

۱. در شکل مقابل،  $AD$  نیمساز زاویه  $A$  است. مساحت مثلث  $ACD$  کدام است؟

- (۱)  $9\sqrt{3}$  (۲)  $3\sqrt{3}$  (۳)  $27\sqrt{3}$  (۴)  $6\sqrt{3}$

۲. پاره خط  $AB$  به طول  $L$  مفروض است. اگر با توجه به مقدار  $L$ ، فقط یک نقطه در صفحه وجود داشته باشد که از  $A$  به فاصله  $4$  و از  $B$  به فاصله  $6$  باشد، آن گاه مجموع مقادیر ممکن برای  $L$  کدام است؟

- (۱)  $6$  (۲)  $12$  (۳)  $10$  (۴)  $9$

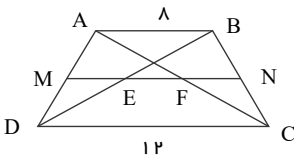
۳. چند مثلث متمایز با طول اضلاع  $6$ ،  $BC = 6$ ،  $AB = 5$  و به مساحت  $21$  وجود دارد؟

- (۱) صفر (۲)  $2$  (۳)  $3$  (۴)  $4$

۴. در مربع  $ABCD$  ضلع  $CD$  را از طرف  $C$  به اندازه ضلع مربع تا نقطه  $E$  امتداد می دهیم، به طوری که ضلع  $AE$   $BC$  را در  $F$  قطع کند. مساحت چهار ضلعی  $AFCD$  چند برابر مساحت مربع است؟

- (۱)  $\frac{4}{5}$  (۲)  $\frac{2}{3}$  (۳)  $\frac{3}{4}$  (۴)  $\frac{4}{7}$

۵. در شکل زیر،  $ABCD$  دوزنقه و  $M$  و  $N$  وسط دو ساق است. طول  $EF$  کدام است؟



- (۱)  $2$  (۲)  $1.5$  (۳)  $1$  (۴)  $\frac{3}{4}$

۶. روی پاره خط  $AB = a$  دو نقطه  $M$  و  $N$  را به قسمتی اختیار می کنیم که  $\frac{AM}{MB} = \frac{BN}{AN} = 2$ . در این صورت طول پاره خط  $MN$  چقدر است؟

- (۱)  $\frac{a}{4}$  (۲)  $\frac{a}{2}$  (۳)  $\frac{a}{3}$  (۴)  $\frac{2a}{3}$

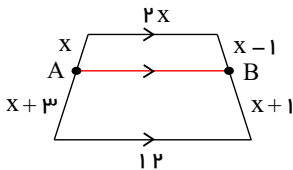
۷. اگر  $k = \frac{c}{d} = \frac{a}{b}$  و  $k > 0$ ، آنگاه حاصل  $\sqrt{\frac{2a^2 + 3c^2}{2b^2 + 3d^2}}$  کدام است؟

- (۱)  $k$  (۲)  $-k$  (۳)  $\frac{1}{k}$  (۴)  $-\frac{1}{k}$

۸. در مثلث  $ABC$ ، رأس  $B$  را به نقطه  $O$  وسط میانه  $AM$  وصل می کنیم و امتداد می دهیم تا ضلع  $AC$  را در  $N$  قطع کند. چه کسری از  $BN$  است؟

- (۱)  $\frac{1}{2}$  (۲)  $\frac{1}{3}$  (۳)  $\frac{1}{4}$  (۴)  $\frac{1}{6}$

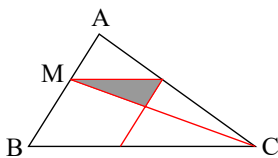
۹. در دوزنقه‌ی روبه‌رو، طول پاره خط  $AB$  کدام است؟



- (۱)  $9$  (۲)  $7.5$  (۳)  $10$  (۴)  $8$

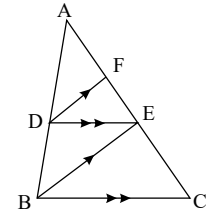
۱۰. در شکل زیر  $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$ ، مساحت مثلث سایه زده چند درصد مساحت متوازی‌الاضلاع است؟

- (۱)  $20$  (۲)  $24$  (۳)  $25$  (۴)  $30$



۱۱. در شکل مقابل با فرض  $\frac{EF}{AC} = \frac{6}{25}$ ، حاصل  $\frac{DE}{BC}$  کدام می تواند باشد؟

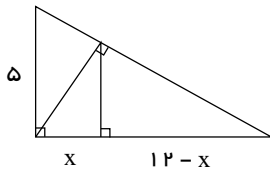
- (۱)  $0.2$  (۲)  $0.3$  (۳)  $0.4$  (۴)  $0.5$



۱۲. در مثلث متساوی الاضلاع به ضلع واحد مربعی محاط کرده ایم. طول ضلع این مربع کدام است؟

- (۱)  $2\sqrt{2} - 2$  (۲)  $2\sqrt{3} - 3$  (۳)  $\sqrt{3} - 1$  (۴)  $4 - 2\sqrt{3}$

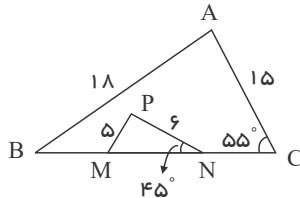
۱۳. در شکل ارتفاع هر دو مثلث قائم‌الزاویه رسم شده است. اندازه‌ی  $x$  کدام است؟



$\frac{144}{25}$  (۲)  
 $\frac{144}{13}$  (۴)

$\frac{300}{169}$  (۱)  
 $\frac{25}{13}$  (۳)

۱۴. در شکل روبه‌رو،  $BM = MN = NC$ . اندازه‌ی زاویه‌ی  $MPN$  چقدر است؟



$75^\circ$  (۲)  
 $85^\circ$  (۴)

$70^\circ$  (۱)  
 $80^\circ$  (۳)

۱۵. در مستطیل  $ABCD$  از رأس  $A$ ، پاره خط  $AH$  را بر قطر  $BD$  عمود می‌کنیم، طوری که  $HB = 3DH$ . اگر فاصله‌ی نقطه‌ی وسط ضلع  $AB$  از قطر مستطیل برابر  $2\sqrt{3}$  باشد. آن گاه اندازه‌ی ضلع  $AD$  چقدر است؟

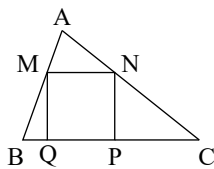
$3\sqrt{6}$  (۴)

$6\sqrt{2}$  (۳)

۸ (۲)

۱۲ (۱)

۱۶. در شکل زیر اگر  $\frac{AM}{MB} = \frac{2}{3}$ ، مساحت مربع  $MNPQ$  چند درصد مساحت مثلث  $ABC$  است؟



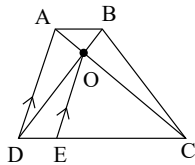
۴۸ (۲)

۳۶ (۱)

۵۴ (۴)

۶۴ (۳)

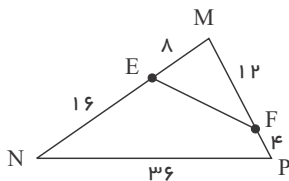
۱۷. در دوزنقه‌ی  $ABCD$  شکل زیر،  $OE \parallel AD$  است. اگر  $\frac{DE}{DC} = \frac{1}{5}$  باشد، مساحت مثلث  $AOB$  چه کسری از مساحت دوزنقه است؟



$\frac{2}{25}$  (۲)  
 $\frac{2}{15}$  (۴)

$\frac{3}{10}$  (۱)  
 $\frac{1}{25}$  (۳)

۱۸. در شکل زیر، محیط مثلث  $MEF$  چقدر است؟



۳۲ (۲)

۳۸ (۱)

۳۶ (۴)

۳۴ (۳)

۱۹. نسبت مساحت دو مثلث متشابه  $ABC$  و  $A'B'C'$  به صورت  $\frac{S_{ABC}}{S_{A'B'C'}} = \frac{9}{16}$  است. اگر بزرگ‌ترین ضلع مثلث  $ABC$ ،  $7$  واحد و نسبت کوچک‌ترین ضلع به بزرگ‌ترین ضلع در مثلث  $A'B'C'$  چقدر است؟

$\frac{28}{9}$  (۴)

$\frac{56}{9}$  (۳)

$\frac{14}{3}$  (۲)

$\frac{7}{3}$  (۱)

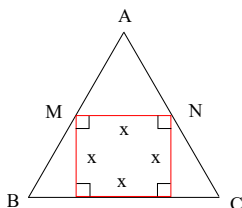
۲۰. در داخل مثلث متساوی‌الاضلاعی به ضلع  $\sqrt{3}$ ، یک مربع محاط شده است. ضلع این مربع کدام است؟

$3(2 - \sqrt{3})$  (۲)

$2(3 - \sqrt{3})$  (۱)

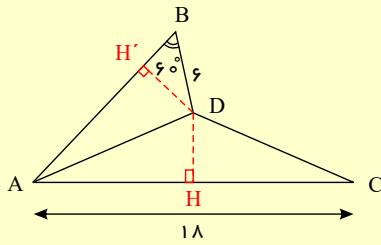
$4 - \sqrt{3}$  (۴)

$2 - \sqrt{3}$  (۳)



۱. گزینه ۳

ارتفاع دو مثلث  $\triangle ADC$ ،  $\triangle ADB$  را رسم می‌نماییم.



با توجه به تصویر در مثلث  $\triangle ADB$  داریم:

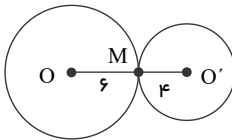
$$\sin 60^\circ = \frac{DH'}{DB} \rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{DH'}{6} \rightarrow DH' = 3\sqrt{3}$$

نقطه  $D$  روی نیمساز قرار دارد پس از دو ضلع زاویه به یک فاصله است، یعنی:

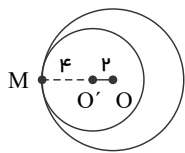
$$DH' = DH = 3\sqrt{3}$$

$$S_{\triangle ADC} = \frac{1}{2} DH \times AC = \frac{1}{2} \times 3\sqrt{3} \times 18 = 27\sqrt{3}$$

۲. گزینه ۳ با توجه به اینکه فقط یک نقطه با ویژگی ذکر شده وجود دارد می‌توان دو حالت در نظر گرفت:



$$\rightarrow L = OM + O'M = 6 + 4 = 10 \text{ :حالت اول:}$$



$$L = OM - O'M = 6 - 4 = 2 \text{ :حالت دوم:}$$

پس  $L$  دو مقدار مختلف می‌تواند داشته باشد.

۳. گزینه ۱ با توجه به اطلاعات مسئله یعنی مساحت و طول ضلع می‌توان ارتفاع وارد بر بعضی اضلاع را محاسبه نمود:

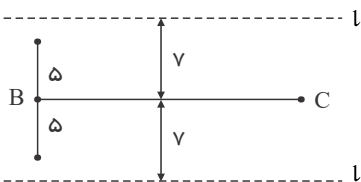
$$S = \frac{1}{2} BC \times h_{BC} \rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \times 6 \times h_{BC} = 21 \rightarrow h_{BC} = 7$$

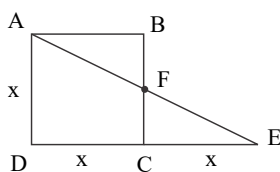
حال می‌توان گفت رأس در ۷ واحدی از ضلع  $BC$  قرار دارد، یعنی رأس  $A$  یا روی خط  $l$  قرار می‌گیرد یا  $l'$ .

حال به مرکز  $B$  و شعاع ۵ واحد دایره رسم می‌نماییم تا خط  $l$  یا  $l'$  قطع نماید، زیرا ضلع  $AB$  برابر ۵ واحد است. دایره مرسوم هیچ برخوردی با  $l$  یا  $l'$  ندارد؛

بنابراین هیچ مثلثی قابل رسم نمی‌باشد.



۴. گزینه ۳ ابتدا یک تصویر کلی از مسئله رسم می‌نماییم. با توجه به شکل در مثلث  $ADE$  داریم:



$$AD \parallel CF \rightarrow \frac{CF}{AD} = \frac{CE}{DE} \rightarrow \frac{CF}{x} = \frac{x}{2x} \rightarrow CF = \frac{x}{2}$$

حال می‌توان مساحت دوزنقه را به شکل زیر محاسبه نمود:

$$\text{مساحت دوزنقه} = \frac{\left(\frac{x}{2} + x\right)x}{2} = \frac{\left(\frac{3x}{2}\right)x}{2} = \frac{(3x)x}{2} = \frac{3x^2}{4}$$

نسبت مساحت دوزنقه به مربع برابر است:

$$\frac{\frac{3x^2}{4}}{x^2} = \frac{3}{4}$$

۵. گزینه ۱ با توجه به اینکه  $M$  و  $N$  وسط دو ساق قرار گرفته می‌توان نتیجه گرفت:

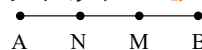
$$\frac{AM}{MD} = \frac{BN}{NC} = 1 \rightarrow MN \parallel AB \parallel DC$$

$$ME \parallel AB \xrightarrow{\text{در } \triangle ADB} \frac{ME}{AB} = \frac{DM}{DA} = \frac{1}{2} \rightarrow ME = \frac{1}{2} AB = 4$$

$$MF \parallel DC \xrightarrow{\text{در } \triangle DAC} \frac{MF}{DC} = \frac{AM}{AD} = \frac{1}{2} \rightarrow MF = \frac{1}{2} DC = 6$$

$$EF = MF - ME = 6 - 4 = 2$$

۶. گزینه ۳ با توجه به فرض مسأله داریم:



حال در کسرهای فوق از ترکیب در مخرج استفاده می‌کنیم:

$$\frac{MB}{AM} = \frac{AN}{BN} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{MB}{AM + MB} = \frac{AN}{BN + AN} = \frac{1}{2 + 1}$$

$$\Rightarrow \frac{MB}{AB} = \frac{AN}{AB} = \frac{1}{3} \Rightarrow MB = AN = \frac{AB}{3} = \frac{a}{3}$$

$$\Rightarrow MN = AB - (BM + AN) = a - \left(\frac{a}{3} + \frac{a}{3}\right) = \frac{a}{3}$$

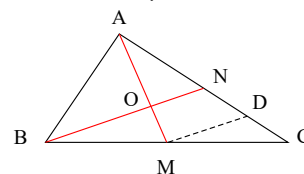
۷. گزینه ۱ با توجه به فرض مسأله داریم:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k \Rightarrow \frac{a^2}{b^2} = \frac{c^2}{d^2} = k^2 \Rightarrow \frac{2a^2}{2b^2} = \frac{3c^2}{3d^2} = k^2 \xrightarrow{\text{ترکیب در صورت و مخرج}} \frac{2a^2 + 3c^2}{2b^2 + 3d^2} = k^2$$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{2a^2 + 3c^2}{2b^2 + 3d^2}} = \sqrt{k^2} \xrightarrow{k > 0} \sqrt{\frac{2a^2 + 3c^2}{2b^2 + 3d^2}} = k$$

۸. گزینه ۳ از  $M$  پای میانه موازی  $ON$  رسم کرده تا  $AC$  را در نقطه‌ی  $D$  قطع کند. از قضیه‌ی تالس نتیجه می‌گیریم:

$$MD \parallel BN \Rightarrow \frac{MC}{MB} = \frac{CD}{ND} \xrightarrow{MC=MB} CD = ND$$



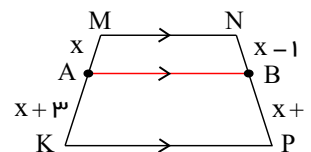
$$MD \parallel ON \Rightarrow ON = \frac{1}{2} MD \text{ است: } AM \text{ وسط ضلع } \Rightarrow$$

بنابراین:

$$ON = \frac{1}{2} MD = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} BN\right) = \frac{1}{4} BN$$

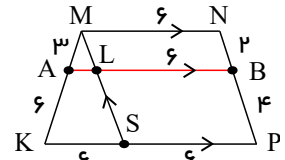
۹. گزینه ۴ در دوزنقه‌ی  $MNPK$ ، چون پاره‌خط  $AB$  با قاعده‌های دوزنقه موازی است، پس طبق قضیه‌ی تالس نتیجه می‌شود که:

$$\frac{MA}{AK} = \frac{NB}{BP} \Rightarrow \frac{x}{x+3} = \frac{x-1}{x+1} \Rightarrow x^2 + x = x^2 + 2x - 3 \Rightarrow x = 3$$



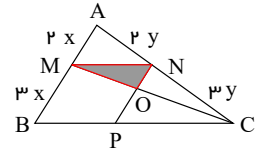
پس شکل به صورت زیر خواهد شد که با رسم خطی از رأس  $M$  موازی ساق  $NP$  خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \Delta MKS : AL \parallel KS &\rightarrow \frac{AL}{KS} = \frac{MA}{MK} \Rightarrow \frac{AL}{6} = \frac{3}{9} \\ \Rightarrow AL = 2 &\Rightarrow AB = AL + LB = 2 + 6 = 8 \end{aligned}$$



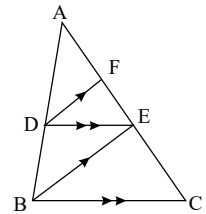
۱۰. گزینه ۱ مساحت مثلث و متوازی الاضلاع را بر حسب سینوس زاویه  $N$  بدست می آوریم. بنابر فرض چهارضلعی  $MNPB$  متوازی الاضلاع است پس  $NP = 3x$  در ضمن طبق قضیه تالس داریم:

$$\begin{aligned} ON \parallel AM &\Rightarrow \frac{ON}{AM} = \frac{CN}{AC} \Rightarrow \frac{ON}{2x} = \frac{3y}{5y} \Rightarrow ON = \frac{6}{5}x \\ \frac{SMNO}{SMNPB} &= \frac{\frac{1}{2}MN \times NO \sin N}{MN \times NP \sin N} = \frac{ON}{2NP} = \frac{\frac{6}{5}x}{2(3x)} = \frac{1}{5} = 20\% \end{aligned}$$



۱۱. گزینه ۳

$$\begin{aligned} \Delta ABC : DE \parallel BC &\Rightarrow \frac{DE}{BC} = \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} \\ \Delta ABE : DF & \\ \parallel BE &\Rightarrow \frac{AD}{AB} \\ &= \frac{AF}{AE} \\ &= \frac{AE - EF}{AE} \\ &= 1 - \frac{EF}{AE} \end{aligned}$$



از تناسب های فوق نتیجه می شود  $\frac{EF}{AE} = 1 - \frac{AD}{AB} = 1 - \frac{DE}{BC}$  و داریم:

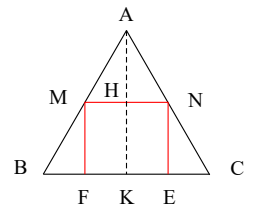
$$\frac{EF}{AC} = \frac{6}{25} \Rightarrow \frac{EF}{AE} \times \frac{AE}{AC} = \frac{6}{25} \Rightarrow \left(1 - \frac{DE}{BC}\right) \frac{DE}{BC} = \frac{6}{25}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{DE}{BC}\right)^2 - \left(\frac{DE}{BC}\right) + \frac{6}{25} = 0 \Rightarrow \frac{DE}{BC} = \frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{24}{25}}}{2} = \frac{1 \pm \frac{1}{5}}{2}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{DE}{BC} &= \frac{6}{25} = 0,24 \\ &\text{یا} \\ \frac{DE}{BC} &= \frac{4}{5} = 0,8 \end{aligned} \right.$$

۱۲. گزینه ۲ مطابق شکل ارتفاع  $AK$  را رسم کرده داریم:

$$MN \parallel BC \Rightarrow \Delta AMN \sim \Delta ABC \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AH}{AK}$$



اگر طول ضلع مربع را  $x$  فرض کنیم با توجه به اینکه در مثلث متساوی الاضلاع به ضلع  $a$  طول ارتفاع  $\frac{a\sqrt{3}}{2}$  است، پس:

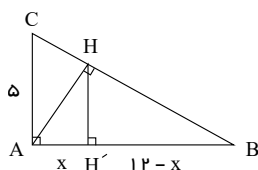
$$\frac{MN}{BC} = \frac{AH}{AK} \Rightarrow \frac{x}{1} = \frac{AK - HK}{AK} \Rightarrow x = \frac{\sqrt{3} - x}{\frac{\sqrt{3}}{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2}x = \frac{\sqrt{3}}{2} - x \Rightarrow x(\sqrt{3} + 2) = \sqrt{3}$$

$$x = \frac{\sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}} \times \frac{2 - \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} = 2\sqrt{3} - 3$$

۱۳. گزینه ۱

$$HH' \parallel AC \Rightarrow \frac{12 - x}{x} = \frac{BH}{CH}$$



چون  $AB = 12$  و  $AC = 5$  پس  $BC = 13$  (فیثاغورس)  
با توجه به تشابه مثلث‌های  $ACH$  و  $ABH$  با مثلث  $ABC$  داریم:

$$AC^2 = CH \times BC \Rightarrow 5^2 = CH \times 13 \Rightarrow CH = \frac{25}{13}$$

$$AB^2 = BH \times BC \Rightarrow 12^2 = BH \times 13 \Rightarrow BH = \frac{144}{13}$$

$$HH' \parallel AC \Rightarrow \frac{BH'}{AH'} = \frac{BH}{CH} \Rightarrow \frac{12 - x}{x} = \frac{\frac{144}{13}}{\frac{25}{13}} = \frac{144}{25} \Rightarrow \frac{12}{x} = 1 + \frac{144}{25} = \frac{169}{25} \Rightarrow x = \frac{300}{169}$$

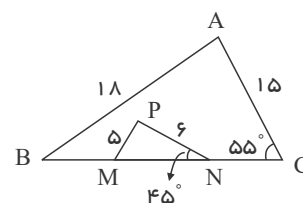
روش دوم: می‌دانیم  $AH$  ارتفاع وارد بر وتر است:

$$AH = \frac{5 \times 12}{13} = \frac{60}{13}$$

$$AHB: AH^2 = AB \cdot AH' \rightarrow \left(\frac{60}{13}\right)^2 = 12x \rightarrow x = \frac{300}{169}$$

۱۴. گزینه ۳ نکته: اگر اندازه‌های سه ضلع از مثلثی با اندازه‌های سه ضلع از مثلثی دیگر متناسب باشند، آنگاه دو مثلث متشابه‌اند.

$$\frac{MP}{AC} = \frac{NP}{AB} = \frac{MN}{BC} = \frac{1}{3} \Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle MNP$$



حال از تساوی زاویه‌های نظیر نتیجه می‌شود:

$$\hat{M} = \hat{C} = 55^\circ, \hat{B} = \hat{N} = 45^\circ$$

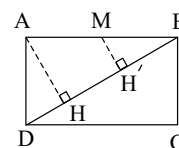
بنابراین:

$$\hat{A} = 180^\circ - \hat{B} - \hat{C} = 180^\circ - 45^\circ - 55^\circ = 80^\circ$$

۱۵. گزینه ۲

نقطه  $M$  وسط  $AB$  را می‌نامیم، بنابر داده‌های مسئله  $MH' = 2\sqrt{3}$  و چون دو مثلث  $MH'B$  و  $ABH$  متشابه‌اند، پس:

$$\frac{MH'}{AH} = \frac{MB}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow AH = 4\sqrt{3}$$



ولی در هر مثلث قائم‌الزاویه، ارتفاع وارد بر وتر میانگین هندسی دو قطعه‌ی پدید آمده روی وتر است، در نتیجه داریم:

$$AH^2 = DH \cdot HB \Rightarrow (4\sqrt{3})^2 = DH \times 3DH$$

$$\Rightarrow 3DH^2 = 48 \Rightarrow DH = 4$$

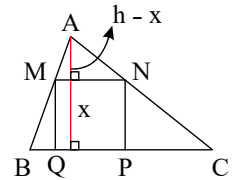
$$\Rightarrow AD = \sqrt{AH^2 + DH^2} = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 + 4^2} = \sqrt{64} = 8$$

۱۶. گزینه ۲ در مثلث ABC، ارتفاع وارد بر ضلع  $BC = a$  را رسم می‌کنیم و اندازه‌ی آن را برابر  $h$  در نظر می‌گیریم. اگر طول ضلع مربع برابر  $x$  فرض شود، آن‌گاه داریم:

$$MN \parallel BC \Rightarrow \triangle AMN \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{h-x}{h} = \frac{AM}{AB} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{a} = \frac{h-x}{h} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{5x}{2} \\ \frac{h-x}{h} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{x}{h} = \frac{3}{5} \Rightarrow h = \frac{5x}{3} \end{cases}$$



$$\frac{S_{\square}}{S_{\triangle}} = \frac{x^2}{\frac{1}{2}h \times a} = \frac{x^2}{\frac{1}{2} \times \frac{5x}{3} \times \frac{5x}{2}} = \frac{12}{25} = 0,48$$

۱۷. گزینه ۳

$$OE \parallel AD \Rightarrow \frac{DE}{DC} = \frac{AO}{AC} = \frac{1}{5} \xrightarrow{\text{تفضیل در مخرج}} \frac{AO}{OC} = \frac{1}{4}$$

$$\triangle AOB \sim \triangle DOC \Rightarrow \frac{S_{\triangle AOB}}{S_{\triangle DOC}} = \left(\frac{AO}{OC}\right)^2 = \frac{1}{16}, \frac{OB}{OD} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{S_{\triangle AOD}}{S_{\triangle AOB}} = \frac{DO}{BO} = 4 \Rightarrow S_{\triangle AOD} = 4S_{\triangle AOB} \Rightarrow S_{\triangle BOC} = 4S_{\triangle AOB}$$

$$S_{ABCD} = S_{\triangle AOB} + 4S_{\triangle AOB} + 16S_{\triangle AOB} + 4S_{\triangle AOB} = 25S_{\triangle AOB}$$

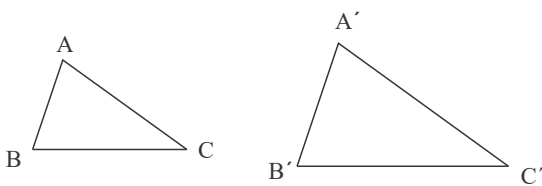
۱۸. گزینه ۱ نکته: اگر اندازه‌های دو ضلع از مثلثی با اندازه‌های دو ضلع از مثلثی دیگر متناسب و زاویه بین آن‌ها برابر باشد، آن‌گاه دو مثلث متشابه‌اند.

$$\begin{cases} \hat{M} = \hat{M} \text{ (مشترک)} \\ \frac{ME}{MP} = \frac{MF}{MN} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \triangle MNP \sim \triangle MEF$$

اکنون می‌توان نتیجه گرفت  $\frac{EF}{NP} = \frac{1}{2}$ ، پس  $EF = 18$ . بنابراین محیط مثلث  $MEF$  برابر است با:

$$ME + MF + EF = 8 + 12 + 18 = 38$$

۱۹. گزینه ۳



$$\frac{S_{ABC}}{S_{A'B'C'}} = k^2 \rightarrow k^2 = \frac{9}{16} \rightarrow k = \frac{3}{4}$$

نسبت تشابه  $\frac{3}{4}$

با توجه به تصویر می‌توان نوشت:

$$\frac{BC}{B'C'} = \frac{3}{4} \rightarrow \frac{y}{28} = \frac{3}{4} \rightarrow 3B'C' = 28 \rightarrow B'C' = \frac{28}{3}$$

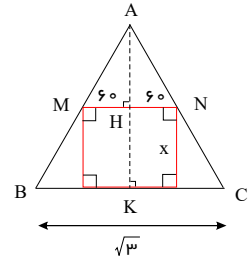
ضلع بزرگ مثلث دوم  $\frac{28}{3}$

حال نسبت ضلع کوچکتر به بزرگتر را در مثلث  $A'B'C'$  می‌نویسیم:

$$\frac{A'B'}{B'C'} = \frac{2}{3} \rightarrow \frac{A'B'}{\frac{28}{3}} = \frac{2}{3} \rightarrow A'B' = \frac{2}{3} \times \frac{28}{3} = \frac{56}{9}$$

۲۰. گزینه ۲ راه اول: در دو مثلث متشابه نسبت ارتفاع‌های متناظر، با نسبت تشابه برابر است با:

$$\begin{aligned} \triangle AMN &\sim \triangle ABC \\ \frac{AH}{AK} &= \frac{MN}{BC} \Rightarrow \frac{AK-x}{AK} = \frac{x}{\sqrt{3}}, AK = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{3} = \frac{3}{2} \\ 1 - \frac{x}{\frac{3}{2}} &= \frac{x}{\sqrt{3}} \Rightarrow x = \frac{3}{2 + \sqrt{3}} \Rightarrow x = 3(2 - \sqrt{3}) \end{aligned}$$



راه حل دوم:

$$\begin{cases} AK = \frac{\sqrt{3}}{2} \times AC = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{3} = \frac{3}{2} \text{ (ارتفاع در مثلث متساوی الاضلاع } ABC) \\ AH = \frac{\sqrt{3}}{2} \times MN = \frac{\sqrt{3}}{2} x \text{ (ارتفاع در مثلث متساوی الاضلاع } AMN) \end{cases}$$

$$\frac{AK=AH+HK}{\frac{3}{2}} \Rightarrow \frac{3}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} x + x \Rightarrow x = 3(2 - \sqrt{3})$$