

هندسه > هم

پایا

(ریاضی فیزیک)

از مجموعه مرشد

درس نامه کامل



پرسش‌های چهارگزینه‌ای (تألیفی و کنکور و مسابقات)



پاسخ نامه تشریحی با نکته‌های کلیدی



برای داوطلبان رشته‌های برتر دانشگاه‌های مشهور



حمیدرضا بیات

مرتضی خمامی ابدی

کیان کریمی خراسانی

دانشآموزان گرامی

ورود شما را به دوره دوم متوسطه تبریک می‌گوییم. این دوره شما را برای زندگی و کار در جامعه و تحصیل در دوره‌های بالاتر آماده می‌کند. اگر بگوییم آینده شغلی شما بستگی به موفقیت تحصیلی شما در این دوره سه‌ساله دارد، اغراق نکرده‌ایم.

شما برای موفقیت در این دوره باید تلاش کنید و از مشاوران و معلمان و کتاب‌های مناسب برخوردار شوید.

ما در انتشارات مبتکران، بسیار خرسندیم که کتاب‌های هندسه «پایا» را در اختیار شما قرار می‌دهیم. این کتاب‌ها که از مجموعه کتاب‌های «مرشد» به حساب می‌آیند، موفقیت تحصیلی شما را تضمین می‌کنند. این مجموعه، برای دانشآموزانی به رشتة تحریر درآمده است که مایلند در بهترین رشته‌های مهندسی یا علوم پایه دانشگاه‌های بهنام کشور یا خارج از ایران تحصیل کنند. کتاب «هندسه ۱ پایا» شما را برای شرکت در مسابقات، امتحانات و آزمون‌های ورودی دانشگاه‌ها آماده می‌کند.

مؤلفان مجموعه پایا، پس از ارائه درسنامه مختصر، بانک سؤال کاملی را در اختیار شما قرار می‌دهند که شامل پرسش‌های چهارگزینه‌ای کنکور گروه‌های آزمایشی ریاضی و تجربی از سال ۱۳۸۵ به بعد (و سوالات مناسب سال‌های قبل از آن و سوالات مناسب سایر گروه‌های آزمایشی که با عبارت «کنکور» مشخص شده‌اند)، مسائل مسابقات معابر ریاضی (با توجه به استفاده طراحان کنکور از آن‌ها در سال‌های اخیر) و پرسش‌های تألیفی است. این پرسش‌ها براساس فصل‌ها و بخش‌های کتاب درسی طبقه‌بندی شده‌اند.

مطالعه پاسخ‌نامه تشریحی همراه با نکته‌های کلیدی و آموزنده، موفقیت شما را تسهیل خواهد کرد.

گفتنی است در این کتاب از آیکون‌های زیر استفاده شده است:

- ★ به معنی اینکه سؤال دشوار است.

- ✉ به معنی اینکه پاسخ سؤال دارای نکته‌ای کلیدی است.

- VIT به معنی اینکه سؤال مهم و پرتکرار است.

در پایان، وظیفه خود می‌دانیم از مؤلفان محترم این کتاب، آقایان: حمیدرضا بیات، مرتضی خمامی ابدی و کیان کریمی خراسانی و دبیر مجتهد مجموعه، آقای مهندس هادی عزیززاده، که کتاب زیر نظر ایشان تأثیف شده است، تشکر کنیم. همچنین از خانم‌ها حمیده نوروزی و سمیه آهنگر که زحمت حروفچینی و صفحه‌آرایی کتاب، و خانم رضیه صفیریان که زحمت ترسیم شکل‌ها، و خانم بهاره خدامی که زحمت طراحی کتاب را بر عهده داشته‌اند، بسیار ممنونیم و برای همه این عزیزان آرزوی موفقیت می‌کنیم.

فهرست

صفحه

عنوان

۷	فصل اول: ترسیم‌های هندسی و استدلال
۸	ترسیم‌های هندسی
۱۰	رسم مثلث
۱۳	رسم چندضلعی
۱۴	استدلال
۱۷	برهان خلف
۱۹	مثال نقض
۲۰	عمودمنصف و همرسی عمودمنصف‌ها
۲۲	ارتفاع و همرسی ارتفاع‌ها
۲۴	نیمساز و همرسی نیمسازها
۲۷	نابرابری هندسی
۲۹	هم‌نهشتی مثلث‌ها
۳۱	مثلث متساوی‌الساقین
۳۶	پاسخنامه فصل اول
۶۷	فصل دوم: قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن
۶۸	نسبت و تناسب
۷۰	قضیه تالس و عکس قضیه تالس
۷۷	مساحت و قضیه تالس
۸۰	نیمسازها و تالس
۸۲	حالات‌های تشابه دو مثلث
۸۹	تشابه دو مثلث قائم‌الزاویه
۹۱	مسائل تشابه
۹۵	نسبت محیط و اجزاء متناظر مثلث‌های متشابه
۹۷	نسبت مساحت مثلث‌های متشابه
۱۰۱	تشابه چندضلعی‌ها
۱۰۴	پاسخنامه فصل دوم
۱۴۵	فصل سوم: چندضلعی‌ها
۱۴۶	چندضلعی‌ها

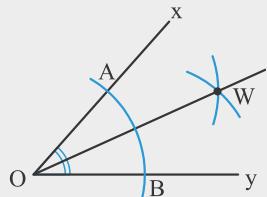
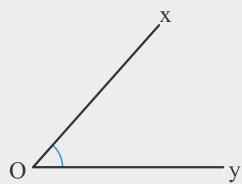
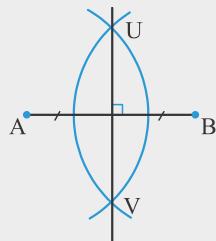
صفحه	عنوان
۱۴۷.....	متوازی‌الاضلاع
۱۵۰.....	مستطیل
۱۵۲.....	لوزی
۱۰۰.....	مربع
۱۵۷.....	ذوزنقه و کایت
۱۶۰.....	چهارضلعی‌های نامشخص
۱۶۳.....	پاره‌خط‌های میانگین در مثلث، ذوزنقه و دیگر چهارضلعی‌ها
۱۶۸.....	میانه در مثلث قائم‌الزاویه
۱۶۹.....	به‌دست آوردن مساحت مثلث به کمک قضیه فیثاغورس
۱۷۳.....	نسبت ارتفاع‌ها به نسبت عکس اضلاع
۱۷۴.....	قضیه هرون
۱۷۵.....	نسبت طول‌ها و مساحت
۱۷۸.....	مساحت در مثلث متساوی‌الاضلاع
۱۸۰.....	همرسی میانه‌ها
۱۸۲.....	میانه و مساحت
۱۸۵.....	مساحت در متوازی‌الاضلاع
۱۸۸.....	مساحت در مستطیل
۱۹۳.....	مساحت در مربع
۱۹۶.....	مسئله‌های ترکیبی از مربع و مثلث در مساحت
۲۰۰.....	مساحت در لوزی
۲۰۱.....	مساحت در ذوزنقه
۲۰۸.....	مساحت در کایت و چهارضلعی نامشخص
۲۱۰.....	مجموع فاصله‌های یک نقطه
۲۱۴.....	فرمول پیک
۲۱۶.....	پاسخنامه فصل سوم
۲۷۹.....	فصل چهارم: تجسم فضایی
۲۸۰.....	خط، نقطه و صفحه
۲۸۶.....	چندوجهی‌ها
۲۹۰.....	تفکر تجسمی
۲۹۳.....	سطح مقطع (برش یک حجم توسط یک صفحه)
۲۹۶.....	دوران حول محور
۲۹۸.....	پاسخنامه فصل چهارم
۳۱۵.....	پاسخنامه کلیدی

فصل اول

ترسیم‌های هندسی و استدلال

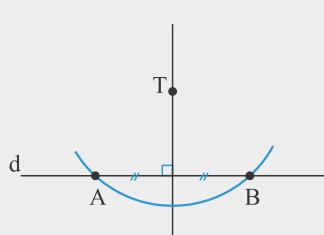
ترسیم‌های هندسی

A B



d M

T



d M

مثال عمودمنصف پاره خط AB را رسم کنید.

- دهانه پرگار را به اندازه بیش از نصف AB باز می‌کنیم.
- یک بار از نقطه A و یک بار از نقطه B کمان می‌زنیم.
- این دو کمان یکدیگر را در نقطه‌های U و V قطع می‌کنند.
- خطی که از U و V عبور کند، عمودمنصف AB است.

مثال نیمساز زاویه xOy را رسم کنید.

- دهانه پرگار را کمی باز می‌کنیم و به مرکز O کمانی می‌زنیم تا نیم خط‌های Ox و Oy را به ترتیب در A و B قطع کند.
- دهانه پرگار را به اندازه بیش از نصف AB باز می‌کنیم.
- یک بار به مرکز A و بار دیگر به مرکز B کمان بزنیم. دو کمان یکدیگر را در نقطه‌ای مانند W قطع می‌کنند.
- نیم خط OW نیمساز xOy است.

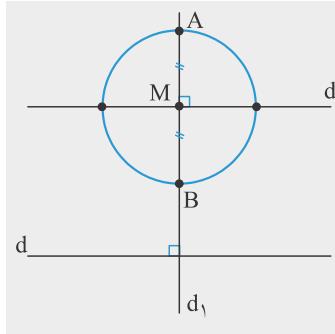
مثال از نقطه M یک عمود بر خط d رسم کنید.

- به مرکز M کمان دلخواهی رسم می‌کنیم تا خط d را در نقاط A و B قطع کند.
- نقطه M وسط پاره خط AB است.
- عمودمنصف AB را رسم می‌کنیم.
- عمودمنصف AB از M می‌گذرد و بر d عمود است.

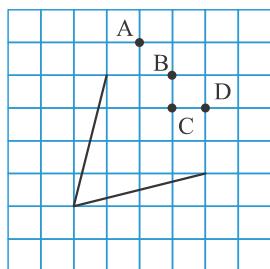
مثال از نقطه T یک عمود بر خط d رسم کنید.

- به مرکز T کمان دلخواهی رسم می‌کنیم تا خط d را در نقاط A و B قطع کند.
- عمودمنصف AB را رسم می‌کنیم.
- عمودمنصف AB از T می‌گذرد و بر خط d عمود است.

مثال خطی موازی با d رسم کنید که از نقطه M عبور کند.

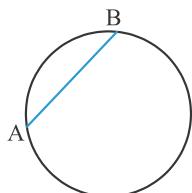


- پاسخ**
- از M خطی عمود بر d رسم می‌کنیم. این خط را d_1 می‌نامیم.
 - از M خطی عمود بر d_1 رسم می‌کنیم. این خط را d_2 می‌نامیم.
 - d_2 با d موازی است و از نقطه M عبور می‌کند.



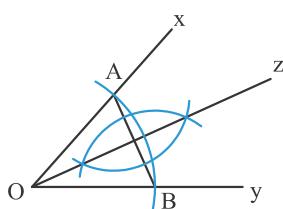
۱. اگر نیمساز زاویه روبرو را رسم کنیم، نیمساز از کدام نقطه می‌گذرد؟

- A (۱)
- B (۲)
- C (۳)
- D (۴)



۲. AB وتری از یک دایره است. عمودمنصف AB :

- (۱) از مرکز دایره عبور می‌کند.
- (۲) هیچ‌کدام درست نیستند.
- (۳) هر دو مورد درست است.



۳. مرکز کمانها در شکل روبرو نقاط O , A و B هستند. در این صورت

کدام عبارت درست است؟

الف) Oz نیمساز xOy است.

ب) Oz عمودمنصف AB است.

(۱) الف درست و ب نادرست است.

(۳) هر دو درست هستند.

(کنکور)



۴. برای رسم عمودمنصف پاره خط AB , نیاز به زدن چند کمان دایره‌ای هست؟

- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳) ۶
- (۴) ۴



۵. می‌خواهیم به کمک رسم عمودمنصف، پاره خط روبرو را به ۴ قسمت برابر

تقسیم کنیم. حداقل چند کمان باید ترسیم کنیم؟

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

۶. باید یک زاویه 80° درجه را تنها به کمک خط‌کش و پرگار به زاویه‌های 10° درجه تقسیم کنیم. حداقل باید چند بار از پرگار استفاده کرد؟

- (۱) ۶
- (۲) ۸
- (۳) ۱۰
- (۴) ۱۲

۷. نقطه P بیرون از خط ℓ است. این کارها را انجام می‌دهیم:

- دایره C_1 را به مرکز P رسم می‌کنیم تا خط ℓ را در نقاط Q و R قطع کند.

- دایره‌های C_2 و C_3 که شعاع‌های برابر دارند و مرکزشان Q و R است، را رسم می‌کنیم تا در نقطه S یکدیگر را قطع کنند.

- P را به S وصل می‌کنیم تا خط ℓ' به وجود آید.

- دایره C_4 به مرکز P خط ℓ' را در نقاط M و N قطع می‌کند.

- دایره‌های C_5 و C_6 که شعاع‌های برابر دارند و مرکزشان M و N است، را رسم می‌کنیم تا در نقطه O یکدیگر را قطع کنند.

- O و P را به یکدیگر وصل می‌کنیم تا خط ℓ'' به دست آید.

با انجام این مراحل، چه کاری انجام داده‌ایم؟

(۲) عمودمنصف PM را رسم کرده‌ایم.

(۱) از P خطی عمود بر ℓ رسم کرده‌ایم.

(۴) مثلث متساوی‌الاضلاع PMN را رسم کرده‌ایم.

(۳) از P خطی موازی ℓ رسم کرده‌ایم.

۸. به کمک خط‌کش و پرگار، چند تا از زاویه‌های 30° , 45° , 60° و 90° را می‌توان رسم کرد؟

(۴) هیچ

(۳)

(۲)

(۱)

۹. در شکل رویه‌رو، $\widehat{xOy} = 50^\circ$ است. به کمک این زاویه و خط‌کش و پرگار، چند تا از زاویه‌های 25° , 60° , 10° و 5° را می‌توان رسم کرد؟

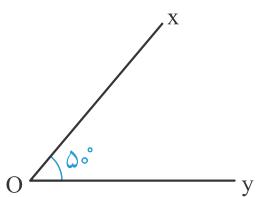
را می‌توان رسم کرد؟

(۱)

(۲)

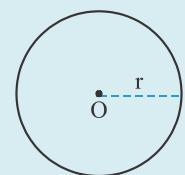
(۳)

(۴)



رسم مثلث

مجموعه نقطه‌ای از صفحه که از یک نقطه فاصله ثابتی دارند، یک دایره به مرکز آن نقطه است.



مثال مثلثی رسم کنید که اضلاع آن به ترتیب 3 , 4 , 5 هستند.

پاسخ - ضلع AB را رسم می‌کنیم.

- یک دایره به شعاع 3 به مرکز B رسم می‌کنیم.

- یک دایره به شعاع 4 به مرکز C رسم می‌کنیم.

- محل برخورد دو دایره رأس A است.

- محل برخورد دو دایره، دو نقطه است که نسبت به BC متقارن هستند. به این ترتیب دو مثلث همنهشت رسم می‌شود.

