

ریاضی پایه دوازدهم هنرستان

پودمان اول

حل مسائل درس اول

هنرستان فنی شهید کلانتری کرمانشاه

تهیه کننده: محمد مراد اکبری

۱ تابع با قانون

$$f(x) = \begin{cases} x + 1 & -2 \leq x < 1 \\ 3 & 1 \leq x < 4 \\ -x + 2 & 4 \leq x \leq 7 \end{cases}$$

را در نظر بگیرید.

الف) دامنه تابع f را بنویسید.

$$D = [-2 \text{ و } 7]$$

ب) مقادیر $f(-1)$ ، $f(1)$ ، $f(2)$ ، $f(4)$ و $f(5)$ را تعیین کنید.

$$f(-1) = -1 + 1 = 0$$

$$f(1) = 3$$

$$f(2) = 3$$

$$f(4) = -4 + 2 = -2$$

$$f(5) = -5 + 2 = -3$$

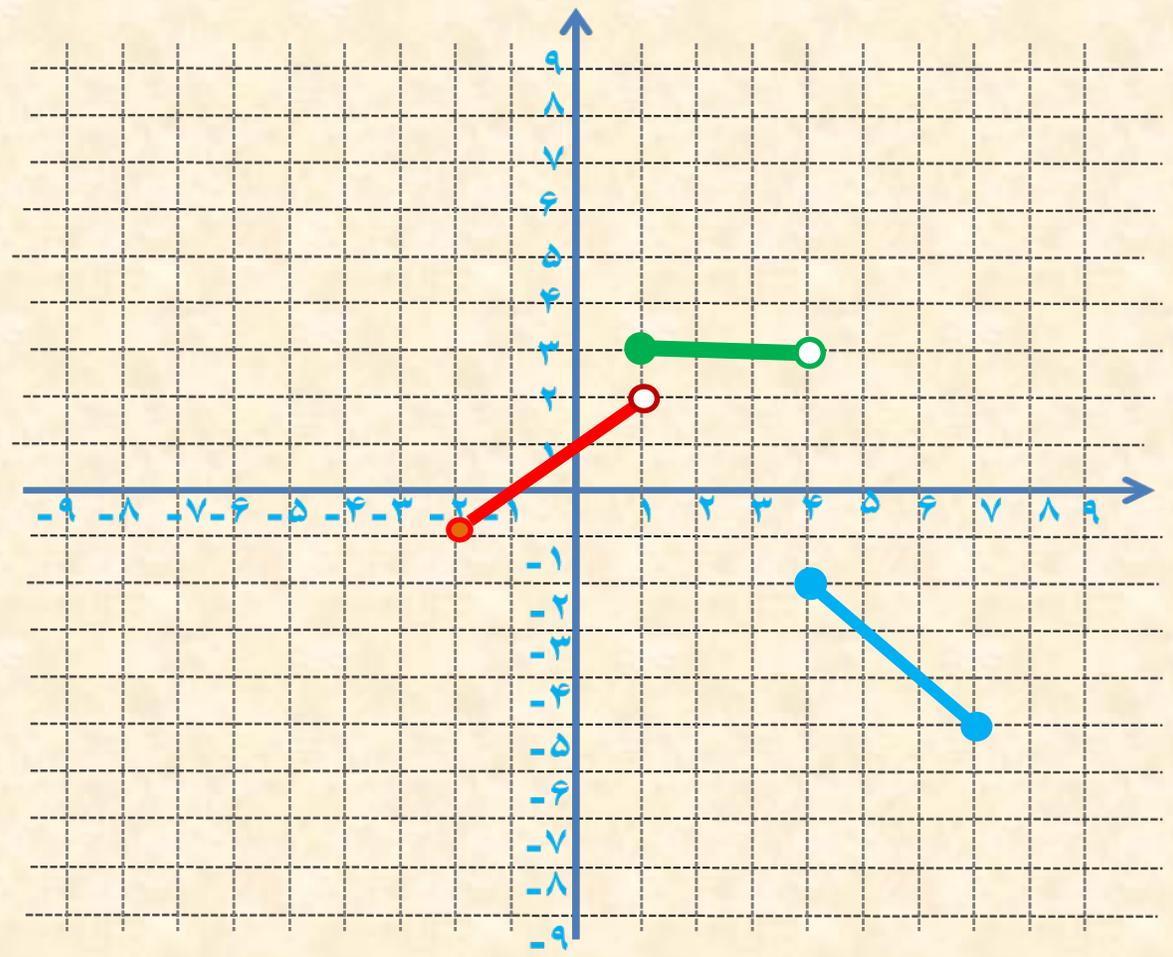
$$f(x) = \begin{cases} \text{خطی با شیب مثبت} & -2 \leq x < 1 \\ \text{ثابت } 3 & 1 \leq x < 4 \\ -x + 2 & 4 \leq x \leq 7 \end{cases}$$

خطی با شیب منفی

| | | |
|---|----|----|
| x | 4 | 7 |
| y | -2 | -5 |

| | | |
|---|----|---|
| x | -2 | 1 |
| y | -1 | 2 |
| x | 1 | 4 |
| y | 3 | 3 |

پ نمودار f را رسم کنید.



۱ در زیر چهار تابع و سه نمودار داده شده است. مشخص کنید که هر نمودار مربوط به کدام تابع است؟

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + x + 1 & x < 2 \\ -x + 1 & 2 \leq x \end{cases}$$

سهمی x^2 $x < 2$
خطی با شیب منفی $2 \leq x$

$$g(x) = \begin{cases} -x + 1 & x < 0 \\ -1 & 0 \leq x \end{cases}$$

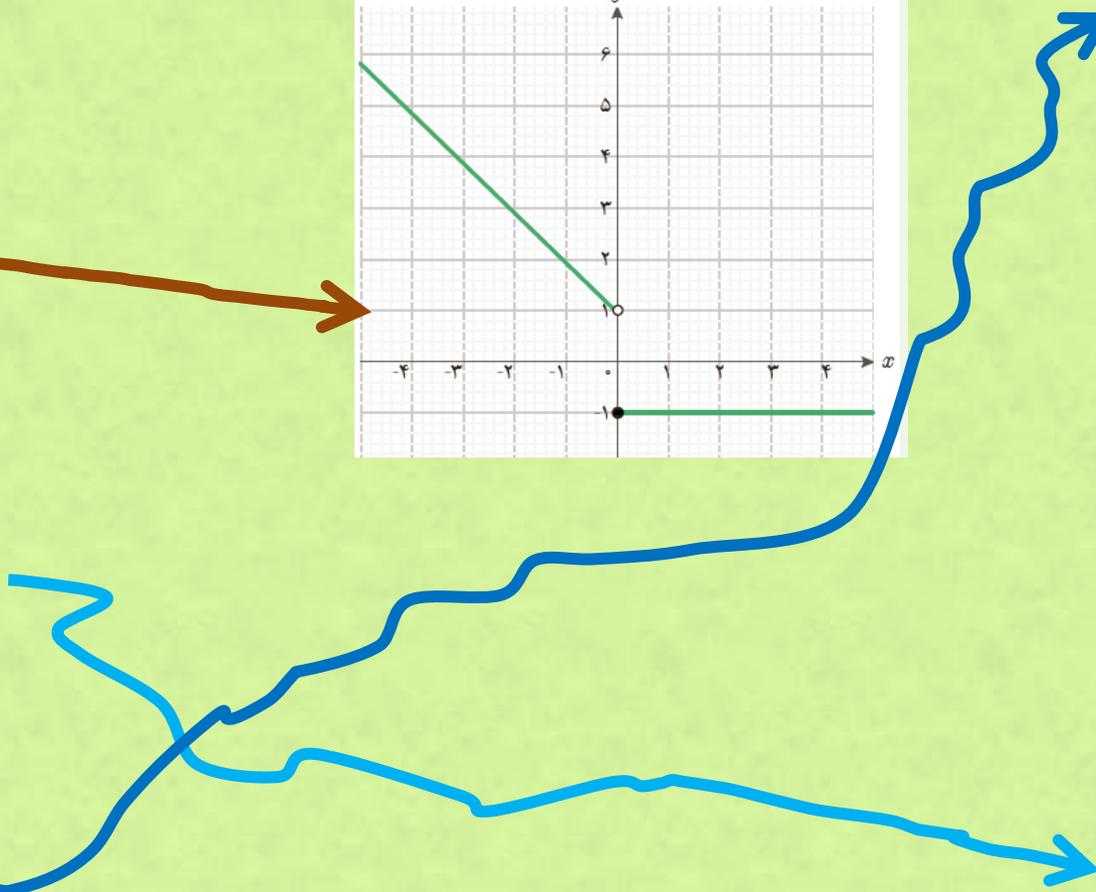
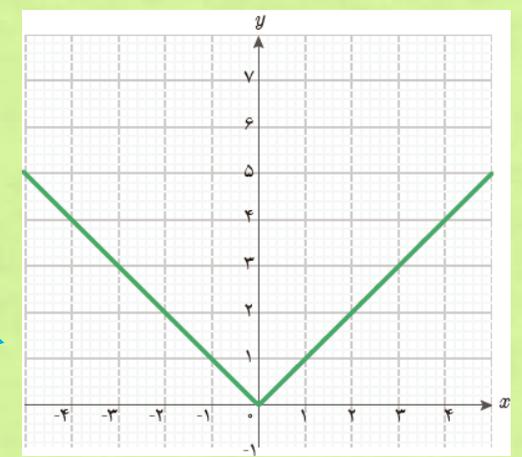
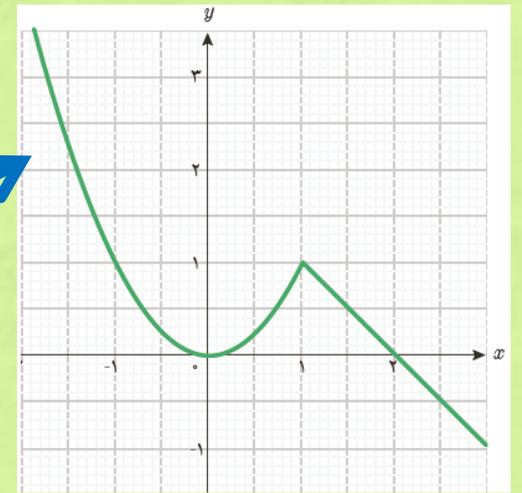
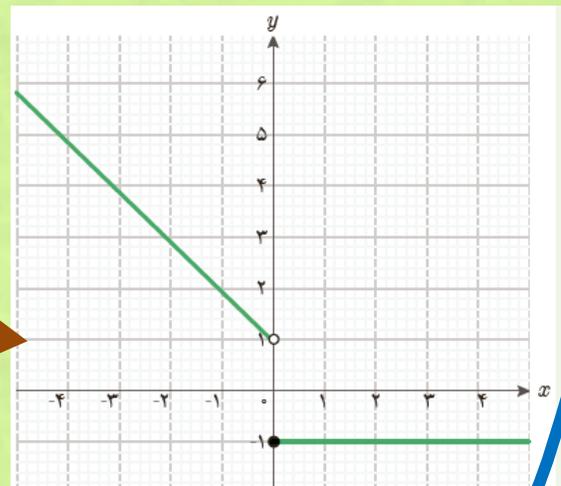
خطی با شیب منفی $x < 0$
ثابت -1 $0 \leq x$

$$h(x) = \begin{cases} -x & x < 0 \\ x & 0 \leq x \end{cases}$$

خطی با شیب منفی $x < 0$
خطی با شیب مثبت $0 \leq x$

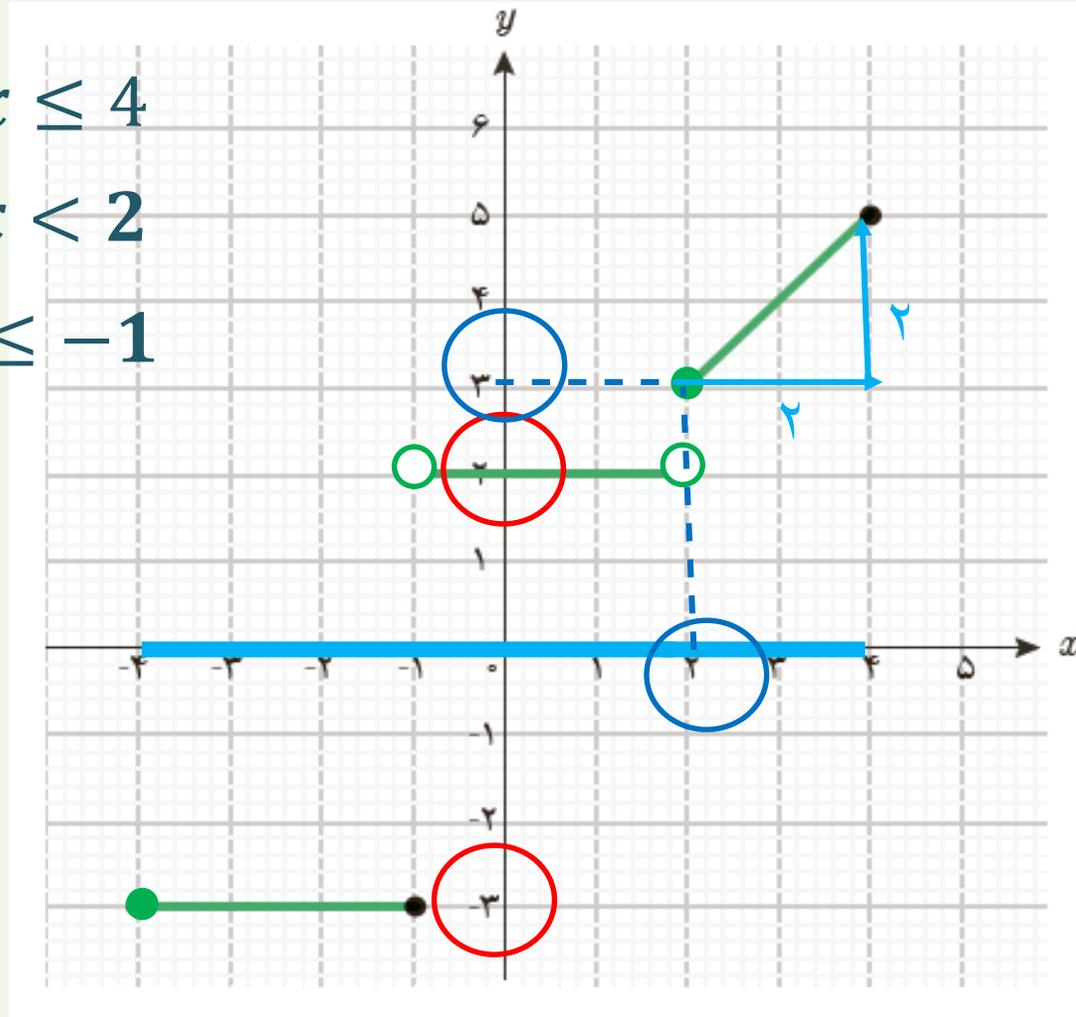
$$k(x) = \begin{cases} x^2 & x < 1 \\ -x + 2 & 1 \leq x \end{cases}$$

سهمی x^2 $x < 1$
خطی با شیب منفی $1 \leq x$



۲ نمودار زیر نمایش یک تابع چند ضابطه‌ای است. دامنه و قانون آن را بنویسید.

$$f(x) = \begin{cases} x + 1 & 2 \leq x \leq 4 \\ 2 & -1 < x < 2 \\ -3 & -4 \leq x \leq -1 \end{cases}$$



$$D_f = [-4 \text{ و } 4]$$

۳ تابع با قانون $g(x) = \begin{cases} -x^2 & -3 \leq x < 1 \\ -2 & x = 1 \\ -x + 3 & 1 < x \leq 5 \end{cases}$ را در نظر بگیرید.

الف) دامنه تابع g را بنویسید.

$$D = [-3 \text{ و } 5]$$

ب) مقادیر $g(-2)$ ، $g(1)$ و $g(3)$ را به دست آورید.

$$g(-2) = -(-2)^2 = -4$$

$$g(1) = -2$$

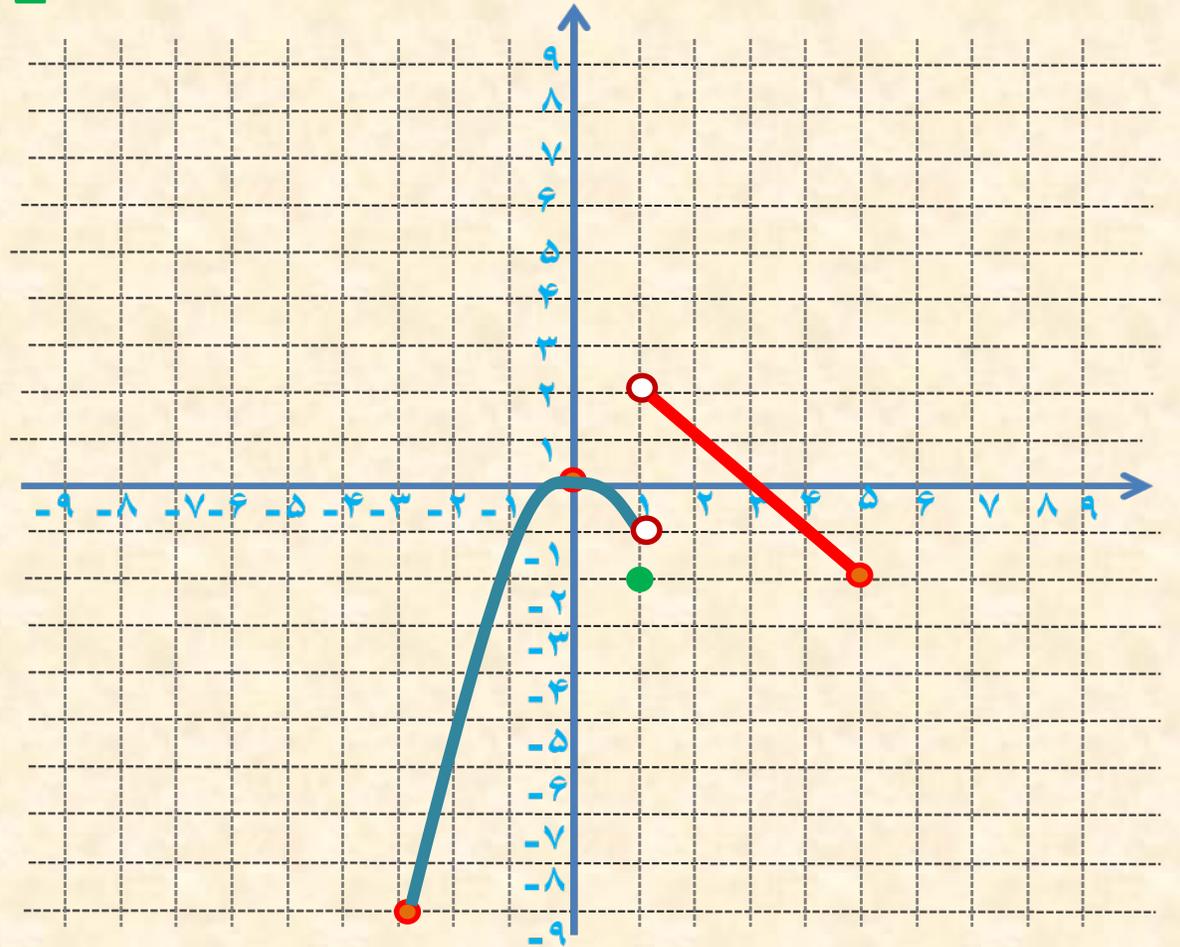
$$g(3) = -3 + 3 = 0$$

پ) نمودار تابع g را رسم کنید.

$$g(x) = \begin{cases} -x^2 & \text{سهمی} & -3 \leq x < 1 \\ -2 & & x = 1 \\ -x + 3 & \text{خطی} & 1 < x \leq 5 \end{cases}$$

| | | | |
|-----|----|---|----|
| x | -3 | 0 | 1 |
| y | -9 | 0 | -1 |
| x | 1 | | |
| y | -2 | | |

| | | |
|-----|---|----|
| x | 1 | 5 |
| y | 2 | -2 |



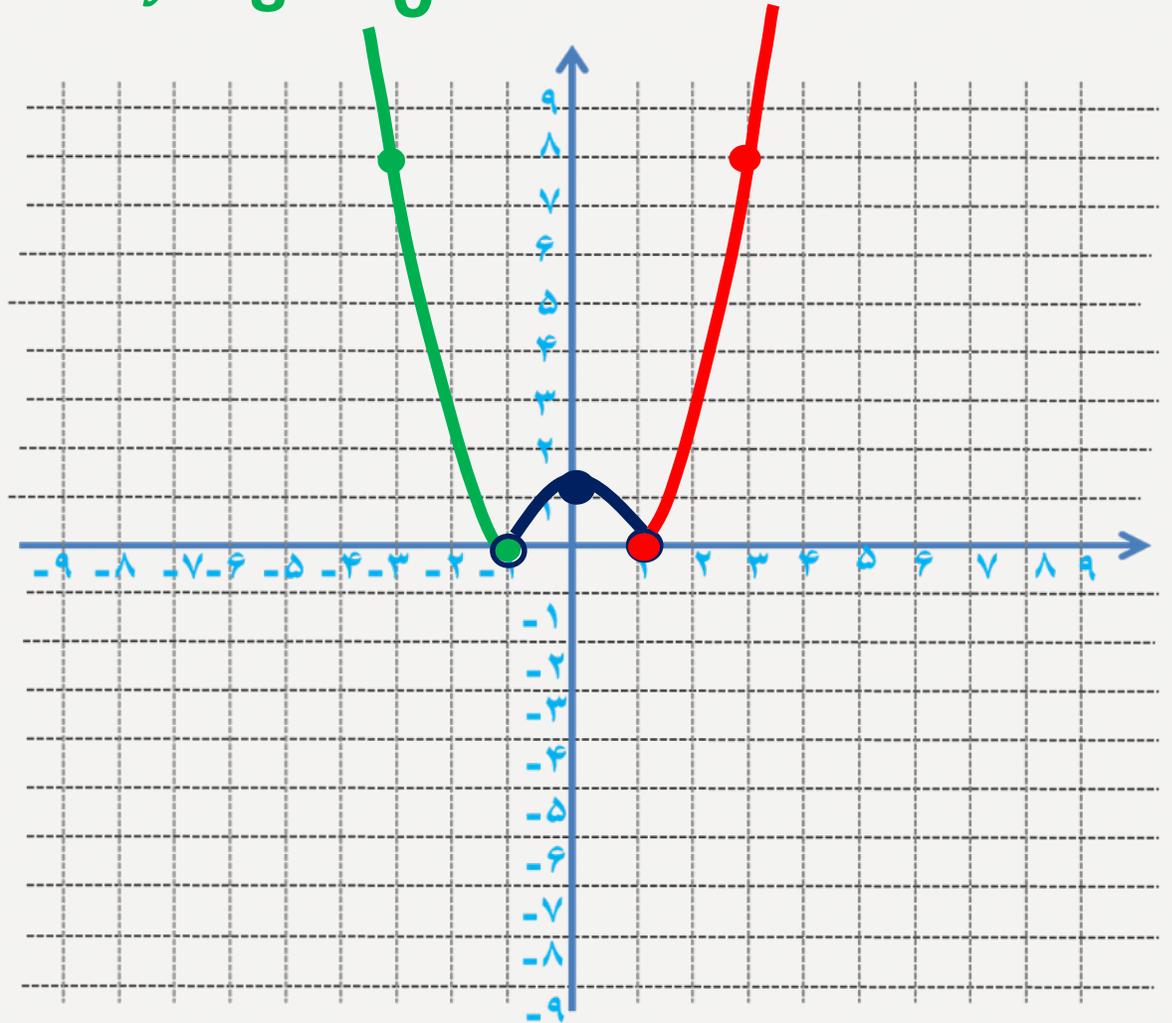
۴ نمودار تابع چند ضابطه‌ای زیر را رسم کنید.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & \text{سهمی} & x \leq -1 \\ 1 - x^2 & \text{سهمی} & -1 < x < 1 \\ x^2 - 1 & \text{سهمی} & 1 \leq x \end{cases}$$

| | | | |
|-----|------|-----|-----|
| x | -1 | 0 | 1 |
| y | 0 | 1 | 0 |

| | | |
|-----|-----|-----|
| x | 1 | 3 |
| y | 0 | 8 |

| | | |
|-----|------|------|
| x | -3 | -1 |
| y | 8 | 0 |



سطح انسولین در یک بیمار را می‌توان با تابع زیر مدل‌سازی کرد. در اینجا، $f(t)$ نشان‌دهنده سطح انسولین t ساعت پس از تزریق انسولین است.

$$f(t) = \begin{cases} 40t + 100 & 0 \leq t \leq 3 \\ 220 & 3 < t \leq 8 \\ -80t + 860 & 8 < t \leq 10 \\ 60 & 10 < t \leq 24 \end{cases}$$

از دریافت دارو، تأثیر انسولین روی قند خون حداکثر می‌رسد. پس از این زمان، این تأثیر گذار؛ پنج ساعت تقریباً ثابت می‌ماند، سپس کاهش می‌یابد. اگر بیمار، انسولین را در ساعت ۷ صبح دریافت کند، سطح انسولین خون او را در هر یک از زمان‌های زیر پیدا کنید.

ت) ۶ بعدازظهر

پ) ۴ بعدازظهر

ب) ۱۱ صبح

الف) ۸ صبح

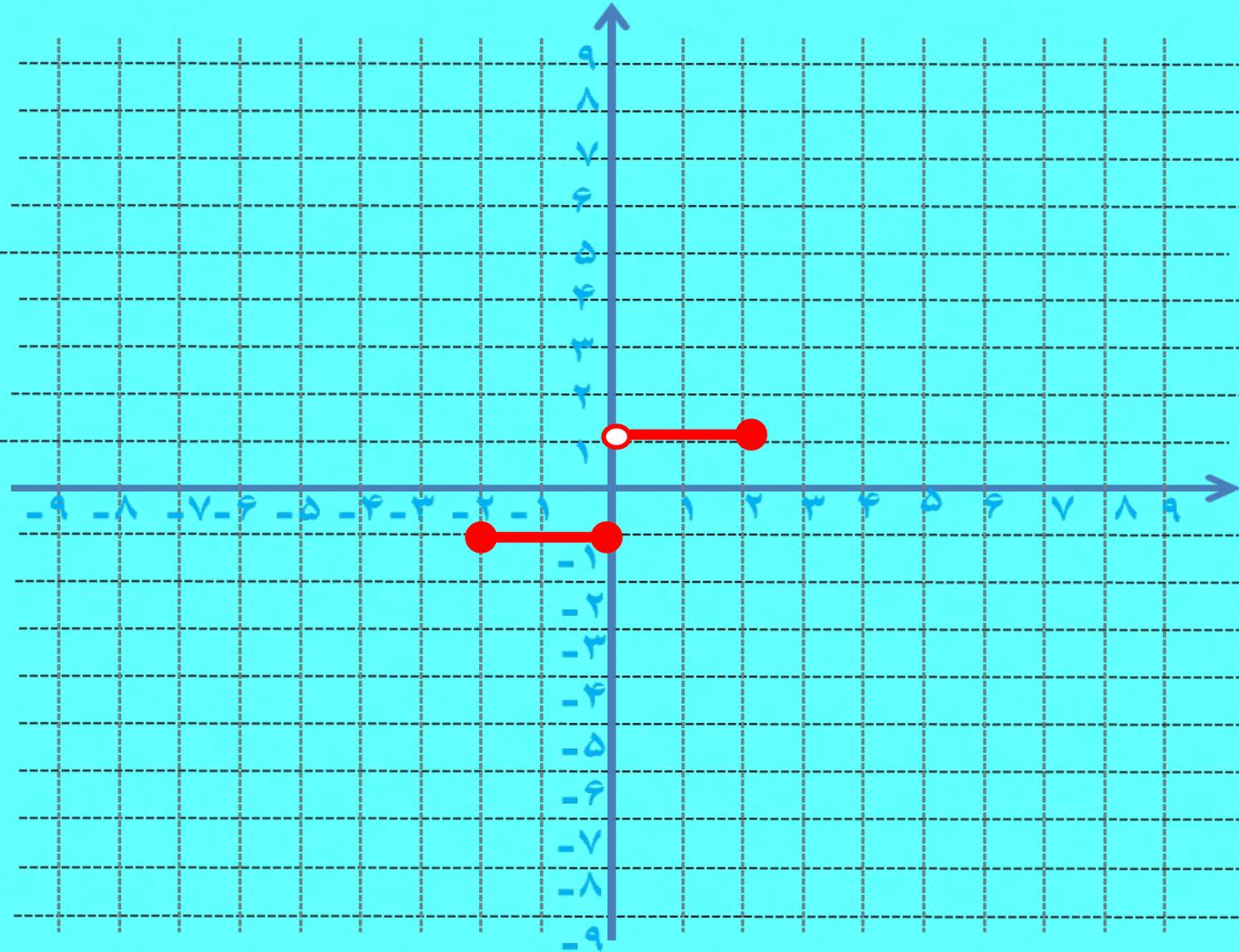
$$f(11) = 60$$

$$\begin{aligned} f(9) &= -80(9) + 860 \\ &= -720 + 860 \\ &= 140 \end{aligned}$$

$$f(4) = 220$$

$$\begin{aligned} f(1) &= 40(1) + 100 \\ &= 140 \end{aligned}$$

۷ تابعی دو ضابطه‌ای با دامنه $[-2, 2]$ مثال بزنید که نمودار آن از دو پاره‌خط تشکیل شده باشد.



$$f(x) = \begin{cases} 1 & 0 < x \leq 2 \\ -1 & -2 \leq x \leq 0 \end{cases}$$

