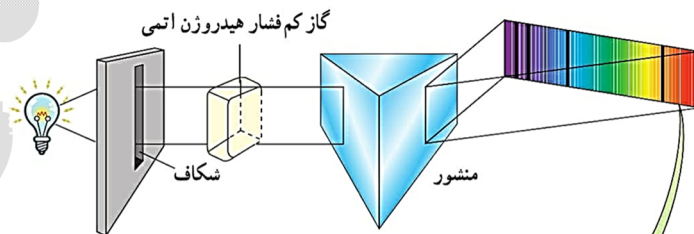
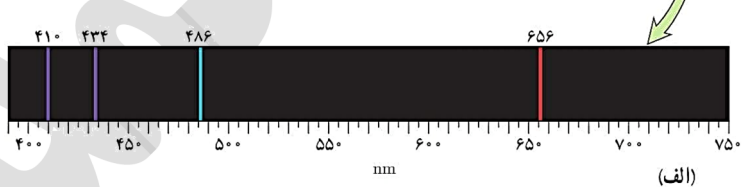
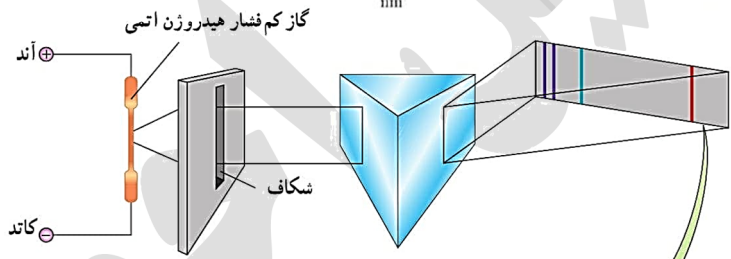
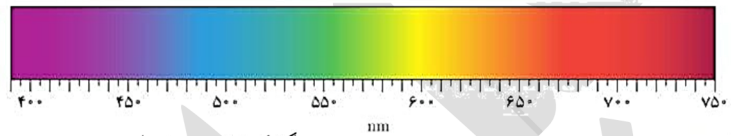
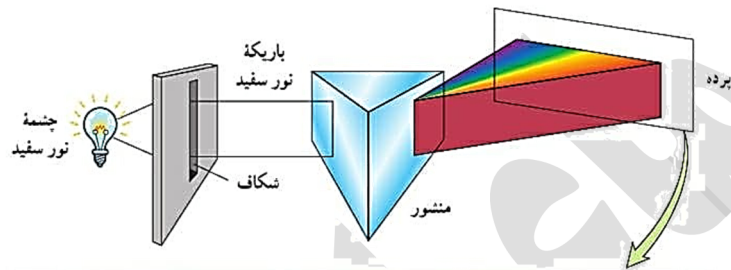
گسیلی (نشری): ما بین چشمه و منشور **جایی** وجود ندارد.

دسته‌بندی اول

جذب: ما بین چشمه و منشور یک حایل (گازی یا شیشه رنگی) وجود دارد.

دسته‌بندی دوم: گسیلی **پیوسته**: شامل گستره پیوسته‌ای از طول موج‌هاست. حاصل از اجسام جامد ملتهب

گسسته / خطی: شامل طول موج‌های معینی است. حاصل از گاز رقیق با فشار کم ملتهب / **گرم**





* طیف پیوسته ناشی از برهم کنش قوی بین اتم‌های سازنده جسم جامد است. در حالی که اتم‌های منفرد گازها از برهم کنش های قوی بین اتم‌ها، آزادند و به همین خاطر طیف گازها پیوسته نیست و گسسته است.

* توجه شود که شکاف، حایل نیست.

* طیف جذبی پیوسته نداریم.

طیف گسیلی خطی گاز هیدروژن: فقط شامل ۴ خط قرمز، آبی، نیلی و بنفش است.

طیف جذبی (خطی) نور سفید با حایل گاز هیدروژن: فقط ۴ خط قرمز، آبی، نیلی و بنفش را ندارد. چون انرژی این ۴ فوتون که دقیقاً برابر اختلاف انرژی دولایه اتم هیدروژن است، جذب گاز می‌شود و به منشور نمی‌رسد.

* به خطوط تاریک طیف جذبی، خطوط فرانهورفر می‌گویند.

دو اصل مهم:

(۱) طیف گسیلی و جذبی هیچ گازی مثل هم نیست ← می‌تواند از طیف‌های خطی برای شناسایی عناصر استفاده کرد ولی از طیف پیوسته مواد جامد خیر!

(۲) اتم‌های هر گاز دقیقاً همان طول موج‌هایی را از نور سفید جذب می‌کنند که خودشان در حالت برانگیخته تابش می‌کنند.

* تابش گرمایی: همه اجسام در هر دمایی که باشند، از خود امواج الکترومغناطیسی گسیل (نشر) می‌کنند که به آن تابش گرمایی می‌گویند.

نکته: در دماهای معمولی بیشتر تابش گسیل شده از سطح اجسام در ناحیه فروسرخ قرار می‌گیرد.





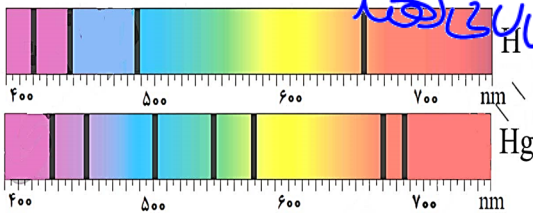
۱ تابش گرمایی را تعریف کنید.

(دی ۹۸)

۲ علت خطوط تاریک در طیف نور خورشید چیست؟

۳ شکل مقابل، طیف جذبی گازهای هیدروژن و جیوه را نشان می‌دهند:

(شهریور ۹۸)
خطوط فرابنفش - معرف طول موج



الف) خط‌های تیره در زمینه طیف معرف چیست؟

ب) از مقایسه این دو طیف چه نتیجه مهمی می‌گیریم؟

۴ طیف خطی و طیف پیوسته را تعریف کنید.

۵ طیف گسیلی یک جسم در چه مواردی پیوسته و در چه مواردی گسسته (خطی) است؟ منشأ فیزیکی این

تفاوت را توضیح دهید. (شهریور ۹۹)



۶

جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.

الف) در دماهای معمولی، بیشتر تابش گسیل شده از سطح اجسام در ناحیه است.

ب) طیف گسیلی حاصل از گازهای کم فشار و دمای طیف خطی است.

پ) تشکیل طیف گسیلی پولسه توسط جسم جامد، از برهم کنش قوی بین اتمهای سازنده آن است.

(خرداد ۹۸)

۷

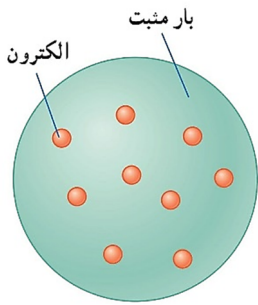
توضیح دهید چگونه می توان طیف گسیلی خطی ایجاد کرد؟

(ریاضی خرداد ۱۴۰۲)



مدل‌های اتمی:

مدل اتمی تامسون (کیک کشمشی):



ویژگی‌ها:

- ۱) کره‌ای با بار مثبت که الکترون‌ها در سرتاسر آن پراکنده‌اند. (مجموع بارها صفر است).
- ۲) الکترون‌ها سهم ناچیزی در جرم اتم دارند.
- ۳) الکترون‌ها با بسامدهای معینی حول وضع تعادلشان نوسان می‌کنند، این نوسان سبب تابش امواج الکترومغناطیسی از اتم می‌شود.

نقطه ضعف:

- ۱) بسامدهای تابش گسیل شده از اتم، که این مدل پیش‌بینی می‌کرد، با نتایج تجربی سازگار نبود.
- ۲) مطابق آزمایش ورقه‌های طلای رادرفورد، باید هسته‌ای چگال و دارای بار مثبت در مرکز هر اتم باشد که با مدل اتمی تامسون به طور آشکار مغایرت داشت.



مدل اتمی رادرفورد (مدل اتم هسته‌ای):

ویژگی‌ها:

- (۱) دارای یک هسته بسیار چگال و کوچک با بار مثبت
- (۲) الکترون‌ها با فاصله‌های زیادی، دور هسته را احاطه کردند.
- (۳) مجموع بارها صفر است.

نقطه ضعف:

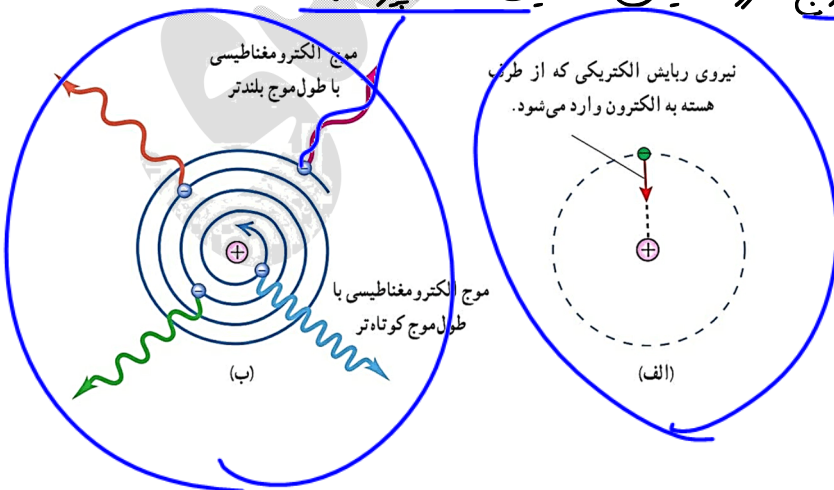
* نمی‌توان پایداری حرکت الکترون‌ها در مدارهای اتمی و در نتیجه پایداری اتم‌ها را توضیح دهد.



دلایل مربوط به نقطه ضعف:

- (۱) اگر الکترون ساکن فرض شود ← تحت تاثیر نیروی کولنی روی هسته سقوط می‌کند.
- متحرک فرض شود ← با تابش امواج الکترومغناطیسی روی هسته سقوط می‌کند.
- (۲) طیف خطی اتمی را توجیه نمی‌کند.

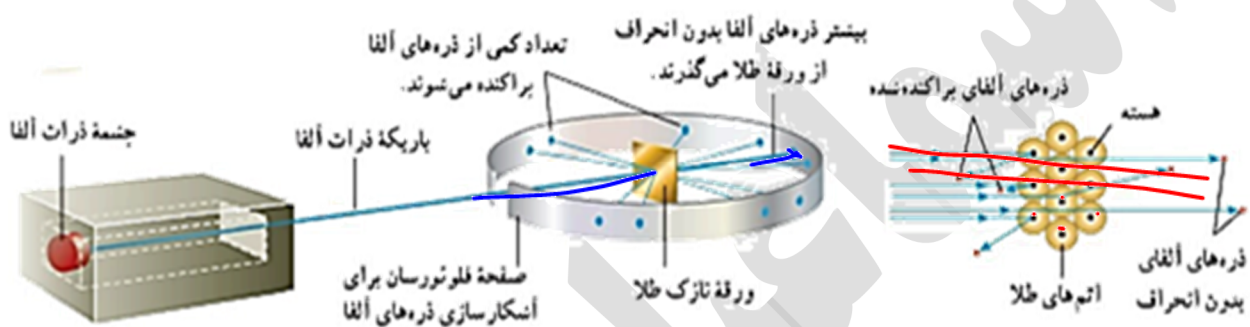
توجه: اثر الکترون متحرک فرض شود ← تابش امواج الکترومغناطیسی (هم‌بام با حرکت مداری الکترون) ↓ انرژی الکترون ← شعاع مدار الکترون ↓ افزایش تدریجی بامد حرکت مداری الکترون ← افزایش تدریجی بامد امواج الکترومغناطیسی ← طیف پیوسته.....





آزمایش ورقه طلا

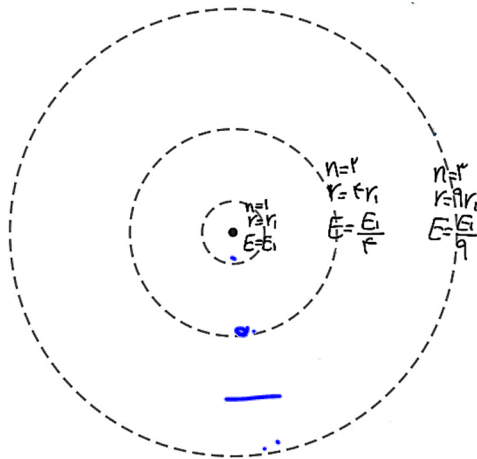
در این آزمایش رادرفورد باریکه‌ای از ذره‌هایی با بار مثبت (آلفا) را بر سطح ورقه‌ای نازک از جنس طلا فرو تاباندند. او بنابر مدل‌های اتمی‌ای که تا آن موقع در فیزیک شناخته می‌شد، انتظار داشت که تمامی ذره‌های آلفا، با انحراف بسیار اندکی از ورقه طلا بگذرند. در عمل بیشتر این ذره‌ها بدون انحراف یا با انحراف اندکی از ورقه طلا می‌گذشتند. اما برخی از ذره‌های آلفا در هنگام خروج از ورقه طلا، در زاویه‌های بزرگ منحرف و پراکنده می‌شدند و حتی تعدادی از آنها نیز به عقب برمی‌گشتند!



شکل: آزمایش پراکندگی رادرفورد که در آن ذرات α از یک ورقه نازک طلا پراکنده شده‌اند. تمام وسیله در یک اتاقک خلأ قرار دارد که در این شکل نشان داده نشده است.



مدل اتمی بور:



الف) مسئله ناپایداری اتم در مدل رادرفورد را حل کرد.

ب) معادله ریذبرگ برای طیف خطی اتمی هیدروژن را نتیجه داد.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

ویژگی ها:

۱) مدارها و انرژی های الکترون در هر اتم کوانتیزه اند.

۲) وقتی یک الکترون در یکی از مدارهای مجاز است، هیچ نوع تابش الکترومغناطیسی گسیل نمی شود. از این رو گفته می شود الکترون در مدار مانا یا حالت مانا قرار دارد.

۳) الکترون می تواند از یک حالت مانا به حالت مانای دیگر برود و با گذار به حالت مانا با انرژی کمتر، یک فوتون گسیل کند.

موفقیت ها:

* در توجیه پایداری اتم، طیف گسیلی و جذبی گاز هیدروژن اتمی و محاسبه انرژی یونش هیدروژن

* کاربرد برای اتم های هیدروژن گونه (تک الکترون) مثل Li^{2+}

* تصویری از چگونگی حرکت الکترون ها به دور هسته ارائه می کند.

نقاط ضعف:

۱) برای اتم هایی که بیش از یک الکترون دارند به کار نمی رود زیرا در مدل بور، نیروی الکتریکی که یک الکترون بر الکترون دیگر وارد می کند به حساب نیامده است.

۲) نمی تواند متفاوت بودن شدت خط های طیف گسیلی را توضیح دهد. مثلاً توضیحی برای تفاوت شدت خط آبی و قرمز در طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی ندارد.





۱ درست یا نادرست بودن عبارتهای زیر را مشخص کنید.

الف) مدل اتمی تامسون را مدل اتم هسته‌ای یا مدل هسته‌ای اتم می‌نامند. **نادرست**

ب) در مدل بور، نیروی الکتریکی که یک الکترون بر الکترون دیگر وارد می‌کند به حساب آمده است. **نادرست**

۲ الف) شکل روبه‌رو به کدام مشکل مدل رادرفورد اشاره دارد؟ (دی ۹۷)



ب) در مدل بور چگونه این مشکل رفع شده است؟

پ) چرا مدل بور برای وقتی که بیش از یک الکترون به دور هسته می‌چرخد، به کار نمی‌رود؟

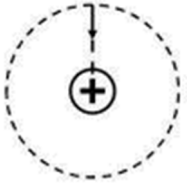
۳ دو مورد از نارسایی مدل بور را بنویسید. (خرداد ۹۸)

۴ یک مورد ناسازگاری اتمی رادرفورد را بنویسید. (ریاضی شهریور ۱۴۰۱)



۵) ناکامی مدل اتمی تامسون را بنویسید. (دی ۹۹)

۶) با توجه به شکل، یک اشکال مدل اتمی رادرفورد را در مورد پایداری اتم توضیح دهید.



۷) الف) بر اساس مدل اتمی بور دلیل خطی بودن طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی را توضیح دهید.

ب) با استفاده از مدل بور، چگونه می‌توانید خط‌های تاریک در طیف جذبی گاز هیدروژن اتمی را توجیه کنید؟

پ) فرایند جذب فوتون توسط اتم را توضیح دهید.

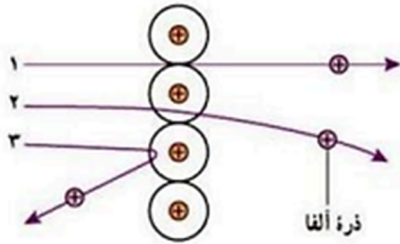




۸

مبنای مدل رادرفورد، نتایج آزمایش‌هایی بود که از پراکندگی ذره‌های آلفا توسط یک ورقه نازک طلا به

دست آمده بود.



الف) توضیح دهید چرا بیشتر ذره‌های آلفا مانند ذره‌های ۱ و ۲ یا اصلاً منحرف نمی‌شوند یا به مقدار کمی منحرف می‌شوند.

ب) تنها تعداد بسیار کمی از ذره‌ها مانند ذره ۳ منحرف می‌شوند. این امر چه نکته‌ای را درباره ساختار اتم طلا نشان می‌دهد؟

پ) چرا رادرفورد در آزمایش خود از صفحه بسیار نازک طلا استفاده کرده بود؟

۹

طبق نظریه بور، آیا زمانی که الکترون در مدار مانا قرار دارد، از خود موج الکترومغناطیسی گسیل می‌کند

(تجربی دی ۱۴۰۲)

یا خیر؟

۱۰

الف) فرایند جذب فوتون توسط اتم را توضیح دهید.

ب) با استفاده از مدل بور، چگونه می‌توانید خط‌های تاریک در طیف جذبی گاز هیدروژن اتمی را توجیه کنید؟

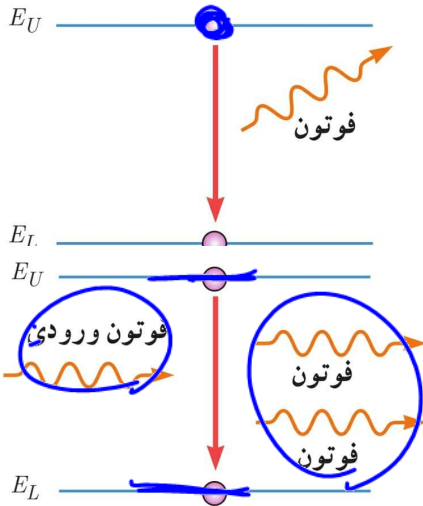
پ) وقتی که نور فرابنفش به بسیاری از مواد تابیده شود، تابش مرئی از خود گسیل می‌کنند. این پدیده فیزیکی نمونه‌ای از فلوئورسانسی است. آزمایش نشان می‌دهد در پدیده فلوئورسانسی طول موج‌های گسیل‌یافته معمولاً برابر همان طول موج نور فرودی یا بزرگ‌تر از آن است. این پدیده را چگونه به کمک مدل بور می‌توانید تبیین کنید؟

(کتاب درسی)



لیزر:

انواع گسیل فوتون
 ↙ ↘
 خود به خود القایی



گسیل خودبه خودی: یک الکترون برانگیخته به صورت خود به خودی به تراز انرژی پایین تر رفته و یک فوتون گسیل می کند.

$$\text{فوتون} + \text{اتم} \rightarrow \text{اتم}^*$$

گسیل القایی: یک فوتون ورودی، الکترون برانگیخته را تحریک می کند و با پایین آمدن الکترون دو فوتون گسیل می شود.

$$2 \text{ فوتون} + \text{اتم} \rightarrow \text{اتم}^* + \text{فوتون}$$

ویژگی های گسیل القایی:

(۱) فوتون گسیل شده در همان جهت فوتون ورودی حرکت می کند.

(۲) فوتون گسیل شده با فوتون ورودی همگام با دارای همان فاز است.

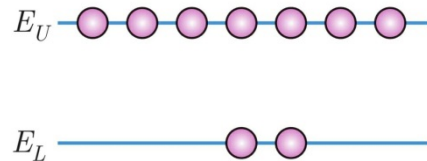
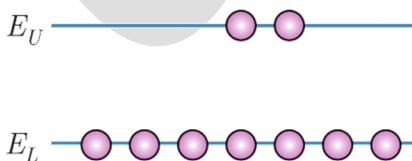
(۳) اساس کار لیزر گسیل القایی است. (درتلی نیست)

(۴) انرژی فوتون ورودی دقیقاً با اختلاف انرژی دو تراز بعدی $E_U - E_L$ برابر است.

وارونی جمعیت:

شرط گسیل القایی، وارونی جمعیت است.

در دمای اتاق بیشتر الکترون ها در تراز پایین تر هستند، به شک بهشون میدیم و آنها را به تراز های بالاتر می بریم (برانگیخته می کنیم).





در گسیل القایی یک چشمه انرژی خارجی مناسب باید وجود داشته باشد تا الکترون‌ها را به ترازهای انرژی بالاتر برانگیخته کند. این انرژی می‌تواند به روش‌های متعددی از جمله درخش‌های شدید نور معمولی و یا تخلیه‌های ولتاژ بالا فراهم شود.

اگر انرژی کافی به اتم‌ها داده شود، الکترون‌های بیشتری به تراز انرژی بالاتر برانگیخته خواهند شد.

در یک محیط لیزری، وضعیتی است که تعداد الکترون‌ها در ترازهایی موسوم به ترازهای شبه پایدار نسبت به تراز پایین‌تر بسیار بیشتر باشند.

ترازهای شبه پایدار چه ویژگی‌ای دارد و چه تأثیری در لیزر دارد؟

در این ترازها، الکترون‌ها مدت زمان بسیار طولانی‌تری نسبت به حالت برانگیخته معمولی باقی می‌مانند. این زمان طولانی‌تر فرصت بیشتری برای افزایش وارونی جمعیت و در نتیجه تقویت نور لیزر فراهم می‌کند.

کاربرد لیزر: چاپگرها / نگاشتن اطلاعات روی کابل نوری / اندازه‌گیری دقیق طول / دستگاه‌های جوشکاری و برش فلزات / پژوهش‌های علمی / سرگرمی

کاربرد لیزر در حرفه پزشکی: جراحی / برداشتن لکه‌های پوستی / اصلاح دید چشم / دندانپزشکی
نخستین لیزر، موسوم به لیزر یاقوتی، را مایمن ساخت
مدتی پس از آن و در همان سال، علی جوان موفق به ساخت نخستین لیزر گازی هلیم نئون شدند.



۱) اساس کار لیزر چیست؟ (شهریور ریاضی ۱۴۰۲)

فورب خودی

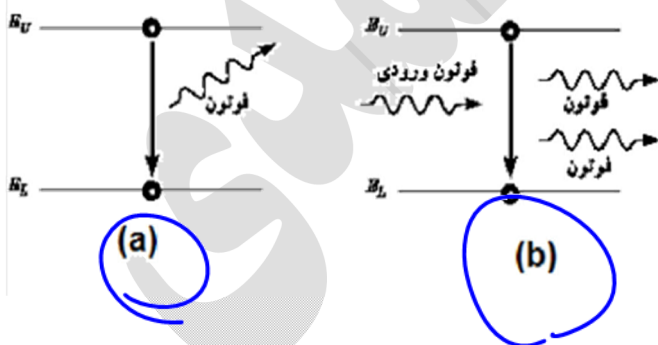
۲) در گسیل فوتون در جهتی کاتوره‌ای گسیل می‌شود. (خرداد ۹۹)

۳) فرایند گسیل القایی را توضیح دهید. (دی ۹۹)

۴) سه ویژگی فوتون‌های باریکه لیزری را بنویسید. (دی ۹۷)

۵) الف) نام هر یک از فرآورده‌های a و b را در پاسخ نامه بنویسید. (دی ۹۸)

ب) کدام یک از فرآورده‌های a یا b برای ایجاد باریکه لیزری بکار می‌رود؟





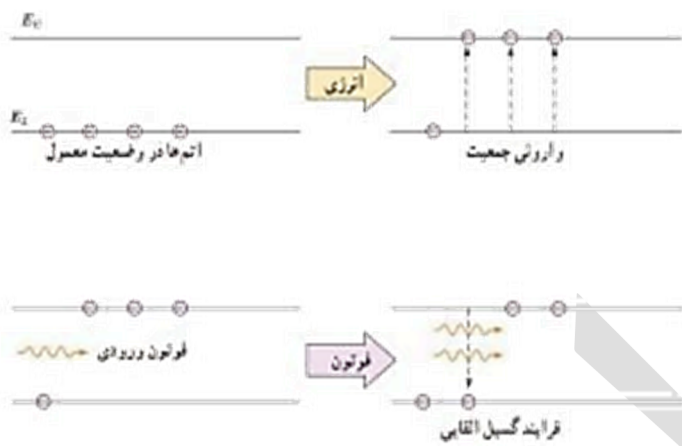
ویژگی ترازهای شبه پایدار در محیط لیزری چیست؟



شکل زیر فرایند ایجاد باریکه لیزر را به طور طرح‌وار در ۴ مرحله نشان می‌دهد.



(کتاب درسی و خرداد ۴۰۱)



الف) منظور از عبارت «اتم‌ها در وضعیت معمول» چیست؟

ب) نقش انرژی داده شده چیست و معمولاً این انرژی چگونه تأمین می‌شود؟

ب) منظور از وارونی جمعیت چیست؟

ت) انرژی فوتون ورودی چقدر باید باشد تا فرایند گسیل القایی انجام شود؟

ت) فوتون‌هایی که بر اثر فرایند گسیل القایی و جهش الکترون‌ها به تراز پایین‌تر ایجاد می‌شوند چه ویژگی‌های

مشترک دارند؟



۸ در شکل زیر نحوه گسیل فوتون‌ها از سه چشمه نور شامل لامپ رشته‌ای، چراغ قوه با لامپ رشته‌ای و لیزر آمده است.

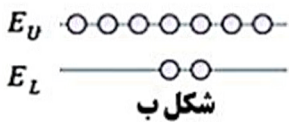
(کتاب درسی)

الف) تفاوت فوتون‌های گسیل شده از هر چشمه را با یکدیگر بیان کنید.

ب) چرا توصیه جدی می‌شود که هیچ‌گاه به طور مستقیم به باریکه نور ایجادشده توسط لیزر نگاه نکنید؟



۹ کدام یک از شکل‌های مقابل، وارونی جمعیت در محیط لیزری را نشان می‌دهد؟ (ریاضی دی ۱۴۰۱)



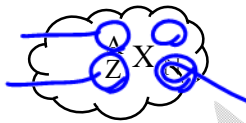


ساختار هسته

فیزیک هسته‌ای، شاخه‌ای از فیزیک است که در آن با ساختار، برهم کنش‌ها و واپاشی هسته‌های اتمی سروکار داریم. کشف پرتوزایی طبیعی آغازی برای پی بردن به وجود هسته اتم بود.

ساختار هسته: با کاوش درون اتم، در مرکز آن، هسته را می‌یابیم. هسته اتم از نوترون‌ها و پروتون‌ها تشکیل شده است که به طور کلی نوکلئون نامیده می‌شوند. نوترون بار الکتریکی ندارد، و جرمش اندکی بیشتر از پروتون است. جرم اتم‌ها و اجزای تشکیل‌دهنده اتم را، افزون بر یکای کیلوگرم با یکای جرم اتمی نیز بیان می‌کنند.

یکای جرم اتمی $\frac{1}{12}$ جرم اتم کربن ۱۲ را یکای جرم اتمی می‌نامند و آن را به اختصار با **amu** یا **u** نشان می‌دهند بنا به این تعریف، جرم اتم کربن ۱۲، دقیقاً برابر $12u$ است.



نمایش اتم:

Z : عدد اتمی = تعداد پروتون‌ها

N : عدد نوترونی = تعداد نوترون‌ها

A : عدد جرمی = مجموع تعداد پروتون‌ها و نوترون‌ها

نوکلئون پروتون‌ها و نوترون‌ها

ایزوتوپ: هسته‌هایی که تعداد پروتون‌های مساوی ولی تعداد نوترون‌های متفاوت دارند، ایزوتوپ (هم مکان) نامیده می‌شوند که خواص شیمیایی یکسانی دارند و در نتیجه در جدول تناوبی هم مکان هستند.

نکته

ویژگی‌های هر اتم به تعداد پروتون‌های آن بستگی دارد. اما ویژگی‌های هر هسته به تعداد پروتون و نوترون‌های آن بستگی دارد.



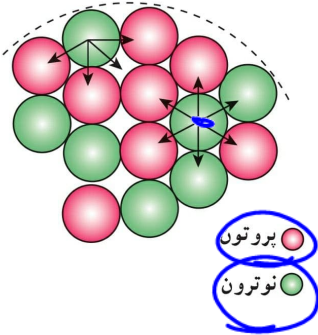
انواع نیروهای موجود در هسته:

۱) نیروی گرانشی \leftarrow بین نوکلئون‌ها \leftarrow ربایشی \leftarrow بلند برد

۲) نیروی الکترواستاتیکی \leftarrow بین P ها \leftarrow رانشی \leftarrow بلند برد

۳) نیروی هسته‌ای \leftarrow بین نوکلئون‌ها \leftarrow ربایشی \leftarrow کوتاه برد

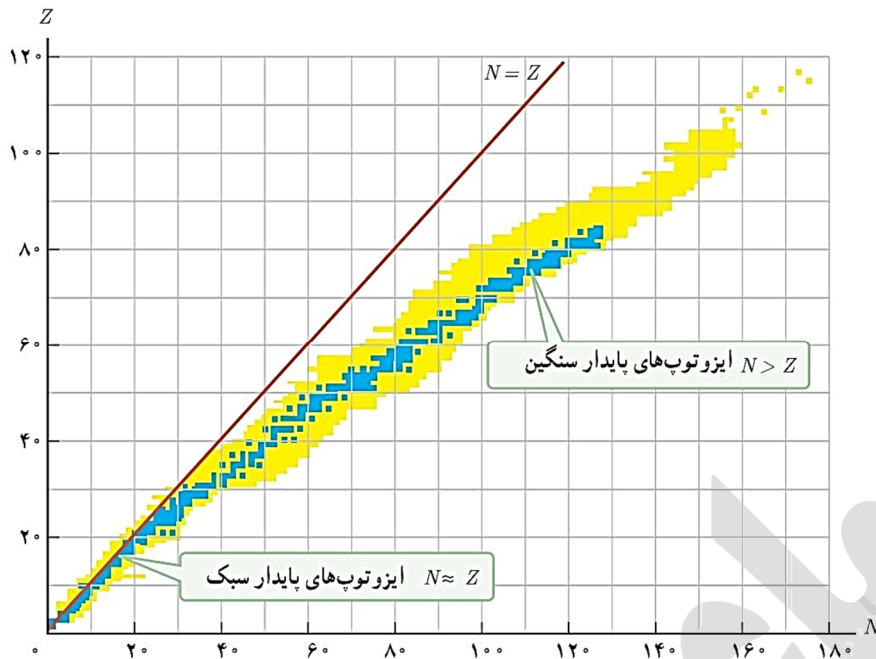
* مقایسه قدرت سه نیرو \leftarrow نیروی هسته‌ای $<$ الکترواستاتیکی $<$ گرانشی



* تحلیل دو تا از ویژگی‌های نیروی هسته‌ای:

الف) نیروی بین نوکلئونی \leftarrow نیروی بین p و p $\dots = \dots$ نیروی بین n و p $\dots = \dots$ نیروی بین n و n

ب) نیروی هسته‌ای بسیار کوتاه برد است \leftarrow یک نوکلئون فقط نوکلئون‌های همسایه خود را جذب می‌کند.



- ۱) هسته پایدار با بیشترین تعداد پروتون متعلق به است.
- ۲) بین عنصرهای ناپایدار با عدد اتمی بالاتر از ۸۳ تنها دو عنصر و در طبیعت یافت می‌شوند.
- ۳) هرچه هسته‌ها سنگین‌تر می‌شوند، نسبت $\frac{N}{Z}$ می‌باید.
- ۴) اغلب ایزوتوپ‌های عناصر
.....
- ۵) هسته‌هایی که عدد اتمی آن‌ها از بالاتر است، ناپایدارند.
- ۶) همه هسته‌هایی که عدد اتمی آنها از ۸۳ پایین‌تر است، پایدار
.....
- ۷) در عاصم پایدار سبک
.....
- ۸) در عناصر پایدار سنگین $(A > 60, Z > 30)$:
.....





نکته

نکات حفظی:

(۱) اندازه بار الکترون = اندازه بار پروتون =

(۲) جرم نوترون جرم پروتون

جرم الکترون تقریباً جرم پروتون و نوترون

ذره	بار الکتریکی (C)	جرم	
		یکای جرم اتمی (u)*	کیلوگرم (kg)
الکترون	$-1/6 \times 10^{-19}$	$5/4858 \times 10^{-4}$	$9/109389 \times 10^{-31}$
پروتون	$+1/6 \times 10^{-19}$	۱/۰۰۷۲۷۶	$1/672622 \times 10^{-27}$
نوترون	۰	۱/۰۰۸۶۶۴	$1/674929 \times 10^{-27}$

نکته

نکات حفظی:

نام عنصر	نماد	Z	N	درصد فراوانی در طبیعت	نام عنصر	نماد	Z	N	درصد فراوانی در طبیعت
هیدروژن ۱	H	۱	۰	۹۹/۹۸۸۵	کربن ۱۳	^{13}C	۶	۷	۱/۰۷
دوتریم (هیدروژن ۲، ^2H)	D	۱	۱	۰/۱۱۵	کربن ۱۴	^{14}C	۶	۸	یافت نمی‌شود
تریتیم (هیدروژن ۳، ^3H)	T	۱	۲	بسیار نادر	اورانیم ۲۳۵	^{235}U	۹۲	۱۴۳	۰/۷۱۶
کربن ۱۲	^{12}C	۶	۶	۹۸/۹۳	اورانیم ۲۳۸	^{238}U	۹۲	۱۴۶	۹۹/۲۸۴

(۱) ایزوتوپ های هیدروژن:

(۲) مقایسه فراوانی در طبیعت:

(۳) ایزوتوپ های کربن:

(۴) مقایسه درصد فراوانی در طبیعت:

(۵) ایزوتوپ های اورانیم

(۶) مقایسه درصد فراوانی در طبیعت:





۱ عبارت مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

- الف) خواص شیمیایی هر اتم را تعداد (نوترون‌های - پروتون‌های) هسته تعیین می‌کند. (خرداد ۹۸)
- ب) نیروی الکترواستاتیکی بین دو پروتون درون هسته، (بلندبرد - کوتاه‌برد) است.
- پ) نیروهای هسته‌ای بین نوکلئون‌ها (کوتاه‌برد - بلند‌برد) است.

۲ درست یا نادرست بودن عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

- الف) نیروی هسته‌ای بین دو پروتون، مستقل از بارالکتریکی است. (دی ۹۸)
- ب) هسته‌هایی که تعداد نوترون، مساوی ولی تعداد پروتون متفاوت دارند، ایزوتوپ نامیده می‌شود.
- پ) نیروی هسته‌ای کوتاه‌برد است و تنها در فاصله‌ای کوچک‌تر از ابعاد هسته اتم اثر می‌کند. (خرداد ۱۴۰۰)

۳ به دلیل بودن نیروی رانشی الکترواستاتیکی، یک پروتون تمام پروتون‌های دیگر درون هسته را دفع می‌کند. (خرداد ۹۹)

۴ هسته اتم از نوترون‌ها و پروتون‌ها تشکیل شده است که به‌طور کلی نامیده می‌شوند.

۵ توضیح دهید: (خرداد ۹۹)

آیا می‌توان ایزوتوپ $^{61}_{25}X$ را با روش شیمیایی از ایزوتوپ $^{59}_{25}X$ جدا کرد/ از ایزوتوپ $^{61}_{26}X$ چطور؟

بله

خیر

۶ چرا به ایزوتوپ‌ها، هم مکان گفته می‌شود؟



۷ برای پایدار ماندن هسته‌های سنگین، باید نسبت تعداد نوترون‌های به پروتون‌ها (بیشتر) - کمتر) شود



(خرداد ۱۴۰۰)

۸ برای ${}_{81}^{208}\text{Pb}$ مطلوب است؟

(۱) تعداد نوکلئون‌ها

(۳) تعداد پروتون = ۸۲

(۲) تعداد نوترون‌ها

$$n + p = 208$$

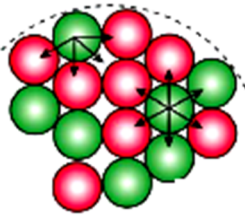
$$n + 82 = 208 \Rightarrow n = 126$$

۲۰۸

۹ تصویر مقابل نوکلئون‌های یک هسته را نشان می‌دهد. کدام یک از موارد زیر را می‌توانیم از مشاهده این

تصویر نتیجه‌گیری کنیم؟

(دی ۱۴۰۱)



کوتاه برد بورد

الف) نیروی هسته‌ای قوی‌تر از نیروی گرانشی است. ب) نیروی هسته‌ای کوتاه‌برد است.

۱۰ در هسته‌های سنگین با زیاد شدن تعداد پروتون‌ها، برای پایداری هسته کدام عنصر دیگر باید افزایش

یابد؟

نوترون

۱۱ دو ویژگی نیروهای هسته‌ای را بنویسید.





تبدیل جرم به انرژی

اگر جرم m به طور کامل به انرژی تبدیل شود:

$$E = mc^2$$

kg

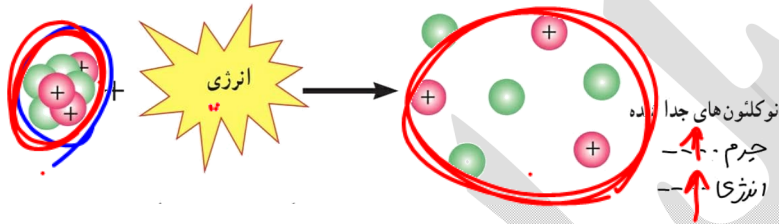
c: سرعت نور در خلأ
 3×10^8

۱ در یک واکنش هسته‌ای ۲ میلی‌گرم جرم تبدیل به انرژی شده است. انرژی حاصل، معادل با چند ژول

(ریاضی داخل ۹۳)

$$E = mc^2 = 2 \times 10^{-4} \times 9 \times 10^{16} = 18 \times 10^{12} \text{ J}$$

ساعت است؟ $(c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$



انرژی بستگی هسته:

به انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون‌های هسته را انرژی بستگی هسته می‌گویند.

$$E = \Delta m c^2$$

Δm : کاهش جرم (اختلاف جرم هسته و مجموعه نوکلئون‌ها)

E: انرژی بستگی هسته

* کاستی جرم هسته: جرم هسته از مجموع جرم پروتون‌ها و نوترون‌های تشکیل‌دهنده‌اش، اندکی کمتر است. این اختلاف جرم را کاستی جرم هسته می‌گویند.

* شکافت هسته: تقسیم شدن یک هسته سنگینی به دو هسته با جرم کمتر





ترازهای انرژی:

(۱) انرژی الکترون‌ها و نوکلئون‌ها کوانتیده است.

(۲) الکترون‌ها و نوکلئون‌ها می‌توانند:

- با جذب انرژی از حالت پایه به حالت برانگیخته بروند.
- و با گسیل فوتون (انرژی) از حالت برانگیخته بالاتر انرژی پایین‌تر بروند.

(۳) اختلاف ترازهای انرژی برای نوکلئون‌ها از مرتبه مگا الکترون ولت و برای الکترون‌ها از مرتبه است.

پس:

- (۴) هرگاه هسته برانگیخته به حالت پایه برود فوتونی با انرژی (پرنو) تابش می‌کند و هرگاه الکترون برانگیخته به حالت پایه برود فوتونی با انرژی (پرتوهای) تابش می‌کند.
- (۵) در واکنش‌های شیمیایی، انرژی که آزاد می‌شود در حد است به همین دلیل بر اثر این انرژی، هسته برانگیخته



۱ کاستی جرم هسته را تعریف کنید.

۲ شکافت هسته را تعریف کنید.

۳ چرا هسته‌ها در واکنش شیمیایی برانگیخته نمی‌شوند؟

۴ درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را با علامت‌های (ن) یا (د) مشخص کنید.

(الف) هسته اتم در واکنش‌های شیمیایی برانگیخته می‌شود.

(ب) به اختلاف جرم هسته اتم با مجموع جرم نوکلئون‌های تشکیل‌دهنده اتم، کاستی جرم هسته گفته می‌شود.

۵ انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون‌های یک هسته را انرژی (یونش الکترون - بستگی هسته‌ای) می‌نامند.

بستگی هسته‌ای

۶ انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون‌های یک هسته، انرژی نامیده می‌شود.

۷ انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون‌های یک هسته چه نام دارد؟

۸ اختلاف بین ترازهای انرژی الکترون‌ها در اتم کمتر از اختلاف بین ترازهای انرژی نوکلئون‌ها در

MeV

eV

هسته است.



پرتوزایی طبیعی

وقتی یک هسته ناپایدار یا پرتوزا به طور طبیعی (یا اصطلاحاً خودبه‌خود) واپاشی می‌کند، نوع معینی از ذرات یا فوتون‌های پرنرژی آزاد می‌شود. این فرایند واپاشی، پرتوزایی طبیعی نامیده می‌شود. پرتوزایی طبیعی ۳ نوع پرتو ایجاد می‌کند.

واپاشی α :

ذره α از جنس هسته هلیوم (He) است:



* این نوع واپاشی در هسته‌های سنگین صورت می‌گیرد.

* ذره‌های α ، سنگین‌اند و بار مثبت دارند. برد این ذره‌ها کوتاه است. این ذرات پس از طی مسافت کوتاهی در هوا و یا با عبور از لایه نازکی از مواد جذب می‌شوند.

توجه: در معادلات مربوط به پرتوزایی تعداد نوکلئون‌ها در طرف فرآیند واپاشی پایسته است. یعنی تعداد نوکلئون‌ها قبل و بعد از واپاشی یکسان است.

واپاشی β :

جرم و اندازه بار ذره بتا با الکترون برابر است:

دو نوع ذره بتا داریم

مثبت $({}^0_{+1}e)$

منفی $({}^0_{-1}e)$

واپاشی β^- (الکترون)

واپاشی β^+ (الکترون مثبت / پوزیترون):

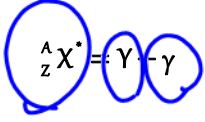




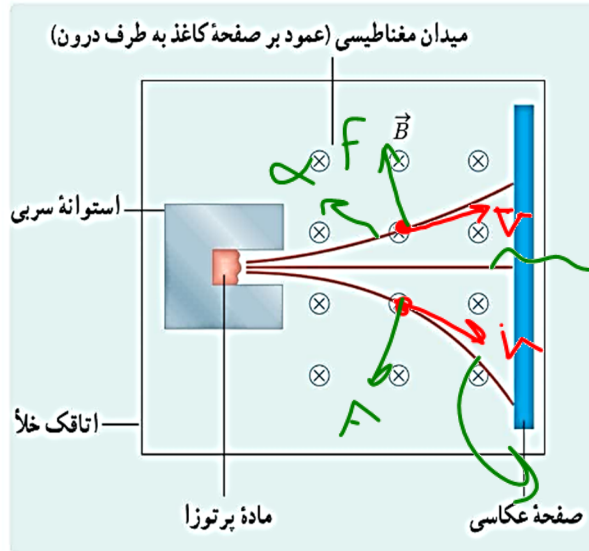
گاما

واپاشی γ :

پرتو گاما صرفاً از جنس انرژی است و با تابش آن عدد جرمی و اتمی تغییر نمی کند.



توجه: با تابش پرتو گاما، هسته از حالت برانگیخته به حالت پایه می رسد.



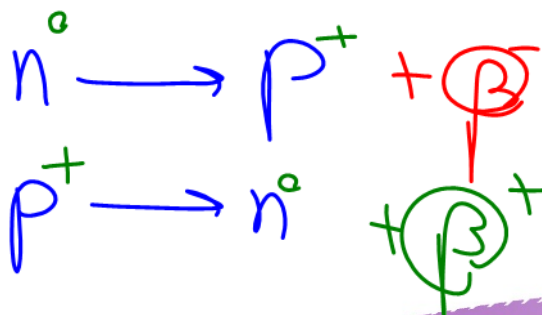
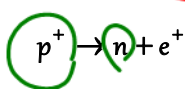
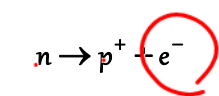
در پرتوزایی طبیعی سه نوع پرتو ایجاد می شود: پرتوهای آلفا (α)، پرتوهای بتا (β) و پرتوهای گاما (γ).

پرتوهای کمترین نفوذ را دارند و با ورقه نازک سربی با ضخامت ناچیز ($\approx 0.1 \text{ mm}$) متوقف می شوند در حالی که پرتوهای β مسافت خیلی بیشتری را ($\approx 1 \text{ mm}$) در سرب نفوذ می کنند. پرتوهای γ بیشترین نفوذ را دارند و می توانند از ورقه های سربی به ضخامت قابل ملاحظه ای ($\approx 10 \text{ mm}$) بگذرند.

نکته

میزان نفوذ پرتوها در ورقه سرب: گاما < بتا < آلفا

منشأ ذره های β :



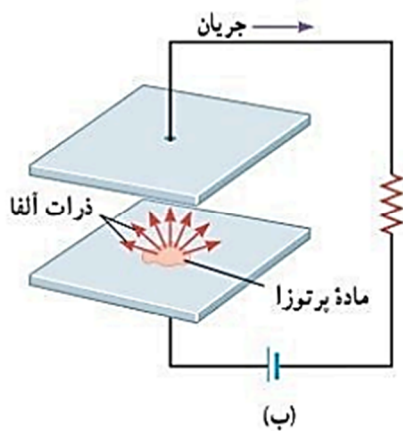
بتای منفی:

بتای مثبت:



فناوری و کاربرد: واپاشی آلفا و آشکارسازهای دود

یکی از کاربردهای گسترده واپاشی α در آشکارسازهای دود است (شکل الف). شکل ب، مدار و بخش اصلی یک آشکارساز دود را نشان می‌دهد. دو صفحه کوچک و موازی فلزی در فاصله حدود یک سانتی‌متر از یکدیگر قرار داده می‌شوند. مقدار اندکی ماده پرتوزا را که ذرات α گسیل می‌کند در وسط یکی از صفحه‌ها می‌گذارند. ذرات با مولکول‌های هوای بین دو صفحه برخورد می‌کنند، مولکول‌های هوا یونیده می‌شوند و یون‌های مثبت و منفی به وجود می‌آیند. ولتاژ باتری باعث می‌شود یک صفحه مثبت و صفحه دیگر منفی باشد، به طوری که هر صفحه یون‌های با بار مخالف را جذب می‌کند. در نتیجه در مدار متصل به صفحه‌ها جریانی به وجود می‌آید. وجود ذرات دود میان صفحه‌ها جریان را کاهش می‌دهد؛ زیرا یون‌هایی که به ذرات دود برخورد می‌کنند معمولاً خنثی می‌شوند. افت جریان که ذرات دود باعث آن می‌شود هشداردهنده‌ای را به کار می‌اندازد.



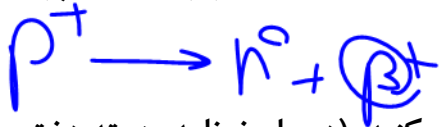


۱ پرتوهای بیشترین نفوذ را دارند و می‌توانند از ورقه‌ای سربی به ضخامت ۱۰۰ میلی‌متر بگذرند.

۲ درست یا نادرست بودن عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

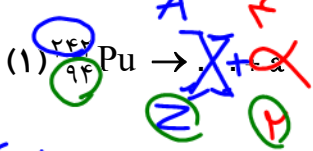
الف) ذرات آلفای گسیل شده از هسته‌های سنگین می‌توانند مسافت‌های طولانی را در هوا طی کنند.

ب) در فرایند واپاشی بتای مثبت، یکی از پروتون‌های درون هسته به یک نوترون و یک پوزیترون تبدیل می‌شود.



۳ جاهای خالی در فرایندهای واپاشی زیر را کامل کنید. (در پاسخ نامه، هسته دختر با نماد ${}^A_Z X$ نوشته شود).

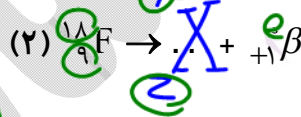
(شهریور ۹۹)



$$18 = A + 0$$

$$9 = Z + 1$$

$$Z = 8$$



$$242 = A + 4 \Rightarrow A = 238$$

$$94 = Z + 2 \Rightarrow Z = 92$$

۴ معادله واپاشی بتای منفی را بنویسید.



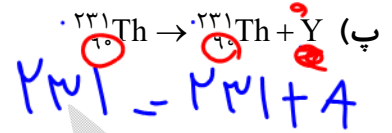
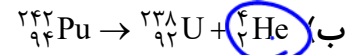
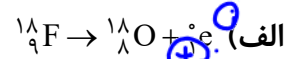
۵ هر یک از گزاره‌های ستون (الف) تنها به یک واپاشی در ستون (ب) ارتباط دارد. گزاره مرتبط با هر واپاشی را در پاسخ‌نامه مشخص کنید.

ستون (الف)	ستون (ب)
(۱) پرتوهای این واپاشی بیشترین نفوذ را در ورقه سرب دارند.	a. آلفا
(۲) نوترون درون هسته به الکترون و پروتون تبدیل می‌شود.	b. بتای مثبت
(۳) این نوع واپاشی در هسته‌های سنگین صورت می‌گیرد.	c. بتای منفی
	d. گاما



۵ نام هر یک از واپاشی‌های زیر را در پاسخنامه بنویسید.

بوزیترون
آلفا

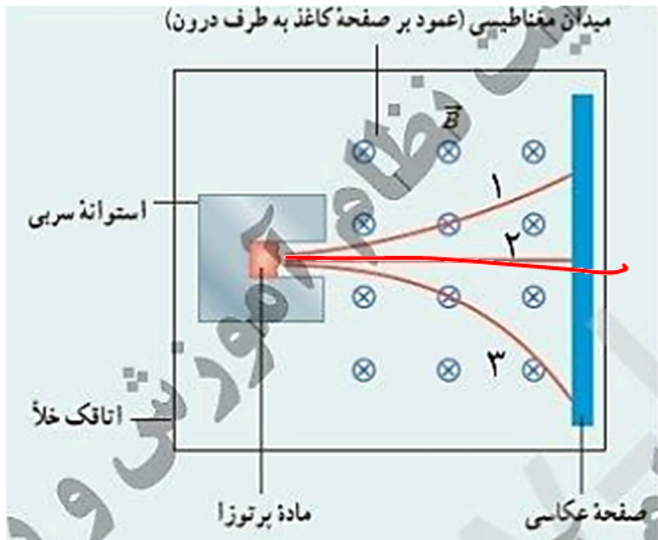


گاما

۶ در آزمایشی، پرتوهای آلفا و بتا و گاما حاصل از یک ماده پرتوزا، از یک میدان مغناطیسی درون سو

عبور کرده‌اند و نیرهایی مطابق شکل پیموده‌اند. کدام پرتو از پرتوهای ۱ و ۲ و ۳، پرتوی گاما است؟ چرا؟

(تجربی دی ۱۴۰۲)



۷ در ایزوتوپ ${}^{237}_{93}\text{Np}$ واپاشی از طریق گسیل ذرات بتای منفی صورت می‌گیرد. معادله مربوط به این

واپاشی را بنویسید. (هسته دختر با نماد ${}^A_Z\text{Y}$ نوشته شود).

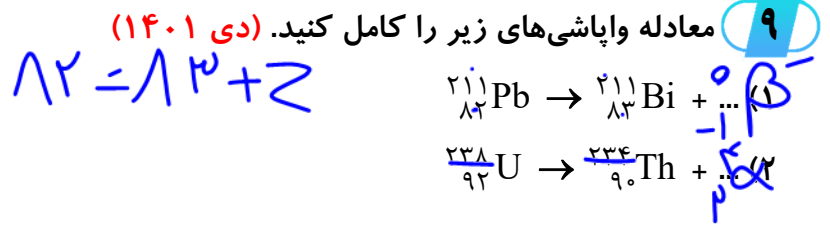
(دی ۹۷)



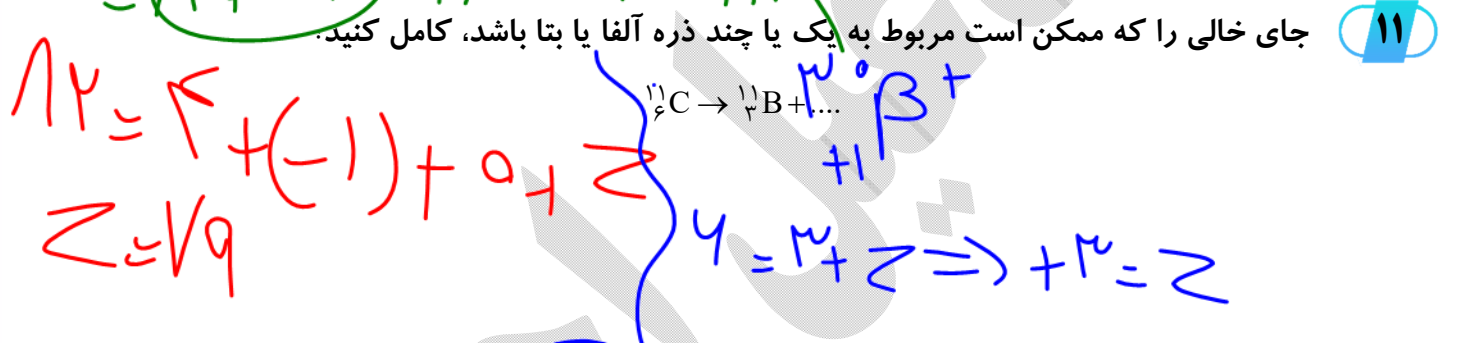
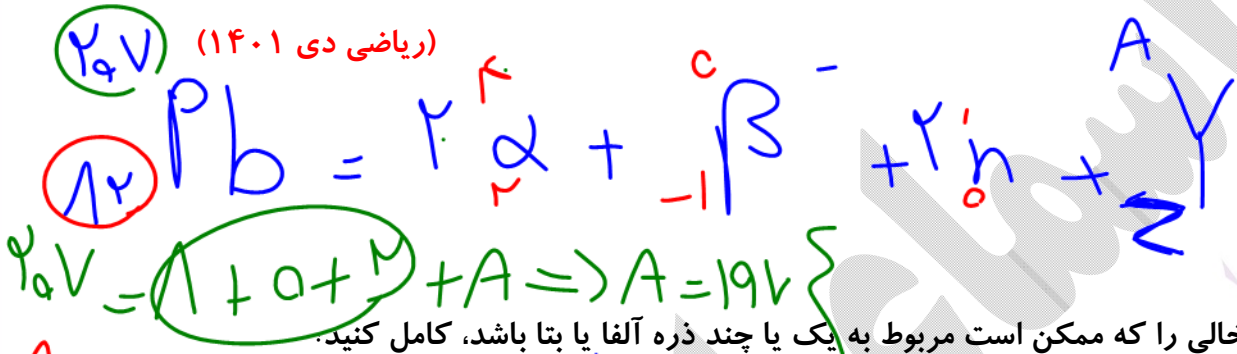
۸ هسته‌هایی که در حالت برانگیخته قرار دارند، با گسیل چه پرتویی به حالت پایه برمی‌گردند؟

(خرداد ۱۴۰۲)

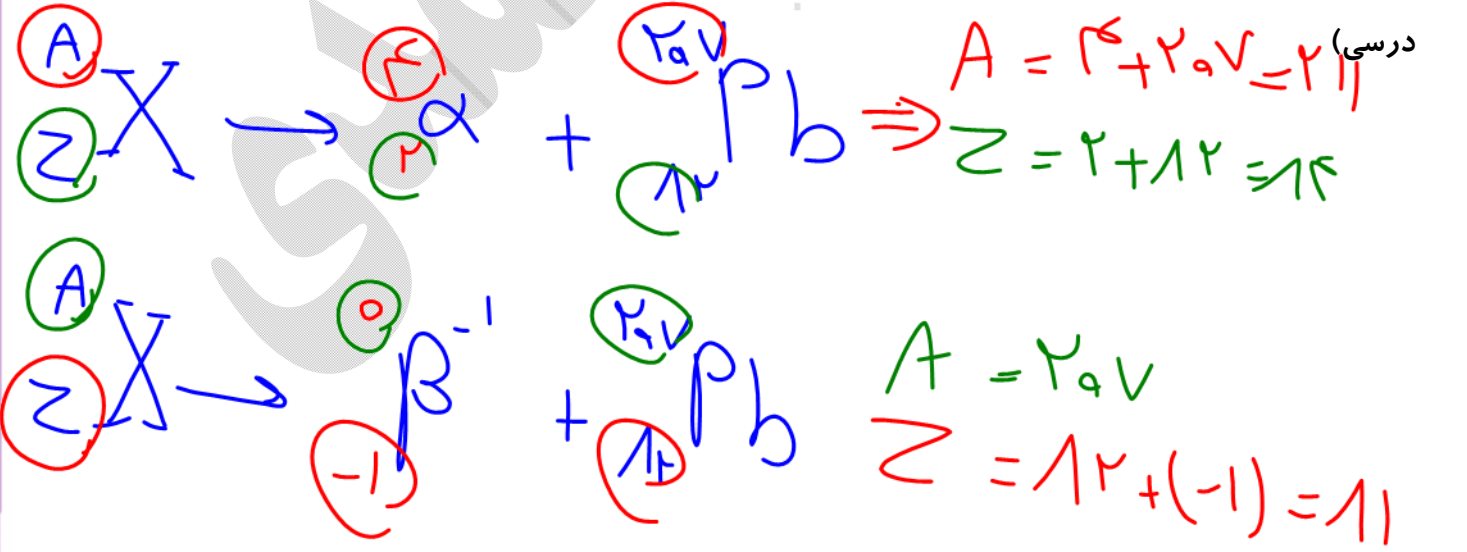
گاما



در یک واپاشی هسته‌ای عنصر پرتوزا سرب (${}_{82}^{208}\text{Pb}$) با تابش α و ذره β^- و دو نوترون (${}^1_0\text{n}$) به عنصر (${}^A_Z\text{Y}$) تبدیل می‌شود. معادله واپاشی را نوشته و مقادیر A و Z کنید.



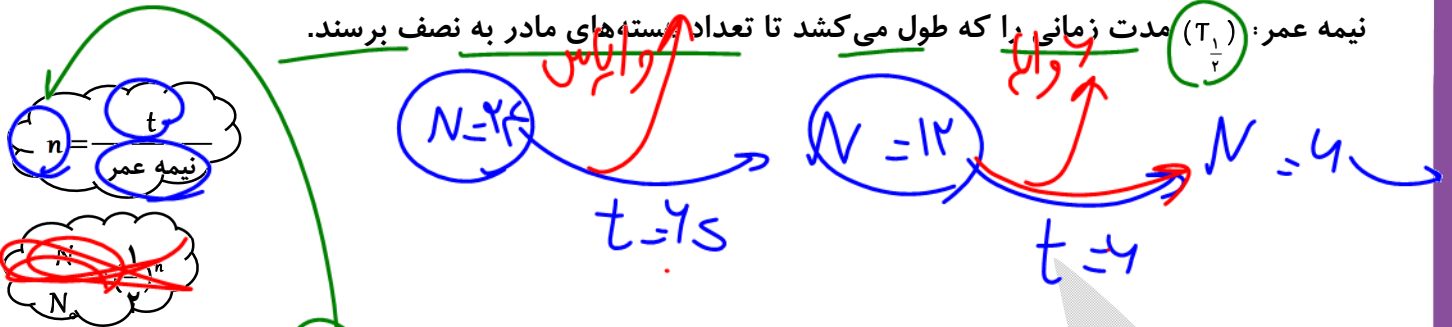
سرب ${}_{82}^{208}\text{Pb}$ هسته دختر پایداری است که می‌تواند از واپاشی α یا واپاشی β^- حاصل شود. فرایندهای مربوط به هر یک از این واپاشی‌ها را بنویسید. در هر مورد هسته مادر را به صورت ${}^A_Z\text{X}$ مشخص کنید. (کتاب





واپاشی یرتوزا و نیمه عمر

نیمه عمر: $(T_{\frac{1}{2}})$ مدت زمانی را که طول می کشد تا تعداد هسته های مادر به نصف برسند.



$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$24 \left(\frac{1}{2}\right)^2 = 6$$

t: مدت زمان سپری شده

n: تعداد نیمه عمر سپری شده

N_0 : تعداد هسته های اولیه

N: تعداد هسته های باقی مانده بعد از مدت زمان t

* می توان به جای تعداد هسته، جرم هسته ها را هم قرارداد.

$$m = m_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$



نیمه عمر را تعریف کنید.

۱

نیمه عمر یک ماده پرتوزا، ۴ روز است. پس از گذشت ۲۰ روز چه کسری از هسته‌های مادر پرتوزای

۲

اولیه باقی می‌ماند؟

$$N = \frac{t}{T_{1/2}} = \frac{20}{4} = 5$$

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{2^5} = \frac{1}{32} N_0$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32} N_0$$

نیمه عمر یک ماده رادیواکتیو حدود ۱۲ روز است. چه کسری از هسته‌های فعال آن، پس از گذشت

۳

روز باقی می‌ماند؟

$$N = \frac{t}{T_{1/2}} = \frac{36}{12} = 3$$

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^3 = N_0 \frac{1}{8}$$

پس از ۲۱ ساعت، تعداد هسته‌های یک ماده پرتوزا، فعال باقی می‌ماند. نیمه عمر این ماده پرتوزا

۴

$$\frac{t}{T_{1/2}} = \frac{21}{128}$$

چند ساعت است؟

(خرداد ۹۹)

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{128} \Rightarrow N = \frac{1}{128} N_0$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{1}{128} N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 7$$

$$n = \frac{t}{T_{1/2}} \Rightarrow 7 = \frac{t}{21} \Rightarrow t = 147$$

$$\begin{aligned} 2^1 &= 2 \\ 2^2 &= 4 \\ 2^3 &= 8 \\ 2^4 &= 16 \\ 2^5 &= 32 \\ 2^6 &= 64 \\ 2^7 &= 128 \end{aligned}$$



۵ پس از ۱۵ دقیقه $\frac{7}{8}$ هسته‌های یک نمونه مس پرتوزا، به فلز دیگری تبدیل می‌شود. نیمه عمر این نمونه

مس چند دقیقه است؟

(شهریور ۱۴۰۱)

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{8} \Rightarrow N = \frac{1}{8} N_0$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{1}{8} N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 3$$

$n = \frac{t}{T_{نیمه}}$
 $3 = \frac{15}{T_{نیمه}} \Rightarrow T_{نیمه} = 5$

۶ وقتی موجود زنده‌ای می‌میرد، مقدار کربن پرتوزای به تله افتاده در موجود غیرزنده، با نیمه عمر ۵۷۳۰

سال رو به کاهش می‌گذارد. کربن ۱۴ موجود در یک نمونه زغال قدیمی، $\frac{1}{56}$ درصد (معادل $\frac{1}{64}$) مقدار

عادی کربن ۱۴ موجود در زغالی است که تازه تولید شده است. سن تقریبی این زغال قدیمی چقدر است؟

(کتاب درسی)

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{64} \Rightarrow N = \frac{1}{64} N_0$$

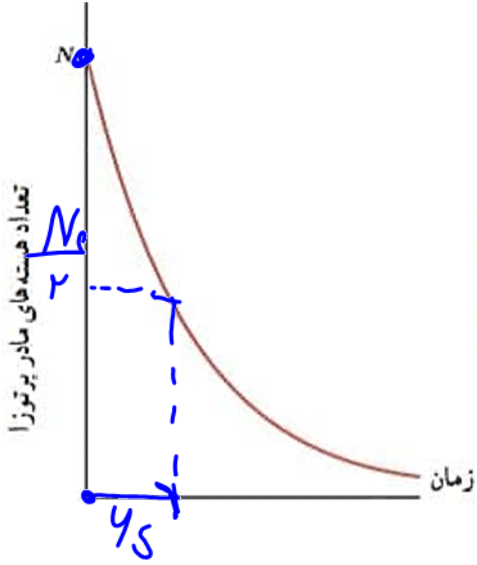
$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{1}{64} N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 6$$

$$n = \frac{t}{T_{نیمه}} \Rightarrow 6 = \frac{t}{5730}$$

$$t = 6 \times 5730 = 34380 \text{ سال}$$



نمودار



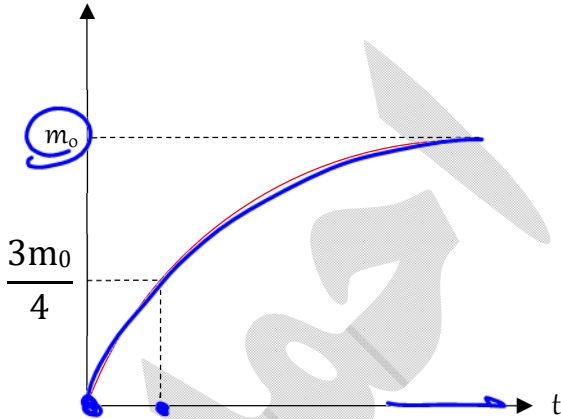
توجه: تعداد هسته باقیمانده = فعال



توجه: نمودار هسته های واپاشیده:



ت هسته های واپاشیده

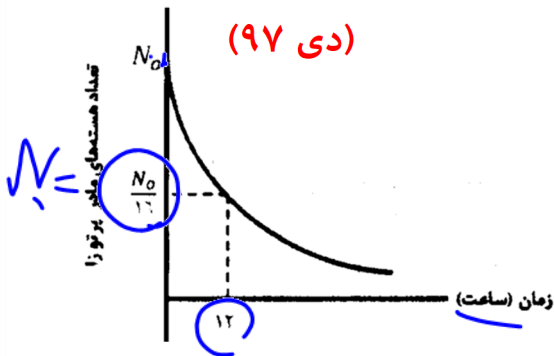




۱ شکل روبه‌رو تغییرات تعداد هسته‌های مادر پرتوزای موجود در یک ماده پرتوزا را بر حسب

زمان نشان می‌دهد.

(دی ۹۷)



نیمه عمر این ماده پرتوزا چند ساعت است؟

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{N_0}{14} = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

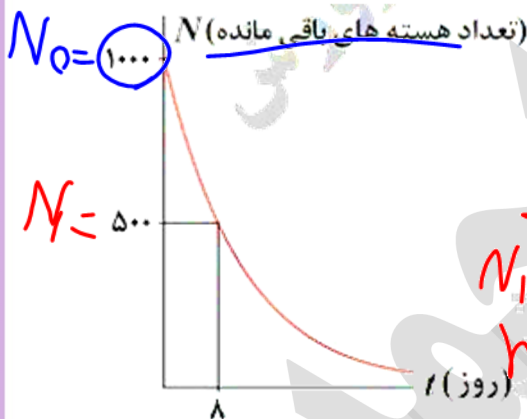
$$\Rightarrow \frac{1}{14} = \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 4$$

$$n = \frac{t}{T} \Rightarrow 4 = \frac{12h}{T} \Rightarrow T = \frac{12h}{4} \Rightarrow T = 3h$$

۲ نمودار N-t در شکل روبه‌رو تعداد هسته‌های باقی‌مانده ^{131}I را بر حسب زمان نشان می‌دهد. پس از

(شهریور ریاضی ۱۴۰۲)

گذشت چند روز تعداد هسته‌های باقی‌مانده به ۱۲۵ عدد می‌رسد؟



$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow 125 = 1000 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$\Rightarrow \frac{1}{8} = \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 3 \Rightarrow t = n \times T = 3 \times 8 = 24 \text{ روز}$$

$$N_1 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow 500 = 1000 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 1$$

$$n = \frac{t}{T} \Rightarrow 1 = \frac{8}{T} \Rightarrow T = 8 \text{ روز}$$

(ریاضی شهریور ۱۴۰۱)

۳ نمودار واپاشی ایزوتوپ ^{131}I به صورت مقابل است:

الف) نیمه‌عمر این عنصر چند روز است؟

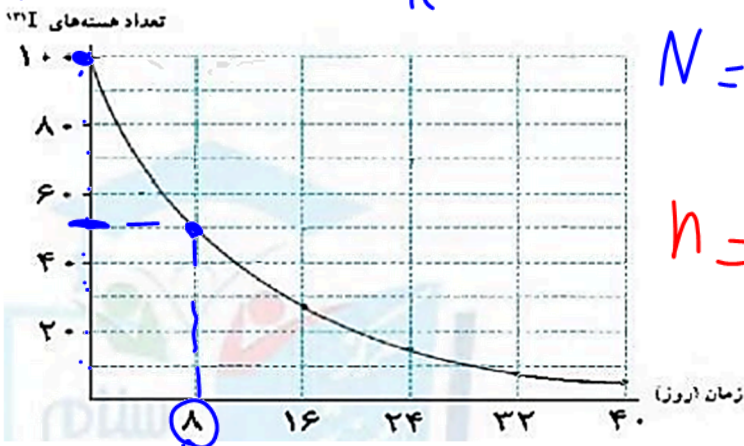
ب) پس از چند روز $\frac{63}{64}$ هسته‌های اولیه واپاشیده می‌شود؟

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{4} \Rightarrow N = \frac{1}{4} N_0$$

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{1}{4} N_0 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} = \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow n = 2$$

$$n = \frac{t}{T} \Rightarrow 2 = \frac{t}{T} \Rightarrow t = 2T$$





۴

نمودار تعداد هسته‌های مادر دو ماده پرتوزا بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. با توجه به شکل

(دی ۱۴۰۱)

نیمه‌عمر ماده A چند برابر نیمه‌عمر ماده B است؟

$$N_A = N_{0A} \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{12 \times 10^{10}}{3 \times 10^{10}} = \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

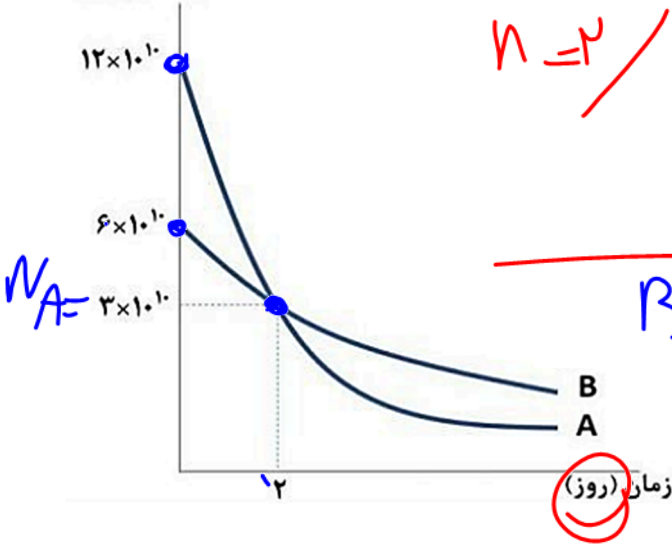
$$n = 2 \quad \text{نیمه‌عمر}$$

$$n = \frac{\text{رف}}{\text{نیمه‌عمر}} \Rightarrow 2 = \frac{\text{رف}}{\text{نیمه‌عمر}}$$

رف = ۱ نیمه‌عمر

رف = ۲ نیمه‌عمر B

تعداد هسته‌های مادر پرتوزا

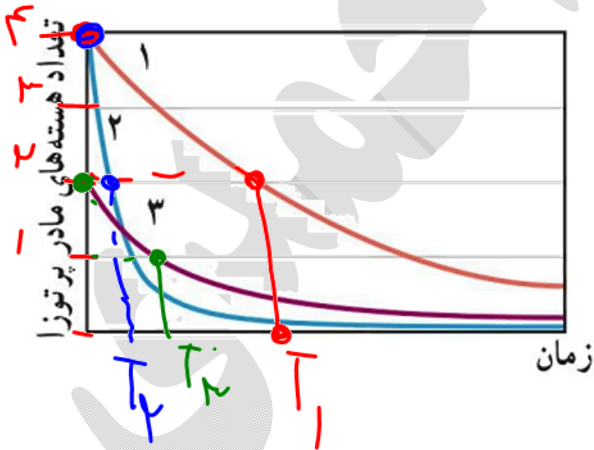


۵

شکل زیر نمودار تغییرات تعداد هسته‌های مادر پرتوزای سه نمونه را بر حسب زمان نشان می‌دهد.

(کتاب درسی)

نیمه‌عمر این سه نمونه را با هم مقایسه کنید.



$$T_1 > T_2 > T_3$$