

# نوکلئ شپیرین، فصل مثلثات دهم تجربی

Subject: \_\_\_\_\_  
 Year: ۱۳۸۱ Month: ۸ Day: \_\_\_\_\_

فصل دهم مثلثات

تیم: در این دو شکل، دو زاویه  $\alpha$  و  $\beta$  را با هم مقایسه کنید و نسبت تغییر کرده باشد.

ملاحظه کنید که با تغییر زاویه  $\alpha$  در یک زاویه ثابت، نسبت  $\frac{BC}{AB}$  تغییر کرده است.

ملاحظه کنید که در هر دو زاویه از یک زاویه  $\alpha$  در یک زاویه ثابت، نسبت  $\frac{BC}{AB}$  تغییر کرده است. در صورتی که  $\alpha$  و  $\beta$  دو زاویه مکمل باشند، نسبت  $\frac{BC}{AB}$  در هر دو زاویه یکسان خواهد بود.

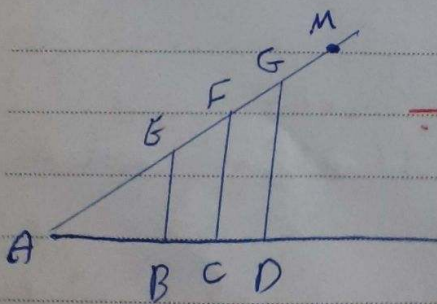
نسبت: در مثلث  $ABC$  نسبت اضلاع  $BC$  و  $AB$  را با  $\sin \alpha$  و  $\cos \alpha$  مقایسه کنید.

بررسی می شود که  $\sin \alpha = \frac{BC}{AB}$  و  $\cos \alpha = \frac{AC}{AB}$  است.

نسبت  $\frac{BC}{AB}$  بررسی می شود.

نسبت  $\frac{BC}{AB}$  : سینوس ( $\sin$ )، کسینوس ( $\cos$ )

تانژانت ( $\tan$ )، کتانژانت ( $\cot$ )



با توجه به شکل داریم:  $\sin \alpha = \frac{BC}{AB}$  و  $\cos \alpha = \frac{AC}{AB}$

$$\frac{BC}{AB} = \sin \alpha \quad \text{و} \quad \frac{AC}{AB} = \cos \alpha$$

برای  $\tan$

نسبت  $\frac{BC}{AC}$  را  $\tan \alpha$  می گویند.

$$\triangle ABE \sim \triangle AFE \left\{ \begin{array}{l} \hat{A} \text{ مشترک} \\ \hat{B} = \hat{E} \text{ و } \hat{E} = \hat{A} \end{array} \right. \rightarrow \frac{BC}{EF} = \frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF}$$

$$\frac{BC}{AB} = \frac{EF}{AE} \quad \text{و} \quad \frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AF} \quad \text{و} \quad \frac{BC}{AC} = \frac{EF}{AF}$$

حال صحت خواص تناسب

↓
↓
↓

نسبت ضلع مقابل به مجاور
نسبت ضلع مقابل به مجاور
نسبت ضلع مقابل به مجاور

\* \* \* نکته: \* \* \* نسبت ضلع مقابل به مجاور

در مثل قائم الزامی  $ABE$  برای زاویه صغیر، جاره  $A$ ، نسبت

طول ضلع مقابل به زاویه  $A$ ، به طول ضلع مجاور آن همواره همواره برابر است

است. این نسبت را تا زوایای  $A$  می نامیم  $(\tan A)$

$$\tan A = \frac{\text{طول ضلع مقابل به زاویه } A}{\text{طول ضلع مجاور به زاویه } A} = \frac{BE}{AB}$$

درستی

\* \* \* کسینوس تا زوایای  $A$ ، نسبت ضلع مجاور به آن، آن را  $\cot A$

$$\cot A = \frac{\text{طول ضلع مجاور به زاویه } A}{\text{طول ضلع مقابل به زاویه } A} = \frac{AB}{BE}$$

نشان دهیم

حال بر حال برت

$$\sin A = \frac{\text{طول ضلع مقابل زاویه حاد A}}{\text{طول وتر}} = \frac{BE}{AE}$$

$$\cos A = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه حاد A}}{\text{طول وتر}} = \frac{AB}{AE}$$

با توجه به رابطه های می توان نتیجه گرفت

$$\tan A = \frac{\sin A}{\cos A}$$

$$\tan A \cot A = 1$$

$$\cot A = \frac{\cos A}{\sin A}$$

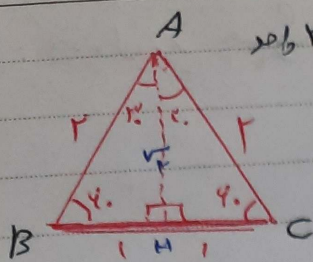
یعنی قافزانت و تن زانت یک زاویه مکملوس یکدیگرند یعنی جادانت مکمل

دیگر را نیز در این می توانم مشخص کنم مثلا اگر قافزانت زاویه برابر یک

باشد تن زانت آن زاویه برابر یک است.

\* تذکر: سینوس و کسینوس و قافزانت و تن زانت هوزاویه را

نسبت به ضلع آن زاویه می گوئیم



مثبت متساوی الاضلاع ABC با اضلاعی بطول ۲ واحد

در نظریه تریگنومی، نیاز داریم زاویه A را برضلع BC رسم کنیم

در مثل قائم‌الزاویه ABH  $\sin 60^\circ = \frac{\text{مقابل}}{\text{مایل}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$AH = AB - BH$

$AH = 2 - 1$

$AH = \sqrt{3}$

$\cos 60^\circ = \frac{\text{مجاور}}{\text{مایل}} = \frac{1}{2}$

$\tan 60^\circ = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$

$\cot 60^\circ = \frac{\text{مجاور}}{\text{مقابل}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

$\sin 30^\circ = \frac{\text{مقابل}}{\text{مایل}} = \frac{1}{2}$

~~cos 30~~

$\cos 30^\circ = \frac{\text{مجاور}}{\text{مایل}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\tan 30^\circ = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

$\cot 30^\circ = \frac{\text{مجاور}}{\text{مقابل}} = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$

نکته: جاترین برضلع ۶۰ درجه زاویه برضلع ۳۰ درجه با ضلع ۳۰ درجه برابر مجاور

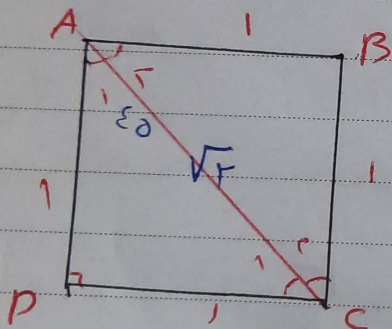
$\tan = \frac{\text{ضلع در ۶۰}}{\text{ضلع ۳۰}} = \frac{3}{3}$  برضلع ۳۰ درجه زاویه یعنی

پس  $\tan$  همان شب خط ۳۰ درجه

ذیلہ جدول زیر میں ہر خاطر دانستہ جائیے

ظاہر نسبت کو معلوم	۳۰	۴۵	۶۰	۹۰	۰
sin	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	۱	۰
cos	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	۰	۱
tan	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{1}$	تفان	۰
cot	$\frac{\sqrt{3}}{1}$	۱	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	۰	تفان

مثال ۳



طبقہ راہیہ میں عکس دیکھ

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$AC^2 = 1 + 1 \Rightarrow AC = \sqrt{2}$$

$$\sin \varepsilon = \frac{\text{مقابلہ}}{\text{ہیپتونیوس}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

مثال:

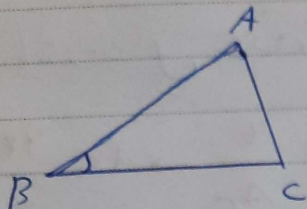
$$\cos \varepsilon = \frac{\text{جوارہ}}{\text{ہیپتونیوس}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Nafis

$$\tan \varepsilon = \frac{\text{مقابلہ}}{\text{جوارہ}} = \frac{1}{1} \Rightarrow \cot \varepsilon = 1$$

به دست آوردن مساحت در هر حالتی با معلوم بودن ضلع در طول

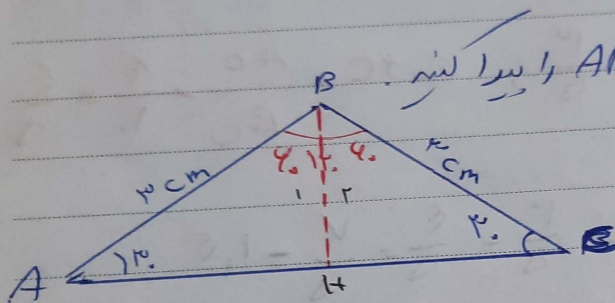
در ضلع مساحت و اندازه زاویه بین آنجا:



$$\text{مساحت } \triangle ABC = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin B$$

مثال: مساحت مثلث ABC را پیدا کنید

ترین حالت



در مثل ABH:  $\sin 75^\circ = \frac{AH}{AB} \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{AH}{3} \Rightarrow AH = \frac{3\sqrt{2}}{2}$

در مثل BHC:  $\sin 30^\circ = \frac{BH}{BC} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{BH}{4} \rightarrow BH = \frac{4}{2} = 2$

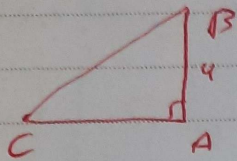
$$\text{مساحت } \triangle ABH = \frac{1}{2} AB \times BH \times \sin 75^\circ$$

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times \frac{4}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{9\sqrt{2}}{4}$$

مساحت کل:  $3 \times \frac{9\sqrt{2}}{4} = \frac{27\sqrt{2}}{4}$

مثال: در مثل قائم الزامی  $ABC$  (زاویه  $A$ )،  $AB = 4$  و  $\tan C = \frac{4}{3}$

می باشد حاصل  $\sin C + \cos C$  را بدست آورید.



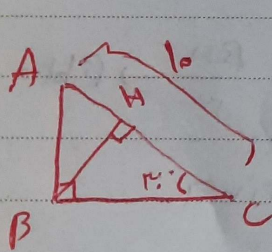
$$\tan C = \frac{AB}{AC} = \frac{4}{3} \rightarrow AC = \frac{4 \times 3}{4} = 3$$

طبق قضیه فیثاغورس:  $BC^2 = AB^2 + AC^2 \rightarrow BC^2 = 4^2 + 3^2 \rightarrow BC = 5$

$$\sin C = \frac{AB}{BC} = \frac{4}{5}, \quad \cos C = \frac{AC}{BC} = \frac{3}{5}$$

$$\sin C + \cos C = \frac{4}{5} + \frac{3}{5} = \frac{7}{5} = 1.4$$

مثال: در مثل قائم الزامی  $ABC$  (زاویه  $B$ )،  $C = 30^\circ$ ،  $AC = 10$



می باشد. طول ارتفاع  $BH$  را بدست آورید.

$$\triangle ABC \quad \sin 30^\circ = \frac{AB}{AC} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{AB}{10} \Rightarrow AB = 5$$

طبق قضیه فیثاغورس  $BC^2 = AC^2 - AB^2 = 10^2 - 5^2 = 75 \Rightarrow BC = 5\sqrt{3}$

$$\sin 30^\circ = \frac{BH}{BC} \Rightarrow BH = BC \sin 30^\circ = 5\sqrt{3} \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

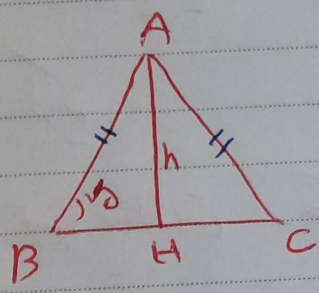
مثال حاصل صورت آء زیر دیوانیہ :

$$\cancel{\cos 10^\circ} - \cancel{\cos 70^\circ} + \cancel{\cos 10^\circ} = \cancel{\sin 70^\circ} + \cancel{\sin 70^\circ}$$

$$\cos 10^\circ = \sin 80^\circ$$

حاصل

مثال:



فرض آء :  
 $AB = AC$

$\angle B = 70^\circ$  &  $\angle C = 70^\circ$

$\tan 10^\circ = \frac{h}{BH}$

جول ستوں آء  
 ارتفاع AH  
 منطبق آء

$S_{ABC} = ?$

$BH = \frac{BC}{2} = \frac{7}{2} = 3.5$

$\tan \hat{B} = \tan 70^\circ = \frac{AH}{BH} \rightarrow \tan 70^\circ = \frac{h}{3.5}$

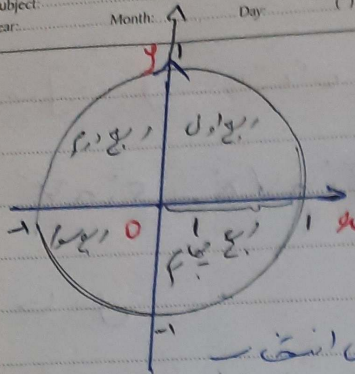
$70^\circ + 10^\circ = 90^\circ \rightarrow \tan 70^\circ = \cot 10^\circ \rightarrow$

$\rightarrow \tan 70^\circ = \frac{1}{\tan 10^\circ} \rightarrow \frac{1}{3.5} = \frac{1}{\tan 10^\circ} \rightarrow \tan 10^\circ = 3.5$

$S_{ABC} = \frac{1}{2} AH \times BC = \frac{1}{2} \times 3.5 \times 7 = 12.25$



# درس دوم دایره مثلثاتی



دایره مثلثاتی

دایره ای است به مرکز مبدأ محور مختصات

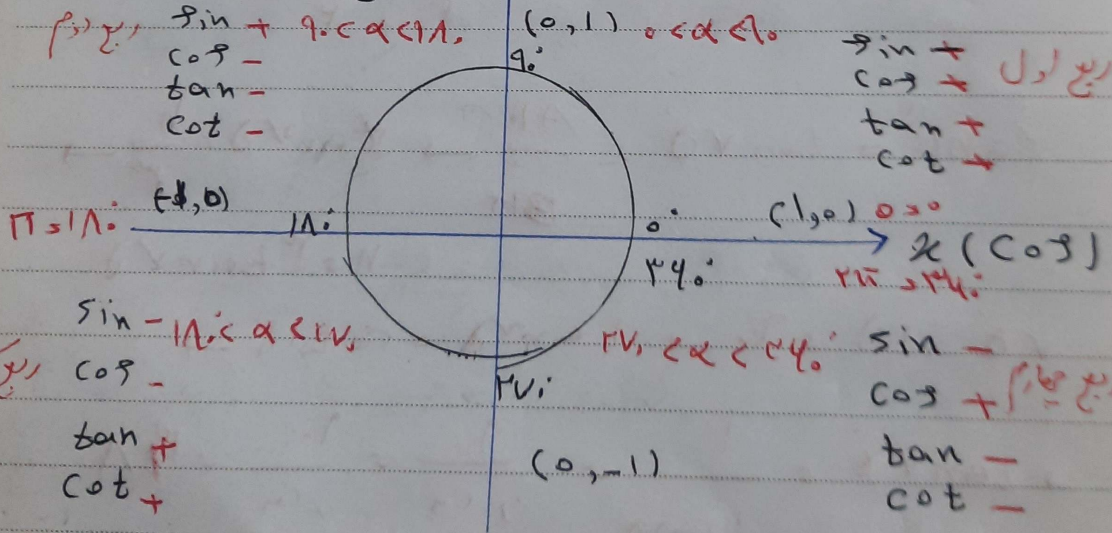
و به شعاع ۱، در هر دو آن جهت مثلثاتی انتخاب

میکنیم

جهت مثلثاتی اگر حرکت دایره در جهت عقربه های ساعت باشد زاویه را منفی

و در جهت خلاف عقربه های ساعت را مثبت فرض می کنیم و جهت مثلثاتی که در شکل

اطلاعات می دهد در مورد دایره مثلثاتی



ربع دوم  
 $\sin +$   
 $\cos -$   
 $\tan -$   
 $\cot -$

$(0, 1)$   $90^\circ$   
 $90^\circ$

ربع اول  
 $\sin +$   
 $\cos +$   
 $\tan +$   
 $\cot +$

$180^\circ$   $(-1, 0)$

$0^\circ$   $(1, 0)$   
 $30^\circ$

$0^\circ$   $(1, 0)$   
 $30^\circ$   $225^\circ$

ربع سوم  
 $\sin -$   
 $\cos -$   
 $\tan +$   
 $\cot +$

$270^\circ$   $(0, -1)$   
 $270^\circ$

ربع چهارم  
 $\sin -$   
 $\cos +$   
 $\tan -$   
 $\cot -$

$\frac{3\pi}{4} = 135^\circ$

تاریخ پریشاد عمود دوباره

صفا	۰	۹۰	۱۸۰	۲۷۰	۳۶۰	
sin	۰	۱	۰	-۱	۰	تن
cos	۱	۰	-۱	۰	+۱	نریخته
tan	۰	تن	۰	تن	۰	
cot	تن	۰	تن	۰	تن	

فصل: بران هر زاویه د کجوا.  $\theta$

$$1 \leq \sin \theta \leq -1$$

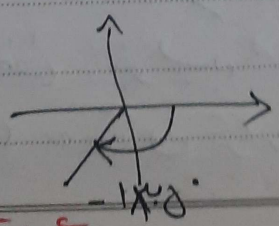
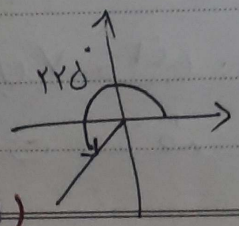
$$1 \leq \cos \theta \leq -1$$

مثال حدود زاویه  $\theta$  در هر یک از حالات زیر: **تمرین صاع**

رباع چهارم، رباع دوم  $\rightarrow \cos \theta < 0$  و  $\sin \theta > 0$  (الف)

رباع چهارم  $\sin \theta < 0$  و  $\cos \theta > 0$  (ب)

مثال: زاویه که زیر زاویه در دایره شش سی رسم کنید



اندازه ۲۲۵

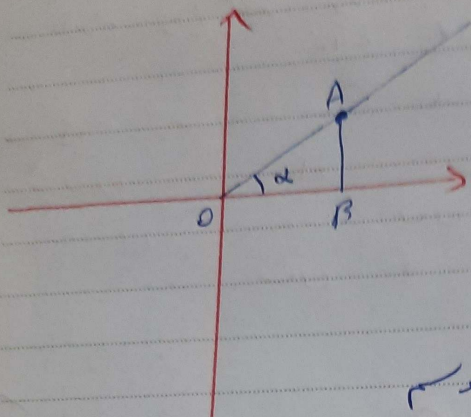
۱۳۵

Nafis

شبه بین عین عقرب است

چون منتهی بین مواضع عقرب است

دایره یکتا خط و تنازعات



وقتی است که مثلثی زاویه را می‌نویسیم

$$\sin \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{AB}{OA}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{جانب}}{\text{وتر}} = \frac{OB}{OA}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{جانب}} = \frac{AB}{OB} = \frac{y}{x} \rightarrow \frac{y}{x} \text{ و } \frac{y}{x}$$

$$\cot \alpha = \frac{\text{جانب}}{\text{مقابل}} = \frac{OB}{AB}$$

دایره یکتا، A A A سوالی در متن  $\tan$  خطی در

با محور ها زوایای ضمیمه می‌شود و برابر است با  $\tan$  خطی

تمرین ۷ و ۸ : مقدار هر خط را بنویسید که زاویه آن با محور ها  $30^\circ$  است و نقطه  $(2, 0)$  پس آن قرار دارد

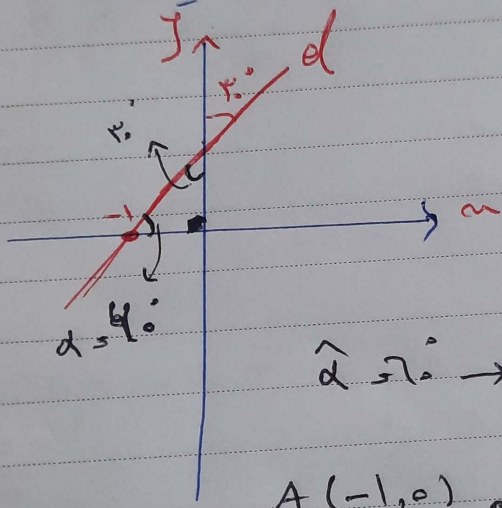
$$m = \tan \alpha = 1$$

حل

$$y = mx + b \rightarrow 1x + 0 = b \rightarrow b = 1$$

$$\text{حال } y = x + 1$$

مثال با توجه به شیب مقابل معادله خط  $d$ ، اینگونه



خط  $d$  با شیب مثبت  $\alpha$ ،

زاویه  $\alpha$  در ربع اول

$$\hat{\alpha} = \alpha \rightarrow m = \tan \alpha = \tan \hat{\alpha} = \sqrt{3}$$

$$A(-1, 0), m = \sqrt{3}$$

$$y = mx + b \rightarrow 0 = \sqrt{3} \times (-1) + b \rightarrow b = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow y = \sqrt{3}x + \sqrt{3}$$

مثال خط  $d$  با شیب  $\sqrt{4}x - \sqrt{1}y = 1$  با شیب مثبت  $\alpha$ ، همان زاویه  $\alpha$  در ربع اول

حل: خط با شیب  $\alpha$  در ربع اول

$$y = \sqrt{3}x - \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$m = \sqrt{3} = \tan \hat{\alpha} \rightarrow \hat{\alpha} = \alpha$$

# توکل شیرین

Subject: \_\_\_\_\_  
 Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Day: \_\_\_\_\_ ( )

دوابعای نسبت های مثلثاتی

از درس متنی آموختیم

$$\tan \hat{\alpha} = \frac{\sin \hat{\alpha}}{\cos \hat{\alpha}}$$

$$\cot \hat{\alpha} = \frac{\cos \hat{\alpha}}{\sin \hat{\alpha}}$$

$$\tan \hat{\alpha} \times \cot \hat{\alpha} = 1$$

$$\sin \hat{\alpha} + \cos \hat{\alpha} = 1 \Rightarrow \begin{cases} \sin \hat{\alpha} = 1 - \cos \hat{\alpha} \\ \cos \hat{\alpha} = 1 - \sin \hat{\alpha} \end{cases}$$

در رابطه‌ی بالا، عددهای نسبت‌های مثلثاتی را با توجه به این صورت

تجزیه  $\theta$  ( $\alpha$ ) در یک قوس، تعیین می‌شود

→ قلم‌هست: هر حرف را به ربع دیگر ببریم

در ربع اول (در ربع دوم) نسبت در ربع سوم (در ربع چهارم) نسبت‌های مثلثاتی نسبت  
 مقابله سینوس نسبت tan نسبت  
 مجانب سینوس

$\tan$   $\cot$

هم‌علامت است

# توکل شیرین

Subject: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Day: \_\_\_\_\_ ( )  
 Year: \_\_\_\_\_

۳- باز با توکل  
 $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$   
 راسم من  $\tan$  با  $\cos$   $\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}$

و  $\cot$  با  $\sin$

$$\frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{1}{\sin \alpha}$$

$$\frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$$

$$1 + \cot^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

مثال: اگر  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ ، زاویه  $\alpha$  در ربع چهارم باشد مستطاب  
 در نسبتها مشتاقی را بدست آوریم (علامت نسبتها را ازناصیب)

برهان هم این:  $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \sqrt{1 - (\frac{4}{5})^2} = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\frac{3}{5}}{\frac{4}{5}} = \frac{3}{4}$$

$$\cot \alpha = \frac{1}{\tan \alpha} = \frac{1}{\frac{3}{4}} = \frac{4}{3}$$

# توکل شیرین

Subject: ..... Month: ..... Day: ..... ( )

مسئله ۲. اگر  $\tan \theta = 2m+1$  و  $\cot \theta = \frac{1}{m+4}$  باشد مقدار  $m$  را بیابید

با استفاده از  $\tan \theta \cdot \cot \theta = 1$  داریم

$$\frac{1}{m+4} \times (2m+1) = 1 \rightarrow \frac{2m+1}{m+4} = 1 \rightarrow 2m+1 = m+4 \rightarrow$$

$$2m - m = 4 - 1 \rightarrow m = 3$$

مسئله ۳. اگر  $18^\circ < \alpha < 27^\circ$  و  $\cot \alpha = \frac{5}{12}$  باشد بر حسب  $\alpha$

مقدار  $\alpha$  را در دست آورید

پس  $18^\circ < \alpha < 27^\circ$  یعنی در یونان علامت  $\sin \alpha$  و  $\cos \alpha$

در یونان منفی،  $\tan$  و  $\cot$  مثبت اند حال:

$$1 + \cot^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha} \rightarrow 1 + \left(\frac{5}{12}\right)^2 = \frac{1}{\sin^2 \alpha} \rightarrow \frac{149}{144} = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{144}{149}} = \frac{12}{\sqrt{149}}$$

$$\cos \alpha = -\sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = -\sqrt{1 - \left(\frac{12}{\sqrt{149}}\right)^2} = -\sqrt{\frac{16}{149}} = -\frac{4}{\sqrt{149}}$$

$$\tan \alpha = \frac{1}{\cot \alpha} = \frac{1}{\frac{5}{12}} = \frac{12}{5}$$

# توکلی شیرین

Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Day: \_\_\_\_\_

محل کبی آنرا  $\theta = 135^\circ$  باشد آنگاه سمت آن صحتی برابر  $\frac{1}{2}$  را

بر دست آورید. (زاویه در نیم دایره صحتی  $\sin$  مثبت و نیم صفتی

$$1 + \cot^2 135^\circ = \frac{1}{\sin^2 135^\circ} \rightarrow 1 + (-1)^2 = \frac{1}{\sin^2 135^\circ} \rightarrow 2 = \frac{1}{\sin^2 135^\circ}$$

$$\sin^2 = \frac{1}{2} \rightarrow \sin = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cot 135^\circ = \frac{1}{\tan 135^\circ} = \frac{1}{-1} = -1 \rightarrow \cos 135^\circ = \sqrt{1 - \sin^2 135^\circ} = \sqrt{1 - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan 135^\circ = \frac{1}{\cot 135^\circ} = \frac{1}{-1} = -1$$

نتیجه: اگر  $27^\circ < \alpha < 34^\circ$  باشد حاصل  $\frac{1}{\cos \alpha} \sqrt{1 + \tan^2 \alpha}$

چون در ربع چهارم  $\cos$  مثبت است پس:

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \rightarrow \sqrt{1 + \tan^2 \alpha} = \frac{1}{|\cos \alpha|} = \frac{1}{\cos \alpha}$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$$



# توکلی شیرین

Subject: \_\_\_\_\_ ( )  
 Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Day: \_\_\_\_\_

اتحادیه صفتی : هرگاه مجموع شیب بین دو عبارت صفتی  
 در آن صاف ( اتحاد ) برقرار است اتحادیه صفتی و در آن حل می توانیم  
 یک طرف تده را بوسه و با استفاده از روابط بین آن صفتی طرف  
 دیگر تده را مابین آن آوریم .

مثال : درستی تده زیر را بررسی کنید

$$\frac{1}{\sin \theta} \times \tan \theta = \frac{1}{\cos \theta}$$

طرف اول را با استفاده از روابط صفتی بررسی کنیم ۴ ص ۴۶

$$\frac{1}{\sin \theta} \times \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{1}{\cos \theta}$$

مثال ۱۳ تمرین ۱۳ ص ۴۶

$$\frac{1}{\cos \theta} - \tan \theta = \frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta}$$

حل :

$$\frac{1}{\cos \theta} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{1 - \sin \theta}{\cos \theta} \times \frac{\cos \theta}{\cos \theta} = \frac{\cos \theta (1 - \sin \theta)}{\cos \theta (1 - \sin \theta)}$$

$$= \frac{\cos \theta (1 - \sin \theta)}{\cos \theta (1 - \sin \theta)} = \frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta}$$

Subject: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Day: \_\_\_\_\_

ریشه فصل در امتحان

مثال: اگر  $\sin \alpha = \frac{m-1}{3}$  و  $15^\circ < \alpha < 45^\circ$

آنگاه  $m = ?$

$15^\circ < \alpha < 45^\circ \rightarrow 30^\circ < 2\alpha < 90^\circ$

$\sin \alpha < \sin 2\alpha < \sin \alpha \rightarrow \frac{1}{3} < \frac{m-1}{3} < 1$

$\Rightarrow \frac{1}{3} < m-1 < 3 \rightarrow \frac{4}{3} < m < 4$

مثال: درستی اتحاد معادل را ثابت کنید

$(\frac{1}{\sin \alpha} + \cot \alpha)(1 - \cot \alpha) = \sin \alpha$

حل:

$(\frac{1}{\sin \alpha} + \cot \alpha)(1 - \cot \alpha) =$

$(\frac{1}{\sin \alpha} + \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha})(1 - \cot \alpha)$

اتحاد فزود

$(\frac{1 + \cos \alpha}{\sin \alpha})(1 - \cot \alpha) = \frac{1 - \cot^2 \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\sin^2 \alpha}{\sin \alpha}$

باتشکر، برای سلامتی حضرت مهدی صلوات