

به نام خدا

سازمان آموزش و پرورش استان اصفهان

مدیریت آموزش و پرورش شهرستان کاشان

دبیرستان حاج عباس کریم

فیزیک سال یازدهم ریاضی

فصل چهارم(القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب)

تهیه کننده: محمد انصاری تبار

# فهرست

خود-القاوري

جريان متناوب

مبدل ها و توان انتقال

شار مغناطیسی

قانون فارادی

قانون لنز



# موضوع: شار مغناطیسی



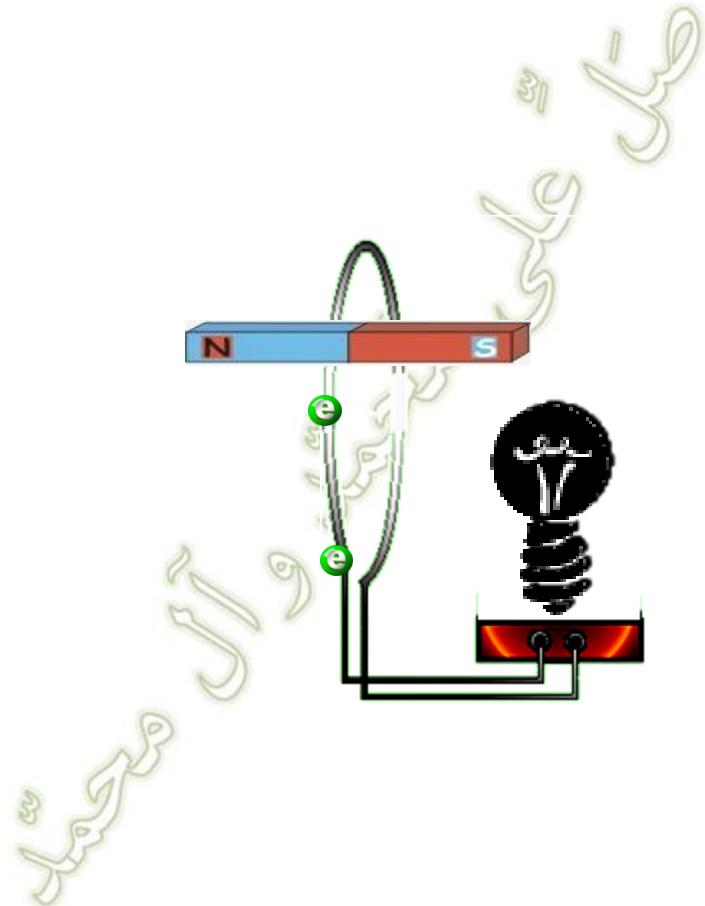
العنوان



خروج

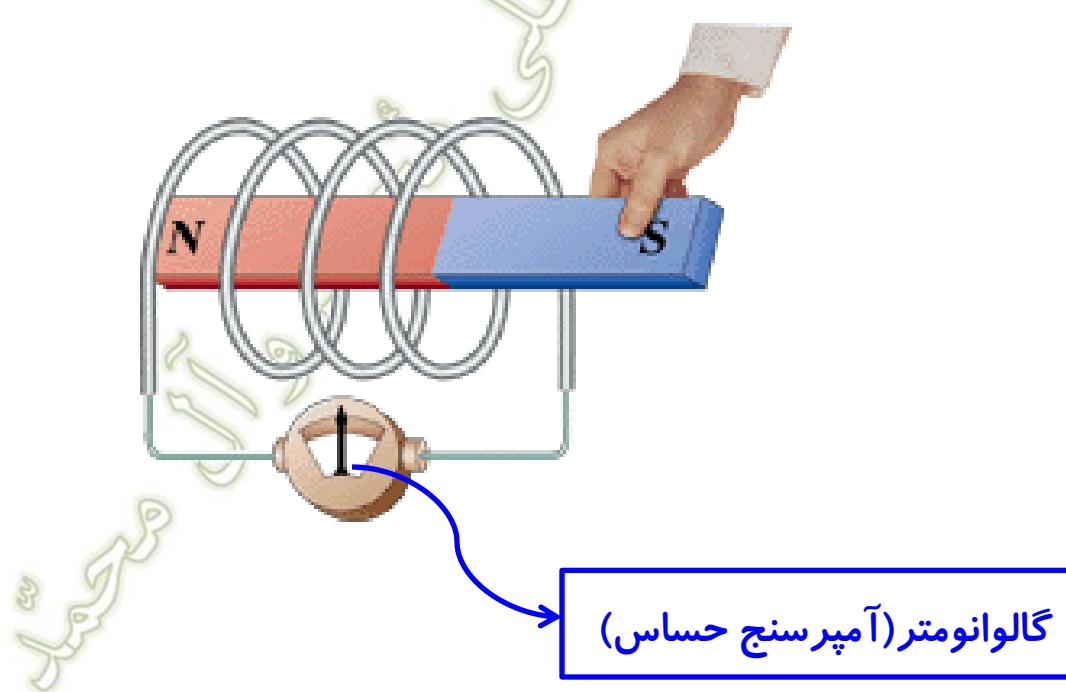
## پدیده القای الکترومغناطیسی :

هرگاه جریان الکتریکی در یک رسانا القا گردد، به این پدیده «القای الکترومغناطیسی» گویند.



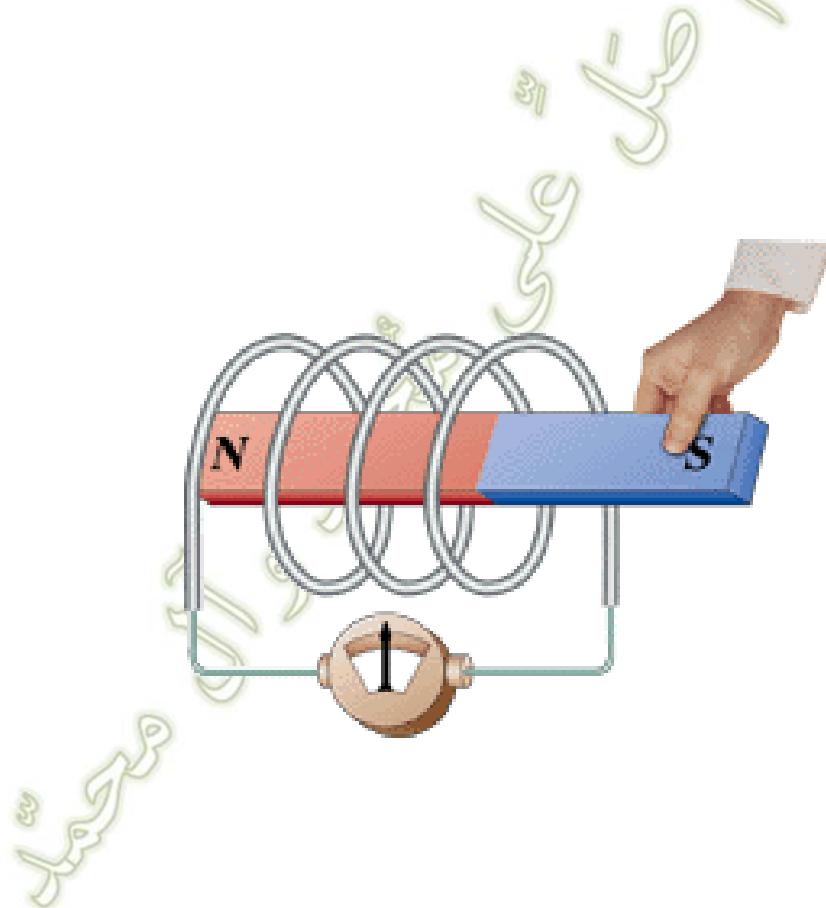
## جريان القايو :

حرکت آهنربا به سمت پیچه (دورونزدیک شدن آهنربا از پیچه) باعث القای جریانی در پیچه می‌گردد، که به آن جریان القايو گویند.

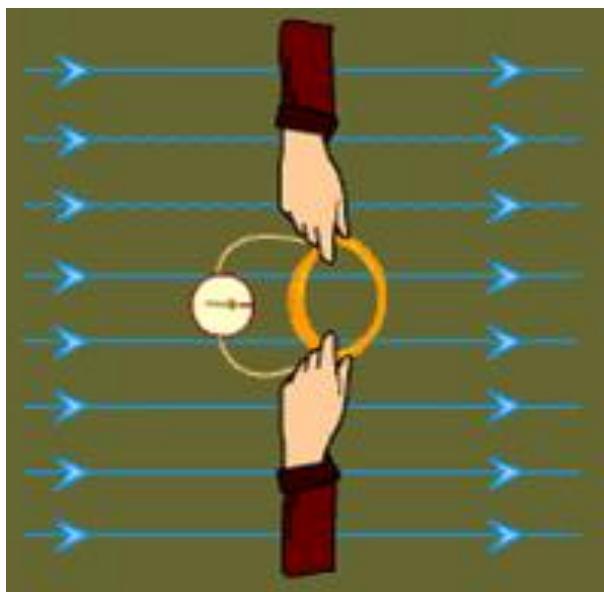


## عوامل مؤثر در ایجاد جریان القایی رانم ببرید؟

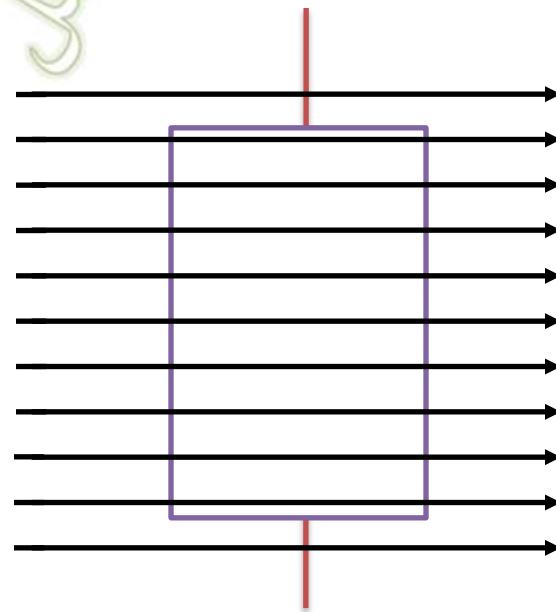
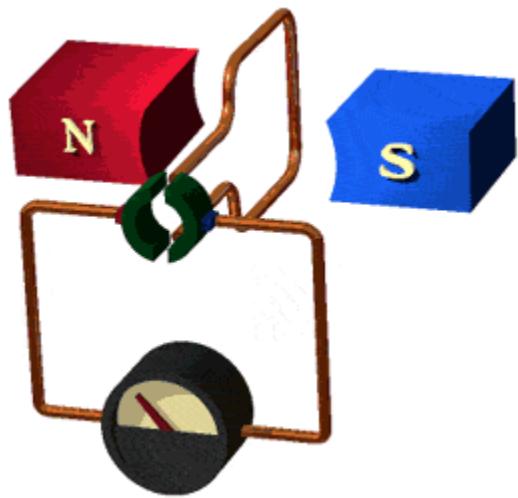
- ۱- با دور و نزدیک کردن آهنربا به پیچه، میدان در محل پیچه تغییر کرده و جریان القایی در مدار ایجاد می گردد.



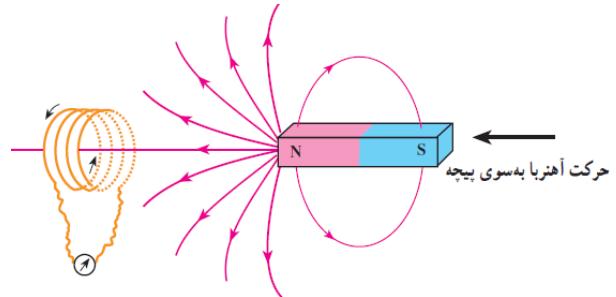
۲- اگر پیچه (انعطاف پذیر) دریک میدان مغناطیسی قرار دهید و از دو نقطه گرفته و بکشید، بطوری که شکل آن عوض شود، دراثر تغییر شکل، مساحت پیچه تغییر کرده و جریان در مدار بوجود می آید.



## ۳- تغییر زاویه بین حلقه و راستای میدان مغناطیسی نیز می تواند عامل برقراری جریان الکتریکی القایی شود.



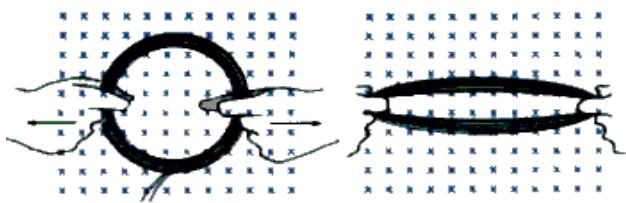
# خلاصه: عوامل مؤثر در ایجاد جریان القایی عبارتند از :



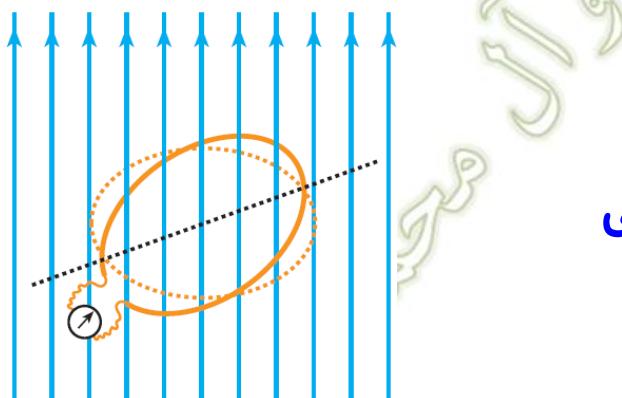
N

S

حرکت آهنربا بوسیله پیچید



۱- تغییر در اندازه میدان مغناطیسی، در محل پیچه مدار بسته



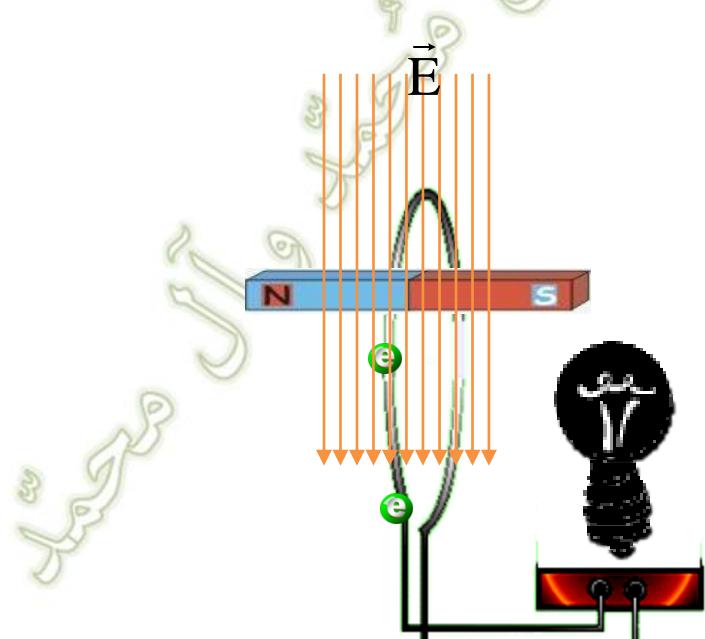
۲- تغییر مساحت مدار بسته در میدان مغناطیسی

پرسش:

## علت ایجاد جریان القایی در مدار چیست؟

پاسخ:

در اثر تغییر میدان مغناطیسی، یک میدان الکتریکی القایی در فضای ایجاد می شود و از آنجایی که مدار در این میدان الکتریکی قرار دارد بر الکترون های آزاد داخل آن نیرو وارد می شود و حرکت الکترونها باعث ایجاد نیروی محرکه و جریان القایی، می شود.



پرسش:

## میزان آب عبوری از کدام حلقه بیشتر است؟

پاسخ:

(حلقه ای که سطح بزرگتر دارد.)



پرسش:

اگر شیر آب را کمی بیندیم <sup>الله</sup> میزان آبی که در واحد زمان از حلقه می گذرد چه تغییری می کند؟

پاسخ:

(میزان آب عبوری کم می شود.)



پرسش:

## هر گاه حلقه راحول دسته آن بچرخانیم میزان آب عبوری چه تغییری می کند؟

پاسخ:

(تا ۹۰ درجه میزان آب عبوری کم می شود.)

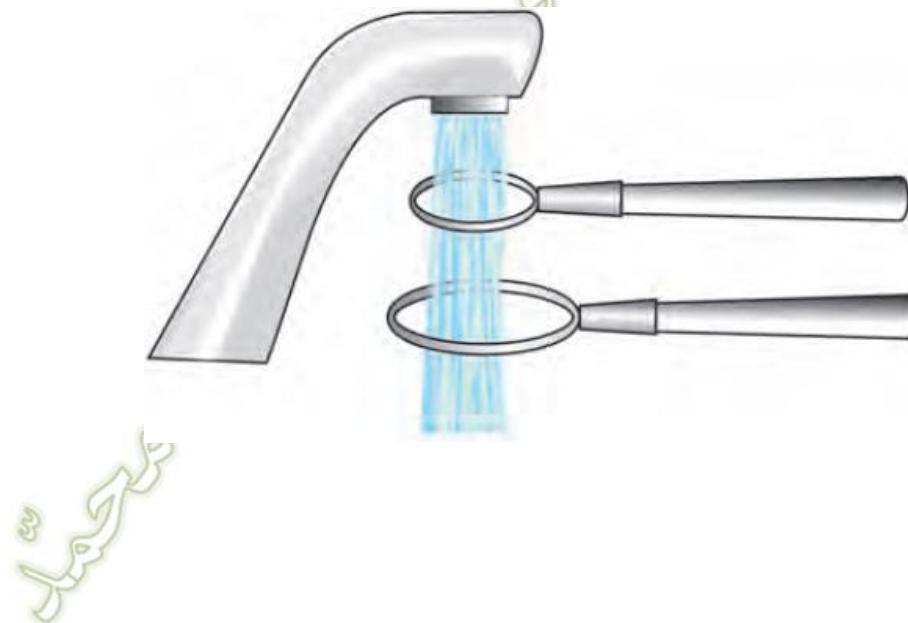


پرسش:

اگر شیر آب را کم و زیاد کنیم، میزان آب عبوری از دو حلقه را مقایسه کنید؟

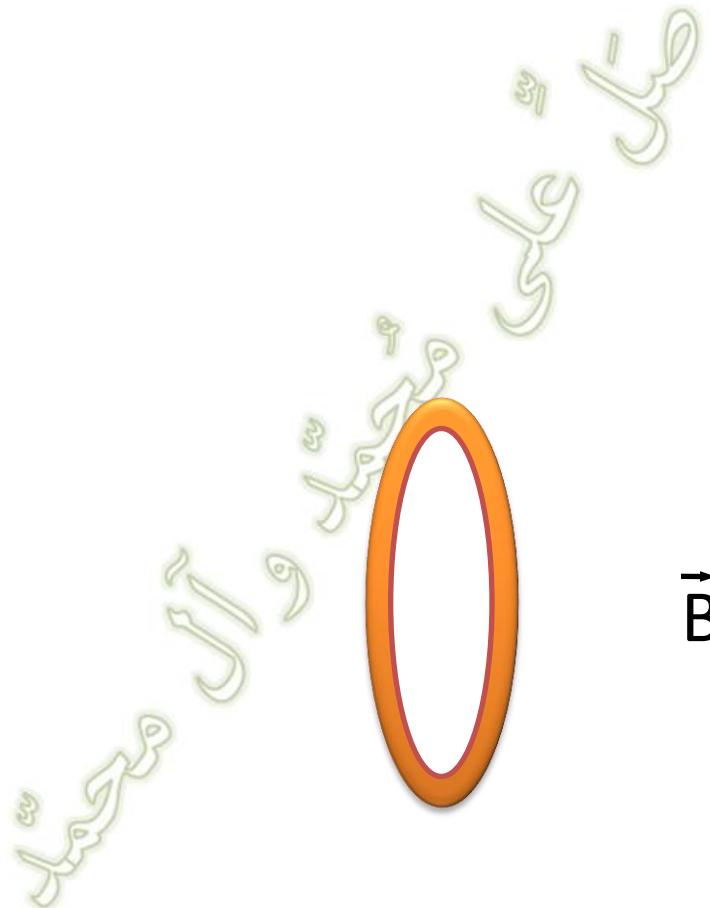
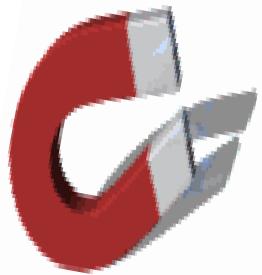
پاسخ:

(هر دو حلقه ثابت می‌ماند.)



## تعریف شار مغناطیسی: $\Phi$ (فی)

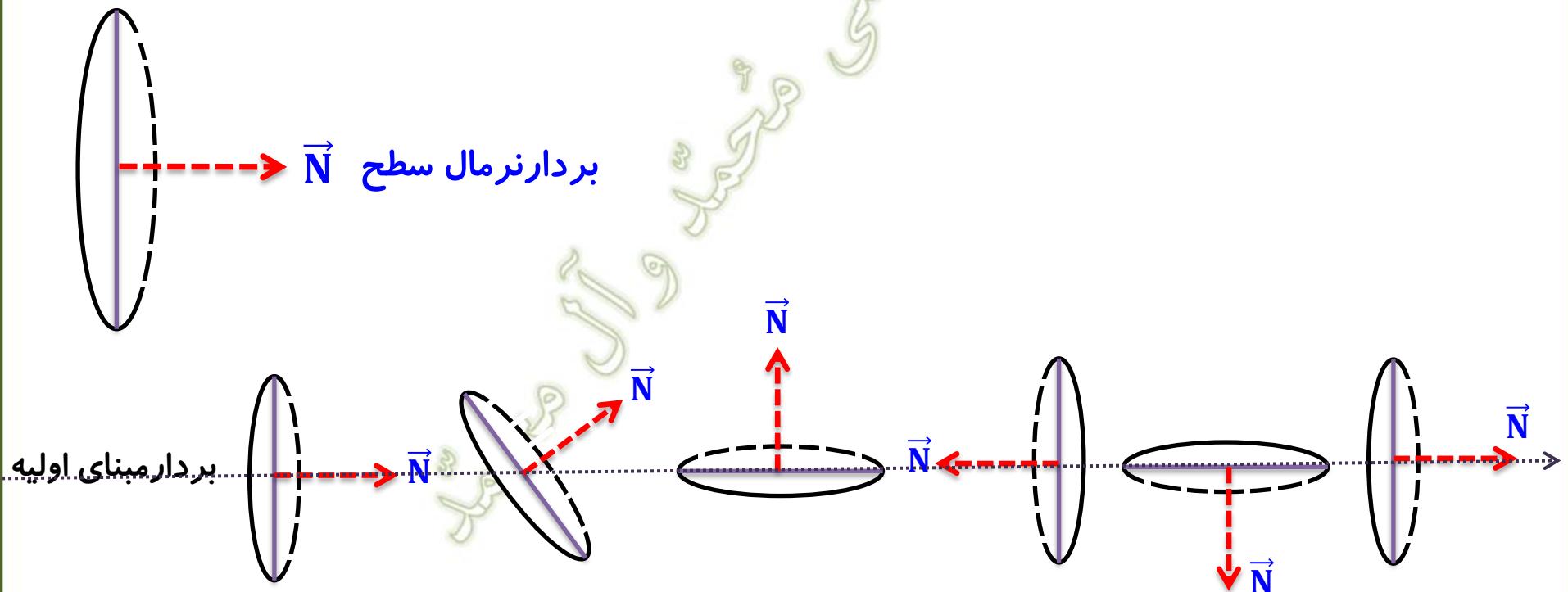
معرف تعداد خطوط مغناطیسی که به طور عمود از یک سطح بسته می‌گذرند،  
شار مغناطیسی گویند.  
شار کمیتی نرده‌ای است.



## بردار سطح:

برای نمایش یک سطح، نیم خطی بر سطح پیچه عمودی کنیم. جهت این نیم خط همان جهت بردار سطح خواهد بود.

اگر یک سطح بچرخد، نیم خط عمود بر سطح  $\vec{N}$  نیز با همان اندازه می چرخد.



# فرمول شار مغناطیسی که از یک سطح تخت می‌گذرد:

$$\Phi = B \cdot A \cdot \cos\theta$$

بر حسب وبر wb

شار مغناطیسی

میدان مغناطیسی

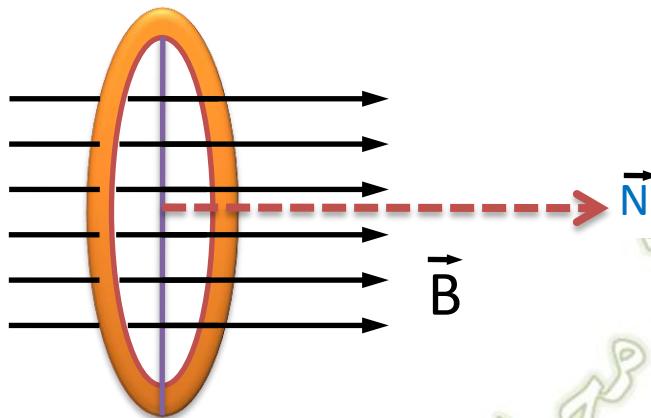
بر حسب تسلا

مساحت پیچه

بر حسب متر مربع

بر حسب درجه

$\theta$  زاویه بین نیم خط عمود بر سطح پیچه و راستای میدان

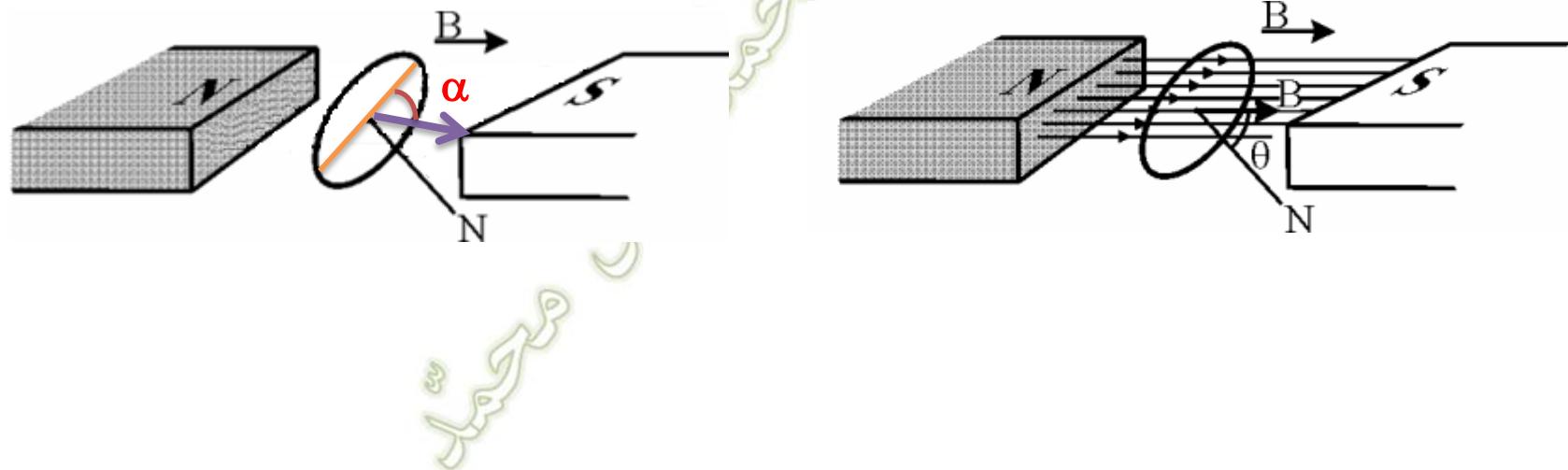


بردار  $N$  را بره ر طرف سطح حلقه عمود کنیم، اهمیت ندارد. البته با تعویض جهت  $N$ ، علامت  $\Phi$  تغییر خواهد کرد، ولی اندازه آن تغییر نمی کند.

نکته:

در مسائل شار، اگر زاویه بین سطح قاب با سوی مثبت میدان مغناطیسی ( $\alpha$ ) را داده باشند آنگاه: زاویه بین نیم خط عمود بر سطح و سوی مثبت میدان مغناطیسی یعنی  $\theta$  از رابطه زیر پیدا می شود

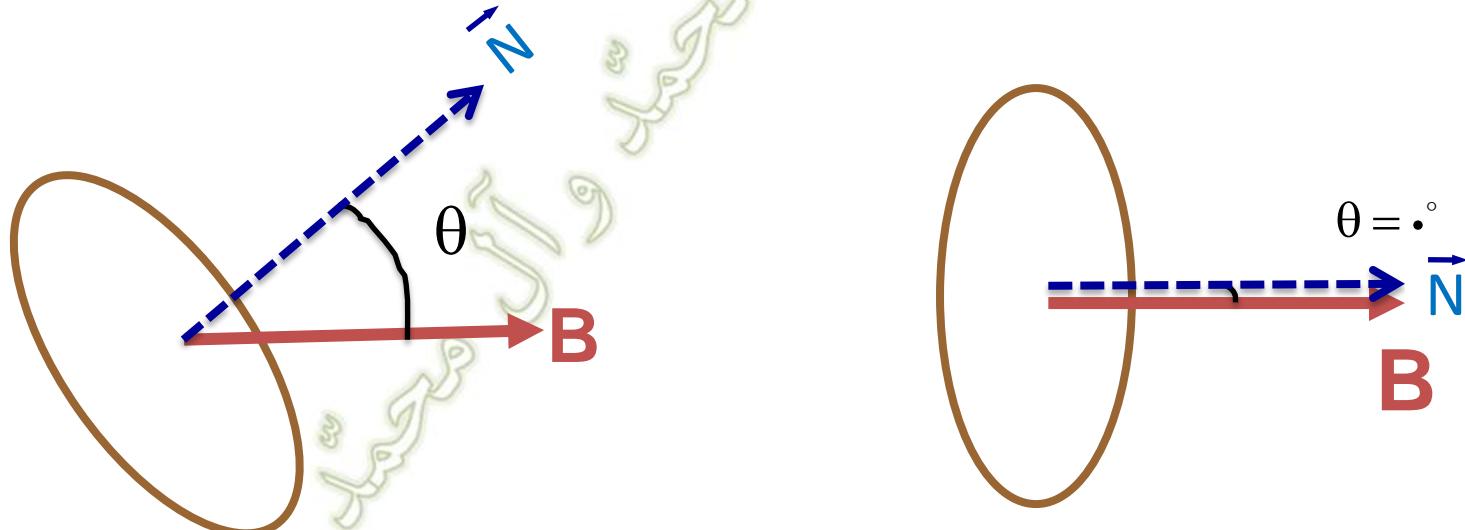
$$\theta = |90^\circ - \alpha|$$



# تغییر شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه

همواره دو جهت برای رسم نیم خط عمود بر یک سطح معین وجود دارد. علامت شار مغناطیسی عبوری از این سطح نیز به انتخاب این جهت بستگی دارد. در حل یک مسئله، همواره باید یک جهت را انتخاب کنیم و تا پایان آن را تغییر ندهیم، بنابراین ممکن است شار مثبت، منفی یا صفر شود.

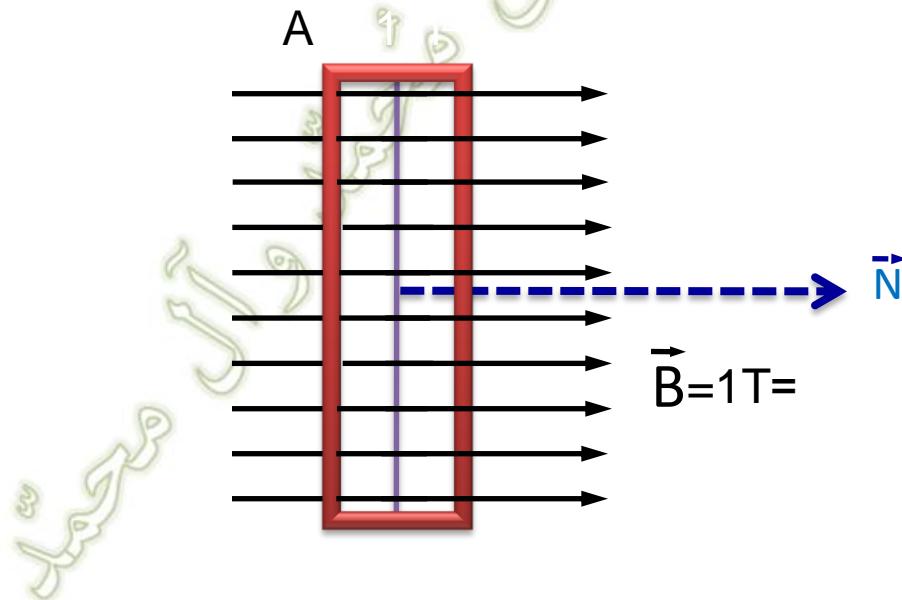
$$\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1 \rightarrow \Delta\Phi = AB(\cos\theta_2 - \cos\theta_1)$$



## یکای شار مغناطیسی:

اگر قابی به مساحت  $1\text{ m}^2$  عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی  $1\text{ T}$  اقرار گیرد، شار مغناطیسی گذرنده از آن برابر یک وبر ( $1\text{ Wb}$ ) خواهد شد.

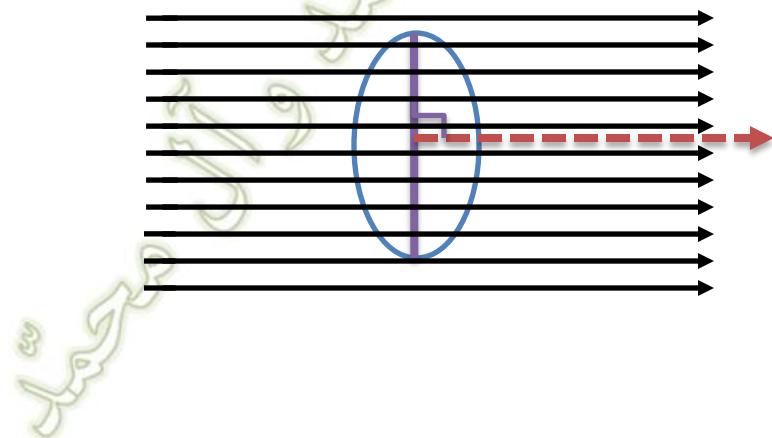
$$\Phi = BA \cos \theta \rightarrow 1\text{ Wb} = 1\text{ T} \cdot 1\text{ m}^2 \cdot \cos 0^\circ$$



نکته:

هرگاه سطح قاب عمود بر میدان مغناطیسی باشد، آنگاه  $\alpha = 90^\circ$  بوده یعنی؛ شار عبوری از قاب ماکزیمم می‌شود.

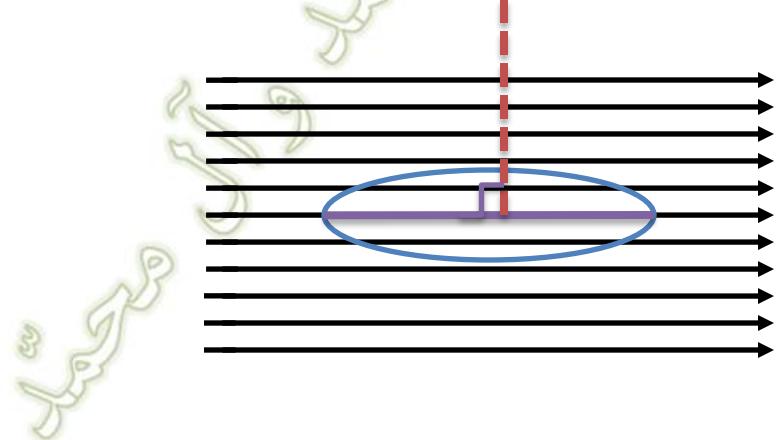
$$\left\{ \begin{array}{l} \theta = |90^\circ - \alpha| \\ \theta = |90^\circ - 90^\circ| = 90^\circ \rightarrow \cos 90^\circ = 0 \\ \Phi_{MAX} = BA \end{array} \right.$$



نکته:

هرگاه سطح قاب موازی میدان مغناطیسی باشد، آنگاه  $\alpha = 0$  بوده یعنی؛ شار عبوری از قاب صفر می‌شود.

$$\left\{ \begin{array}{l} \theta = |90^\circ - \alpha| \\ \theta = |90^\circ - 0| = 90^\circ : \end{array} \right. \rightarrow \Phi_{\min} = \bullet$$



## تغییر شار مغناطیسی:

هنگامی رخ می دهد که میدان مغناطیسی یا مساحت سطح و یا زاویه نیم خط عمود بر سطح رسانا با میدان ، تغییر کند.

$$\Phi = BA \cos \theta$$

{

**تغییر کند  $B$**



$\Delta\Phi = A \cos \theta (\Delta B)$

**تغییر کند  $A$**



$\Delta\Phi = B \cos \theta (\Delta A)$

**تغییر کند  $\theta$**



$\Delta\Phi = BA (\Delta \cos \theta)$

تمرین:

صفحه‌ای مربع شکل به ضلع  $12\text{ cm}$  دریک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $T\text{ m}^{-3}$  قرار دارد؛ به طوری که خطهای میدان با سطح صفحه زاویه  $37^\circ$  می‌سازند. شار مغناطیسی گذرنده از صفحه چند وبر است؟  $\cos 53^\circ = \frac{6}{10}$ .

پاسخ:

$$\Phi = \frac{\nabla}{2} \times 10^{-8} \text{ Wb}$$

$$a = 12 \text{ cm} = 0.12 \text{ m} \rightarrow A = a^2 \rightarrow A = 144 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

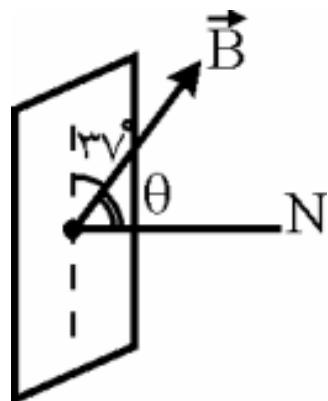
$$\alpha = 53^\circ \rightarrow \theta = |90^\circ - \alpha| \rightarrow \theta = |90^\circ - 53^\circ| = 37^\circ$$

$$B = 3 \mu T = 3 \times 10^{-6} \text{ T}$$

$$\Phi = BA \cos \theta$$

$$\Phi = 3 \times 10^{-6} \times 144 \times 10^{-4} \times \frac{6}{10}$$

$$\Phi = 1.92 \times 10^{-8} \text{ Wb}$$



$$\Phi = ?$$



الف) حلقه ای به مساحت  $25\text{cm}^2$  درون میدان مغناطیسی یکنواخت درون سویی به اندازه  $0.3\text{T}$  قرار دارد (شکل الف) شار مغناطیسی عبوری از حلقه را به دست آورید. ب) اگر مطابق شکل ب و بدون تغییر  $\vec{B}$ ، مساحت سطح حلقه را به  $1\text{cm}^2$  ابرسانیم، شار مغناطیسی عبوری از حلقه را دراین وضعیت به دست آورید. پ) اگراین تغییر شار در بازه زمانی  $\Delta t = 2\text{s}$  رخ داده باشد، آهنگ تغییر شار ( $\Delta\Phi/\Delta t$ ) را پیدا کنید.



پاسخ:

$$A_1 = 25 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$B = 0.3\text{T} \quad \Phi = BA \cos\theta$$

$$\theta = 0^\circ$$

$$\Phi_1 = ? \rightarrow \Phi_1 = 0.3 \times 25 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \Phi_1 = 7.5 \times 10^{-5} \text{ Wb}$$

الف

$$A_2 = 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Phi_2 = ? \rightarrow \Phi_2 = 0.3 \times 10 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \Phi_2 = 3 \times 10^{-5} \text{ Wb}$$

ب

$$\Delta t = 2\text{s}$$

$$\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = ? \rightarrow \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{3 \times 10^{-5} - 7.5 \times 10^{-5}}{2} \rightarrow \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -22.5 \times 10^{-5} \frac{\text{Wb}}{\text{s}}$$

پ



کدام یک از یکاهای زیر معادل یکای وبر بر ثانیه ( $\text{Wb}/\text{s}$ ) است؟

 $\Omega$   $A$   $V$   $V/A$  

پاسخ:

ولت 

تمرین:

سیم پیچی دارای  $200$  حلقه می‌باشد. اگر سطح حلقه‌ها  $500 \text{ cm}^2$  بوده و سطح حلقه‌های

سیم پیچ عمودبر میدان مغناطیسی به شدت  $4/0$  تесلا باشد، شارعبوری از سیم پیچ چیست؟

پاسخ:

$$\Phi = \mathbf{B} \cdot \mathbf{A}$$

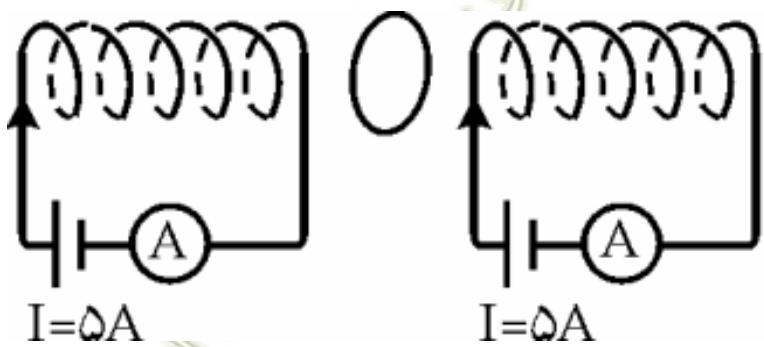


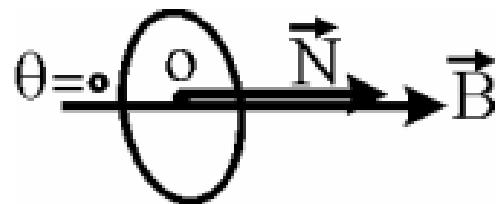
تمرین:

مطابق شکل زیر، حلقه‌ای به مساحت  $50 \text{ cm}^2$  دریک میدان مغناطیسی یکنواخت، عمود بر خط‌های میدان قرار دارد. اگر طول هریک از سیم‌لوله‌ها  $20 \text{ cm}$  و تعداد دور هریک  $200$  دور باشد هر دو سیم‌لوله هم محور و به یکدیگر نزدیک باشند، شار گذرنده از حلقه را به دست آورید

پاسخ:

$$\Phi = 6/28 \times 10^{-5} \text{ Wb}$$





چون میدان‌های مغناطیسی حاصل از هر دو سیم‌وله همسو است، داریم :

پاسخ:

$$A = 5 \cdot cm^2 = 5 \cdot 10^{-4} m^2$$

$$\alpha = 90^\circ \rightarrow \theta = 90^\circ - 90^\circ = 0^\circ$$

$$l = 2 \cdot cm = 0.02 m$$

$$N = 200$$

$$\Phi = ?$$

$$B = ?$$

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I$$

$$B_T = B_1 + B_2 = 2B_1$$

$$B_T = 2\mu_0 \frac{N}{l} I = 2 \times 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{200}{0.02} \times 5$$

$$B_T = 1/25 \times 10^{-3} T$$

$$\Phi = B_T A \cos 0^\circ$$

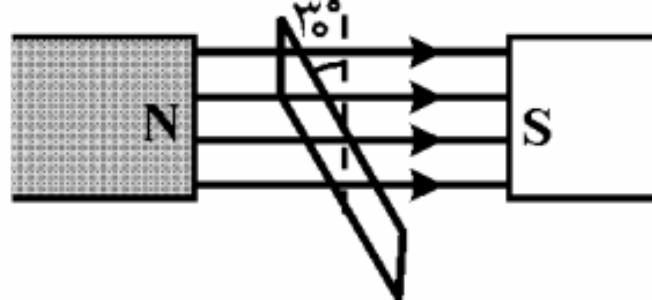
$$\Phi = 5 \times 10^{-4} \times 1/25 \times 10^{-3} \times 1$$

$$\Phi = 6/25 \times 10^{-6} Wb$$

یک قاب به مساحت  $20 \text{ cm}^2$  در میدان مغناطیسی یکنواخت  $2\text{T}$  مطابق شکل واقع است . قاب را به اندازه  $90^\circ$  می چرخانیم (به طور ساعتگرد)، تغییر شارگذرنده از آن را به دست آورید.

پاسخ :

$$\Delta\Phi = -1/4 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$



همان طور که در شکل های الف و ب مشاهده می کنید  $\theta_1 = 30^\circ$  و  $\theta_2 = 60^\circ$ ؛ بنابراین داریم:

$$A = 2 \cdot \text{cm}^2 = 2 \cdot 10^{-4} \text{m}^2$$

$$B = ./. 2 \text{T}$$

$$\theta_1 = 30^\circ$$

$$\theta_2 = 60^\circ$$

$$\Delta\Phi = ?$$

$$\Phi_1 = AB \cos \theta_1$$

$$\Phi_2 = AB \cos \theta_2$$

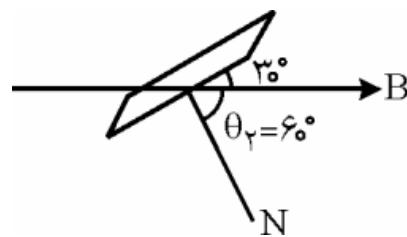
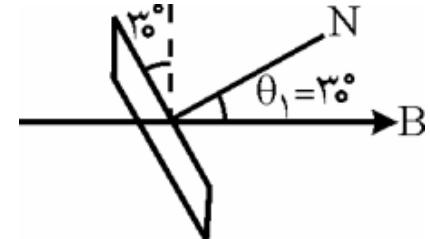
$$\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1$$

$$\Delta\Phi = AB(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)$$

$$\Delta\Phi = 2 \cdot 10^{-4} \times ./. 2 \times (\cos 60^\circ - \cos 30^\circ)$$

$$\Delta\Phi = 2 \cdot 10^{-4} \times ./. 2 \times (./. 5 - ./. 85)$$

$$\Delta\Phi = -1/4 \times 10^{-4} \text{Wb}$$

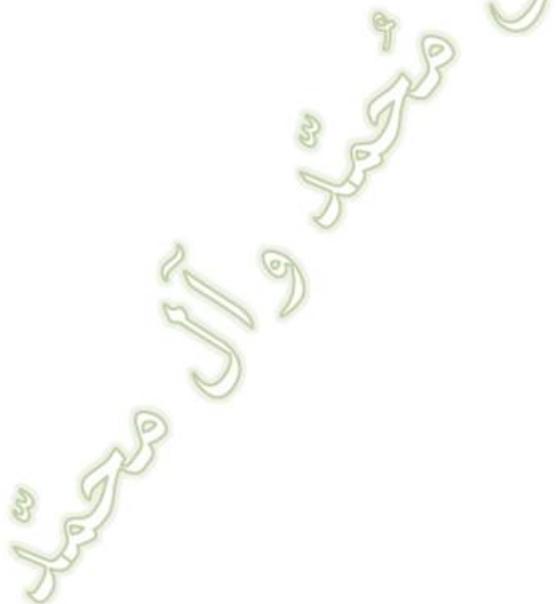


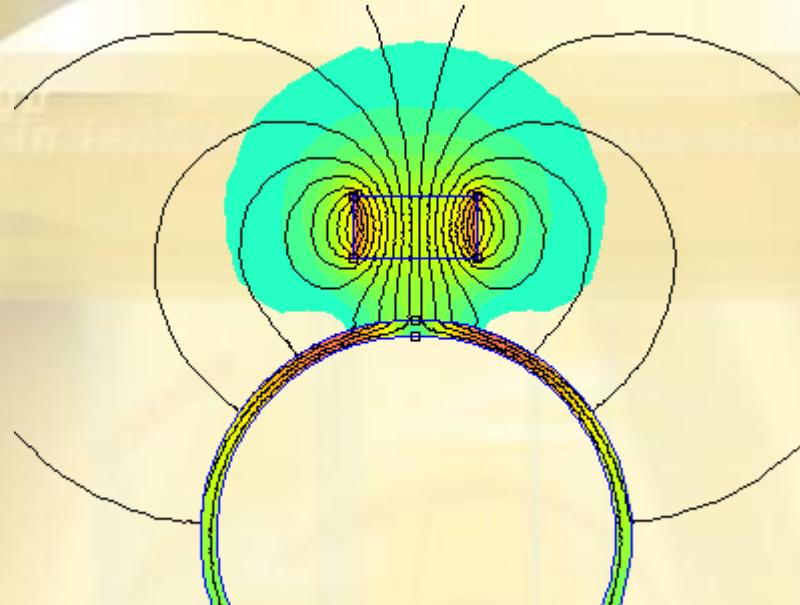
سیم پیچی با مساحت  $400 \text{ cm}^2$  دریک میدان مغناطیسی به شدت  $4 / 0$  تесلا قرار دارد شار مغناطیسی را در این سیم پیچ در هر یک از حالت های زیر حساب کنید:

الف - سیم پیچ عمود بر میدان قرار داشته باشد.

ب - زاویه سیم پیچ با خطوط میدان  $30^\circ$  درجه باشد.

پ - سیم پیچ موازی با خطوط میدان باشد.





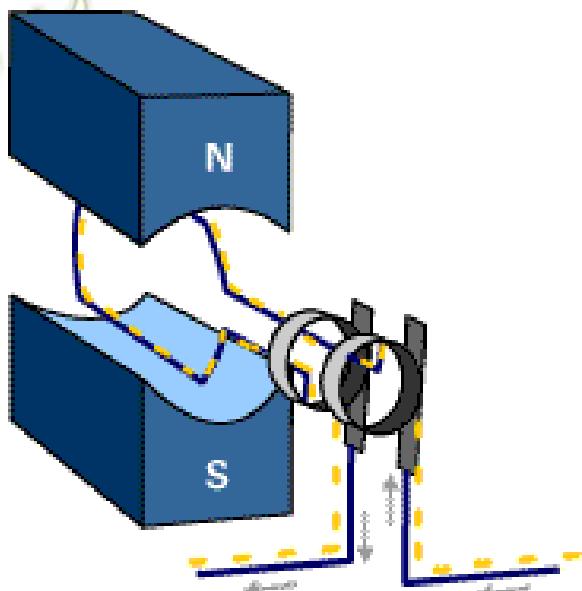
## موضوع: قانون فارادي



## قانون فارادی :

هرگاه شار مغناطیسی ای که از مدار بسته ای می گذرد تغییر کند، نیروی محرکه ای در آن القا می شود که بزرگی نیروی محرکه القایی با آهنگ تغییر شار مغناطیسی متناسب است.

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$



نکته:

علامت منفی در رابطه به خاطر رعایت قانون لنز می باشد. (بعداً توضیح داده خواهد شد)

نکته:

هنگامی که آهنگ تغییر شار مغناطیسی ثابت بماند، نیروی محرکه القایی متوسط ۴ برابر نیروی محرکه ای لحظه‌ای بوده و با نماد ع نمایش می‌دهیم

مقدار شدت جریان القاء شده از رابطه زیر بدست می‌آید :

$$\bar{I} = \frac{\bar{E}}{R} \rightarrow \bar{I} = -\frac{N}{R} \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

جریان القایی متوسط:

نکته:

هرچه آهنگ تغییر شار مغناطیسی بیشتر باشد، نیروی محرکه القایی و در نتیجه جریان القایی تولید شده در مدار بیشتر خواهد بود



# آهنگ تغییراتی که باعث ایجاد جریان القایی :

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

تغییر کند

$$\Delta\Phi = A \cos \theta (\Delta B)$$

$$\bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$

آهنگ تغییرات میدان

تغییر کند

$$\Delta\Phi = B \cos \theta (\Delta A)$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta A}{\Delta t} B \cos \theta$$

آهنگ تغییرات سطح

تغییر کند

$$\Delta\Phi = BA (\Delta \cos \theta)$$

$$\bar{\varepsilon} = \frac{-NAB(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{\Delta t}$$



## محاسبه نیروی محرکه القایی در رسانای متحرک در میدان مغناطیسی

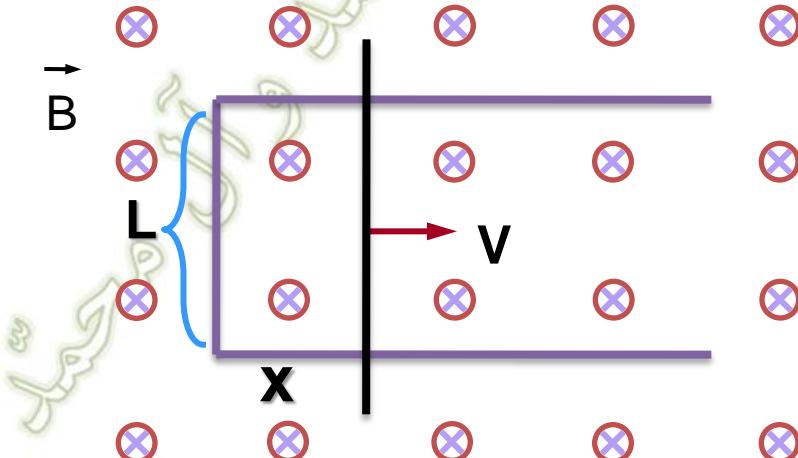
$$\left. \begin{array}{l} \Phi = B \cdot A \cos \theta \\ A = L \cdot x \\ \cos \theta = 1 \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \Phi = BLx \\ \varepsilon = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} \varepsilon = -BL \frac{\Delta x}{\Delta t} \\ V = \frac{\Delta x}{\Delta t} \end{array} \right\}$$

**بلوار!**

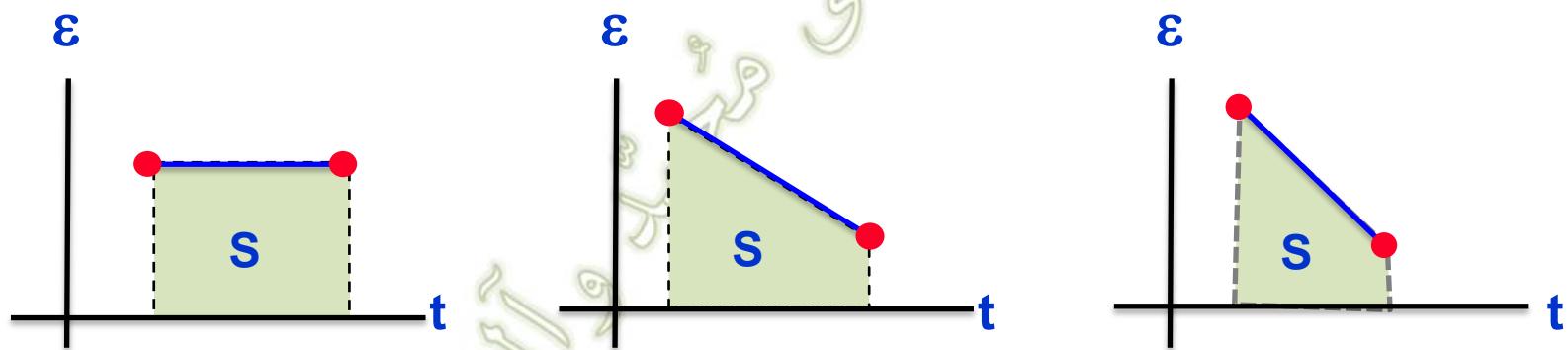
سیم با تندي  $\nabla$  خارج می شود



## چند نکته مهم:

۱- برای رسم نمودار  $\varepsilon-t$  از روی  $\Phi-t$  باید لزوماً به علامت منفی در رابطه  $N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$  توجه شود.

۲- مساحت زیر نمودار نیرو محرکه- زمان برابر  $|N\Delta\Phi|$  می باشد. که  $N$  تعداد حلقه ها و  $\Delta\Phi$  تغییر شارعبوری از پیچه است



$$\left. \begin{aligned} \varepsilon &= \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| \\ S &= \varepsilon \cdot \Delta t \end{aligned} \right\} S = |N\Delta\Phi|$$



## محاسبه بارالکتریکی جاری شده در مدار بر اثر تغییر شار:

اگر در یک پیچه با  $N$  حلقه، شار عبوری در مدت  $\Delta t$  ثانیه به اندازه  $\Delta\Phi$  تغییر کند، در مدار بارالکتریکی  $q$  جاری می شود که برای به دست آوردن آن داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{I} = \frac{\bar{E}}{R} \rightarrow \bar{I} = -\frac{N}{R} \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \\ \bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \end{array} \right.$$

$\rightarrow -\frac{N}{R} \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \rightarrow \Delta q = \left| N \frac{\Delta\Phi}{R} \right|$



$\Phi = t^2 - 2t + 3$  تابع شار مغناطیسی گذرنده از یک حلقه بسته بر حسب زمان در SI به صورت است. اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در بازه زمانی  $t_r = 3s$  تا  $t_1 = 1s$  چندولت است؟

پاسخ:

$$\bar{\varepsilon} = -2V$$

$$N = 1$$

$$\Phi = t^2 - 2t + 3$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$t_1 = 1s$$

$$t_r = 3s$$

$$t_1 = 1s \xrightarrow{\Phi = t^2 - 2t + 3} \Phi_1 = 1^2 - 2 \times 1 + 3 = 2Wb$$

$$t_r = 3s \xrightarrow{\Phi_r = 3^2 - 2 \times 3 + 3 = 6Wb}$$

$$\Delta t = t_r - t_1 = 2s$$

$$\Delta \Phi = \Phi_r - \Phi_1 = 6 - 2 = 4Wb$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \quad \rightarrow \quad \bar{\varepsilon} = -1 \times \frac{4}{2} = -2V$$



## تمرین:

میدان مغناطیسی عمود بر سطح پیچه‌ای با مساحت سطح مقطع ۱۰۰۰ متر مربع، شامل ۹۰۰۰ دور سیم روکش دار به طور یکنواخت در بازه زمانی ۰.۵ ثانیه، بدون تغییر جهت از ۹ تا ۴ تESLA کاهش می‌یابد. اندازه نیروی محرکه القای متوسط در پیچه چند ولت است؟

پاسخ:

$$\theta = 0^\circ$$

$$A = 1000 \text{ m}^2$$

$$N = 1000$$

$$\Delta t = 0.5 \text{ s}$$

$$B_i = 0.9 \text{ T}$$

$$B_f = 0.4 \text{ T}$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta \rightarrow$$

$$\bar{\varepsilon} = -1000 \times 0.1 \frac{-0.5}{0.5} \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = +100 \text{ V}$$

$$\Delta B = B_f - B_i = 0.4 - 0.9 = -0.5 \text{ T}$$



میدان مغناطیسی بین قطب های آهنربای الکتریکی شکل رو به رو که بر سطح حلقه عمود است با زمان تغییر می کند و در مدت  $1/45\text{ s}$ . از  $T = 0/28\text{ T}$  ، رو به بالا، به  $0/17\text{ T}$  ، رو به پایین می رسد. در این مدت،  
 (الف) نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه را به دست آورید.  
 (ب) اگر مقاومت حلقه  $\Omega = 10$  باشد، جریان القایی متوسط در حلقه را پیدا کنید.

$$N = 1$$

$$\theta = \cdot$$

$$\Delta t = 1/45\text{ s}$$

$$B_1 = 0/28\text{ T}$$

$$B_2 = -0/17\text{ T}$$

$$A_1 = 100 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$R = 1 \cdot \Omega$$

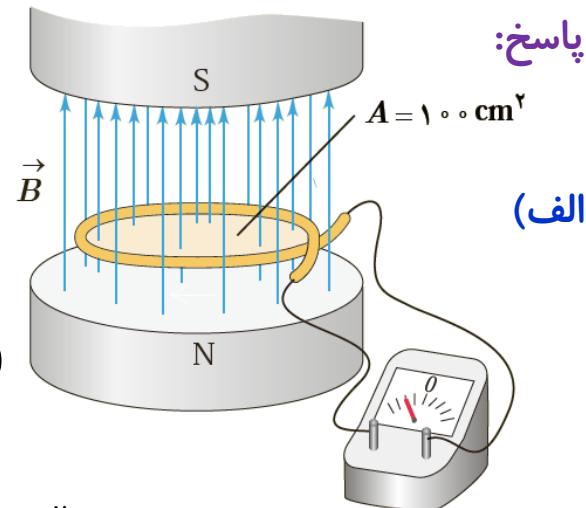
$$\bar{I} = ?$$

$$\Delta B = B_2 - B_1 = -0/17 - 0/28 = -0/45\text{ T}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$

$$\bar{\varepsilon} = -1 \times 10^{-2} \times \frac{-0/45}{0/45} \times \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = 10^{-2} \text{ V}$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} \rightarrow \bar{I} = \frac{10^{-2}}{10} \rightarrow \bar{I} = 10^{-3} \text{ A} = 1 \text{ mA}$$



پاسخ:

(الف)

(ب)



تندی سنج دوچرخه های مسابقه ای شامل یک آهنربای کوچک و یک پیچه است. آهنربا به یکی از پره های چرخ جلو و پیچه به دو شاخ فرمان متصل است (شکل زیر) دو سر پیچه با سیم های رسانا به نمایشگر تندی سنج (که در واقع نوعی رایانه کوچک است) وصل شده است. به نظر شما تندی سنج دوچرخه چگونه کار می کند؟ این موضوع را در گروه خود به گفت و گو بگذارید و نتیجه را به کلاس درس ارائه دهید



پاسخ:

عبور آهنربا از جلوی پیچه متصل به دوشاخ جلوی دوچرخه، سبب تغییر شار مغناطیسی عبوری از پیچه و در نتیجه القای جریان می شود. این جریان توسط یک رایانه کوچک خوانده می شود و با توجه به تعداد مرتبه ای که این جریان القایی در یک زمان مشخص (مثلاً یک دقیقه) توسط رایانه ثبت می شود و همچنین با توجه به قطر چرخ که در رایانه وجود دارد، سرعت سنج دوچرخه کار می کند.

تمرین:

معادله شاردرمداری به صورت  $\Phi = -t^2 - 2t$  می‌باشد. مقدار نیروی محرکه متوسط بین دو لحظه  $t_1 = 1s$  و  $t_2 = 3s$  چقدر است؟

پاسخ :

$$\bar{F} = 6V$$



اگر آهنگ تغییر سطح در یک حلقه به مقاومت  $\Omega = 200 \Omega$  ، باشد و سطح حلقه بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به شدت  $B = 4 \text{ T}$  /  $0$  تsla عمود باشد ، شدت جریان القاء شده در آن چند آمپر است؟

(۱)  $1 \times 10^{-5} \text{ A}$

(۲)  $2 \times 10^{-5} \text{ A}$

(۳)  $0.2 \times 10^{-3} \text{ A}$

(۴)  $4 \times 10^{-5} \text{ A}$

پاسخ :

$R = 400 \Omega$

$N = 1$

$\frac{\Delta A}{\Delta t} = 200 \times 10^{-4} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$

$B = 4 \text{ T}$

$\theta = 0^\circ$

$I = ?$

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } A} \varepsilon = -NB \frac{\Delta A}{\Delta t} \cos \theta$$

$$\varepsilon = -1 \times 4 \times 2 \times 10^{-2} \cos 0^\circ \rightarrow \varepsilon = -8 \times 10^{-3} \text{ V}$$

$R = 400 \Omega$

$$I = \left| \frac{\varepsilon}{R} \right| \rightarrow I = \frac{8 \times 10^{-3}}{400} \rightarrow I = 2 \times 10^{-5} \text{ A}$$



تمرین:

سیملوله‌ای با  $500$  دور دریک میدان مغناطیسی متغیر با زمان قرار گرفته است. مساحت مقطع سیملوله  $25\text{cm}^2$  و آهنگ تغییر میدان  $T/S = 8 \times 10^{-3}$  است. بیشینه نیروی حرکت القایی متوسط در سیملوله را محاسبه کنید.

پاسخ:

$$\bar{\varepsilon} = -1 \cdot 10^{-3} \text{ V}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} N = 500 \\ A = 25 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \\ \frac{\Delta B}{\Delta t} = 8 \times 10^{-3} \frac{\text{T}}{\text{s}} \\ \theta = 0 \\ \bar{\varepsilon} = ? \end{array} \right.$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta \rightarrow$$

$$\bar{\varepsilon} = -500 \times 25 \times 10^{-4} \times 8 \times 10^{-3} \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = -1 \cdot 10^{-3} \text{ V}$$



تمرین:

قابی به مساحت  $600 \text{ cm}^2$  عمود بر خط های میدان مغناطیسی به بزرگی  $4/5$ . تسلا قرار گرفته است. اگر این قاب را در مدت  $3\text{ میلی ثانیه}$  به طوری بچرخانیم که زاویه نیم خط عمود بر قاب با خطوط میدان به  $60^\circ$  برسد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط چقدر است؟

پاسخ:

$$\bar{\varepsilon} = -4 \text{ V}$$

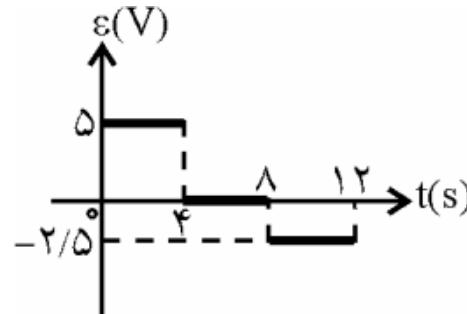
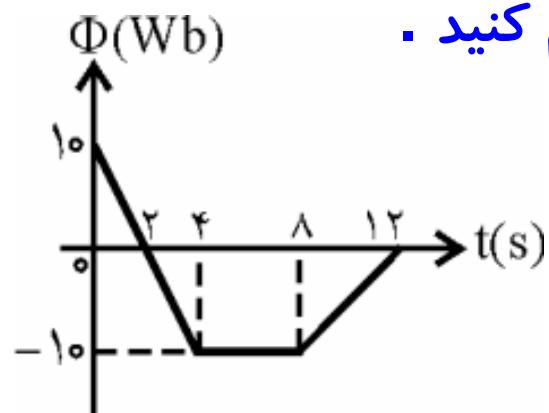
$$\left\{ \begin{array}{l} N = 1 \\ A = 600 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \\ \theta_1 = 0^\circ \\ B = 4/5 \text{ T} \\ \Delta t = 3 \times 10^{-3} \text{ s} \\ \theta_2 = 60^\circ \\ \bar{\varepsilon} = ? \end{array} \right.$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } \theta} \bar{\varepsilon} = \frac{-NAB(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{\Delta t}$$

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{1 \times 4/5 \times 600 \times 10^{-4} (4/5 - 1)}{3 \times 10^{-3}} \xrightarrow{\bar{\varepsilon} = -4 \text{ V}}$$



نمودار شار مغناطیسی گذرنده از یک حلقه بسته بر حسب زمان به صورت زیر است. نمودار تغییرات نیروی محرکه القایی در حلقه را بر حسب زمان رسم کنید.



پاسخ:

$$\varepsilon_1 = 5 \text{ V}$$

$$\varepsilon_2 = 0 \text{ V}$$

$$\varepsilon_3 = -2/5 \text{ V}$$

در بازه‌ی زمانی صفر تا 4 s

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

در بازه‌ی زمانی 4 s تا 8 s

در بازه‌ی زمانی 8 s تا 12 s

$$\left\{ \begin{array}{l} \varepsilon_1 = -1 \times \frac{(-10) - 10}{4 - 0} \rightarrow \varepsilon_1 = 5 \text{ V} \\ \varepsilon_2 = -1 \times \frac{-10 - (-10)}{8 - 4} \rightarrow \varepsilon_2 = 0 \text{ V} \\ \varepsilon_3 = -1 \times \frac{0 - (-10)}{12 - 8} \rightarrow \varepsilon_3 = -2/5 \text{ V} \end{array} \right.$$



## تست سراسری تجربی - ۸۴

پیچه ای دارای ۰.۵ حلقه است و شار مغناطیسی  $Wb = ۰.۰۴$  از آن می گذرد. این شار مغناطیسی به طور منظم کاهش پیدا کرده و در مدت  $\Delta t$  به صفر می رسد. اگر مقاومت الکتریکی این مدار  $5\Omega$  باشد، چند کولن بار الکتریکی القایی در این مدت در مدار شارش پیدا می کند؟

(۱) ۰.۲

(۲) ۰.۳

(۳) ۰.۴

پاسخ:

گزینه ۲ صحیح است.



تمرین:

میدان مغناطیسی عمودبریک قاب دایره ای شکل به مساحت  $200 \text{ cm}^2$  بازمان تغییرمی کند و در مدت ۵./ثانیه از ۱۲/Tesla به ۱۲/Tesla می رسد. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چندولت است؟

پاسخ:

$$\bar{\mathcal{E}} = 4 \times 10^{-2} \text{ V}$$



تمرین:

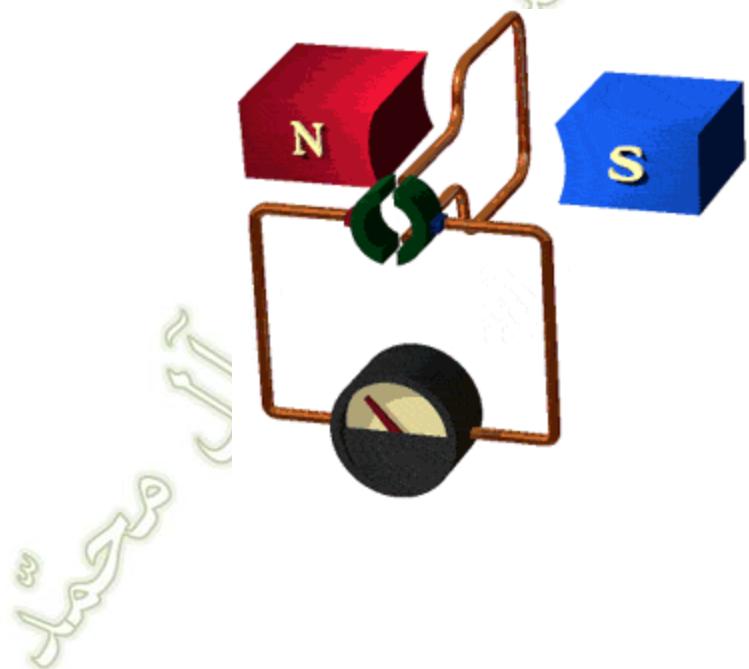
پیچه‌ای است شامل ۲۰ دوربه طوری که سطح هر حلقه آن  $400 \text{ cm}^2$  است. سطح پیچه با خطوط میدان مغناطیسی به شدت ۵ تسلا زاویه  $30^\circ$  می‌سازد. اگر این پیچه در مدت ۰.۲۵ ثانیه دوران نماید که سطح پیچه عمود بر میدان گردد، نیروی محرکه القاء شده چند ولت می‌شود؟

پاسخ:



نکته:

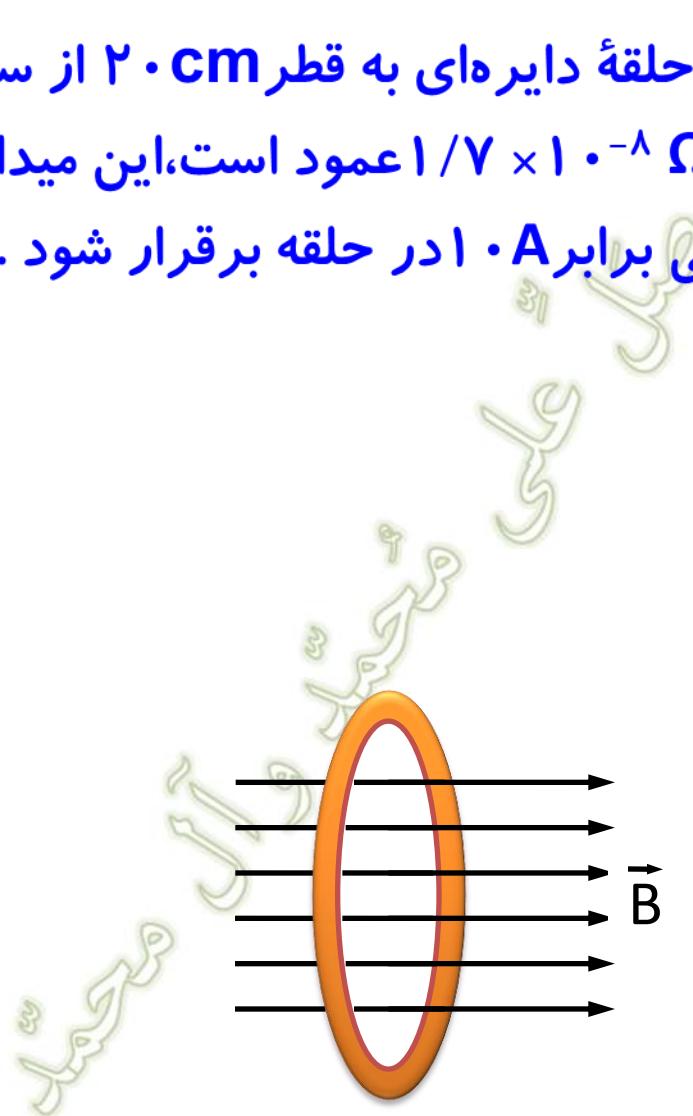
هرگاه حلقه‌ای به هر وضعیتی که دریک میدان مغناطیسی قرار داشته باشد و شار عبوری از آن  $\Phi$  باشد، اگر حلقه حول خطی که درسطح حلقه است  $180^\circ$  دوران نماید، شار عبوری از آن  $\Phi$ - می‌شود.



تمرین:

میدان مغناطیس  $B$  بر صفحه یک حلقه دایره‌ای به قطر  $20\text{ cm}$  از سیم مسی به قطر مقطع  $5/2\text{ mm}$  و به مقاومت ویژه  $1 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$  اعمود است، این میدان با چه آهنگی نسبت به زمان تغییر کند تا جریان القایی برابر  $A = 0$  در حلقه برقرار شود.

پاسخ:



میدان مغناطیسی عمودبریک حلقه دایره ای شکل به قطر  $2\text{ cm}$ . متربازمان تغییرمی کند در مدت  $5\text{ s}$ . از  $28\text{ V}$ . تسلای رسد. نیروی حرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت است؟ ( $\pi \approx 3$ )

پاسخ:

$$\bar{E} = 3 \times 10^{-3} \text{ V}$$



تست:

حلقه‌ای به مساحت  $4 \text{ cm}^2$  در یک میدان مغناطیسی متغیر قرار دارد. به دلیل تغییر میدان جریان القای در این حلقه که مقاومت آن  $20\Omega$  اهمی است به اندازه  $5 \text{ آمپر}$  القا می‌گردد.  
اگر حلقه عمود بر میدان باشد، آهنگ تغییرات میدان چند تسلا بر ثانیه است؟

(۱) صفر

(۲)  $100\text{A}$ (۳)  $12/5 \times 10^4 \text{ A/s}$ (۴)  $25 \times 10^4 \text{ A/s}$ 

پاسخ :

گزینه ۱ صحیح است.



تست:

حلقه‌ای عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد و شار عبوری از آن  $5 \text{ A}$  دارد. اگر در مدت  $0.2 \text{ s}$  ثانیه حلقه حول خطی که در سطح آن است  $180^\circ$  دوران نماید، نیروی حرکه القاء شده در آن چند ولت است؟

۱۰۰ (۴)

۲۵ (۳)

۵۰ (۲)

۱) صفر

پاسخ:

$$N = 1$$

$$\Delta\Phi = -\Phi - \Phi = -2\Phi$$

$$\Phi_1 = \frac{1}{0.2} \text{ Wb}$$

$$\Delta\Phi = -2 \times \frac{1}{0.2} = -1 \text{ Wb}$$

$$\Delta t = 0.2 \text{ s}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

$$\theta = 180^\circ$$

$$\bar{\varepsilon} = -1 \times \frac{-1}{0.2}$$

$$\varepsilon = ?$$

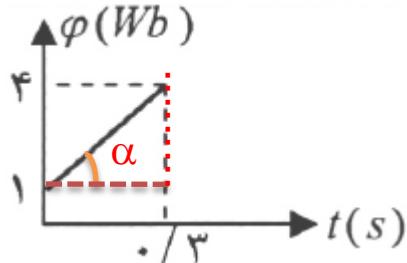
$$\bar{\varepsilon} = 5 \text{ V}$$

$$\Delta\Phi = ?$$



تمرین:

نمودار  $\Phi$  - عبوری از یک حلقة رسانا مطابق شکل رو به راست. نیروی محرکه القایی در حلقه رابه دست آورده و نمودار  $\varepsilon$  - رادرمدت فوق رسم نمائید.



پاسخ:

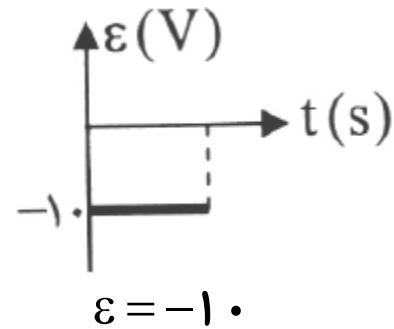
$$\varepsilon = -1 \cdot V$$

$$\left. \begin{aligned} m &= \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \\ \bar{\varepsilon} &= -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \end{aligned} \right\}$$

شیب نمودار شار مغناطیسی - زمان با علامت منفی برابر نیروی محرکه القایی است چون نمودار خط راست است پس شیب آن ثابت است .

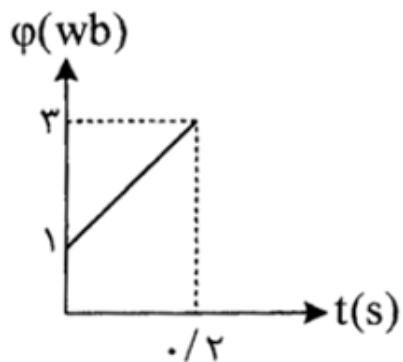
چون شیب ثابت است

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \rightarrow \varepsilon = -\frac{(4-1)}{3} = -1 \cdot V$$

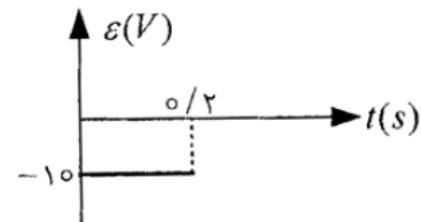


تمرین:

نمودار  $\Phi$  - عبوری از یک حلقه‌ی رسانا به مقاومت  $4\Omega$  مانند شکل روبرو است.  
 الف) نیروی محرکه القایی در حلقه را به دست آورده و نمودار  $I-t$ -عرا در مدت فوق رسم نمائید. ب) شدت جریان القایی در حلقه چند آمپر است؟



پاسخ:

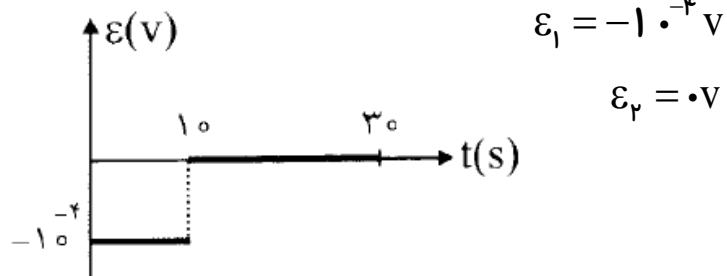
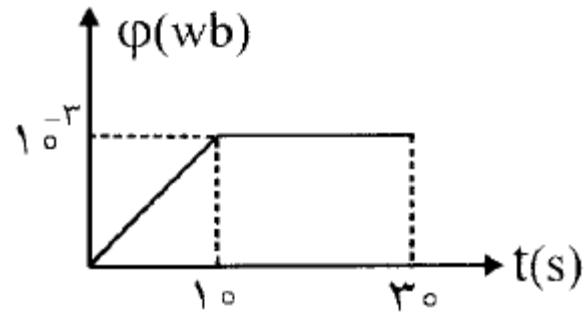


$$\varepsilon = -10 \text{ V}$$

$$I = 2.5 \text{ A}$$



در شکل، نمودار تغییرات شار مغناطیسی که از یک حلقه رسانا می‌گذرد، بر حسب زمان رسم شده است. با محاسبات لازم، نمودار نیروی محرکه الکایی در حلقه را بر حسب زمان رسم کنید.



در بازه‌ی زمانی صفر تا ۱۰ s

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

در بازه‌ی زمانی ۱۰ s تا ۳۰ s

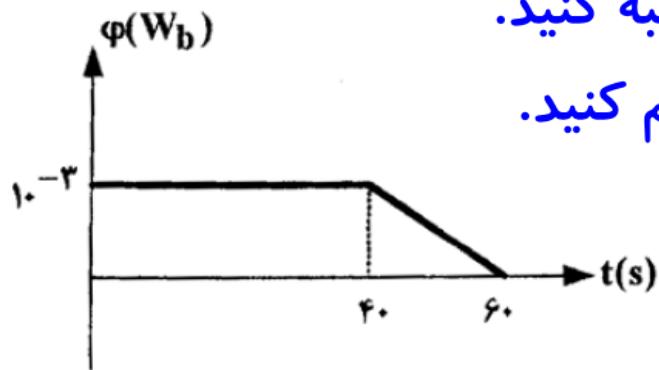
$$\varepsilon_1 = -\frac{(1 \cdot 10^{-3} - 0)}{1 \cdot 10}$$

$$\varepsilon_2 = -\frac{(1 \cdot 10^{-3} - 1 \cdot 10^{-3})}{30 - 10}$$

$$\varepsilon_1 = -1 \cdot 10^{-4} V$$

$$\varepsilon_2 = 0 V$$

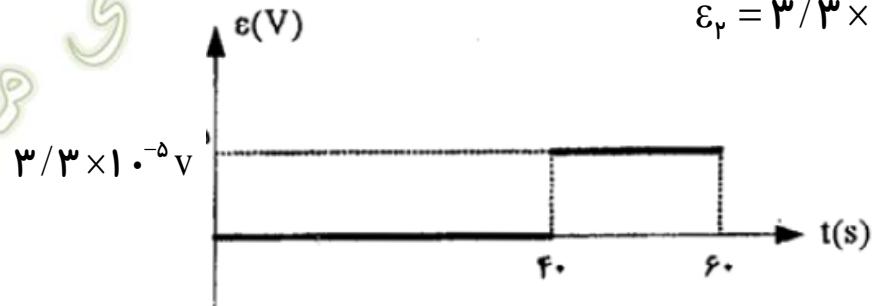
نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه بر حسب زمان را در شکل مقابل مشاهده می کنید. الف) نیروی محرکه ای القایی را در هر مرحله محاسبه کنید.  
ب) نمودار نیروی محرکه بر حسب زمان را در این مدت رسم کنید.



پاسخ:

$$\epsilon_1 = 0 \text{ V}$$

$$\epsilon_2 = 3/3 \times 10^{-5} \text{ V}$$



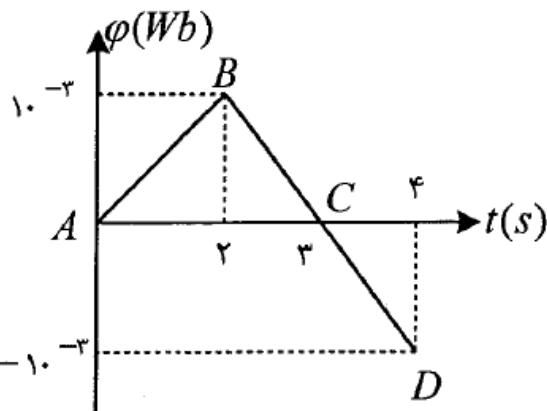
در بازه زمانی صفر تا 40 s  
در بازه زمانی 40 تا 60 s

$$\bar{\epsilon} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \epsilon_1 = -\frac{(10^{-3} - 10^{-3})}{40 - 0} \rightarrow \epsilon_1 = 0 \text{ V} \\ \epsilon_2 = -\frac{(0 - 10^{-3})}{60 - 40} \rightarrow \epsilon_2 = 3/3 \times 10^{-5} \text{ V} \end{array} \right.$$



تمرین:

در شکل رو به رو، نمودار تغییرات شار مغناطیسی بر حسب زمان را برای یک حلقه‌ی رسانا مشاهده می‌کنید، در هر یک از سه مرحله AB و BC و CD، نیروی محرکه‌القایی را محاسبه کنید.



پاسخ:

$$\varepsilon_{AB} = -5 \times 10^{-4} \text{ V}$$

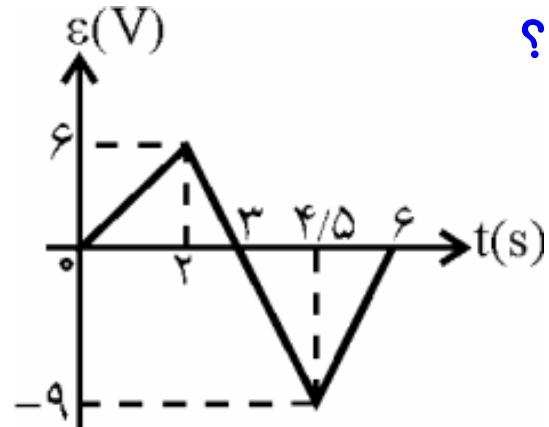
$$\varepsilon_{BC} = 10^{-3} \text{ V}$$

$$\varepsilon_{CD} = 10^{-3} \text{ V}$$



نمودار نیروی محرکه القایی- زمان مربوط به یک حلقه بسته مطابق شکل رو به رو می باشد .

تغییر شار مغناطیسی در بازه زمانی صفر تا  $S = 6$  چند وبر است؟



پاسخ :

$$\Delta\Phi = -4/5 \text{ Wb}$$

مساحت سطح محصور بین نمودار نیروی محرکه القایی- زمان با محور زمان در یک حلقه برابر  $\Delta\Phi$ - است؛

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \rightarrow \Delta\Phi = -\bar{\varepsilon}\Delta t$$

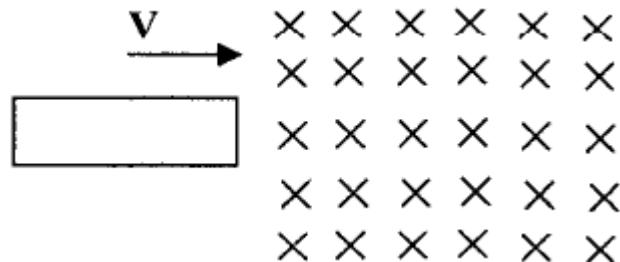
$$S = \left( \frac{3 \times 6}{2} \right) + \left( \frac{3 \times (-9)}{2} \right) = 9 + (-13/5) = -4/5$$

$$\Delta\Phi = -4/5 \text{ Wb}$$



تمرین:

مانند شکل حلقه مستطیل شکل به ابعاد  $3\text{cm} \times 5\text{cm}$  با سرعت ثابت  $2\text{m/s}$  به طور کامل وارد میدان مغناطیسی  $0.2\text{T}$ . تسلیا می شود. نیروی محرکه القایی متوسط در قاب را محاسبه کنید.



پاسخ:

$$\bar{\varepsilon} = 1/2 \times 1 \cdot 10^{-3} \text{ V}$$

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v} \rightarrow \Delta t = \frac{5 \times 10^{-2}}{2} = 0.25 \text{ s}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \rightarrow \bar{\varepsilon} = \frac{\Phi_r - \Phi_i}{\Delta t} \rightarrow \bar{\varepsilon} = \frac{BA_r - 0}{\Delta t} \rightarrow \bar{\varepsilon} = \frac{0.2 \times 3 \times 5 \times 10^{-3}}{0.25 \times 10^{-3}}$$

$$\bar{\varepsilon} = 1/2 \times 1 \cdot 10^{-3} \text{ V}$$



تمرین:

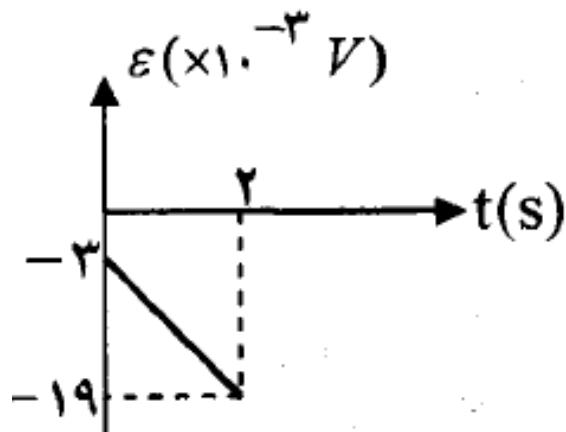
شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه مطابق رابطه  $\phi = 10 \times (4t^2 + 3t^3)$  تغییر می کند  
الف) معادله نیروی محرکه ای القایی را بدست آورید.

- ب) در لحظه  $t = 2s$  نیروی محرکه القایی چقدر است؟  
ج) نمودار  $t - \epsilon$  را در دو ثانیه اول، رسم کنید.

پاسخ:

$$\varepsilon = -(8t + 3) \times 10^{-3}$$

$$\varepsilon = -0.19V$$



# موضوع : قانون لنز



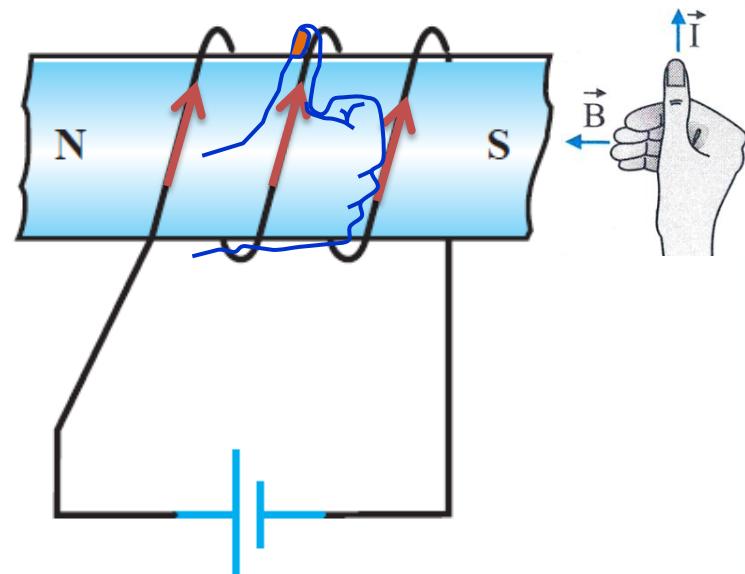
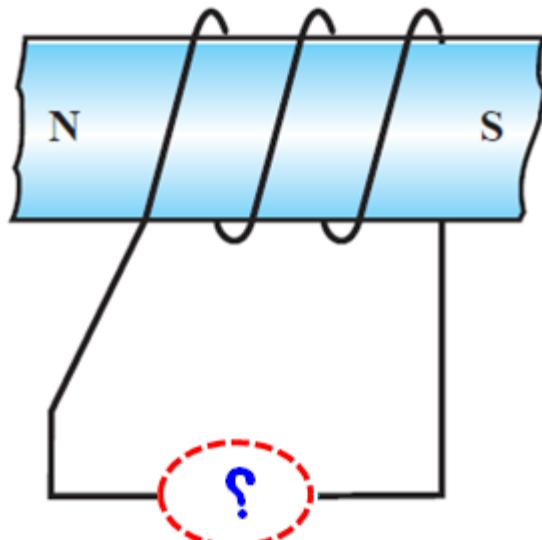
خروج

پرسش:

جهت جریان در حلقه را طوری پیدا کنید تا قطب های آهن را چنین باشد؟

پاسخ:

(به سمت بالا باشد.)

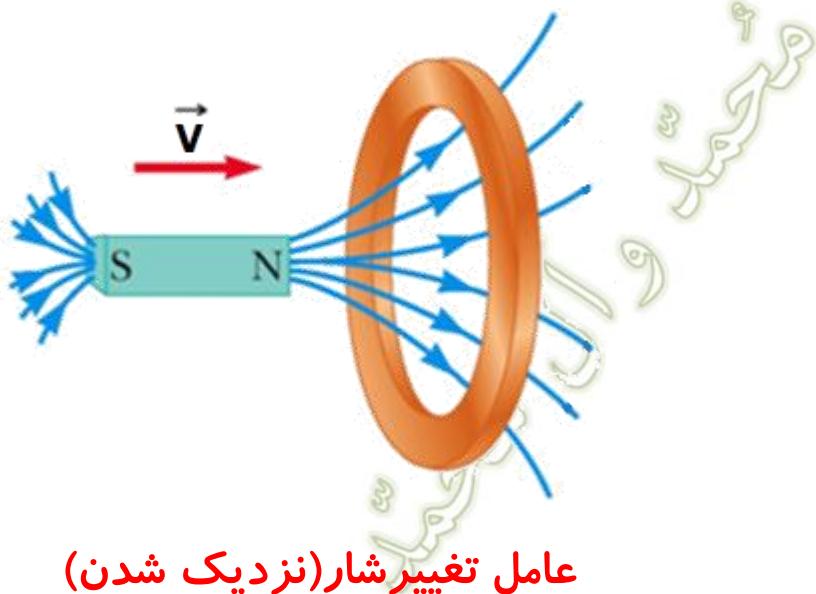


## قانون لنز :

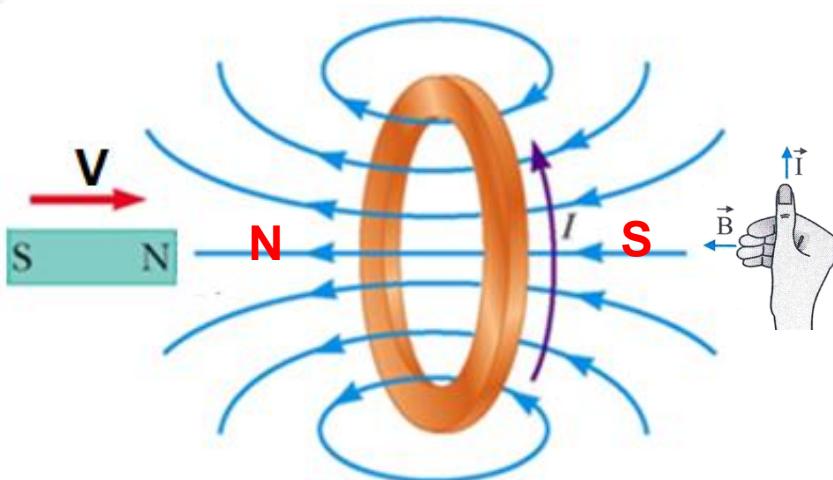
جریان حاصل از نیروی محرکه القایی دریک مدار درجهٔتی است که آثار مغناطیسی ناشی از آن، با عامل به وجود آورندهٔ جریان القایی، یعنی تغییر شار مغناطیسی، مخالفت می‌کند.

علامت منفی در رابطهٔ فارادی نشان دهندهٔ همین مخالفت است.

به قوانین فارادی و لنز، قانونهای القای الکترومغناطیسی گویند،



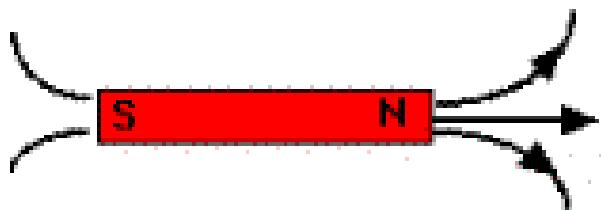
عامل تغییر شار (نزدیک شدن)



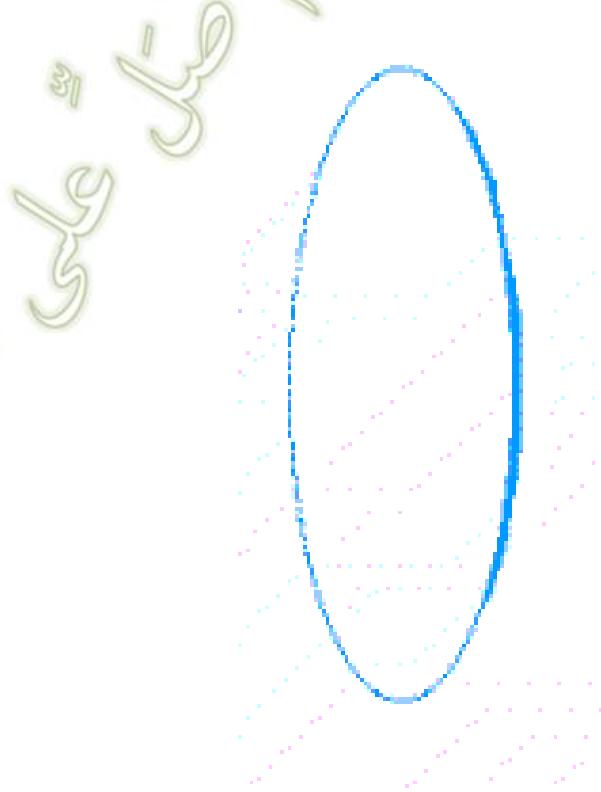
آثار مغناطیسی مدار بسته

نکته:

جهت جریان القایی ایجاد شده در حلقه هم با افزایش شار و هم با کاهش شار عبوری از حلقه، مخالفت می کند.



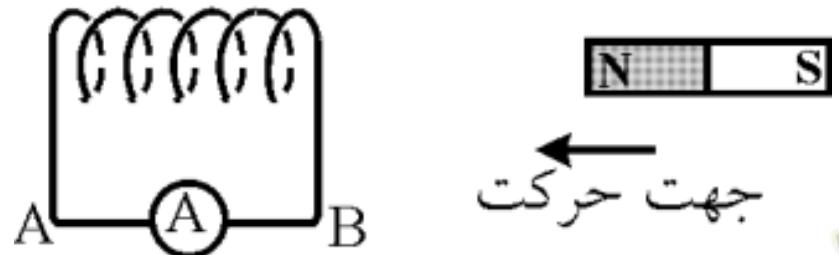
عامل تغییرشار(نزدیک شدن)



آثار مغناطیسی مداربسته

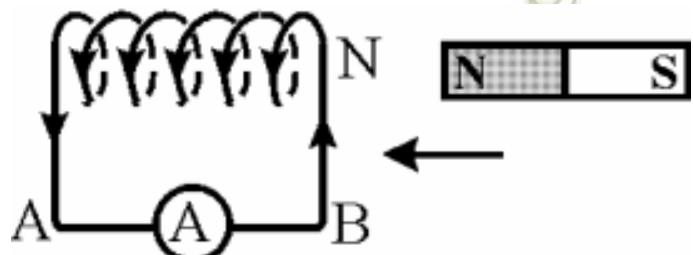
پرسش:

## در شکل زیر، جهت جریان القایی کدام است؟



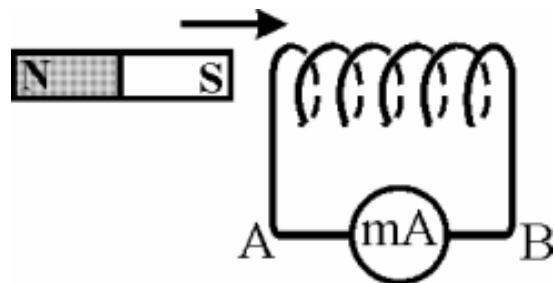
پاسخ:

هنگامی که قطب N آهن ربا به سیم‌وله نزدیک می‌شود. جریان القایی در سیم‌وله باید در جهتی باشد که از نزدیک شدن تیغه به سیم‌وله مخالفت کند؛ بنابراین باید قطب N حاصل از جریان القایی در سیم‌وله، در مقابل قطب N تیغه قرار گیرد، تا بر تیغه نیروی دافعه‌ی مغناطیسی وارد کرده و با نزدیک شدن آن مخالفت کند. حال با به کار گیری قاعده‌ی دست راست، در می‌یابیم **جهت جریان از A به B** است.



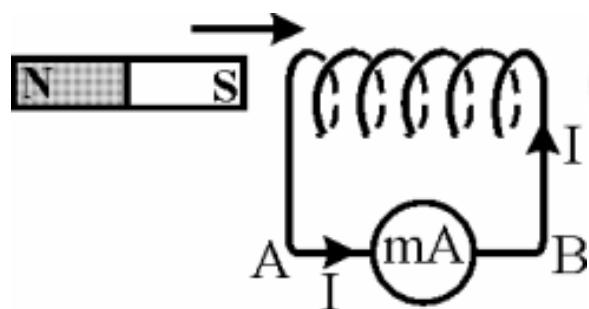
پرسش:

در آزمایش فارادی هنگامی که آهنربا به سیم پیچ نزدیک می‌شود، جهت جریان القای در سیم پیچ چگونه است؟



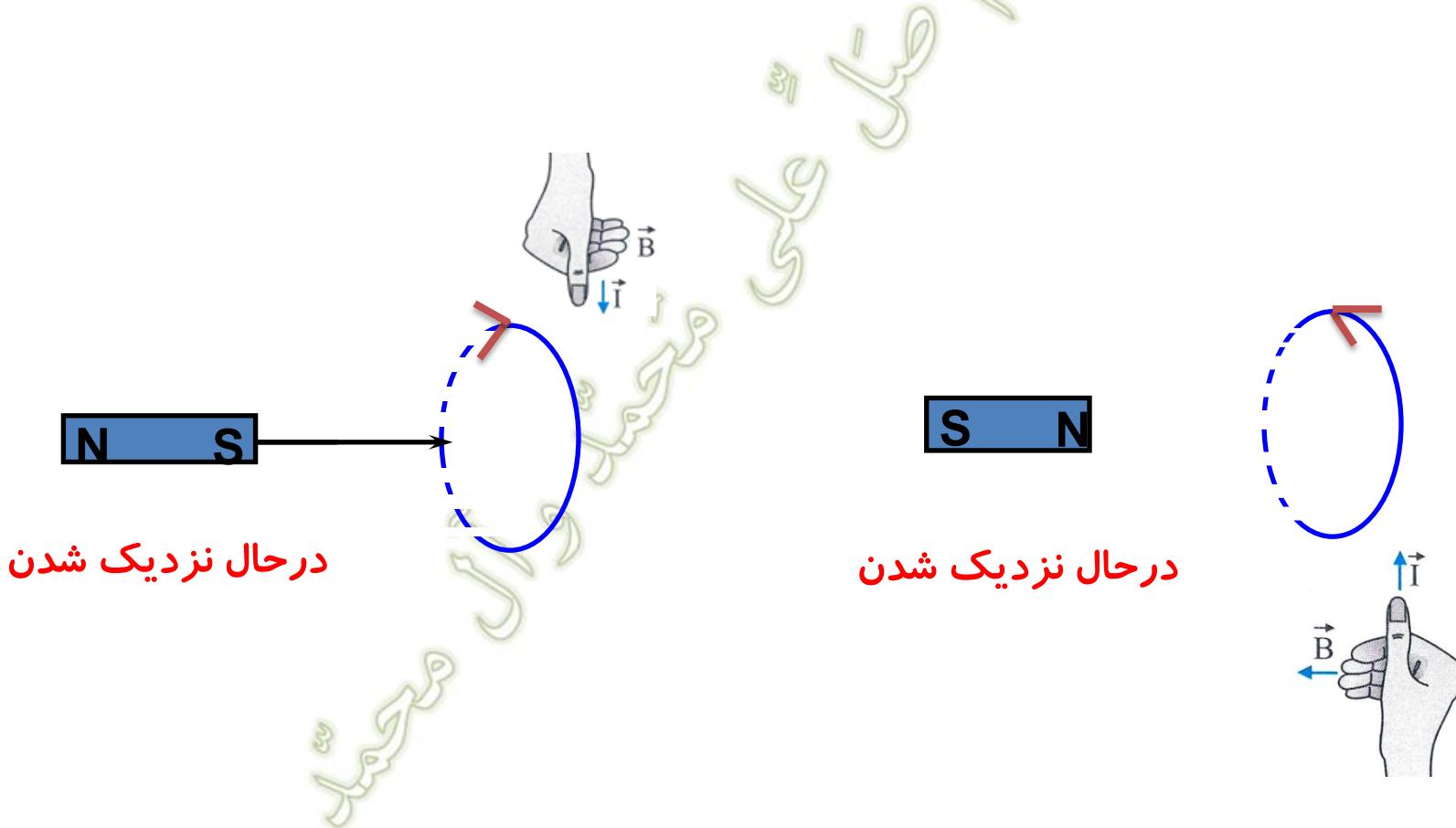
پاسخ:

بنابر قانون لنز، سیم پیچ همانند آهنربایی خواهد شد که قطب S آن در مقابل قطب S آهنربا قرار گرفته و مانع نزدیک شدن آهنربا می‌شود. با توجه به قانون دست راست جهت جریان القای در میلی آمپرسنج، از A به طرف B می‌شود.



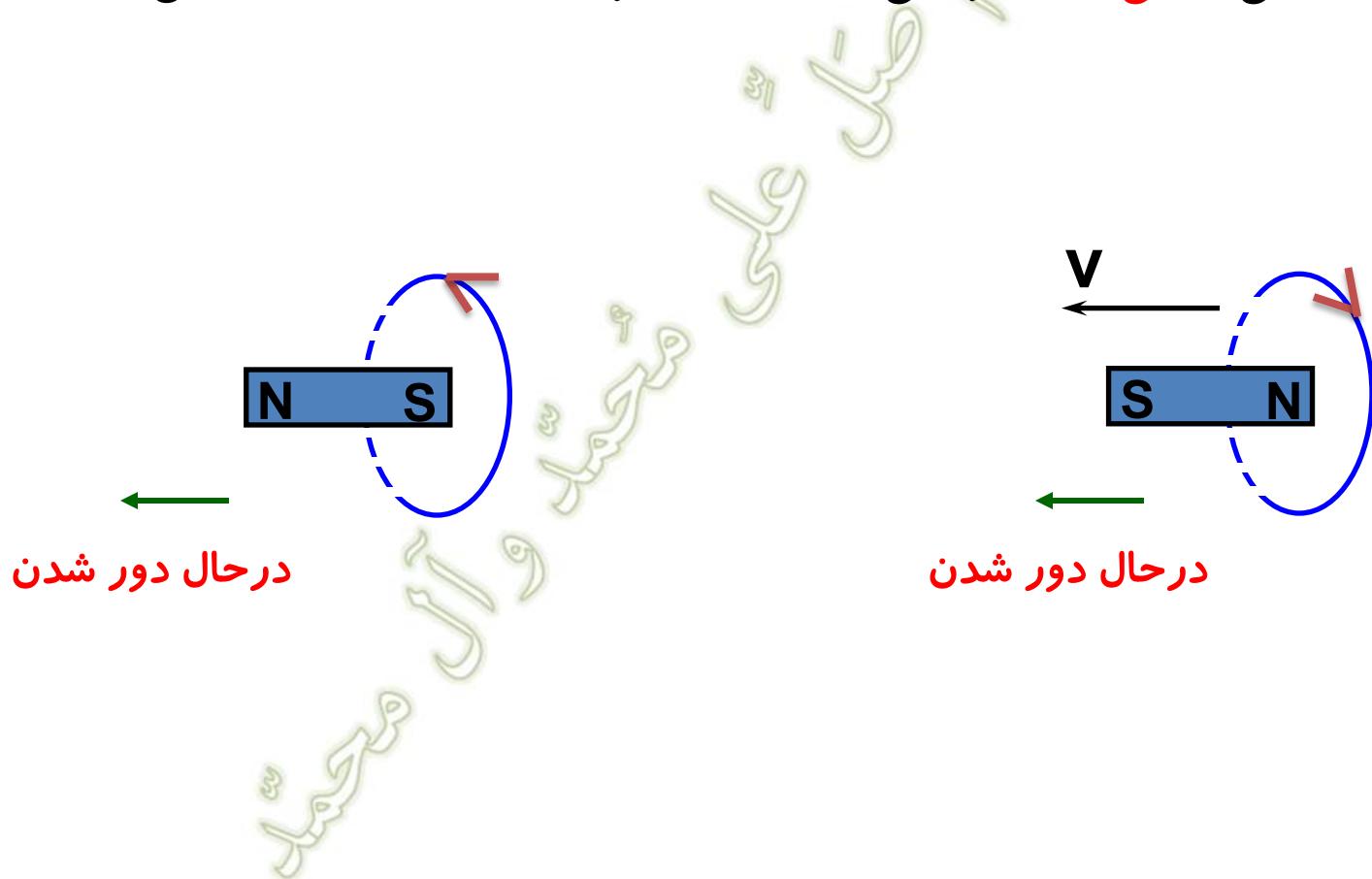
نکته:

الف-هنگامی که شار گذرنده از حلقه در حال افزایش باشد، **میدان مغناطیسی القایی در خلاف جهت میدان اصلی** به وجود می آید تا اثر تضعیف کننده آن با افزایش شار مخالفت کند.

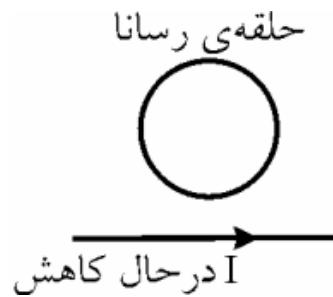


نکته:

**ب-هنگامی که شارگذرنده از حلقه در حال کم شدن باشد، میدان مغناطیسی القایی در جهت میدان مغناطیسی اصلی به وجودمی آید تا اثر تقویت کننده آن با کاهش شار مخالفت کند.**

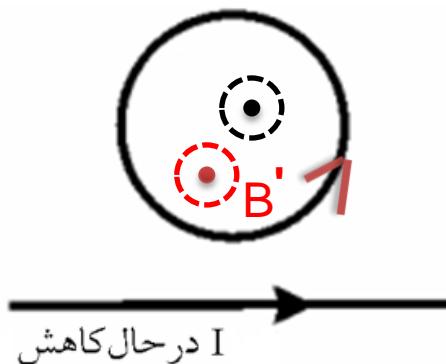


در شکل زیر، جریان در سیم راست در حال کاهش است. جهت جریان القایی را در حلقه رسانای مجاور آن مشخص کنید.



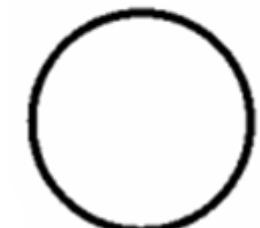
پرسش:

میدان مغناطیسی ( $B$ ) و شار مغناطیسی سیم راست، که از حلقه می‌گذرد به طرف خارج و در حال کاهش است بنابر قانون لنز، جریان در حلقه درجهٔتی به وجود می‌آید که با کاهش  $B$  مخالفت کند بنابراین باید میدان مغناطیسی حاصل از جریان القایی  $B'$  درون حلقه، در جهت میدان حاصل از سیم راست، یعنی برونسو باشد. از آنجا می‌توان جهت جریان القایی  $I'$  را در حلقه پاد ساعتگرد می‌شود.



در شکل زیر، جریان در سیم راست در حال افزایش است. جهت جریان القای را در حلقه رسانای مجاور آن مشخص کنید.

I در حال افزایش



حلقه‌ی رسانا

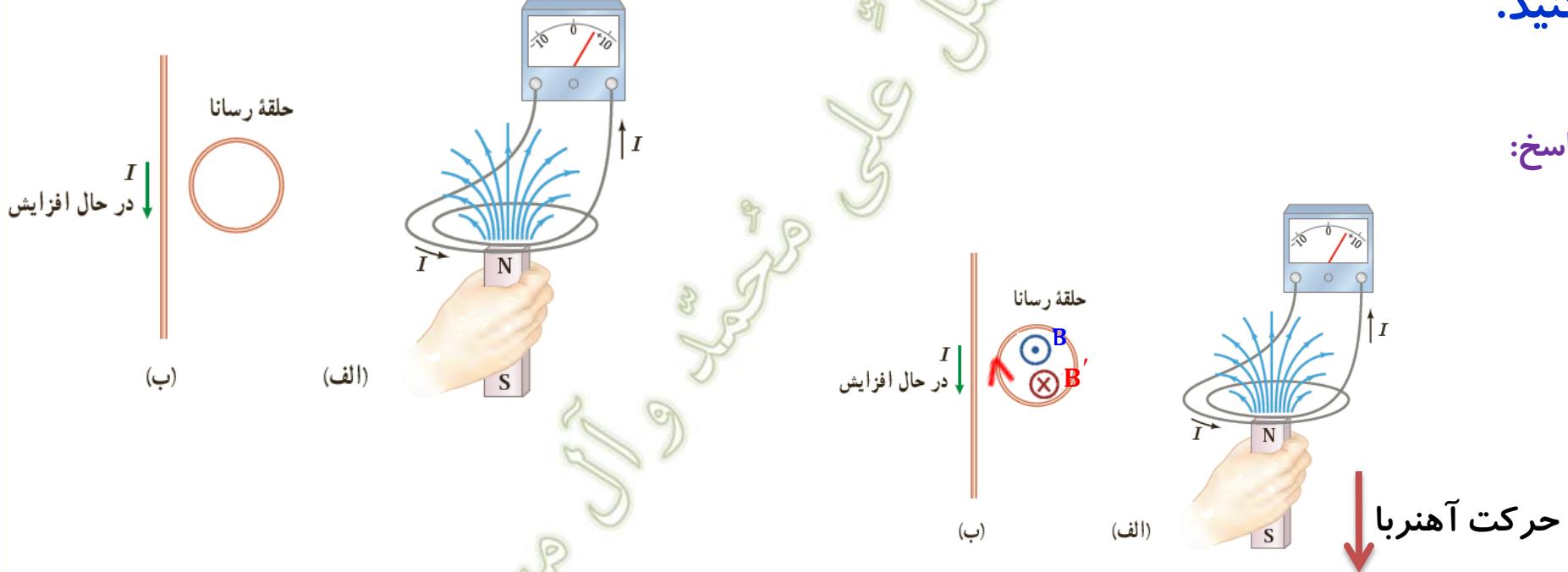


پاسخ:

پاد ساعتگرد

الف) با توجه به جهت جریان القایی در مدار شکل الف، توضیح دهید که آیا آهنربا رو به بالا حرکت می کند یا رو به پایین. ب) شکل ب سیم بلند و مستقیمی را نشان می دهد که جریان عبوری از آن در حال افزایش است. جهت جریان القایی را در حلقه رسانای مجاور سیم تعیین کنید.

پاسخ:

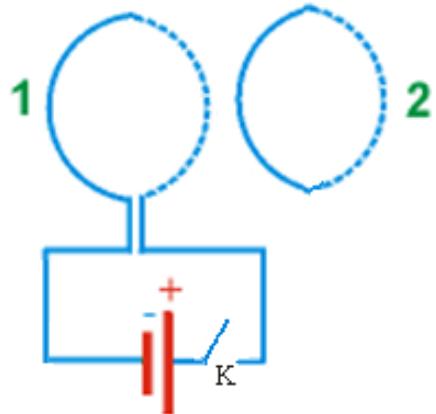


در شکل (الف) آهنربا رو به پایین حرکت می کند و در شکل (ب) جهت جریان القایی را در حلقه ساعتگرد است.

در شکل مقابل ابتدا کلید باز است.

الف) وقتی کلید را می‌بندیم جهت جریان القایی در حلقه(۲) در کدام جهت است ؟

ب) وقتی کلید را مجدداً باز می‌کنیم جهت جریان القایی در حلقه(۲) در کدام جهت است ؟

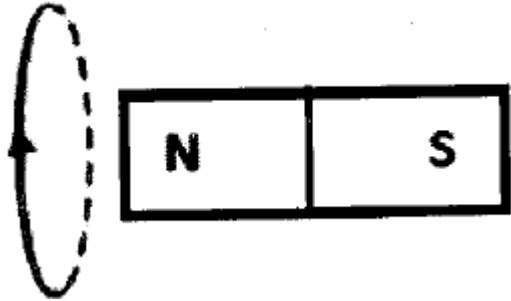


پاسخ:

الف) وقتی کلید را می‌بندیم، جریان درمدار اصلی روبرو به افزایش است لذا جهت جریان القایی در حلقه (۲) در خلاف جهت آن یعنی پاد ساعتگرد است .

ب) وقتی کلید را باز می‌کنیم، جریان درمدار اصلی رو به کاهش است، لذا جهت جریان القایی در حلقه (۲) هم جهت با آن یعنی ساعتگرد است.

در شکل زیر، با توجه به جریان القایی حلقه: الف) جهت حرکت آهنربارا با ذکر دلیل مشخص کنید. ب) برای آنکه جریان القایی در حلقه را بیشتر کنیم چه راههایی را پیشنهاد می‌دهید



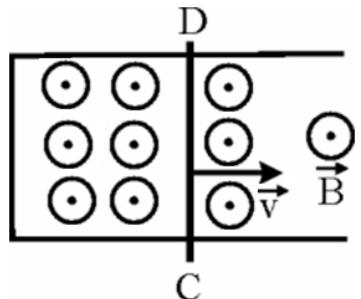
پاسخ:

الف) آهنربا از سیم‌لوله دور می‌شود. زیرا جهت میدان مغناطیسی القایی که به علت جریان القایی در حلقه وجود آمده هم جهت با میدان مغناطیسی آهن ربانست و طبق قانون لنز، چون جریان القایی درجهٔتی است که می‌خواهد با عامل بوجود آورنده اش (تغییر شار) مخالفت کند. پس میدان مغناطیسی آهن ربا در حال کاهش بوده و آهن ربا از سیم‌لوله دور می‌شود

ب) ۱) افزایش سرعت حرکت آهن ربا ۲) افزایش میدان مغناطیسی آهن ربا

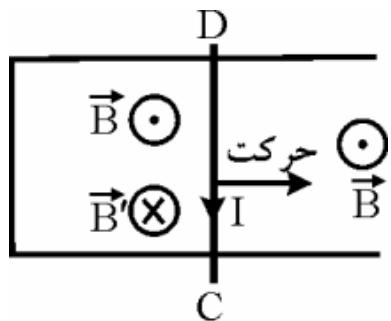
پرسش:

در شکل زیر، ریل فلزی دریک میدان مغناطیسی یکنواخت برونسو قرار دارد میله رسانای CD بر روی ریل با سرعت  $v$  به طرف راست حرکت می کند. جهت جریان القایی در میله CD را مشخص کنید.



پاسخ:

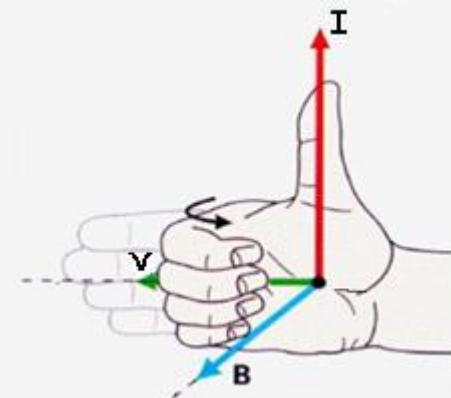
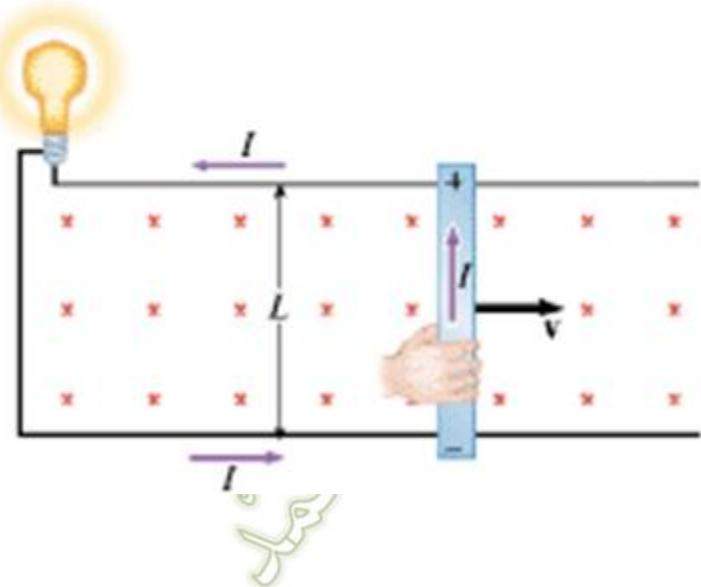
با حرکت میله CD، مساحت حلقه و در نتیجه شار گذرنده از حلقه افزایش می یابد. جریان القایی در مدار در جهتی ایجاد می شود که با افزایش شار مغناطیسی مخالفت کند. بنابراین، جریان در میله CD در جهتی ایجاد می شود که میدان مغناطیسی حاصل از آن  $B'$ ، در خلاف جهت میدان خارجی  $B$  باشد تا مانع افزایش شار شود. با معلوم شدن جهت میدان مغناطیسی القایی  $B'$  (که درونسو است)، جهت جریان القایی در میله CD مشخص می شود که از D به طرف C است.



## چگونه جهت جریان القایی در رسانای متحرک در میدان مغناطیسی را می‌توان تشخیص داد؟

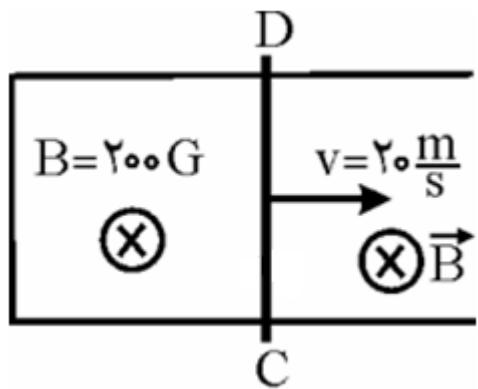
پاسخ:

اگر چهار انگشت دست راست، طوری در جهت حرکت رسانا ( $V$ ) گرفته شود که وقتی خم می‌شوند در جهت میدان خارجی قرار گیرند، آنگاه انگشت شست جهت جریان القایی را در رسانای متحرک نشان می‌دهد.



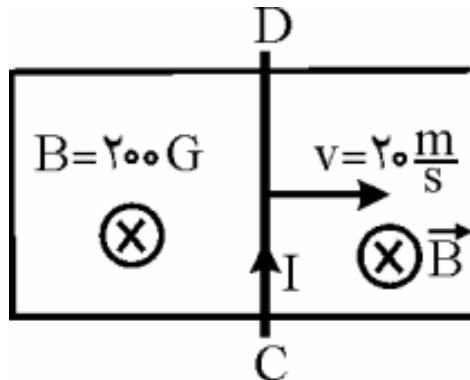
تمرین:

مطابق شکل زیر، میله‌رسانایی به طول  $cm\cdot 50$  و به مقاومت اهمی  $\Omega\cdot 100$  دریک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $G\cdot 200$  بر روی یک ریل فلزی با مقاومت ناچیز با سرعت ثابت  $m/s\cdot 20$  به طرف راست حرکت می‌کند. اندازه و جهت جریان القایی در حلقه را به دست آورید.

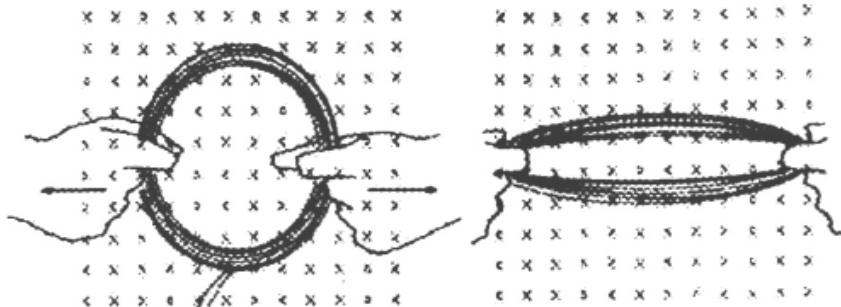


پاسخ:

$$I = 2mA$$



پیچه‌ای از چند دورسیم نازک انعطاف پذیر تشکیل شده و مطابق شکل (a) در میدان مغناطیسی یکنواخت و درون سو قرار دارد. اگر مطابق شکل (b) پیچه را از دو سمت آن بکشیم و مساحت پیچه کاهش یابد: (الف) جریان القایی در پیچه در کدام جهت برقرار می‌شود؟ (ب) طبق چه قانون فیزیکی جهت جریان مشخص می‌شود؟



(a)

(b)

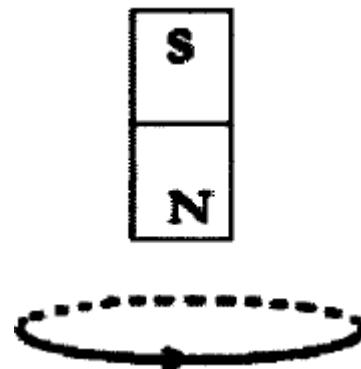
پاسخ:

الف) ساعتگرد

ب) قانون لنز

پرسش:

مطابق شکل حلقه و آهنربا در مقابل یکدیگر قرار دارند با توجه به جریان القا شده در حلقه، آهن ربادرحال دور شدن است یا نزدیک شدن به حلقه است؟



پاسخ:

نزدیک شدن

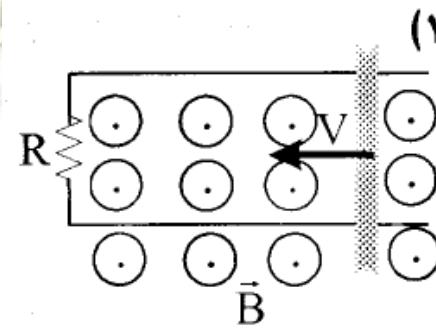
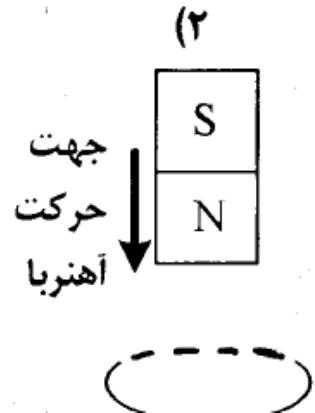
پرسش :

در شکل رو به رو با توجه به جهت جریان القایی در حلقه توضیح دهید، جریان در سیم راست در حال افزایش است یا کاهش؟



پرسش:

در شکل های زیر، جهت جریان القای روی هر مدار را نشان دهید.



پاسخ:

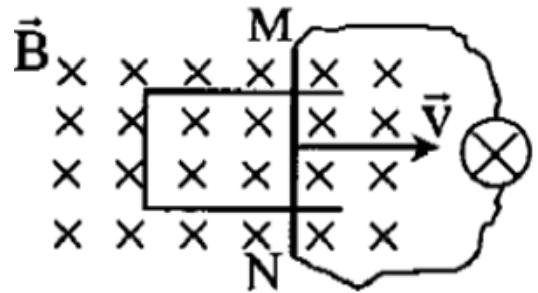
۱) پاد ساعتگرد

۲) پاد ساعتگرد

۳) ساعتگرد

پرسش:

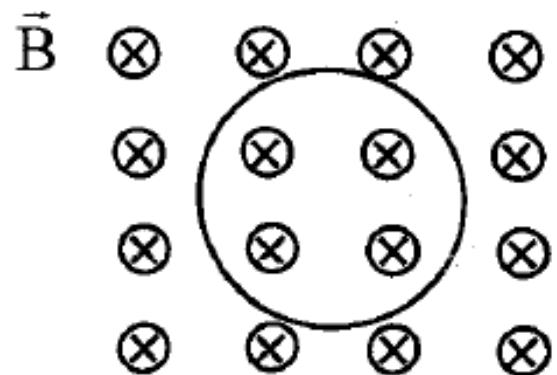
مطابق شکل، میله رسانای MN روی قاب مستطیل شکل بدون روکش، با سرعت  $v$  به طرف راست کشیده شده و لامپ روشن می شود علت را توضیح دهید و جهت جریان را در میله MN تعیین کنید.



پاسخ:

تغییر مساحت حلقه در میدان مغناطیسی، باعث تغییر شار مغناطیسی و ایجاد جریان القای شده و لامپ روشن می شود. جهت جریان در میله، از N به طرف M است

در شکل روبرو بزرگی میدان مغناطیسی  $\vec{B}$  در حال افزایش است. جهت جریان القای در حلقه‌رسانارا مشخص کنید.

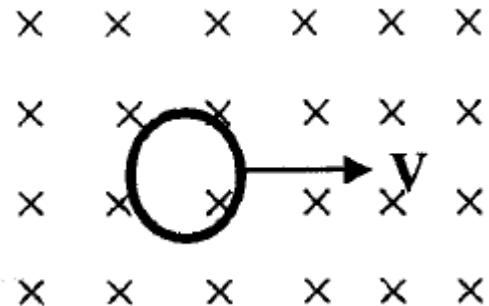


پاسخ:

جهت جریان پاد ساعتگرد است

پرسش:

هر گاه یک حلقه مطابق شکل رو به رو، با سرعت ثابت درون میدان مغناطیسی یکنواخت حرکت کند، توضیح دهید، آیا جریان القایی در حلقه بوجود می آید یا خیر؟

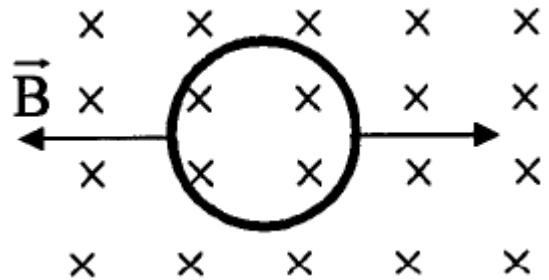


پاسخ:

چون شار مغناطیسی عبوری مقداری ثابت دارد پس جریان القایی به وجود نمی آید.

پرسش:

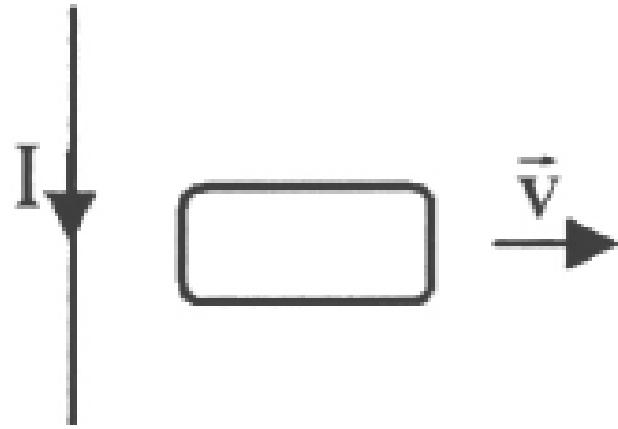
پیش بینی کنید اگر حلقه رسانای واقع در میدان مغناطیسی را مطابق شکل، از دو طرف بکشیم، به طوری که مساحت حلقه که از آن میدان می گذرد کم شود چه اتفاقی می افتد؟



پاسخ:

به دلیل این که مساحت حلقه و در نتیجه شار مغناطیسی درون حلقه تغییر می کند، در حلقه جریان القای ایجاد می شود.

در شکل مقابل ، جهت جریان القایی در حلقه را با ذکر دلیل تعیین کنید.

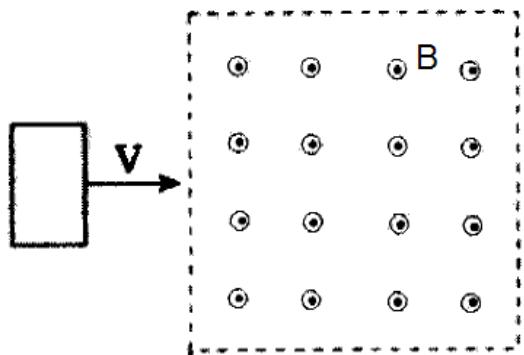


پاسخ :

جهت جریان در حلقه پاد ساعتگرد است، تامیدان مغناطیسی برون سوی ناشی از آن، با کاهش میدان مغناطیسی برون سوی سیم راست، مخالفت کند.

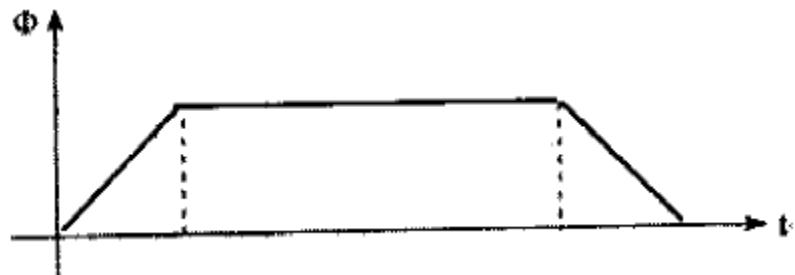
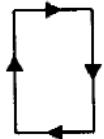
تمرین:

مطابق شکل، حلقه‌ی فلزی مستطیل شکلی با سرعت ثابت وارد میدان مغناطیسی یکنواخت بروند سو شده و از طرف دیگر آن خارج می‌شود: (الف) جهت جریان القایی را در حلقه، هنگام وارد شدن به میدان تعیین کنید. (ب) نمودار کیفی تغییرات شار مغناطیسی را که از حلقه می‌گذرد بر حسب زمان رسم کنید.

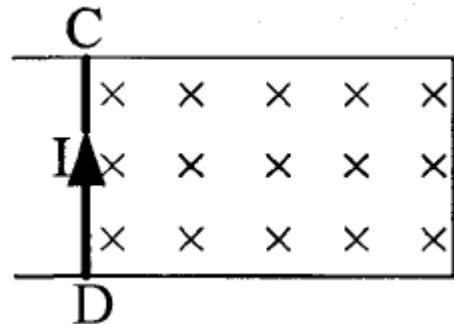


پاسخ:

ساعتگرد



در شکل رو به رو با توجه به جهت جریان القایی روی سیم CD وجهت میدان مغناطیسی، جهت حرکت سیم CD را تعیین کنید.



پاسخ:

باتوجه به جهت جریان القایی که شاردرون سو ایجاد می کند، و شاردرون سود رحال کاهش است پس سیم به سمت راست در حرکت است،

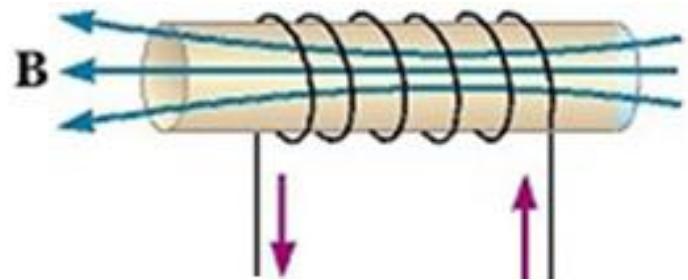
# موضوع : خود-القاوري



خروج

پرسش:

# القاگر چیست؟



پاسخ:

وسیله‌ای الکتریکی شبیه سیم پیچ با دو سر اتصال است که برای تولید میدان مغناطیسی و ذخیره انرژی مغناطیسی استفاده می‌شود.

نکته:

القاگر می‌توانند میدانهای مغناطیسی را در حجم‌های کوچک نگه دارند؛ هچنین می‌توان از آنها برای **ذخیره کردن انرژی** استفاده کرد.

پرسش:

## چه تفاوتی بین القاگر و خازن هنگام جدا شدن از مدار وجود دارد؟

پاسخ:

انرژی ذخیره شده در القاگر در هنگام جدا شدن از مدار تخلیه می شود ولی این انرژی در خازن می ماند.



شماره صفحه

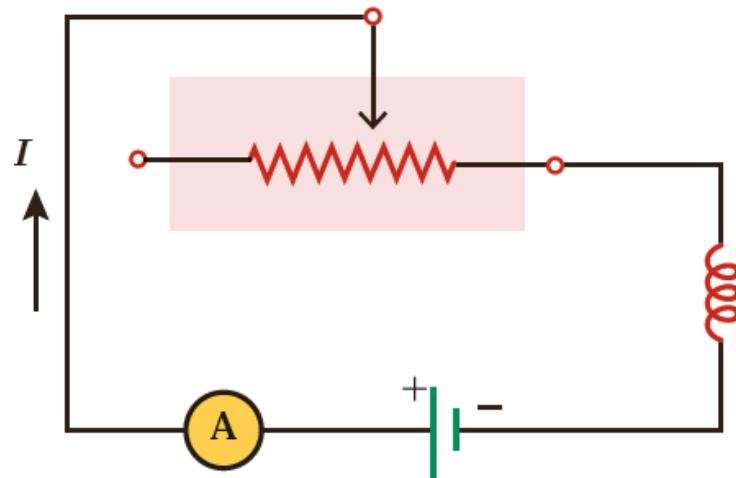


خروج

## خود- القاوری:

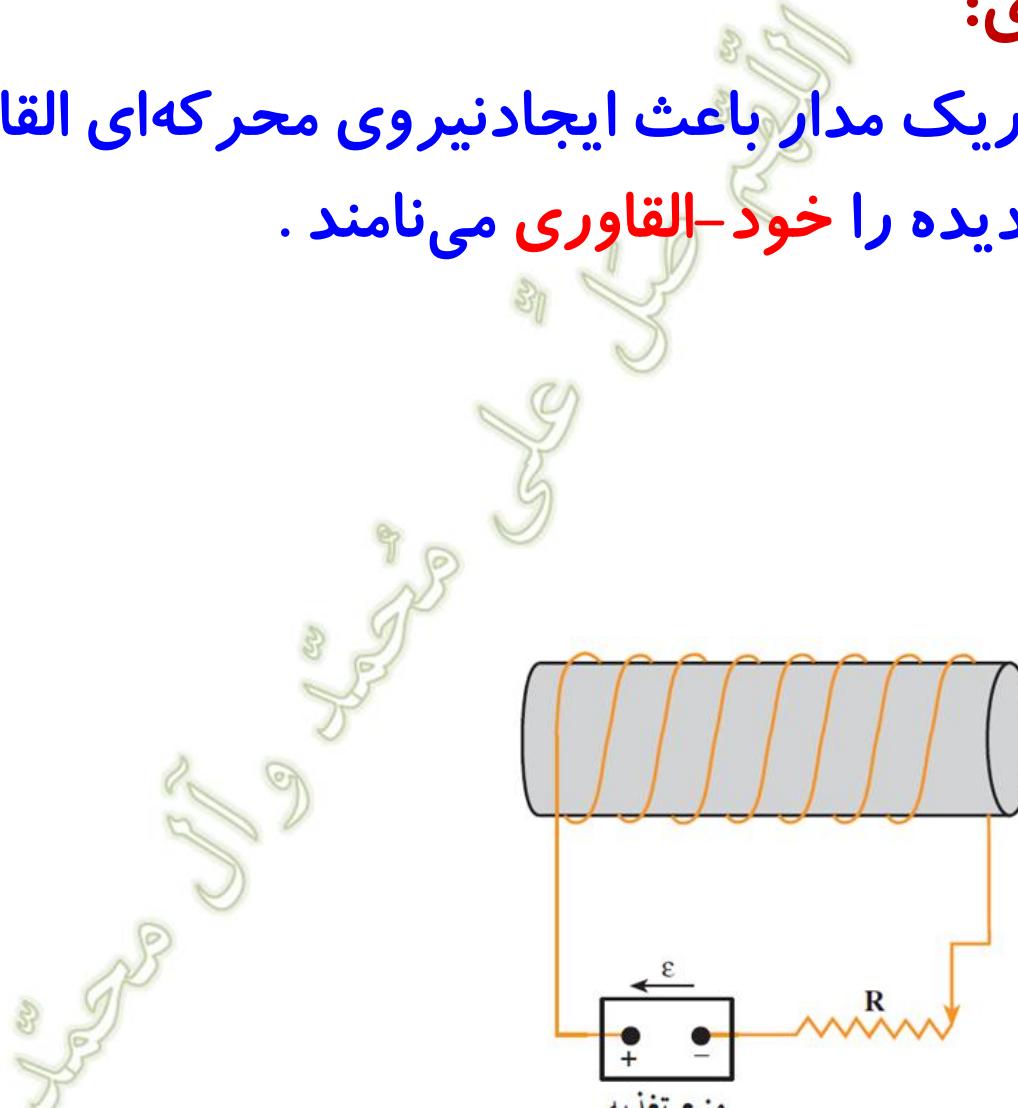
در مداری شامل القاگری (پیچه یا سیموله) باتری و رئوستا، آمپرسنج و القاگری است که به طور متوالی به یکدیگر بسته شده اند.

با تغییر مقاومت رئوستا، جریان در مدار تغییر می کند. تغییر جریان در مدار، سبب تغییر میدان مغناطیسی القاگر شده و در نتیجه شار مغناطیسی عبوری از آن نیز تغییر می کند. این فرایند سبب القای نیروی حرکه ای در القاگرمی شود که بنابر قانون لنز با تغییر جریان عبوری از آن مخالفت می کند. این پدیده را اثر خود- القاوری نامیده می شود.



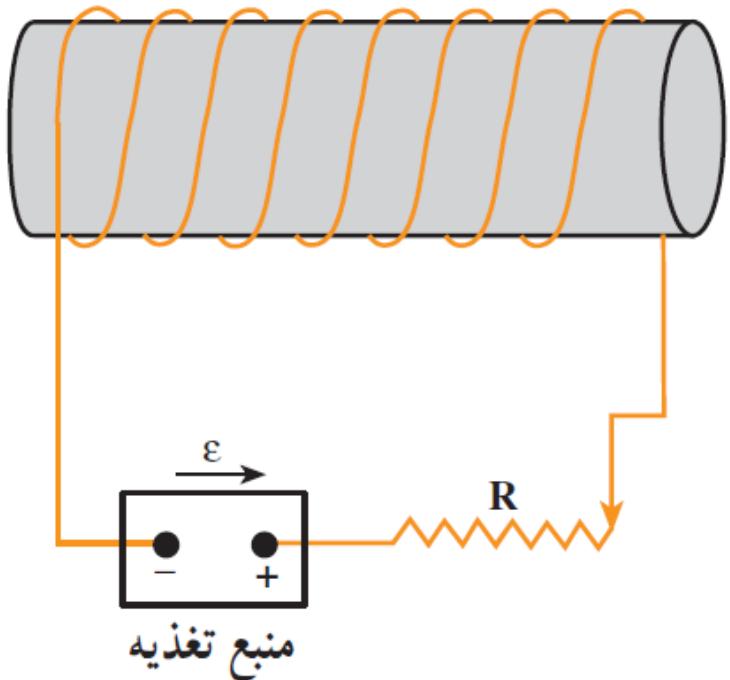
## خود - القاوری:

تغییر جریان در یک مدار باعث ایجاد نیروی محرکه‌ای القایی در همان مدار می‌شود، این پدیده را خود-القاوری می‌نامند.



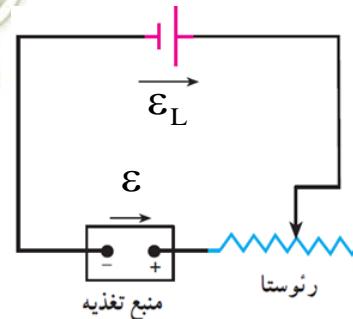
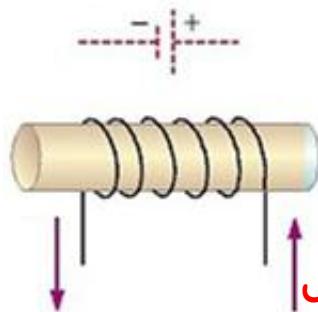
## نیروی محرکه‌ی خودالقاوری: $E_L$

اگر جریان گذرنده از سیم‌لوله تغییر کند، به علت تغییر شارمغناطیسی گذرنده از آن، نیروی محرکه‌ای در خوددار القای شود که با عامل تغییر شارمغناطیسی که در اینجا تغییر جریان است مخالفت کند.

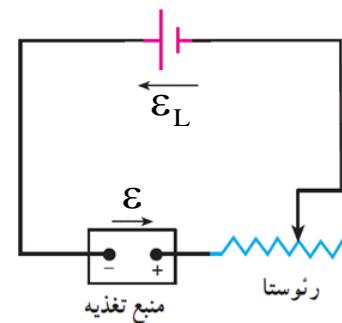
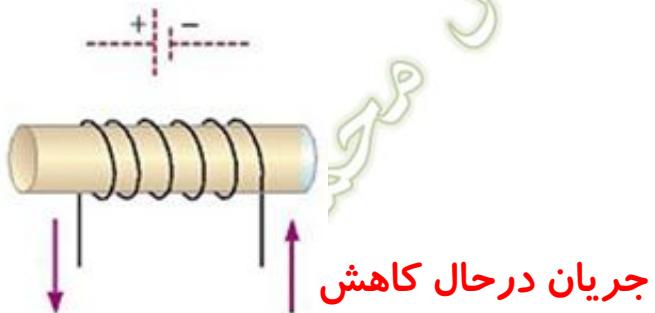


نکته:

هرگاه جریان در مدار اصلی رو به افزایش باشد، جهت جریان خود-القاوری خلاف جهت جریان در مدار اصلی است.



هرگاه جریان در مدار اصلی رو به کاهش باشد. جهت جریان خود-القاوری هم جهت با جهت جریان در مدار اصلی است.

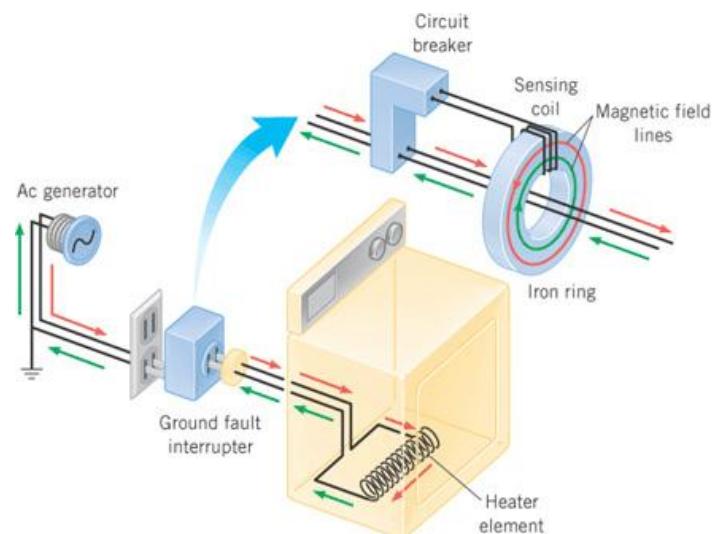


نکته:

به هر قسمتی از یک مدار که خاصیت خودالقاوری داشته باشد، القاگرمی گویند.

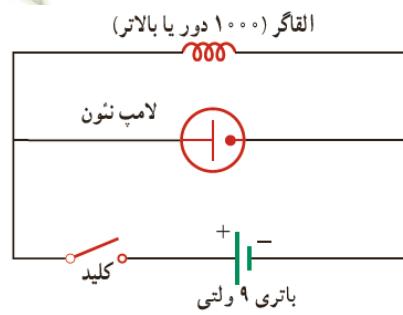
پیچه و سیم لوله در مداری با جریان متغیر القاگردند.

اثر خودالقاوری مخصوص جریان های متغیر است و در مدارهای جریان پیوسته تنها به هنگام قطع و وصل کلید مدار ایجاد می گردد.



پرسش:

## آزمایشی را طراحی کنید که اثر القاوری را نشان دهد؟



یک لامپ نئون را بطور موازی با یک القاگر و موازی با باتری و کلید وصل می کنیم.

در موقع وصل، نیروی محرکه خود القایی در دوسر القاگر ایجاد می شود و از افزایش جریان داخل آن جلوگیری می کند، بنابراین جریان برای لحظه کوتاهی از داخل لامپ نئون موازی با القاگر می گذرد و لامپ روشن و خاموش می شود.

در موقع قطع، نیروی محرکه خود القایی در دوسر القاگر ایجاد می شود که با کاهش جریان داخل آن مخالفت می کند، بنابراین جریان برای لحظه کوتاهی جریان از داخل لامپ نئون موازی با القاگر می گذرد و لامپ نئون روشن و خاموش می شود.

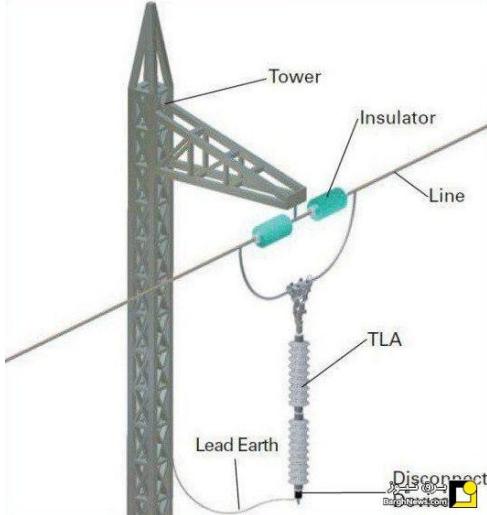


پرسش:

## چرا از القاگرها در سامانه های انتقال برق استفاده می شود؟

پاسخ:

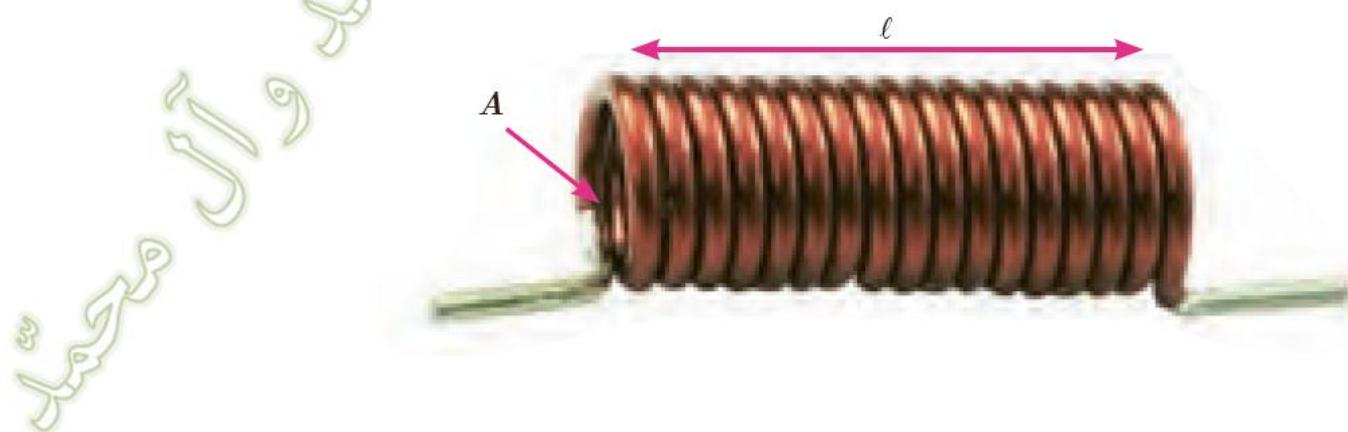
در اثر برخورد آذرخش به بخشی از یک سامانه انتقال برق، به طور ناگهانی ولتاژ افزایش یافته که می تواند به اجزای سامانه و هر چیز دیگری که به آن وصل باشد آسیب برساند. اضافه کردن القاگرهای بزرگی در مسیر سامانه انتقال باعث می شود که با هر تغییر سریع در جریان مخالفت کند و آثار مخرب آن را فرو نشاند.



## ضریب القاوری: با نماد L نمایش داده می شود

این پارامتر، ویژگی های فیزیکی القاگر را نشان می دهد و به عواملی همچون تعداد دور، طول و سطح مقطع القاگر و جنس هسته ای که داخل آن قرار می گیرد بستگی دارد.

یکای ضریب القاوری در SI، اهم. ثانیه ( $\Omega \cdot \text{س}^{-1}$ ) است که هانری نامیده و با نماد H نشان داده می شود.



# ضریب القاوری به چه عواملی بستگی دارد؟

$$L = \frac{AK\mu \cdot N^r}{l}$$

به جریان عبوری از سیم لوله

ندارد:

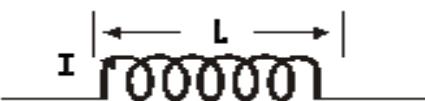
شار مغناطیسی عبوری از سیم لوله

$$L \propto N^r$$

$$L \propto A$$

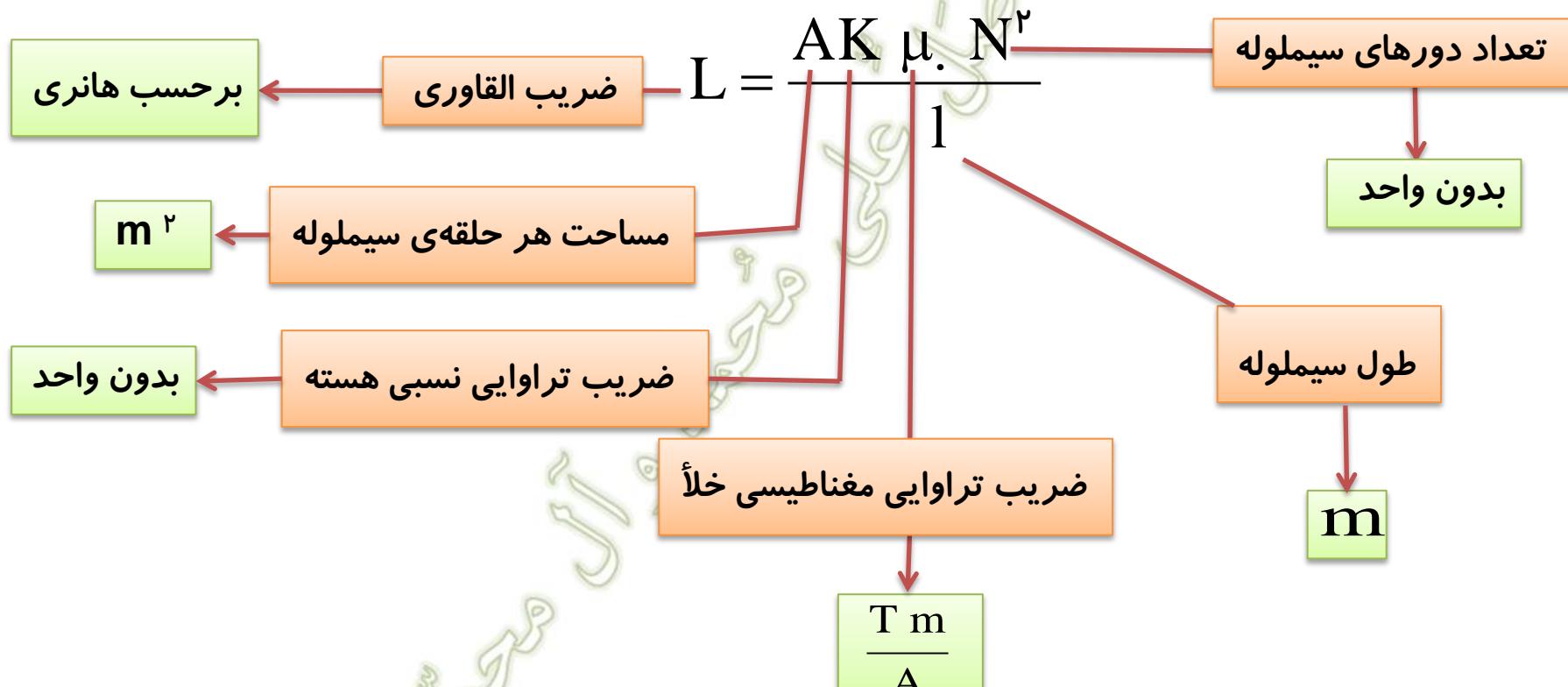
$$L \propto \frac{1}{l}$$

$$L \propto K$$



دارد: به مشخصات ساختمانی سیم‌لوله بستگی دارد

# فرمول ضریب القاوری سیملوله:



ضریب تراوایی مغناطیسی نسبی هسته برای خلأ و هو  $K=1$  و برای سایر ماده‌های مغناطیسی  $K > 1$  است.

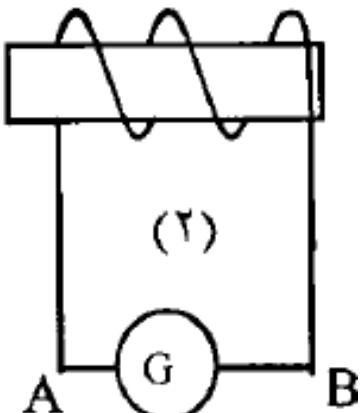
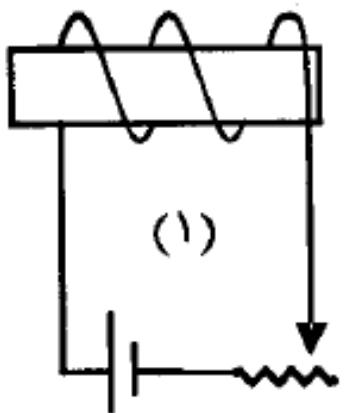
در شکل زیر، مقاومت رئوستادر حال افزایش است گزینه صحیح را مشخص کنید.

الف) جهت میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله (۱) (از چپ به راست- راست به چپ) است.

ب) شاری که از سیم‌لوله (۲) می‌گذرد در حال (افزایش- کاهش) است.

پ) جهت جریان القایی در سیم‌لوله (۲) در گالوانومتر (از A به B - از B به A) می‌باشد.

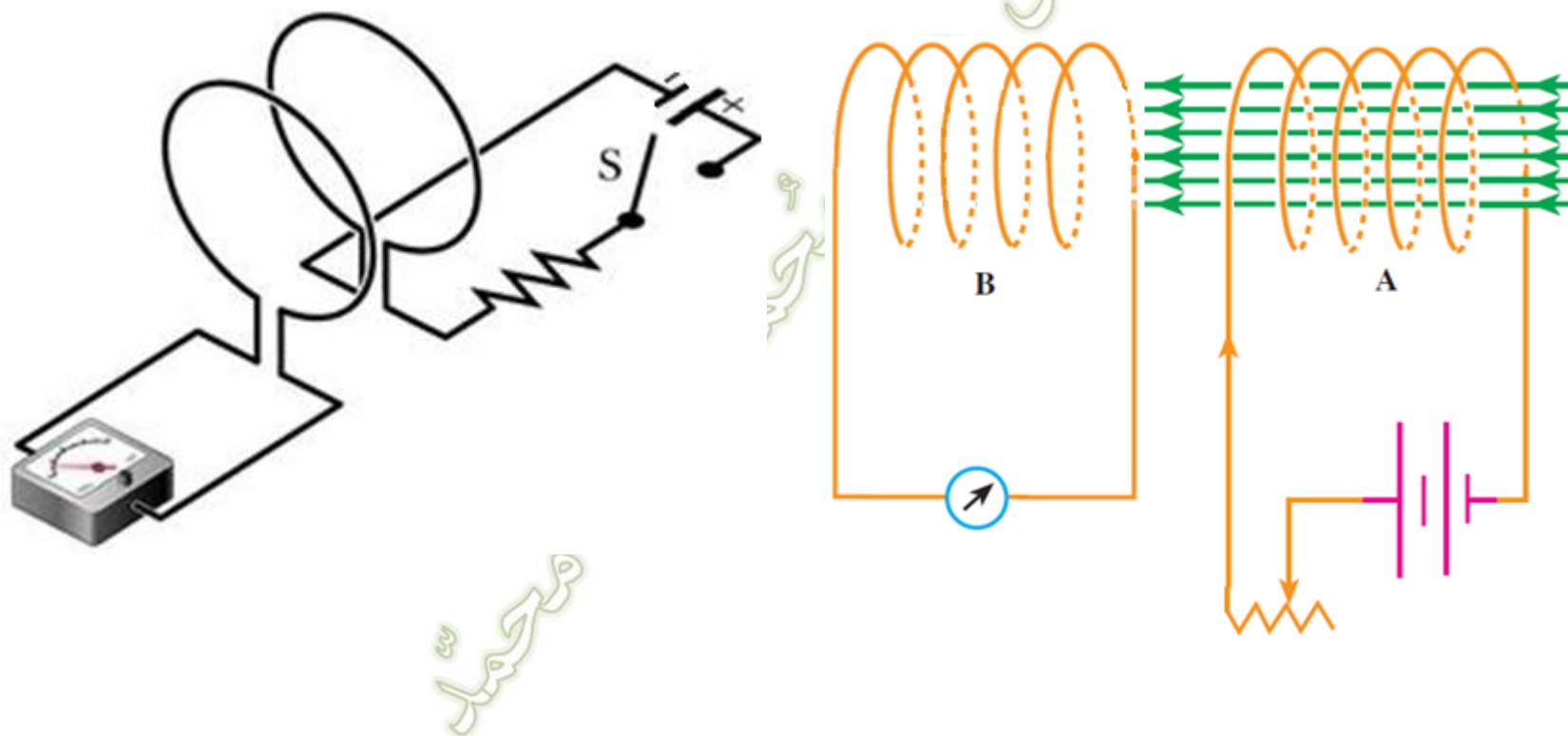
پاسخ:



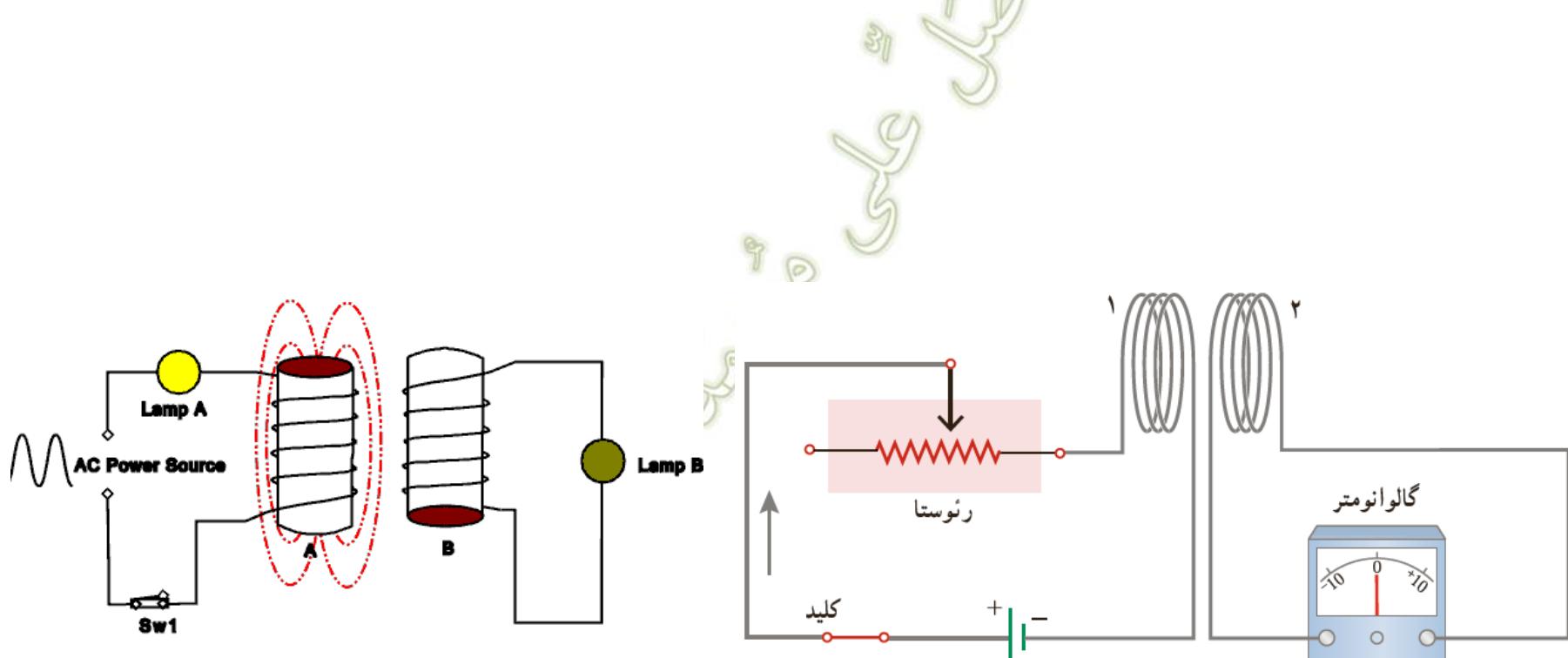
- الف) از چپ به راست  
ب) کاهش  
پ) از A به B

## القای متقابل:

تغییر جریان در یک مدار باعث تغییر شار مغناطیسی در مدار دیگر و ایجاد نیروی محرکه القایی می شود.



با تغییر مقاومت رُوستا و تغییر جریان عبوری از پیچه ۱ شار عبوری از پیچه ۲ نیز تغییر می‌کند. این تغییر شار، سبب ایجاد نیروی محرکه الایی در پیچه ۲ می‌شود. هم زمان تغییر جریان در پیچه ۲، سبب ایجاد نیروی محرکه الایی در پیچه ۱ می‌گردد.

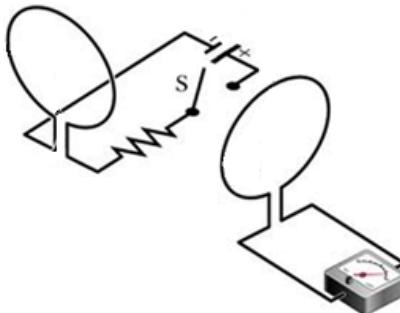
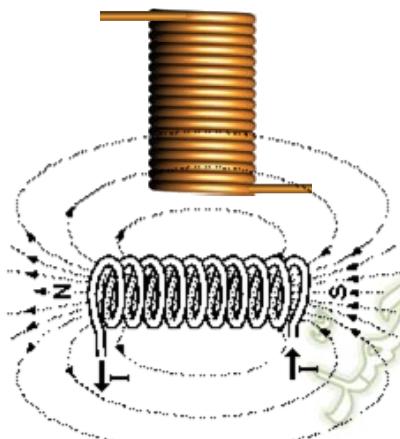


پرسش:

# برای جلوگیری از اثرات مخرب القای متقابل در مدارات الکتریکی چه باید کرد؟

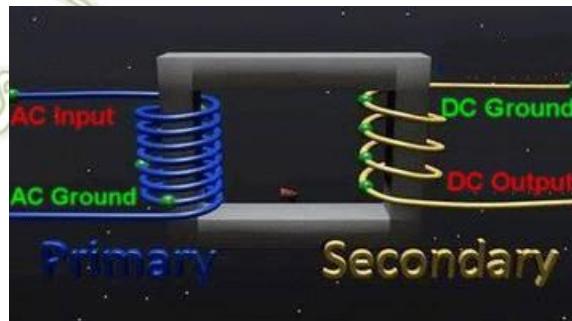
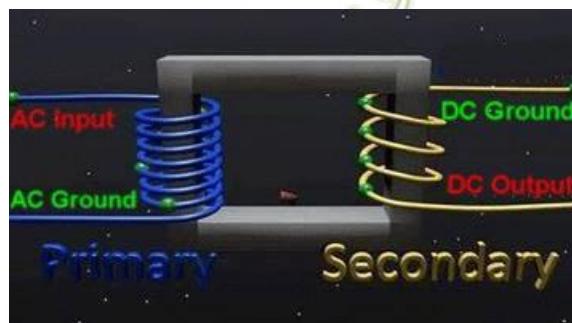
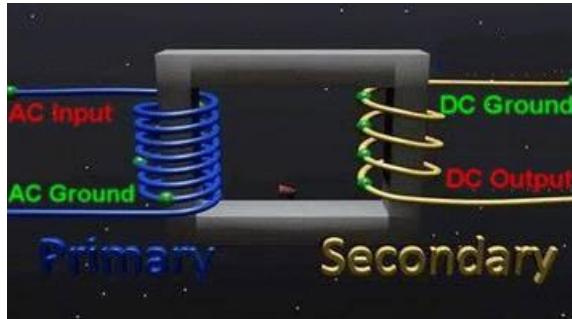
پاسخ:

سطح حلقه های القاگرهای مجاور را به طور عمود بر یکدیگر قرار داد در این صورت، اثر القای متقابل تا حدامکان کوچک می شود(چون خطوط میدان موازی سطح حلقه ها می گذرد)



نکته:

## اساس کار ترانسفورماتورها، القای متقابل است

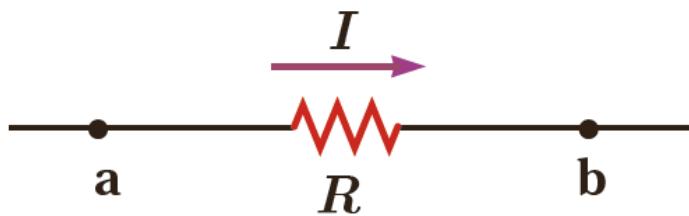


پرسش:

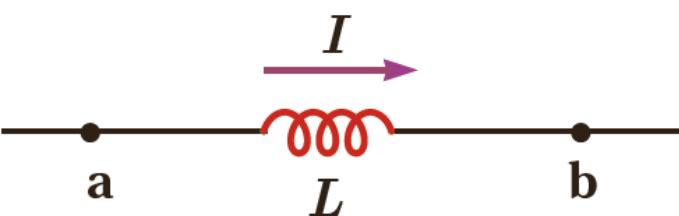
مقاومت و القاگر آرمانی (سیم پیچ بدون مقاومت)، دربرابر جریان الکتریکی ثابت یا متغیر چه عکس العملی از خود نشان می دهند؟

پاسخ:

هنگام عبور جریان از مقاومت، انرژی وارد آن می شود، جریان چه پایا باشد و چه تغییر کند، این انرژی در مقاومت به انرژی گرمایی تبدیل می شود؛ در حالی که در یک القاگر آرمانی (با مقاومت صفر) تنها وقتی انرژی وارد القاگر می شود که جریان در آن افزایش یابد. این انرژی تلف نمی شود؛ بلکه در میدان مغناطیسی القاگر ذخیره شده و هنگام کاهش جریان، انرژی ذخیره شده آزاد می شود.



انرژی در مقاومت تلف می شود.



انرژی در القاگر در هنگام افزایش  
جریان ذخیره شده و در هنگام  
کاهش جریان آزاد می شود.



پرسش:

## چگونگی ذخیره شدن انرژی در القاگر را شرح دهید؟

پاسخ:

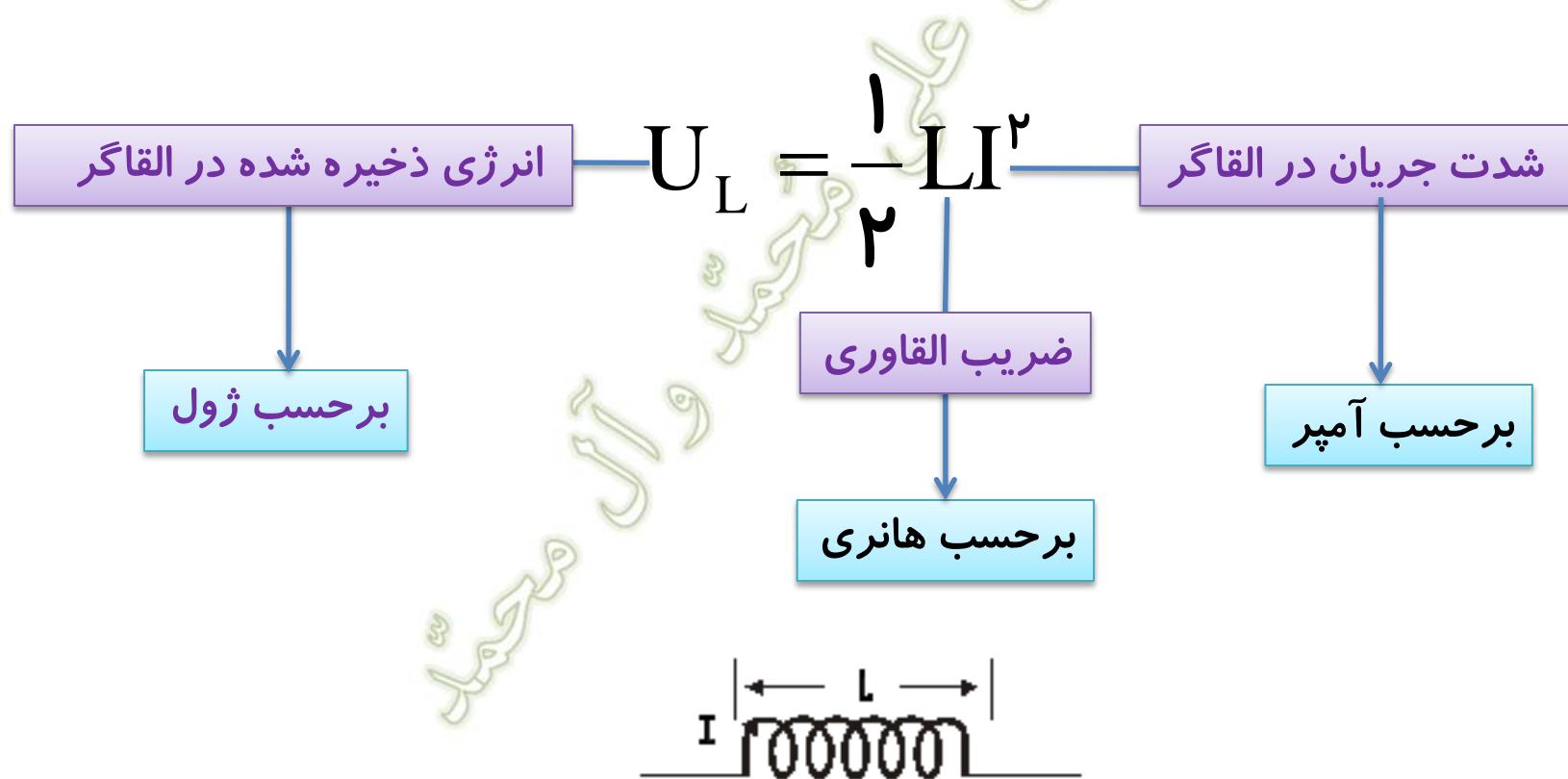
وقتی دوسر القاگری به مولدوصل می شود، یک نیروی محرکه در القاگراییجاد می شود که با برقراری آنی جریان درمدار مخالفت می کند. همین مخالفت باعث می شود باتری انرژی بیشتری (در مقایسه با مداری که فاقد القاگر است) مصرف کنده تا جریان به حدنهایی اش برسد. بخشی از انرژی در مقاومت های موجود به صورت گرمای تلف می شود و بقیه آن در میدان مغناطیسی ذخیره می شود و در صورت کاهش جریان (مثلأقطع القاگر از باتری) انرژی آزاد می شود.

اگر جریان عبوری از القاگر پایا (ثبت) باشد، انرژی آن ثابت می ماند.



## انرژی ذخیره شده در القاگر:

هنگامی که به دو سر القاگری اختلاف پتانسیل وصل کنیم، از طرف مولده القاگر انرژی داده می‌شود. بخشی از این انرژی در مقاومت  $R$  تلف شده و بقیه آن در میدان مغناطیسی سیم لوله ذخیره می‌شود. این انرژی از رابطه زیر بدست می‌آید:



۱- تعداد حلقه های سیم‌لوله‌ای بدون هسته، به طول  $2/8\text{ cm}$  و سطح  $1\cdot\text{cm}^2$  چه تعداد باشد تا ضریب القاوری آن  $1\text{ H}$  شود؟

$$K = 1$$

$$l = 2/8 \times 1 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$A = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = ?$$

$$L = 1\text{ H}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 1 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu \cdot N^2}{1}$$

$$N^2 = \frac{l \cdot L}{AK\mu}$$

$$N^2 = \frac{2/8 \times 1 \cdot 10^{-2} \times 1}{1 \cdot 10^{-3} \times 1 \times 4 \times 3/14 \times 1 \cdot 10^{-7}}$$

$$N^2 = 22 \times 10^6 \rightarrow N \approx 4.7 \times 10^3$$

پاسخ:



۲- دو سیم‌لوله بدون هسته با سطح مقطع و تعداد دور یکسان را در نظر بگیرید. اگر طول یکی از سیم‌لوله‌ها دو برابر دیگری باشد، ضریب القاوری آش چند برابر دیگری است؟

پاسخ:

$$\left\{ \begin{array}{l} K = 1 \\ A_r = A_1 \\ N_r = N_1 \\ l_r = 2l_1 \\ L_r = ?L_1 \end{array} \right.$$

$$\frac{L_r}{L_1} = \frac{A_r}{A_1} \times \frac{K_r}{K_1} \times \frac{l_1}{l_r} \times \left( \frac{N_r}{N_1} \right)^2$$

$$\frac{L_r}{L_1} = \frac{l_1}{2l_1}$$

$$L_r = \frac{1}{2} L_1$$



تمرین:

سیم‌لوله‌ای با سطح مقطع  $5 \text{ cm}^2$  اداری  $500$  دور و طول آن برابر  $5 \text{ cm}$  است.  
ضریب القاوری آن را به دست آورید. درون سیم‌لوله، هسته‌ای وجود ندارد.

پاسخ:

$$L = 6/28 \text{ mH}$$

$$A = 1 \cdot \text{cm}^2 = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 500$$

$$l = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m}$$

$$L = ?$$

$$K = 1$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu_0 N^2}{l}$$

$$L = \frac{1 \cdot 10^{-4} \times 1 \times 4 \times 3.14 \times 10^{-7} \times 25 \times 10^2}{0.05}$$

$$L = 6/28 \times 10^{-3} \text{ H} = 6/28 \text{ mH}$$



تمرین:

سیم‌لوله‌ای بدون هسته با سطح مقطع  $1 \cdot \text{cm}^2$  و طول  $5 \cdot \text{cm}$  دارای ضریب خودالقایی  $H = 1$ . است تعداد حلقه‌های سیم‌لوله را تعیین کنید.

پاسخ:

$N \approx 2000$

$K = 1$

$A = 1 \cdot \text{cm}^2 = 1 \times 1 \cdot 10^{-4} \text{m}^2$

$l = 5 \cdot \text{cm} = .5 \text{m}$

$L = .1 \text{H}$

$N = ?$

$\mu_0 = 4\pi \times 1 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$

$L = \frac{AK\mu_0 N^2}{l} \rightarrow N^2 = \frac{Ll}{K\mu_0 A}$

$N^2 = \frac{.1 \times .1 \times .5}{1 \times 4 \times 3.14 \times 1 \cdot 10^{-7} \times 1 \cdot 10^{-4}} \rightarrow N \approx 2000$



سیم‌لوله آرمانی بدون هسته ای به طول  $144\text{ cm}^3$  و با حلقه هایی به مساحت  $144\text{ cm}^2$ ، شامل  $N=2000$  حلقه نزدیک به هم است و جریان  $I=1\text{ A}$  از آن می‌گذرد. ضریب القاوری و انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله را حساب کنید.

$$K = 1$$

$$l = 22 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$A = 144 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 2000$$

$$L = ?$$

$$I = 1\text{ A}$$

$$U = ?$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu \cdot N^2}{l}$$

$$L = \frac{144 \times 10^{-4} \times 1 \times 4 \times 3 / 14 \times 10^{-7} \times (2 \times 10^3)^2}{22 \times 10^{-3}}$$

$$L \approx 1 \times 10^{-3} \text{ H} = 1 \text{ mH}$$

$$U_L = \frac{1}{2} LI^2 \rightarrow U_L = \frac{1}{2} \times 10^{-3} \times 1 / 1^2$$

$$U_L = 1 / 445 \times 10^{-3} \text{ J} = 1 / 445 \text{ mJ}$$

پاسخ:



تمرین:

از سیم‌لوله‌ای به طول  $14\text{ cm}$  و سطح مقطع  $25\text{ cm}^2$  که دارای  $300$  دور است،  
جریان  $1.0\text{ A}$  می‌گذرد. انرژی ذخیره شده در آن چقدر است؟

$$l = \frac{\pi}{14} \times 1.0^{-2} \text{ m}$$

$$A = 25 \times 1.0^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 300$$

$$I = 1.0\text{ A}$$

$$U_L = ?$$

$$K = 1$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 1.0^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = ?$$

$$L = \frac{AK\mu_0 N^2}{1}$$

$$L = \frac{25 \times 1.0^{-4} \times 1 \times 4 \times \frac{\pi}{14} \times 1.0^{-7} \times 300^2}{\frac{\pi}{14} \times 1.0^{-2}}$$

$$L = 4 \times 1.0^{-3} \text{ H}$$

$$U_L = \frac{1}{2} LI^2$$

$$U_L = \frac{1}{2} \times 4 \times 1.0^{-3} \times 1.0^2 = .2\text{ J}$$

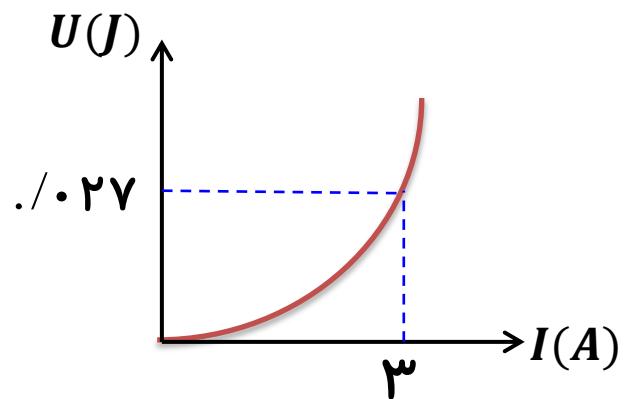
پاسخ:

$$U_L = .2\text{ J}$$



تمرین:

شکل زیر، نمودار انرژی ذخیره شده در سیم‌وله بر حسب جریان گذرنده از آن است. ضریب القاوری سیم‌وله چند میلی هانری است؟



پاسخ :

$$L = 6 \text{ mH}$$



تمرین:

سیم‌وله‌ای با ضریب القاوری  $0.4$ . هانری و مقاومت  $6$  اهمی رابه اختلاف پتانسیل  $12$  ولت وصل می‌کنیم. بیشترین انرژی ذخیره شده در سیم‌وله را حساب کنید.

پاسخ:

$$U_L = 0.8J$$



تمرین:

سیم‌لوله‌ای شامل  $25 \times 16 \text{ cm}^2$  مقطع با سطح  $16 \text{ cm}^2$  و طول  $25 \text{ cm}$  جریان  $A$  از آن می‌گذرد، انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله را حساب کنید.

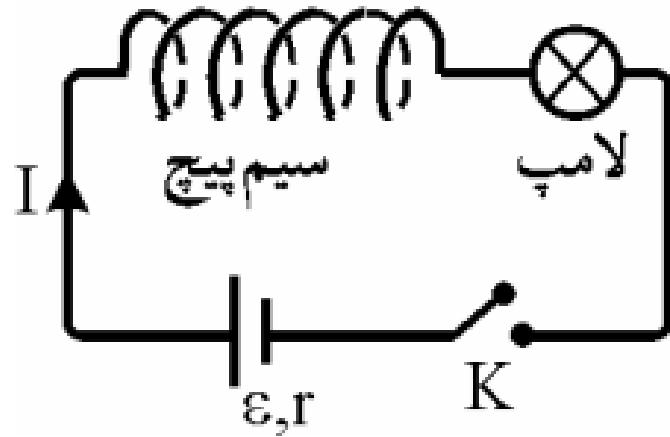
پاسخ:

$$U_L = .104 \text{ J}$$



پرسش:

# در مدار شکل زیر، با وصل کلید K نور لامپ چگونه تغییر می‌کند؟



پاسخ:

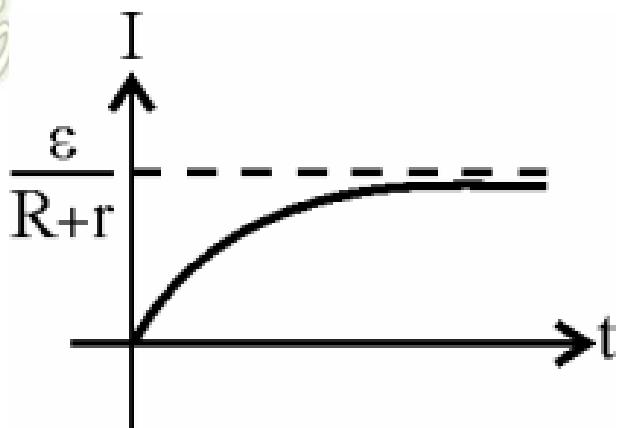
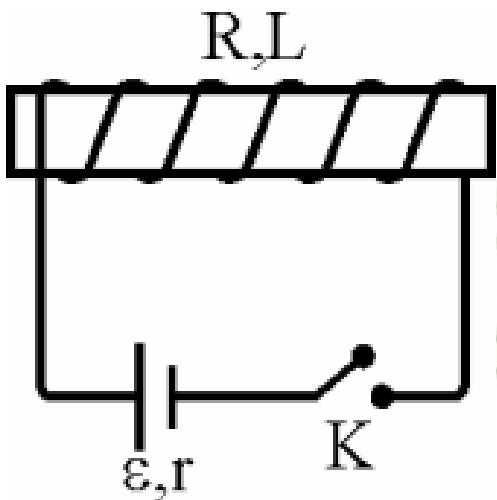
درست بلا فاصله بعد از وصل کلید، به علت اثر خود القایی شدید، سیم پیچ مانند یک مقاومت بسیار بزرگ (کلید باز) رفتار می‌کند و روشنایی لامپ بسیار ناچیز می‌شود (لامپ خاموش) با گذشت زمان اثر خود القایی آن کاهش می‌یابد و روشنایی لامپ افزایش می‌یابد. بعد از مدتی جریان ثابت می‌شود و اثر خود القایی ازین رفته و روشنایی لامپ ثابت خواهد ماند

بنابراین لامپ ابتدا بسیار کم نور است و سپس نور آن افزایش می‌یابد و در نهایت نور آن ثابت می‌ماند.



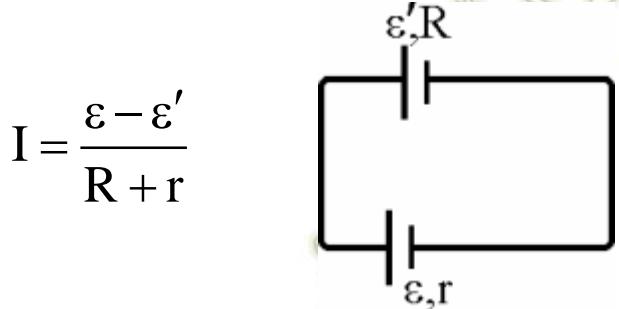
## مدار $R-L$ در اتصال به باتری

سیم‌لوله‌ای با مقاومت اهمی  $R$  و ضریب القاوری  $L$  را مطابق شکل در مداری قرار می‌دهیم.  
اگر کلید بسته شود، نمودار جریان - زمان به صورت زیر خواهد شد .



# چگونگی تغییر جریان با زمان را در مدار L-R توجیه کنید؟

با وصل کلید، جریان مدار از صفر افزایش می‌یابد. در این مدت سیم پیچ مانند یک باتری عمل خواهد کرد که با باتری اصلی به صورت شکل رو به رو بسته شده باشد و داریم:

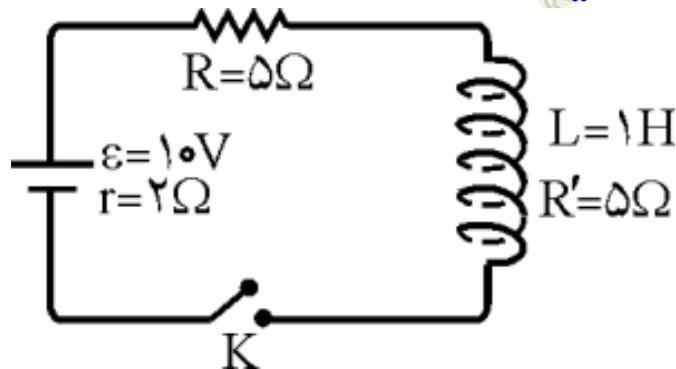


درست بلافاصله بعد از وصل کلید، جریان مدار صفر، بنابراین نیروی محرکه‌ی خودالقایی عبارت نیروی محرکه‌ی باتری است. با گذشت زمان، آهنگ تغییر جریان کاهش یافته و در نتیجه نیروی محرکه‌ی خودالقایی عکاشه و جریان مدار افزایش خواهد یافت. بعد از مدت کوتاهی آهنگ تغییر جریان صفر می‌شود. بنابراین نیروی محرکه‌ی خودالقایی از بین رفته و جریان به مقدار ثابت و نهایی خود یعنی  $\frac{\epsilon}{R+r} = I$  می‌رسد.



تمرین:

در مدار شکل زیر، درست بلافاصله پس از وصل کلید، شدت جریان مدار و اختلاف پتانسیل دو سر سیم پیچ را محاسبه کنید.



پاسخ:

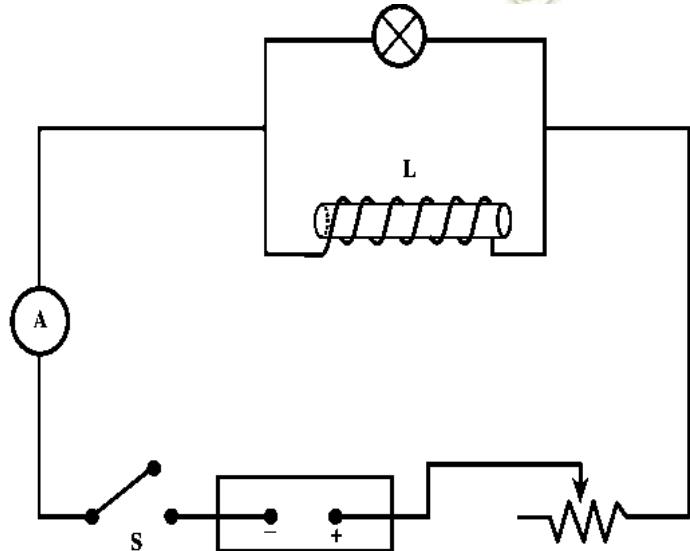
درست بلافاصله پس از وصل کلید به علت اثر خود القایی شدید سیم‌وله، جریانی از مدار نمی‌گذرد و  $I=0A$  است. بنابراین افت پتانسیل در مقاومت‌های  $R'$ ،  $R$  و  $r$  برابر صفر شده و اختلاف پتانسیل دو سر سیم پیچ برابر نیروی محرکه‌ی باتری خواهد شد.

$$V_L = \varepsilon = 10V$$



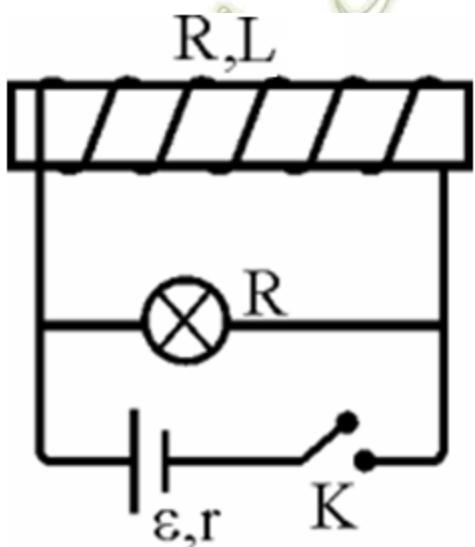
پرسش:

در مدار شکل زیر، یک سیم‌لوله‌ی با یک لامپ موازی شده است. کلید را بسته و بعد از مدتی باز می‌کنیم. روشنایی لامپ در این مدت چگونه تغییر می‌کند؟

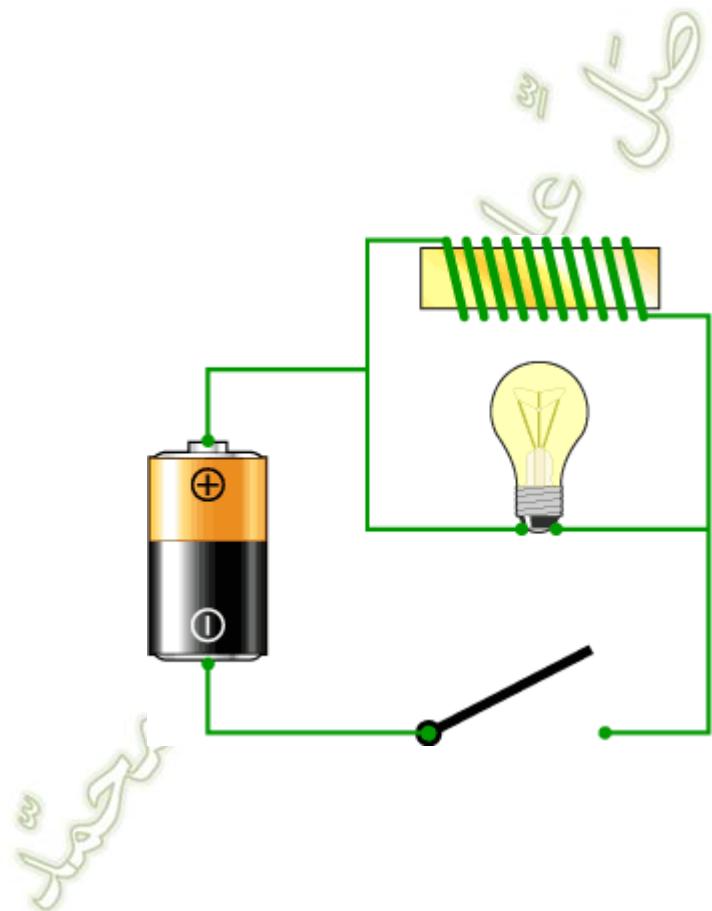


درست **بلافاصله پس از وصل** کلید، به علت اثر خود القایی شدید سیم‌وله که با لامپ موازی شده است، از سیم‌وله جریانی نمی‌گذرد و تمام جریان از لامپ گذشته، **لامپ پرنور** می‌شود **بعد از مدت کوتاهی** اثر خود القایی از بین رفته در نتیجه مقداری جریان نیز از سیم‌وله می‌گذرد **ونور لامپ** کم شده و ثابت می‌ماند.

در **لحظه قطع** کلید به علت کاهش جریان گذرنده از سیم‌وله، سیم‌وله مانند یک مولد، باعث می‌شود که لامپ با شدت نور بیشتری روشن مانده و سپس **خاموش** شود.

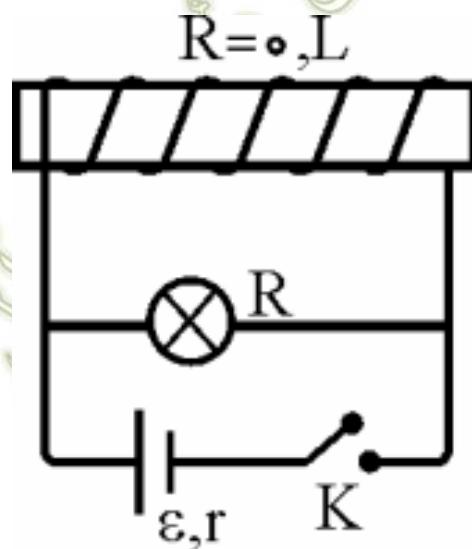


در مدار شکل زیر، یک سیم‌ملوکه‌ایده‌آل ( مقاومت اهمی ناچیز ) با یک لامپ موازی شده است .  
کلیدرا بسته و بعد از مدتی باز می‌کنیم . روشنایی لامپ در این مدت چگونه تغییر می‌کند ؟



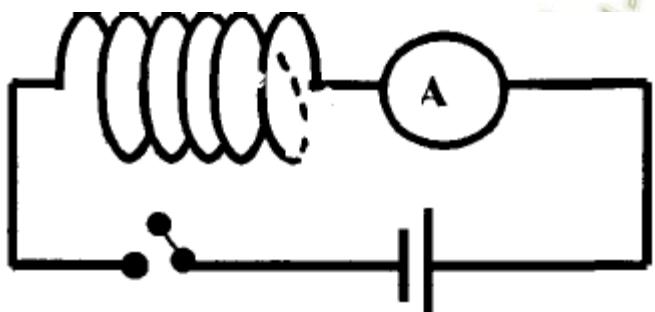
درست **بلافاصله** پس ازوصل کلید، به علت اثر خود القایی شدید سیم‌وله که با لامپ موازی شده است، از سیم‌وله جریانی نمی‌گذرد و تمام جریان از لامپ گذشته، **لامپ پرنور** می‌شود **بعد از مدت کوتاهی** اثر خود القایی از بین می‌رود و چون سیم‌وله مقاومت اهمی ندارد، مانند اتصال کوتاه عمل می‌کند و جریان از لامپ نمی‌گذرد و **لامپ خاموش** می‌شود.

در لحظه‌ی قطع کلید به علت کاهش جریان گذرنده از سیم‌وله، سیم‌وله مانند یک مولد، باعث می‌شود که **لامپ باشد نور بیشتری روشن مانده** و سپس **خاموش** شود.



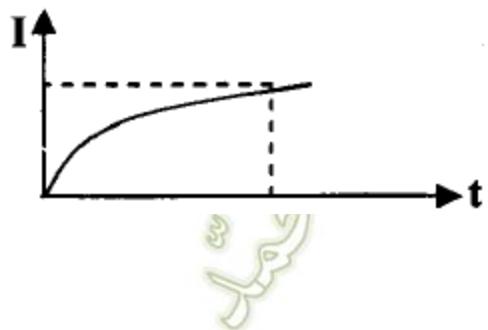
تمرین:

در مدارشکل رو به رو، نمودار کیفی تغییرات شدت جریان بر حسب زمان را به هنگام بستن کلید رسم نمایید و بنویسید این آزمایش نشانگر چه پدیده‌ای است؟



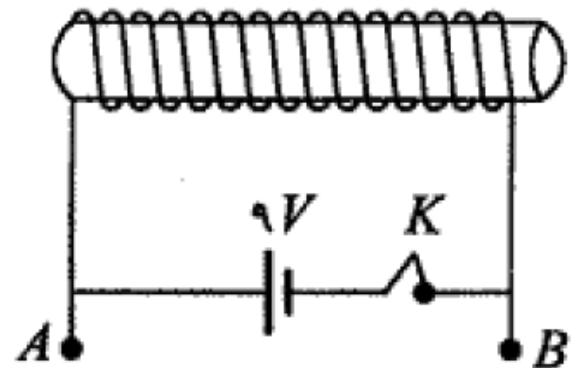
پاسخ:

پدیده‌ی خود-القاوری



تمرین:

در شکل رو به رودانش آموزی نقاط A و B را بادست خود گرفته و دوستش کلید K را قطع می کند، هنگام قطع کلید دانش آموز احساس برق گرفتگی می کند. علت آن را توضیح دهید.



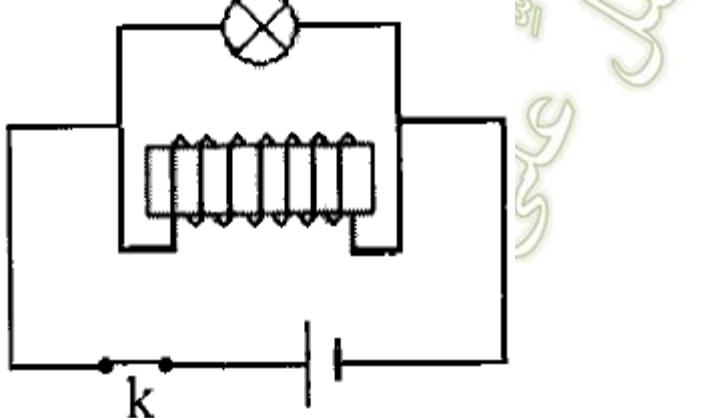
پاسخ:

به علت ایجاد نیروی محرکه‌ی خودالقاوری در سیم‌وله احساس برق گرفتگی می کند.



تمرین:

شکل مقابل، مربوط به آزمایش است. الف) این آزمایش برای نشان دادن کدام پدیدهٔ فیزیکی انجام می‌گیرد؟ ب) وقتی کلید را باز می‌کنیم، لامپ ابتدا پرنور و سپس خاموش می‌شود. علت را توضیح دهید.



پاسخ:

الف) پدیدهٔ خودالقاوری ب) برای مخالفت با کاهش جریان مدار، انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله، آزاد می‌شود.





# موضوع : جريان متناوب



سبک و سرگفتار

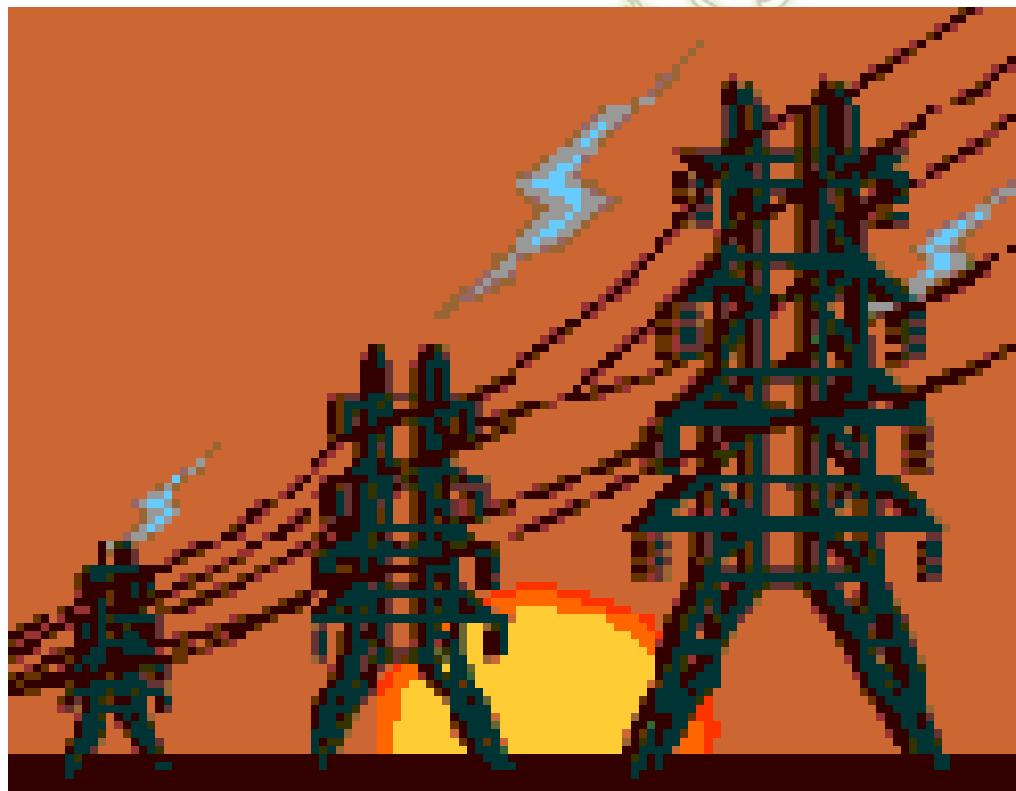


خروج



پرسش:

از داخل سیم کابل‌های فشارقوی چه جریانی عبور می‌کند؟



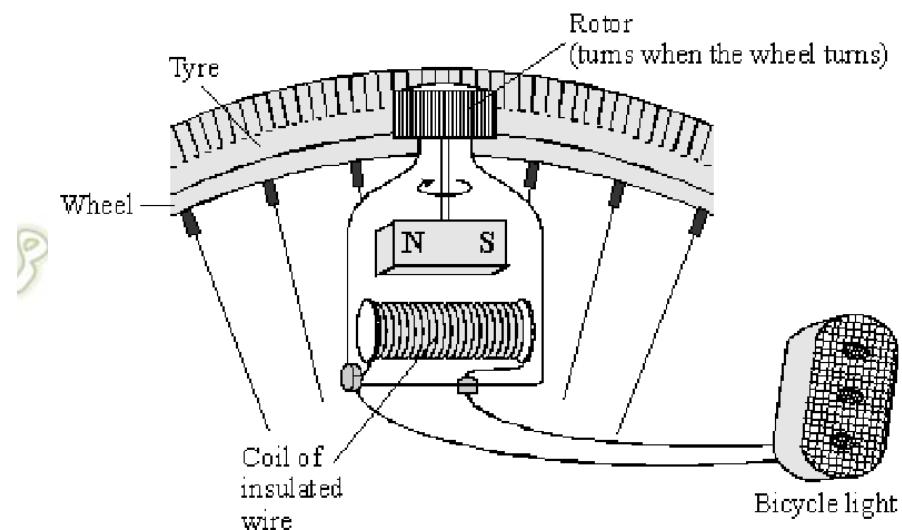
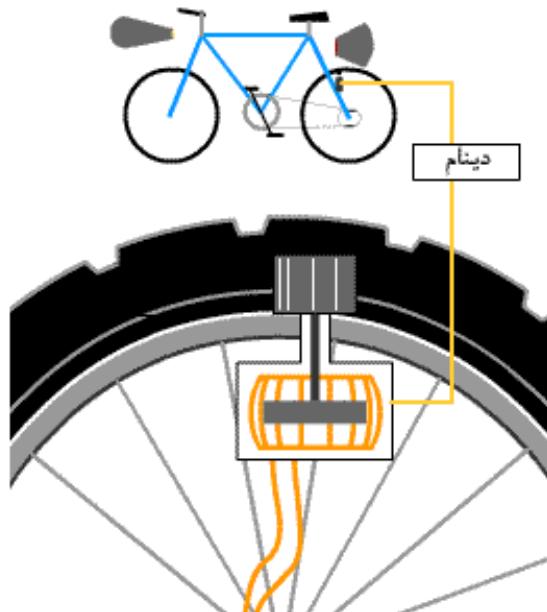
پرسش:

## چگونه می توان با نیروی پا، چند لامپ را روشن نمود؟



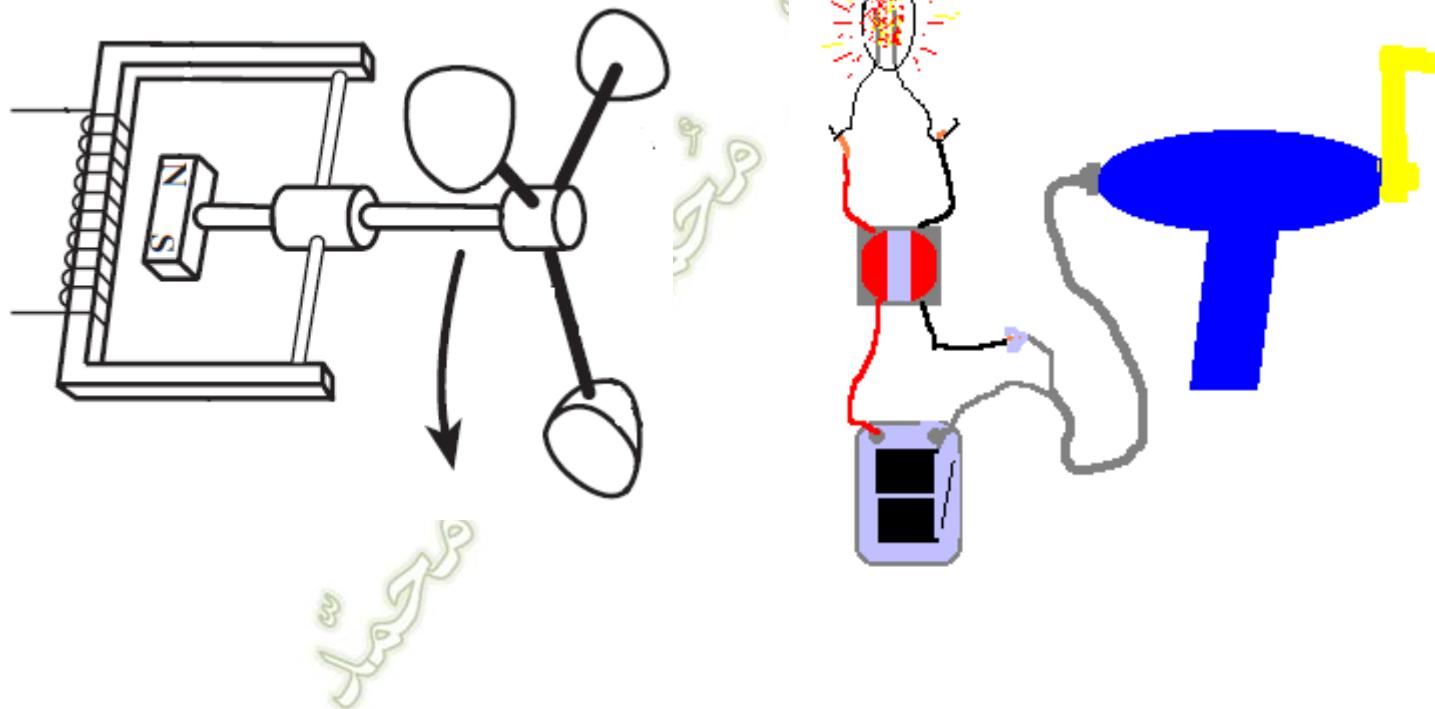
پرسش:

# چگونه می توان با نیروی پا، چند لامپ را روشن نمود؟



پرسش:

## چگونه می‌توان با نیروی دست، لامپی را روشن نمود؟



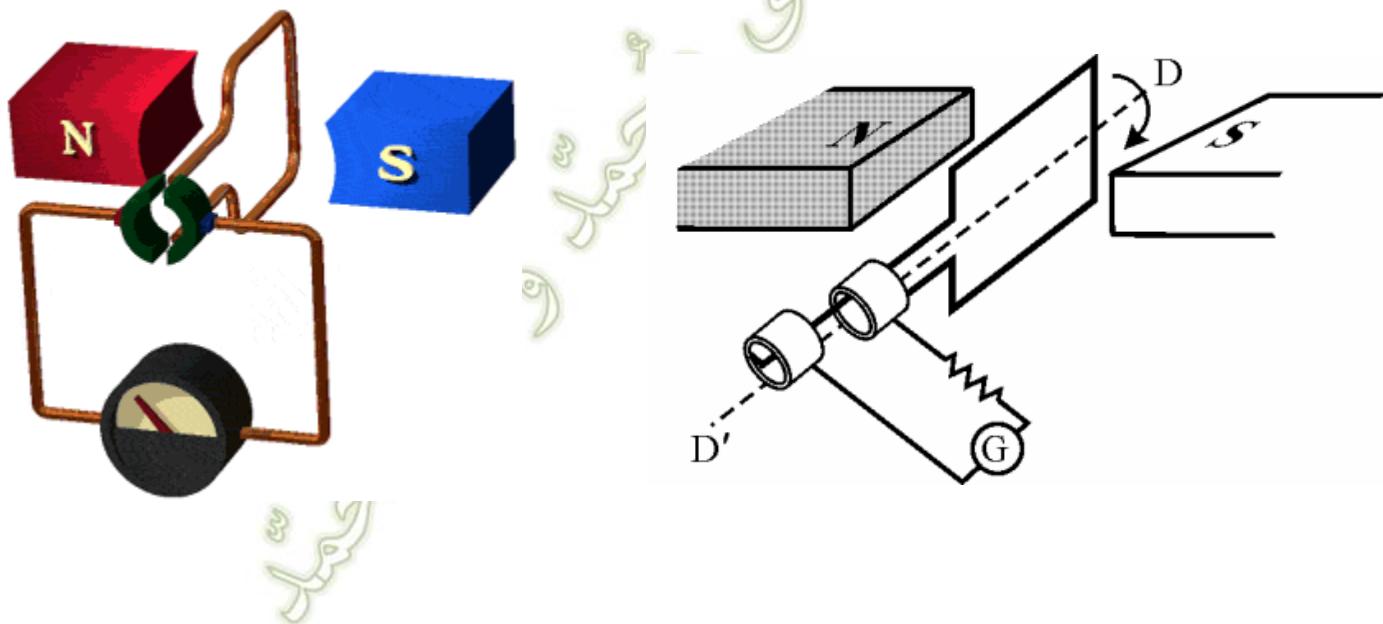
## تولید جریان متناوب:

ساده‌ترین راه برای تغییر شار مغناطیسی وایجاد جریان، تغییر زاویه است.

بنابراین معادله شار به صورت زیر می‌باشد:

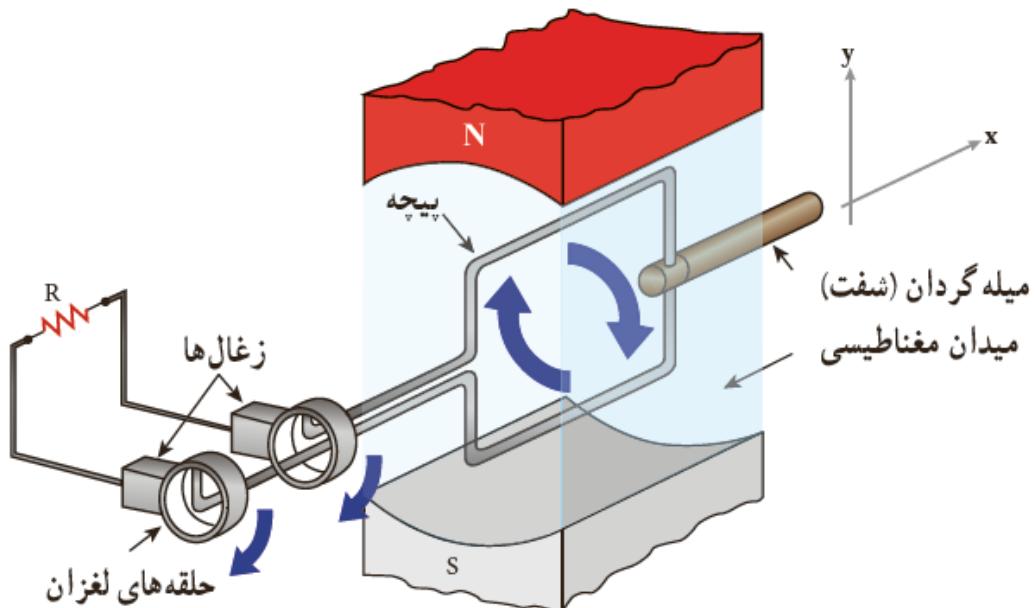
$$\Phi = B A \cos\theta$$

که در آن  $\theta$  در حال تغییر است



## اجزای یک مولّد (ژنراتور) جریان متناوب

حرکت یک میله گردان، باعث چرخش پیچه در فضای میدان مغناطیسی ناشی از یک آهنربا می شود. با گردش پیچه، زاویه آن با خطوط میدان و در نتیجه شار گذرنده از پیچه تغییر و نیروی محرکه و جریان الکتریکی در آن القا می شود.



# دوره یازمان تناوب: T

زمانی که طول می کشد تا پیچه یک دور کامل بچرخد را دوره می نامند. یکای آن در SI ثانیه است.

$$\frac{t \text{ (s)}}{T} = \frac{N \text{ (دور)}}{1} \rightarrow$$

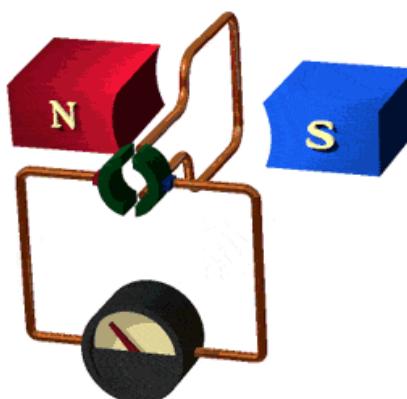
دوره

$$T = \frac{t}{N}$$

تی ان تی!

زمان سپری شده

تعداد دور کامل



پرسش:

بسامد برق تولید شده در ایران  $50\text{ Hz}$  است یعنی چه؟

پاسخ:

یعنی آهن ربا در هر ثانیه  $50$  مرتبه دور پیچه می چرخد. یا بالعکس

یعنی دوره گردش آن  $0.02$ /. است

$$T = \frac{1}{f} \rightarrow T = \frac{1}{50} = 0.02\text{s}$$



## بسامد یا فرکانس $f$

تعداد چرخش های کامل در مدت یک ثانیه را بسامد می نامند.

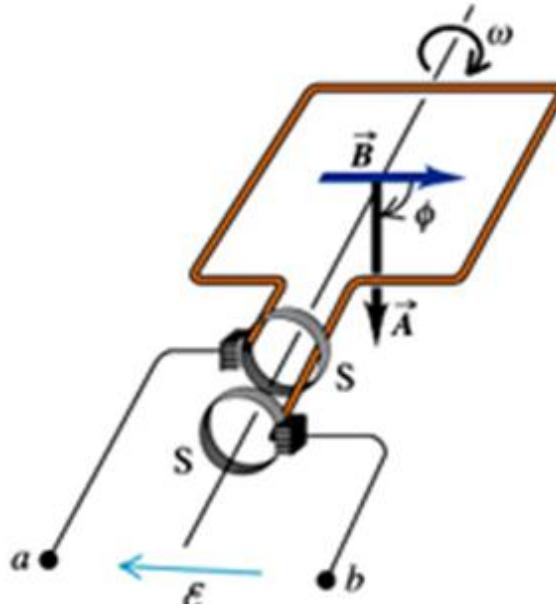
$t = 1\text{ s}$

یکای بسامد ( $\text{s}^{-1}$ ) است که معادل هرتز  $\text{Hz}$  است.

تعداد دورها زمان (s)

$$\frac{T}{1} = f$$

$$f = \frac{1}{T}$$



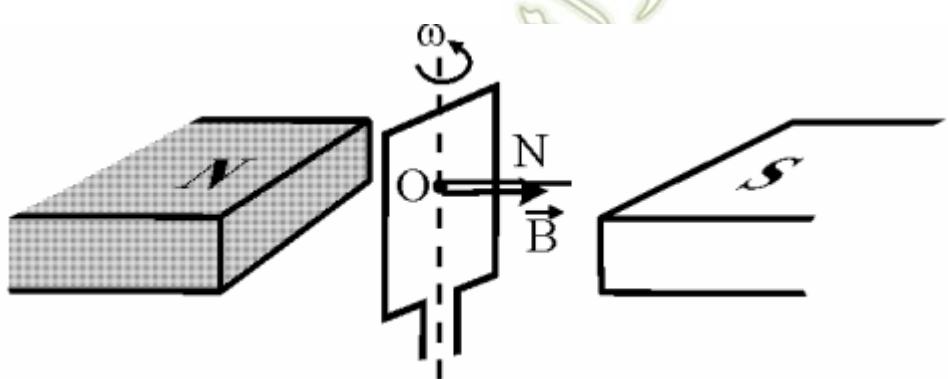
## معادله نیروی محرکه متناوب:

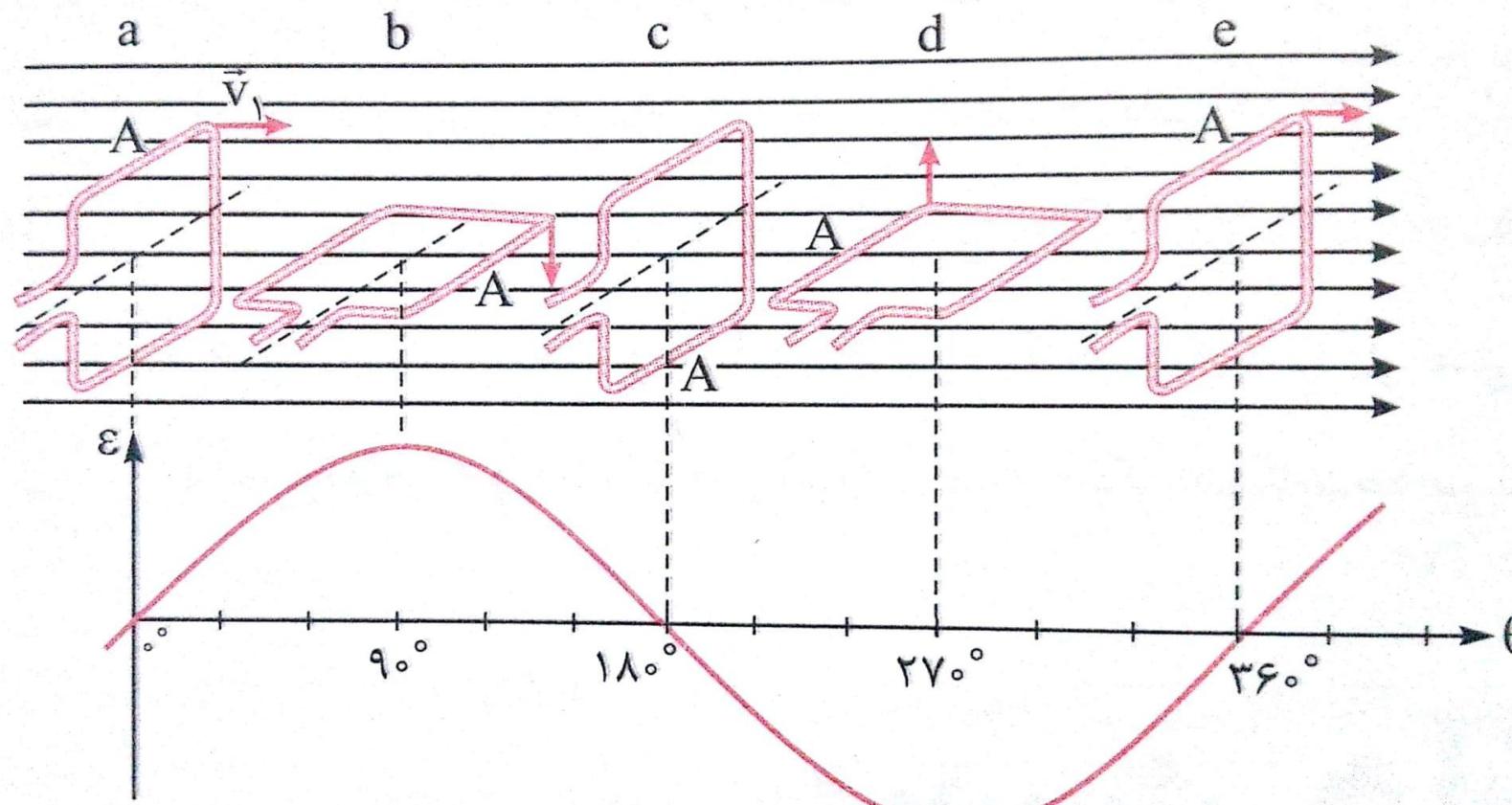
اگر هر دور کامل برابر  $2\pi$  از زمان یک دور چرخش کامل پیچه  $T$  باشد،  $\theta$  زاویه پیچه در مدت زمان  $t$  ثانیه چرخیدن از رابطه‌ی زیر پیدا می‌شود.

$$\frac{T(\text{ s})}{t} = \frac{2\pi}{\theta} \rightarrow \theta = \frac{2\pi}{T} t$$

$$\Phi = BA \cos \theta$$

$$\left. \begin{aligned} \Phi &= \Phi_m \cos \frac{2\pi}{T} t \\ \varepsilon &= -N \frac{d\Phi}{dt} \end{aligned} \right\} \varepsilon = \varepsilon_m \sin \frac{2\pi}{T} t$$





$$\varepsilon = \varepsilon_{\max} \sin \omega t$$

## معادله جریان متناوب:

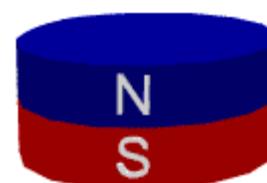
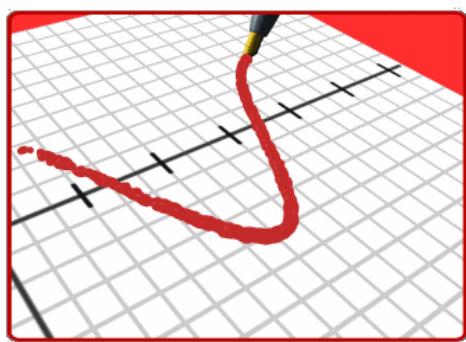
اگر دو طرف رابطه فوق را بر مقاومت مدار ( $R$ ) تقسیم کنیم ، خواهیم داشت :

$$\left. \begin{aligned} \frac{\varepsilon}{R} &= \frac{\varepsilon_{\max}}{R} \sin \omega t \\ I &= \frac{\varepsilon}{R} \\ I_{\max} &= \frac{\varepsilon_{\max}}{R} \end{aligned} \right\} I = I_M \sin \omega t$$



$$I = I_M \sin \frac{2\pi}{T} t$$

اگر جریان الکتریکی تولید شده در مدار، به طور سینوسی تغییر کند به چنین جریانی «جریان متناوب» گویند



## انواع جریان :

جریان مستقیم : D.C.

اگر مقدار و جهت شدت جریان متوسط در تمام بازه های زمانی ثابت بماند

جریان متناوب : A.C.

اگر جهت جریان در زمانهای مساوی به طور متناوب عوض می شود .



## رسم نمودار جریان - زمان

کافی است برای زمان‌های مشخص (صفر،  $\frac{T}{4}$ ،  $\frac{T}{2}$ ،  $\frac{3T}{4}$  و  $T$ ) مقدار  $I$  را مشخص کرده و با نقطه‌یابی، نمودار سینوسی آن را رسم کنیم. جدول زیر مقدارهای  $I$ ،  $\varphi$  و  $t$  را نشان می‌دهد:

$t$	$\varphi$	$I$
•	•	•
$\frac{T}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$I_M$
$\frac{T}{2}$	$\pi$	•
$\frac{3T}{4}$	$\frac{3\pi}{2}$	$-I_M$
$T$	$2\pi$	•

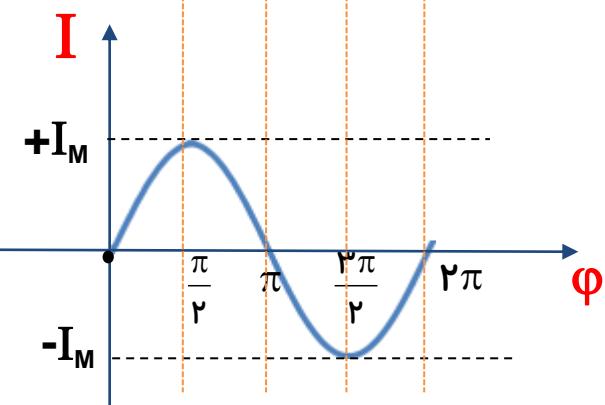
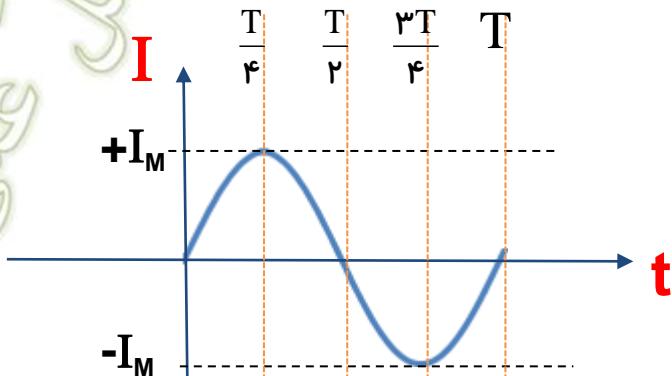
$$I = I_M \sin 0 = 0.$$

$$I = I_M \sin \frac{\pi}{2} = I_M$$

$$I = I_M \sin \pi = 0.$$

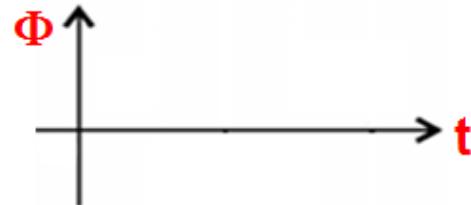
$$I = I_M \sin \frac{3\pi}{2} = -I_M$$

$$I = I_M \sin 2\pi = 0.$$

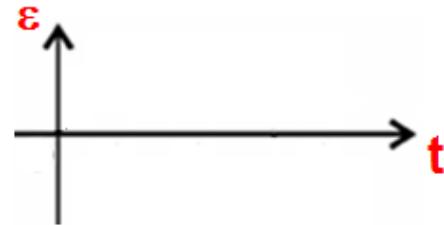


$t$	•	$\frac{T}{4}$	$\frac{T}{2}$	$\frac{3T}{4}$	T
$\Phi$	$\Phi_m$	•	$-\Phi_m$	•	$\Phi_m$
$\varepsilon$	•	$\varepsilon_m$	•	$-\varepsilon_m$	•
I	•	$I_m$	•	$-I_m$	•

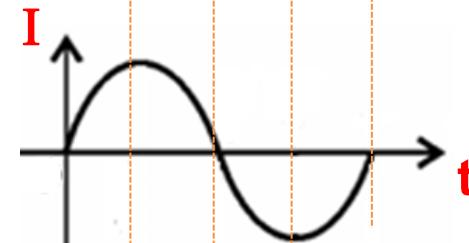
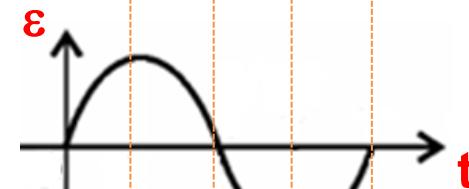
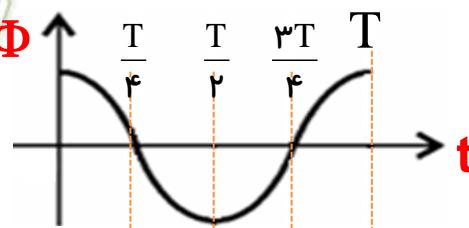
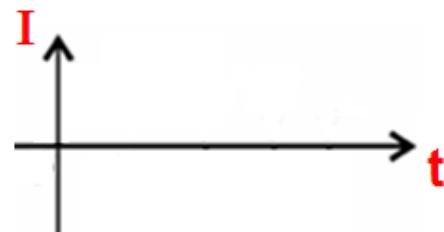
$$\Phi = \Phi_m \cos \frac{2\pi}{T} t$$



$$\varepsilon = \varepsilon_m \sin \frac{2\pi}{T} t$$



$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t$$



تمرین:

قابی در هر دقیقه، ۳۰۰ بار دور خود می چرخد. زمان تناوب و بسامد قاب را به دست آورید؟

$$t = 1 \text{ min} = 60 \text{ s}$$

$$N = 300 \text{ دور}$$

$$T = ?$$

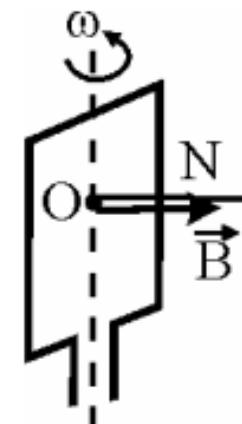
$$f = ?$$

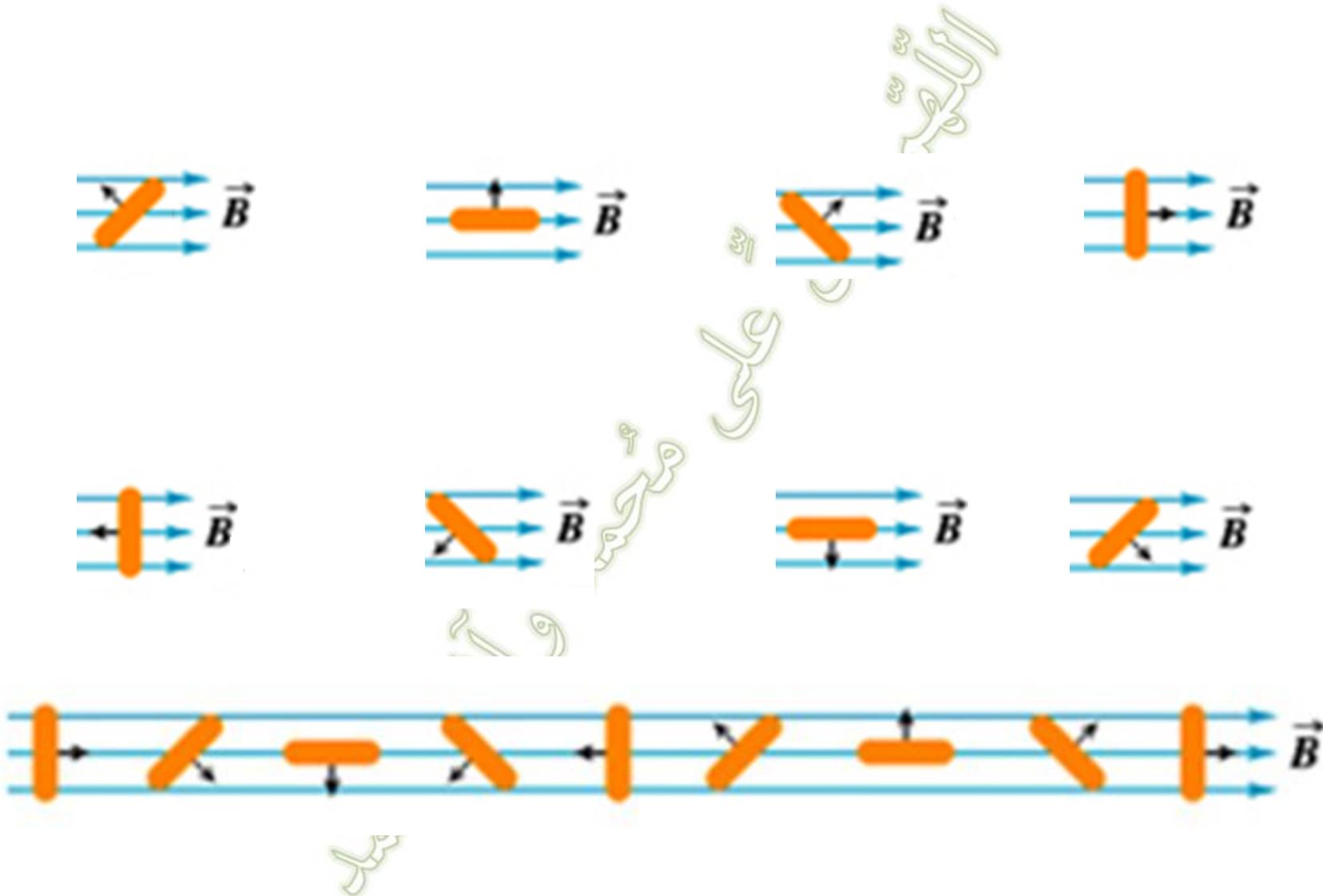
$$T = \frac{t}{N}$$

$$T = \frac{60}{300} = 0.2 \text{ s}$$

$$f = \frac{1}{T}$$

$$f = \frac{1}{0.2} = 5 \text{ Hz}$$





معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب بر حسب یکاهای SI به صورت  $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$  است. الف) جریان در دو لحظه  $t_1 = 2 \text{ ms}$  و  $t_2 = 8 \text{ ms}$

چقدر است؟

پاسخ:

$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \quad \text{(الف)}$$

$$t = 2 \times 10^{-3} \text{ s}$$

$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin \frac{\pi}{2} = 4 \times 10^{-3} \text{ A}$$

$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 8 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin 2\pi = 0.$$

$$t = 8 \times 10^{-3} \text{ s}$$

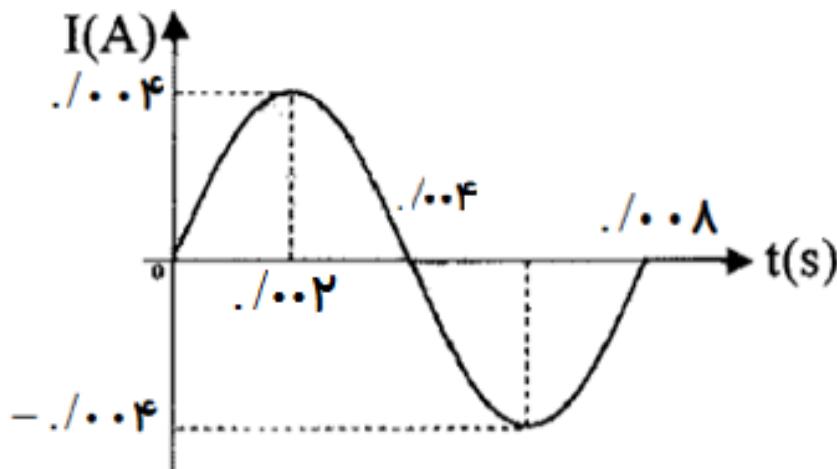


معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب بر حسب یکاهای SI به صورت  $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$  است. ب) دوره تناوب جریان را به دست آورید و نمودار جریان زمان را در یک دوره کامل رسم کنید.

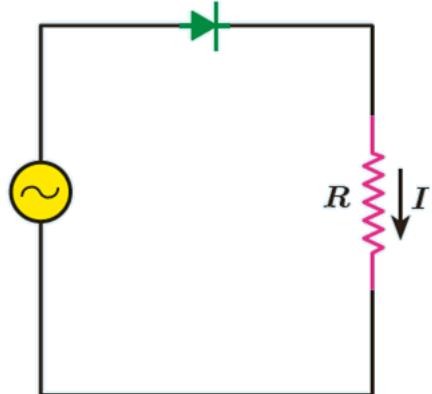
$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$$

پاسخ:

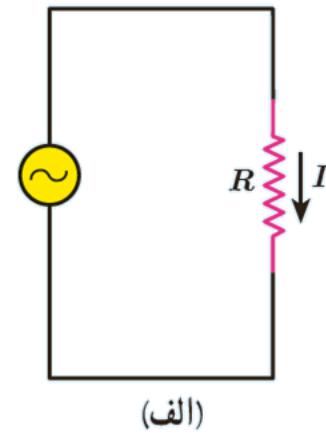
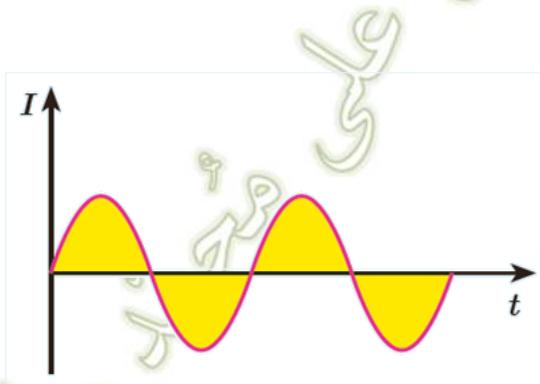
$$25\pi = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = \frac{2\pi}{25\pi} = 0.08 \text{ s}$$



در فصل ۲ دیدیم که دیود جریان را در یک جهت از خود عبور می‌دهد و در جهت دیگر مانع عبور جریان می‌شود. به همین دلیل آن را یکسوکنندهٔ جریان می‌نامند. نمودار شکل ب، تغییرات جریان بر حسب زمان را برای مدار شکل الف نشان می‌دهد. پس از گفت و گو در گروه خود، نمودار تغییرات جریان بر حسب زمان را برای مدار شکل پ رسم کنید.

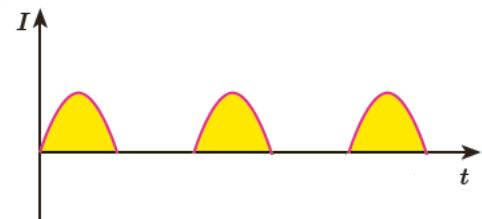


(ب)



(الف)

پاسخ:



تمرین:

به دو سرپیچه‌ای با مقاومت  $2\Omega$  نیروی محرکه  $(\varepsilon = 5 \sin(100\pi t) \text{ volt})$  بر حسب ولت و  $t$  بر حسب ثانیه) متصل است. بیشینه‌ی شدت جریان را محاسبه کنید.

پاسخ :

$$I = 2/5 \text{ A}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} R = 2\Omega \\ \varepsilon = 5 \sin 100\pi t \\ I_{\max} = ? \end{array} \right.$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R} \rightarrow I = \frac{5 \sin 100\pi t}{2} = 2.5 \sin 100\pi t$$

زمانی که  $I = I_{\max}$  باشد،  $\sin(100\pi t) = \pm 1$  می‌شود. بنابراین  $I_{\max} = 2.5 \text{ A}$



$t$	$\theta$	$I$
•	•	•
$\frac{T}{4} = \frac{1}{4\omega}$ s	$\frac{\pi}{2}$	$./\cdot \Delta$
$\frac{T}{2} = \frac{1}{2\omega}$ s	$\pi$	•
$\frac{3T}{4} = \frac{3}{4\omega}$ s	$\frac{3\pi}{2}$	$-./\cdot \Delta$
$T = 1/\omega$ s	$2\pi$	•

$$I = ./\cdot \Delta \sin 2\pi \times 0 = 0$$

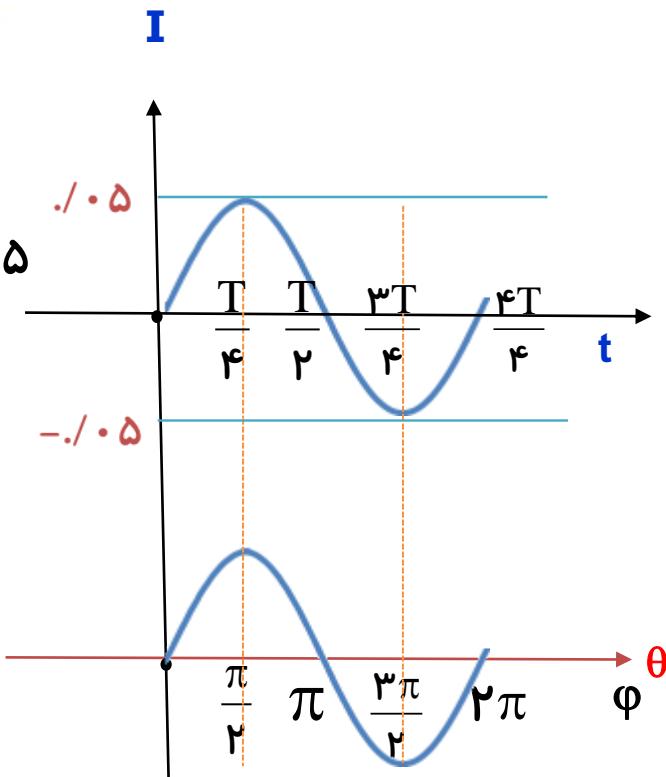
$$I = ./\cdot \Delta \sin \frac{\pi}{2} = ./\cdot \Delta$$

$$I = ./\cdot \Delta \sin \pi = 0$$

$$I = ./\cdot \Delta \sin \frac{3\pi}{2} = -./\cdot \Delta$$

$$I = ./\cdot \Delta \sin 2\pi = 0$$

رسم نمودار:  $I = ./\cdot \Delta \sin 2\pi t$



تمرین:

معادلهٔ جریان متناوبی در  $SI$  به صورت  $I = I_0 \cdot \sin(2\pi f t)$  است

الف) دورهٔ یازمان تناوب چند ثانیه است؟ ب) اگر مقاومت سیم حامل جریان برابر  $4\Omega$  باشد

نیروی محرکهٔ بیشینه چند ولت خواهد بود؟

پاسخ:

$$I = I_0 \cdot \sin(2\pi f t) \quad \left\{ \begin{array}{l} I_{\max} = I_0 \cdot A \\ 2\pi f = \frac{2\pi}{T} \end{array} \right. \quad T = ./. 1s$$

$$\varepsilon_{\max} = 4 \cdot V$$

$$I_{\max} = \frac{\varepsilon_{\max}}{R} \rightarrow \varepsilon_{\max} = RI_{\max} \rightarrow \varepsilon_{\max} = 4 \times 1 = 4 \cdot V$$



تمرین:

جریان متناوبی با معادله  $I = 5 \sin(5\pi t)$  از یک رسانا به مقاومت ۱۰ اهم می‌گذرد.

الف) درجه لحظه‌ای برای اولین بار شدت جریان بیشینه می‌شود؟

ب) نیروی حرکه القایی بیشینه چقدر است؟

پاسخ:

$$t = 0.1 \text{ s}$$

$$\varepsilon_{\max} = 10 \times 5 = 50 \text{ V}$$

$$I = 5 \sin 5\pi t \rightarrow \sin 5\pi t = 1 \rightarrow \sin 5\pi t = \sin \frac{\pi}{2} \rightarrow 5\pi t = \frac{\pi}{2} \rightarrow t = 0.1 \text{ s}$$

$$I_{\max} = \frac{\varepsilon_{\max}}{R} \rightarrow \varepsilon_{\max} = RI_{\max} \rightarrow \varepsilon_{\max} = 10 \times 5 = 50 \text{ V}$$

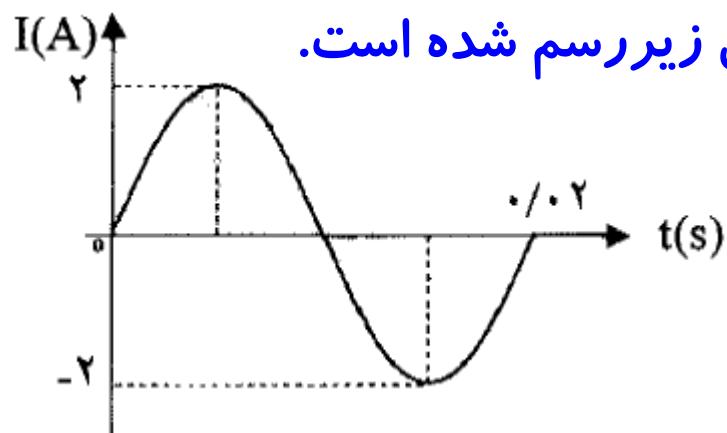


معادله جریان متناوب به معادله  $I = 4 \sin(2\pi t)$  از مقاومت  $\Omega = 5$  عبور می کند. معادله نیروی محرکه القایی آن را بنویسید.

پاسخ:

$$\left. \begin{array}{l} I = 4 \sin 2\pi t \\ \varepsilon = RI \end{array} \right\} \quad \varepsilon = RI \quad \rightarrow \quad \varepsilon = 5 \times 4 \sin 2\pi t = 20 \sin 2\pi t$$

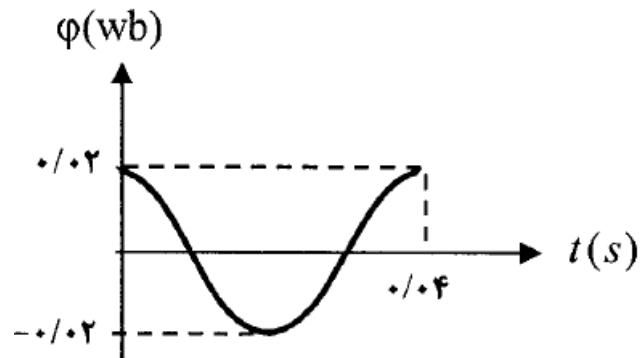




نمودار تغییرات جریان متناوبی بر حسب زمان در شکل زیر رسم شده است.  
معادله جریان را بنویسید.

$$\left. \begin{array}{l} I_{\max} = 2 \text{ A} \\ T = 0.2 \text{ s} \end{array} \right\} I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t \rightarrow I = 2 \sin \frac{2\pi}{0.2} t \rightarrow I = 2 \sin 10\pi t$$

نمودار  $\Phi$  – عبوری از یک حلقه رسانا مطابق شکل رو به رواست. معادله شار مغناطیسی را بر حسب زمان در A بنویسید.



پاسخ:

$$\Phi = 0.12 \cos 5\pi t$$

$$\Phi = BA \cos \frac{2\pi}{T} t$$

$T = 0.4 \text{ s}$   
 $\Phi_{\max} = 0.12 \text{ Wb}$

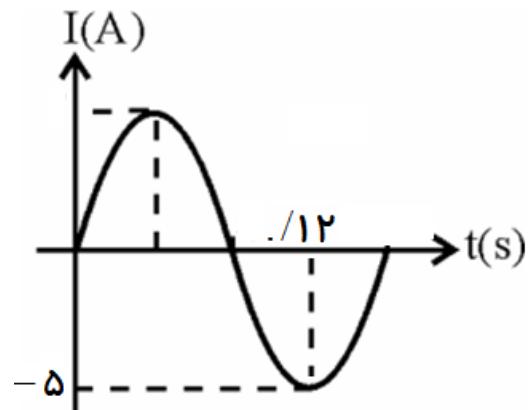
$\Phi = \Phi_{\max} \cos \frac{2\pi}{T} t$

$$\Phi = \Phi_{\max} \cos \frac{2\pi}{T} t$$

$$\Phi = 0.12 \cos \frac{2\pi}{0.4} t$$

$$\Phi = 0.12 \cos 5\pi t$$

نمودار تغییرات جریان متناوبی بر حسب زمان رسم شده است، معادله‌ی شدت جریان را به دست آورید.



$$I = 5 \sin \frac{25\pi}{2} t$$

پاسخ:

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t$$

$$I = 5 \sin \frac{2\pi}{1/16} t = 5 \sin \frac{20\pi}{16} t$$

$$I = 5 \sin \frac{25\pi}{2} t$$

$$I_{\max} = 5 \text{ A}$$

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{1/16} \rightarrow T = 1/16 \text{ s}$$



تمرین:

جریان متناوبی که بیشینه آن  $5\text{ آمپر}$  دوره‌ی آن  $4\text{ ثانیه}$  است از یک رسانای  $5\text{ اهمی}$  می‌گذرد، در چه لحظه‌ای شدت جریان برای اولین بار بیشینه خواهد بود؟

پاسخ:

$$t = \dots \text{ s}$$



تمرین:

معادله‌ی جریان متناوبی به صورت  $I = 3 \sin(100\pi t)$  است

الف) بیشینه جریان چند آمپر است؟

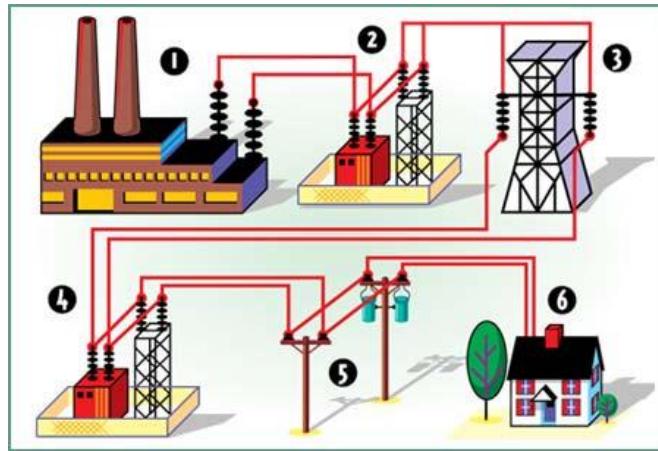
ب) دوره یازمان تناوب چند ثانیه است؟

پاسخ:

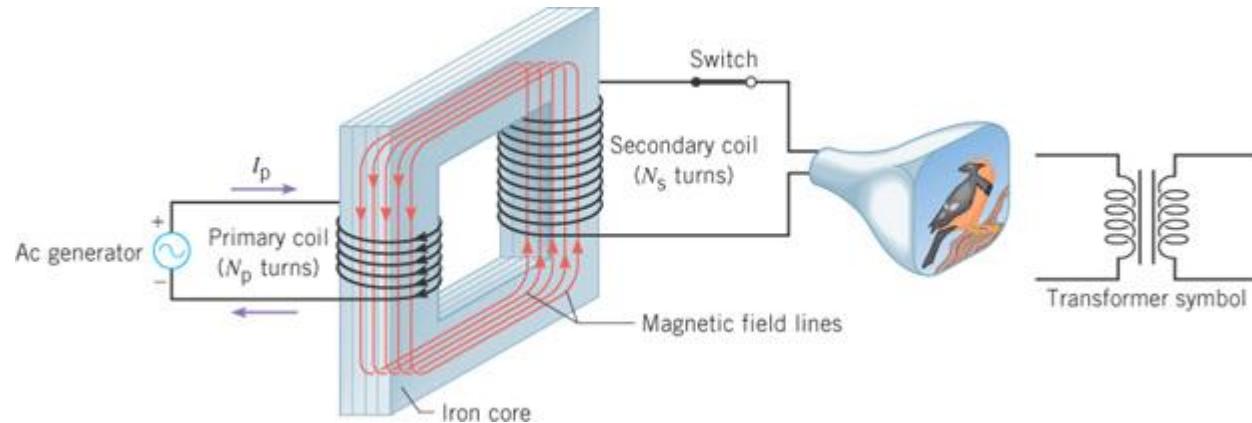
$$I_{\max} = 3 \text{ A}$$

$$T = 0.02 \text{ s}$$





# موضوع: مبدل ها



خروج

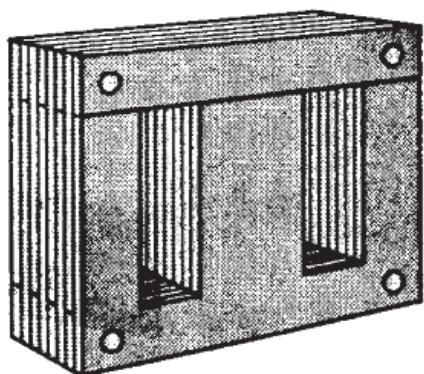
# مزایای مولد های AC نسبت به DC

- ۱- در انتقال توان در فاصله های دور، از ولتاژ هر چه بالاتر و جریان هر چه کمتری استفاده کنیم، باعث کاهش اتلاف  $RI^2$  در خط های انتقال می شود .
- ۲- در انتقال انرژی الکتریکی از نیروگاه به محل مصرف کننده توسط یک مبدل ولتاژ را افزایش و جریان را کاهش می دهند(طبق رابطه  $P=VI$  اگر توان تولیدی را ثابت فرض کنیم افزایش ولتاژ توسط یک مبدل با کاهش جریان همراه است) تا توان تلف شده در سیم ها انتقال ( $RI^2$ ) به کمترین مقدار برسد

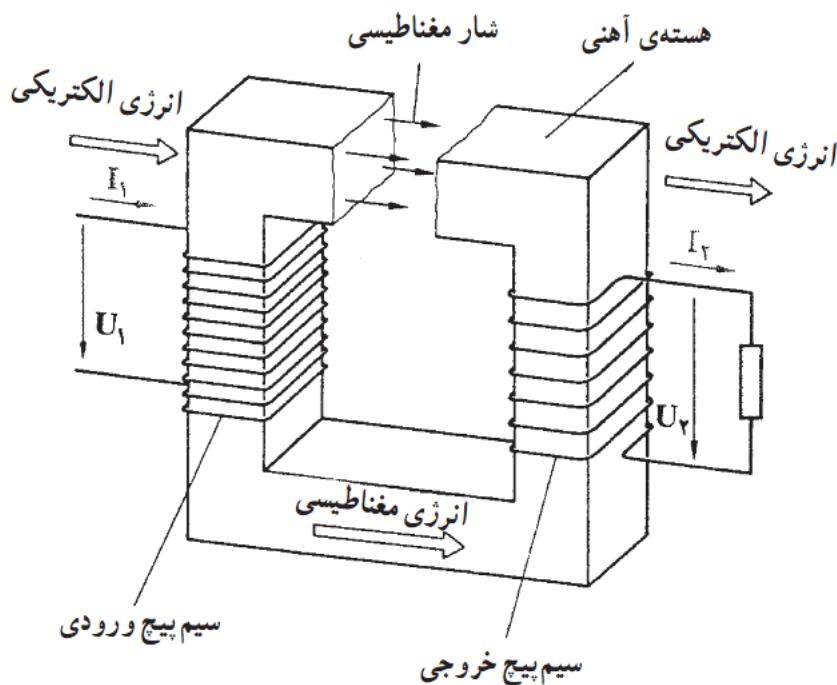


# نحوه کار کرد مبدل

مبدل شامل دو پیچه با روکش عایق که روی یک هسته آهنی پیچیده شده اند. اگر پیچه اولیه را به یک مولد جریان متناوب وصل کنیم، شارعبوری از آن نیز تغییرمی کند، این شار متغیر از راه هسته از پیچه ثانویه عبور می کند و دراثر پدیده القای متقابل باعث القای نیروی محرکه الکتریکی در پیچه ثانویه می شود



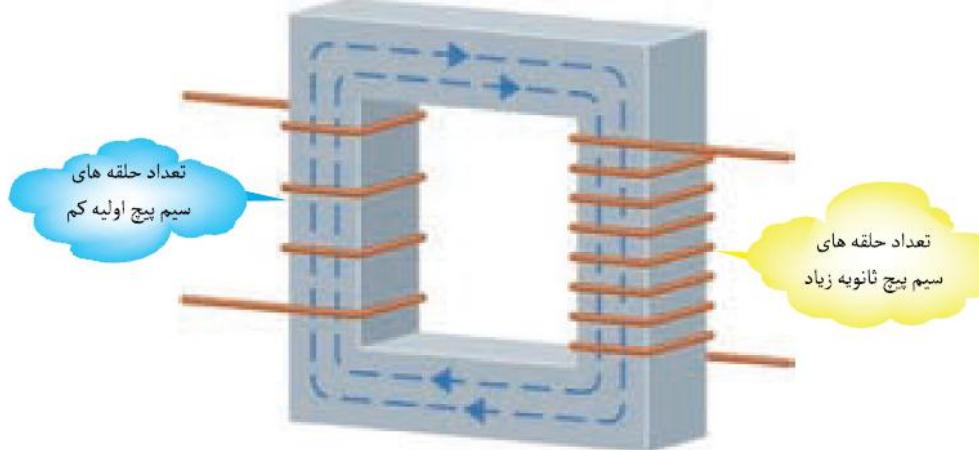
شکاف دار



# رابطه تعداد دورها با ولتاژ در مبدل ها

ترانسفورماتور افزاینده

$$\varepsilon_1 = -N_1 \frac{\Delta\Phi_1}{\Delta t}$$



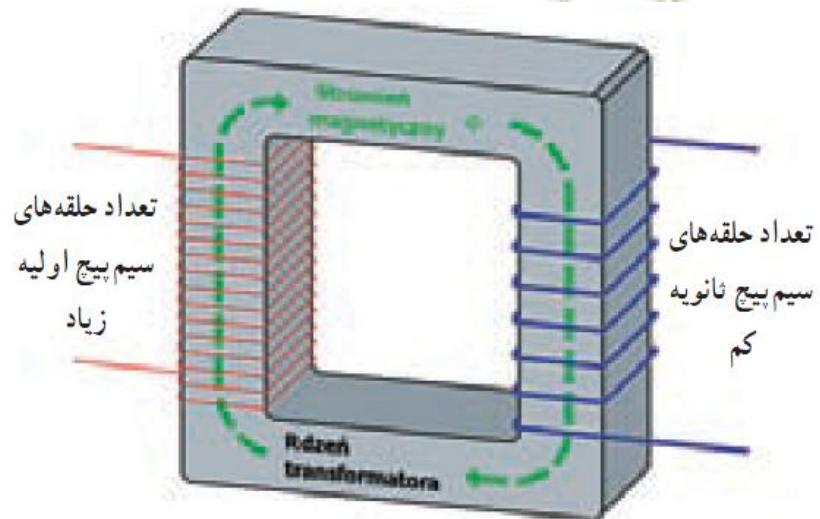
$$\varepsilon_2 = -N_2 \frac{\Delta\Phi_2}{\Delta t}$$

میدان و شار مغناطیسی در داخل هسته آهنی بسیار بیشتر از خارج هسته است و می توان فرض کرد تمام شار تولید شده در پیچه اولیه از پیچه ثانویه عبور می کند.

$$\frac{\Delta\Phi_1}{\Delta t} = \frac{\Delta\Phi_2}{\Delta t} \rightarrow \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1} = \frac{-N_2 \frac{\Delta\Phi_2}{\Delta t}}{-N_1 \frac{\Delta\Phi_1}{\Delta t}} \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

## رابطه تعداد دورها باشد جریان در مبدل های ایده آل(آرمانی):

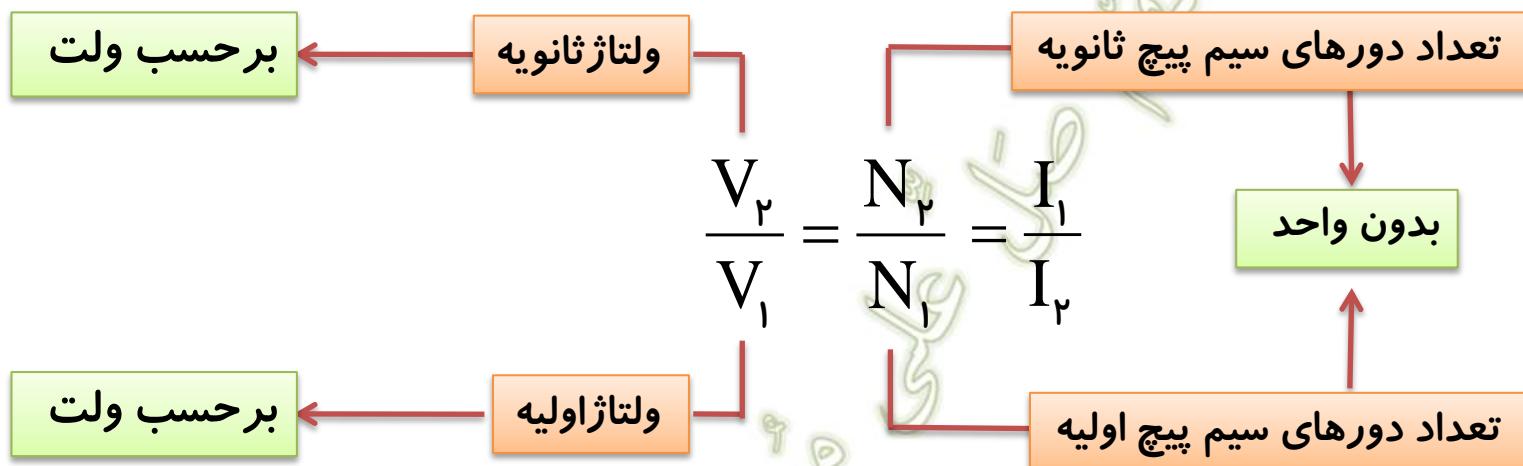
مبدلی را ایده آل گویند که هیچ گونه اتلاف انرژی در آن وجود نداشته باشد.  
در نتیجه توان ورودی به مبدل آرمانی برابر توان خروجی از آن است.



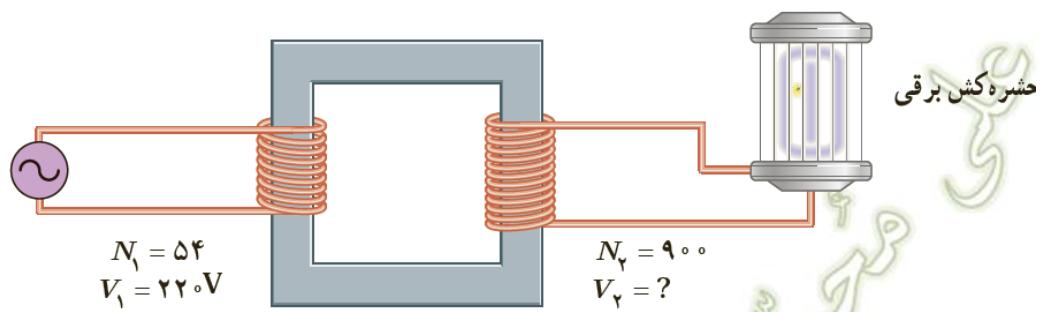
ترانسفورماتور کاهنده

$$P_1 = P_2 \rightarrow V_1 I_1 = V_2 I_2 \rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{V_1}{V_2} \rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{N_1}{N_2}$$

# فرمول مبدل ها (ترانسفورماتورها):



برخی از وسیله‌های برقی، مانند حشره کش برقی، برای کار کردن نیاز به ولتاژ‌های بالا از مرتبه چند هزار ولت دارند. شکل زیر مبدلی را نشان می‌دهد که ولتاژ لازم را برای کار یک دستگاه حشره کش برقی فراهم می‌کند. اگر تعداد دور اولیه مبدل  $N_1 = ۵۴$  و تعداد دور ثانویه  $N_2 = ۹۰۰$  باشد، مبدل چه ولتاژی را برای کار کردن دستگاه حشره کش تأمین می‌کند؟



$$\left\{ \begin{array}{l} N_1 = ۵۴ \\ V_1 = ۲۲۰\text{V} \\ N_2 = ۹۰۰ \\ V_2 = ? \end{array} \right.$$

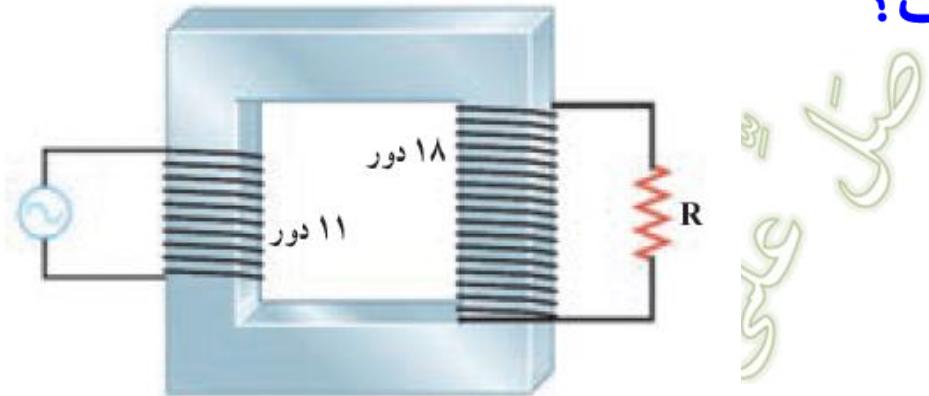
$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

$$\frac{V_2}{220} = \frac{900}{54}$$

$$V_2 \approx 3667 \text{ V}$$

تمرین:

در مبدل آرمانی شکل زیر، اگر بیشینه ولتاژ دوسر مقاومت  $R$  برابر  $6\Omega$  باشد،  
بیشینه ولتاژ مولد چقدر است؟



پاسخ:

$$V_2 \approx 3/6 \text{ V}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} N_1 = 11 \\ N_2 = 18 \\ V_2 = 6 \text{ V} \\ V_1 = ? \end{array} \right.$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

$$\frac{6}{V_1} = \frac{18}{11}$$

$$V_1 \approx 3/6 \text{ V}$$

تمرین:

در مبدل آرمانی شکل زیر، جریان متناوبی با معادله  $I = 2 \sin(200\pi t)$  از دوسر مقاومت  $R = 3\Omega$  می‌گذرد.



- الف) دوره تناوب این جریان چند ثانیه است؟  
ب) بیشینه ولتاژ دوسر مولد چند ولت است؟

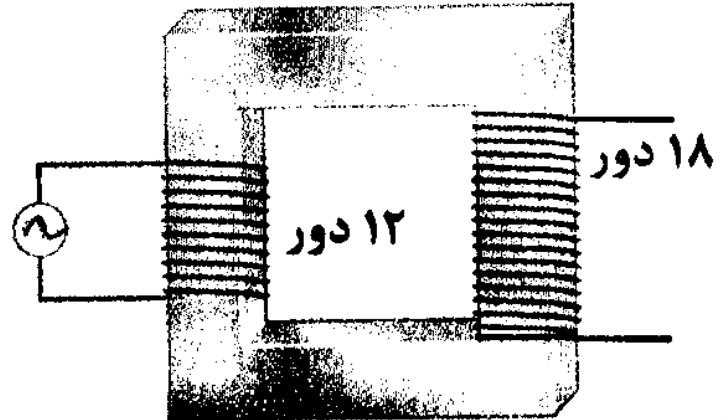
پاسخ:

$$T = 0.01\text{ s}$$

$$V_m = 4\text{ V}$$

تمرین:

در مبدل شکل زیر، اگر بیشینه ولتاژ مولد، برابر  $7\text{ V}$  باشد بیشینه ولتاژ دوسر پیچه ثانویه چند ولت است؟



پاسخ:

$$V_s = 6\text{ V}$$



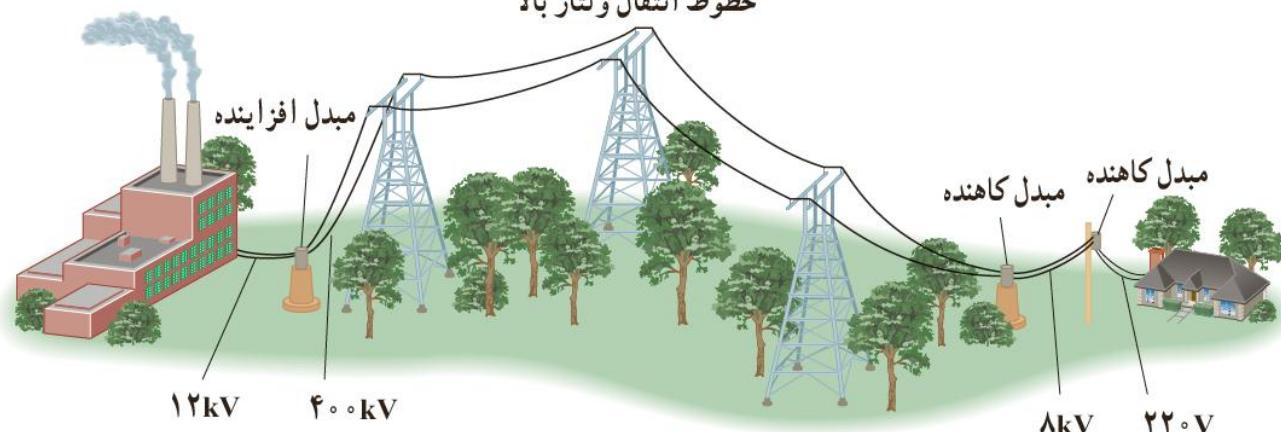
# استفاده از مبدل برای کاهش اتلاف انرژی الکتریکی

در انتقال انرژی الکتریکی از نیروگاه به محل مصرف کننده توسط یک مبدل ولتاژ را تا حد امکان افزایش و جریان را تا حد امکان کاهش می دهند تا توان تلف شده در سیم های انتقال برق ( $RI^2$ ) به حداقل برسد



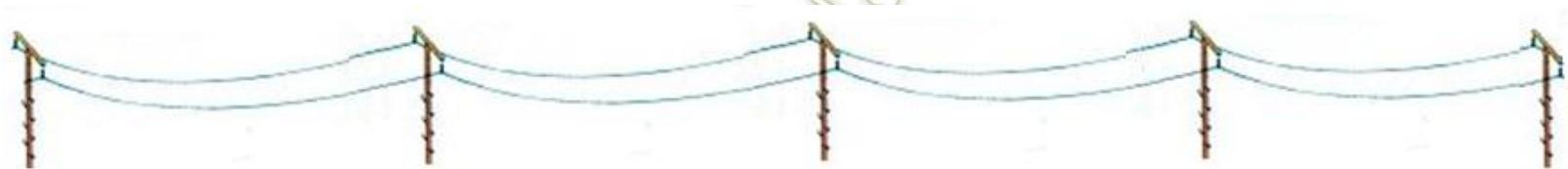
خط های انتقال فشار قوی

خطوط انتقال ولتاژ بالا



## توان تلف شده در خط انتقال

اگر توان تولیدی نیروگاه  $P$  ولتاژ بین خط های انتقال باشد، شدت جریان در خط های فشار قوی  $\frac{P}{V} = I$  می شود. فرض می کنیم که مقاومت خط های انتقال برابر  $R$  باشد. در این صورت توان تلف شده  $P'$  در خط انتقال برابر می شود با:



$$P = VI \quad \rightarrow \quad I = \frac{P}{V}$$

$$P' = RI^2$$

$$\left. \begin{array}{l} P' = R \frac{P^2}{V^2} \\ \end{array} \right\}$$

توان تولیدی نیروگاه

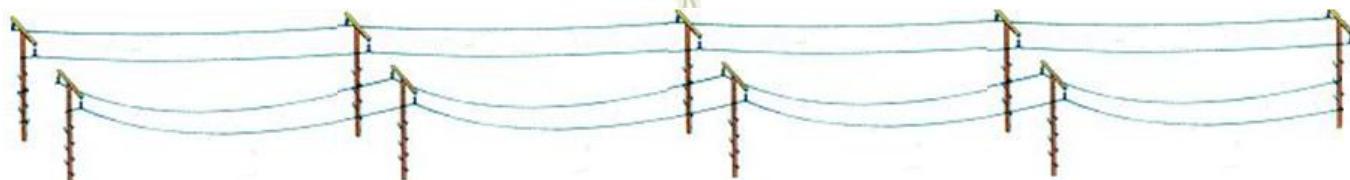
توان تلف شده



## رابطه‌ی مقایسه‌ای توان تلف شده در دو خط انتقال

خط انتقال توان، توان الکتریکی ثابت  $P$  را تحويل می‌گیرد. اگر انشعابی در مسیر نیروگاه تا مقصد وجود نداشته باشد، نسبت توان تلف شده در دو خط انتقال به صورت رابطه زیر است.

خط اول انتقال توان



خط دوم انتقال توان

توان تلف شده خط انتقال  
اول نسبت به خط انتقال دوم

$$P' = RI^2 \rightarrow P' = R \frac{P^2}{V^2} \rightarrow \frac{P'_1}{P'_2} = \left( \frac{R_1}{R_2} \right) \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^2$$

توان تولیدی نیروگاهی  $2 \text{ MW}$  است. می خواهیم این انرژی را با کابل های مسی به طول  $2 \cdot \text{ km}$  و سطح مقطع  $2 \text{ cm}^2$  انتقال دهیم. اگر ولتاژ خط های انتقال  $400 \text{ kV}$  باشد، توان تلف شده در خط های انتقال، چند ولت می شود؟

$$\text{ مقاومت ویژه مس } 1/\lambda \times 10^{-8} \Omega \text{ m}$$

پاسخ:

$$P = 2 \times 10^6 \text{ W}$$

$$L = 20 \times 10^3 \text{ m}$$

$$A = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$V = 400 \times 10^3 \text{ kV}$$

$$P' = ?$$

$$\rho = 1/\lambda \times 10^{-8} \Omega \text{ m}$$

$$P' = 45 \text{ W}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow R = 1/\lambda \times 10^{-8} \times \frac{2 \times 10^6}{2 \times 10^{-4}} \rightarrow R = 1/\lambda \Omega$$

$$P' = R \frac{P}{V^2} \rightarrow P' = 1/\lambda \times \frac{(2 \times 10^6)^2}{(400 \times 10^3)^2} \rightarrow P' = 45 \text{ W}$$



ولتاژ انتقال چند کیلوولت باشد تا اتلاف انرژی در انتقال با خط هایی به مقاومت ۲۰٪ درصد توان تولیدی نیروگاه شود؟ توان تولیدی نیروگاه  $4\text{ MW}$  است

پاسخ:

$$V = ۲۰\text{ kV}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} V = ? \\ R = ۲\Omega \\ \frac{P'}{P} = .۰۲\% \\ P = ۴ \times 10^6 \text{ W} \end{array} \right.$$

$$\frac{P'}{P} = \frac{.۰۲}{۱۰۰} \rightarrow P' = ۲ \times 10^{-۴} P = ۲ \times 10^{-۴} \times ۴ \times 10^6 \rightarrow P' = ۸ \cdot \cdot \text{W}$$

$$P' = R \frac{V^2}{V^2} \rightarrow ۸ \cdot \cdot = ۲ \times \frac{V^2}{V^2} \rightarrow \left(\frac{P}{V}\right)^2 = ۴ \cdot \cdot \rightarrow \frac{P}{V} = ۲ \cdot$$

$$V = \frac{P}{2} \rightarrow V = \frac{4 \times 10^6}{2} \rightarrow V = ۲ \times 10^6 \text{ V} \rightarrow V = ۲ \cdot \cdot \text{kV}$$



تمرین:

یک نیروگاه، توان  $MW = 140$  با ولتاژ  $kv = 880$  تولید نموده است. (الف) اگر بخواهیم این توان را به شهر دور که مقاومت سیم های انتقال  $\Omega = 200$  است منتقل کنیم، چندمگا وات توان در این سیم ها تلف می شود و چند مگاوات به شهر خواهد رسید؟ (ب) اگر قبل از انتقال، توسط یک مبدل که تعداد دور ثانویه آن  $0 \cdot 0$  برابر اولیه است، ولتاژ را بالا برده و سپس با همان سیستم ها به شهر منتقل کنیم، چندمگا وات توان تلف شده و چه توانی به شهر می رسد؟

پاسخ:

(الف)

$$P' = 5 \cdot MW$$

$$P_{رسیده\ به\ شهر} = 39 \cdot MW$$

(ب)

$$P' = . / 5 MW$$

$$P_{رسیده\ به\ شهر} = 139 / 5 MW$$



تمرین:

دو خط هم طول انتقال توان الکتریکی از یک نیروگاه تامقصد معین کشیده اند؛ در خط اول از ولتاژ  $KV_{1} = 300$  بین دو سر خط و از کابل هایی به قطر مقطع  $D_1$  و در خط دوم، از ولتاژ  $KV_{2} = 200$  بین دو سر خط واژ کابل هایی به قطر مقطع  $D_2$  استفاده شده است. اگر جنس کابل های دو خط یکسان باشد. اتفاق توان الکتریکی در خط اول، چند برابر اتفاق توان الکتریکی در خط دوم است؟

پاسخ:

$$\frac{P'_1}{P'_2} = \left(\frac{3}{2}\right)^4$$



تست :

برای انتقال انرژی الکتریکی از نیروگاه به محل مصرف یک بار آن را با اختلاف پتانسیل ۲۰۰۰ ولت وبار دیگر با اختلاف پتانسیل ۱۲۰۰۰ ولت منتقل می کنیم. توان تلف شده در حالت اول به توان تلف شده در حالت دوم تقریباً چقدر است؟

د) ۶۰۰۰

ج) ۳۶۰۰

ب) ۷۲۰

الف) ۶۰

پاسخ :

گزینه ۳ صحیح است.



# روابط و فرمولهای فصل الکترومغناطیس

۱- شار مغناطیسی عبوری از یک سطح بسته:  $\Phi = BA \cos \theta$

۲- نیروی حرکة القایی متوسط:  $\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$

۳- نیروی حرکة القایی در رسانای متحرک در میدان مغناطیسی:  $\varepsilon = VBL$

۴- ضریب خودالقاوری و شار عبوری از سیم‌لوله:  $N\Phi = LI$  و  $L = \frac{AK\mu \cdot N^2}{L}$

۵- انرژی ذخیره شده در القاگر:  $U_L = \frac{1}{2} LI^2$

۶- زمان تناوب و بسامد:  $f = \frac{1}{T}$  و  $T = \frac{t}{N}$

۷- معادله نیروی حرکة القایی در جریان متناوب:  $\varepsilon = \varepsilon_{max} \sin \omega t$

۸- معادله جریان متناوب:  $I_{max} = \frac{\varepsilon_{max}}{R}$  و  $I = I_M \sin \omega t$

۹- رابطه تعداد دورها با شدت جریان و ولتاژ در مبدل ها:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} = \frac{I_1}{I_2}$$

۱۰- توان تلف شده در خط انتقال:  $P' = R \frac{P^2}{V^2}$



## شناختن الکترومغناطیس



نام کمیت	علامت	یکا(SI)
شار مغناطیسی	$\Phi$	(Wb) (وبرا)
مساحت	A	(مترمربع) $m^2$
تغییرات شار مغناطیسی	$\Delta\Phi$	(Wb) (وبرا)
آهنگ تغییر شار مغناطیسی	$\Delta\Phi/\Delta t$	(wb/s) (وبرا بر ثانیه)
آهنگ تغییر مساحت	$\Delta A/\Delta t$	( $m^2/s$ ) (وبرا بر ثانیه)
آهنگ تغییرات میدان مغناطیسی	$\Delta B/\Delta t$	(تسلا بر ثانیه) T/S
نیروی محرکه القایی	$\epsilon$	(ولت) V
ضریب خود القاوری	L	(هانری) H



## با نظارت جمعی از اساتید و معلمان گروه فیزیک البرز :

عظیم آقچه جلی

افشین کردکتویی

شهریار زینالی

فاطمه زارعی

فتانه باقرزاده

محمد انصاری تبار

تاریخ ویرایش نهایی : بهمن ماه ۱۳۹۶

ارتباط تلگرامی : @ansari132



خروج

موفق و پیروز باشید



سپاهان



خروج

zavvin



همواره پیروز باشید



خروج