

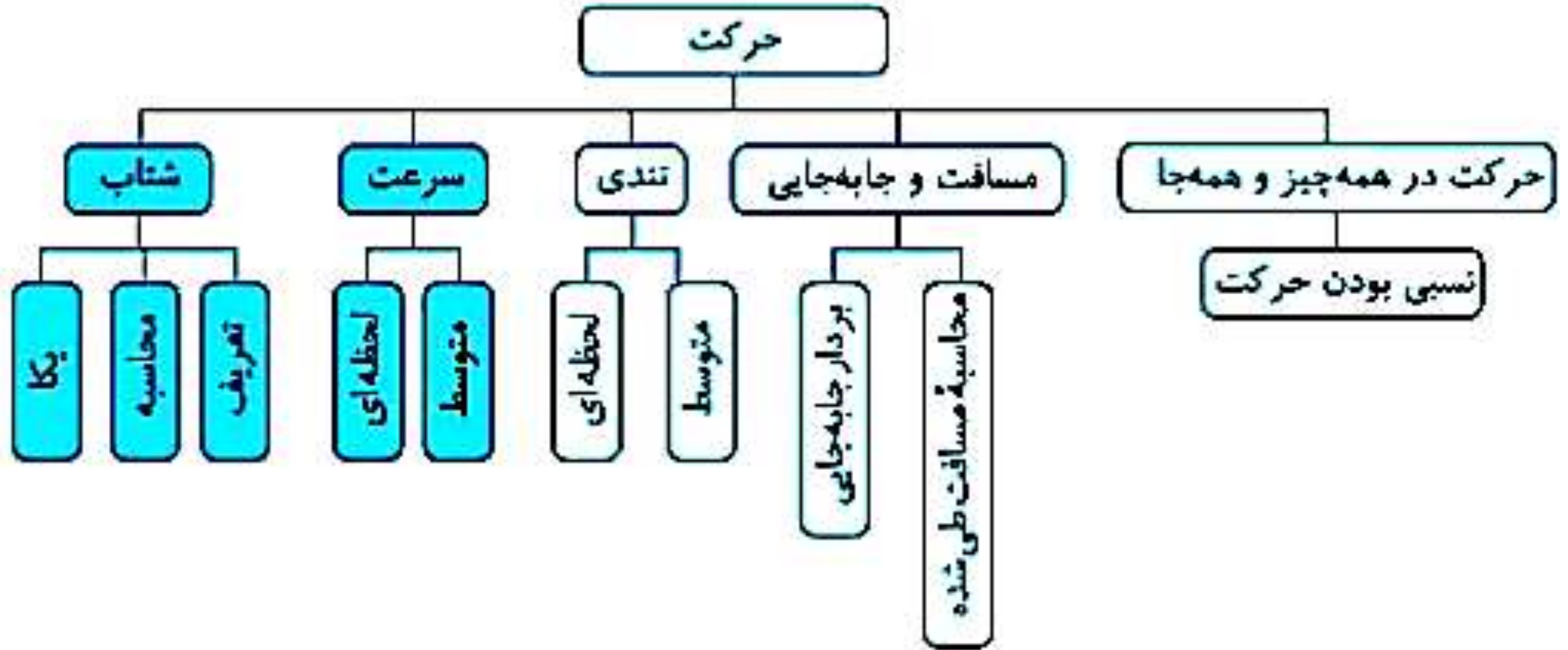
فصل ۱ فیزیک ۱۲

حرکت شناسی

ابوالقاسم کریمی === شهر یور ۹۷



حرکت



حرکت چیست؟

حرکت: پدیده ای معمول و رایج در زندگی روزمره است.

حرکت در فیزیک: تغییر وضعیت از یک مکان به مکان دیگر را می گویند .

مسیر حرکت: اثری است که متحرک از خود بر جای می گذارد. یا مکان هندسی نقاطی

است که متحرک از آنها عبور می کند .

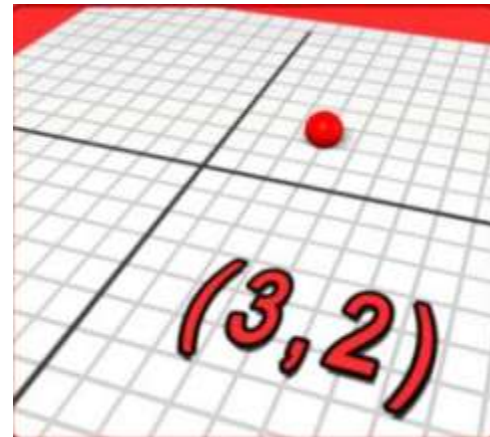
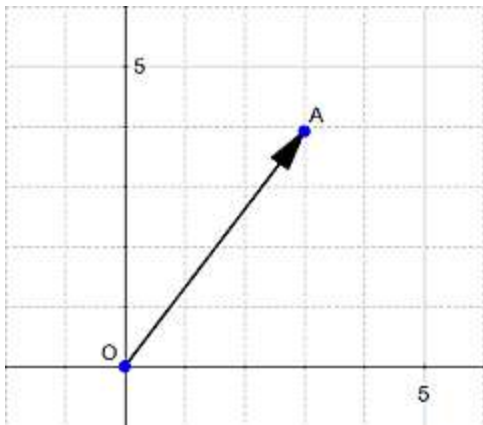
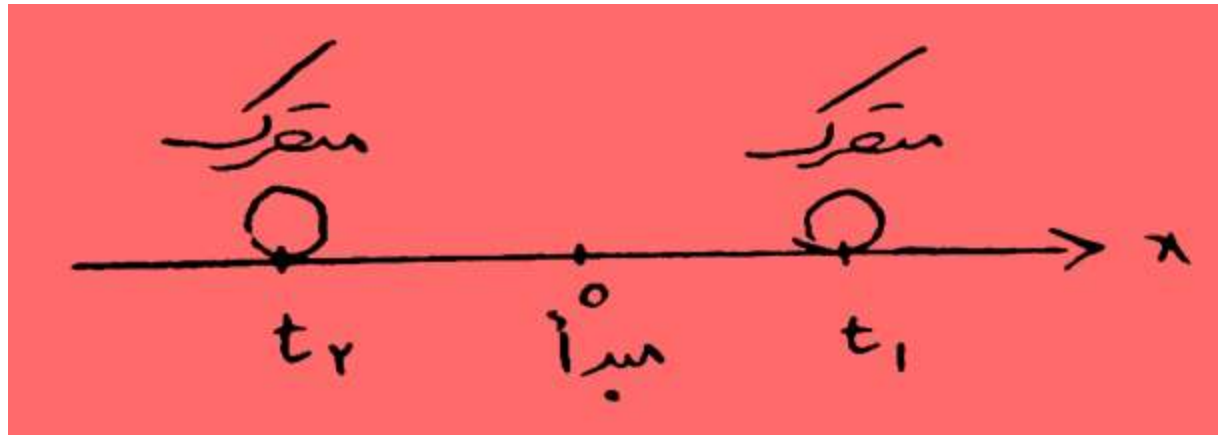
ساده روی مسیر مستقیم (افقی - عمودی)

مسیر حرکت ← در صفحه (دو بعدی) ← دایره ای

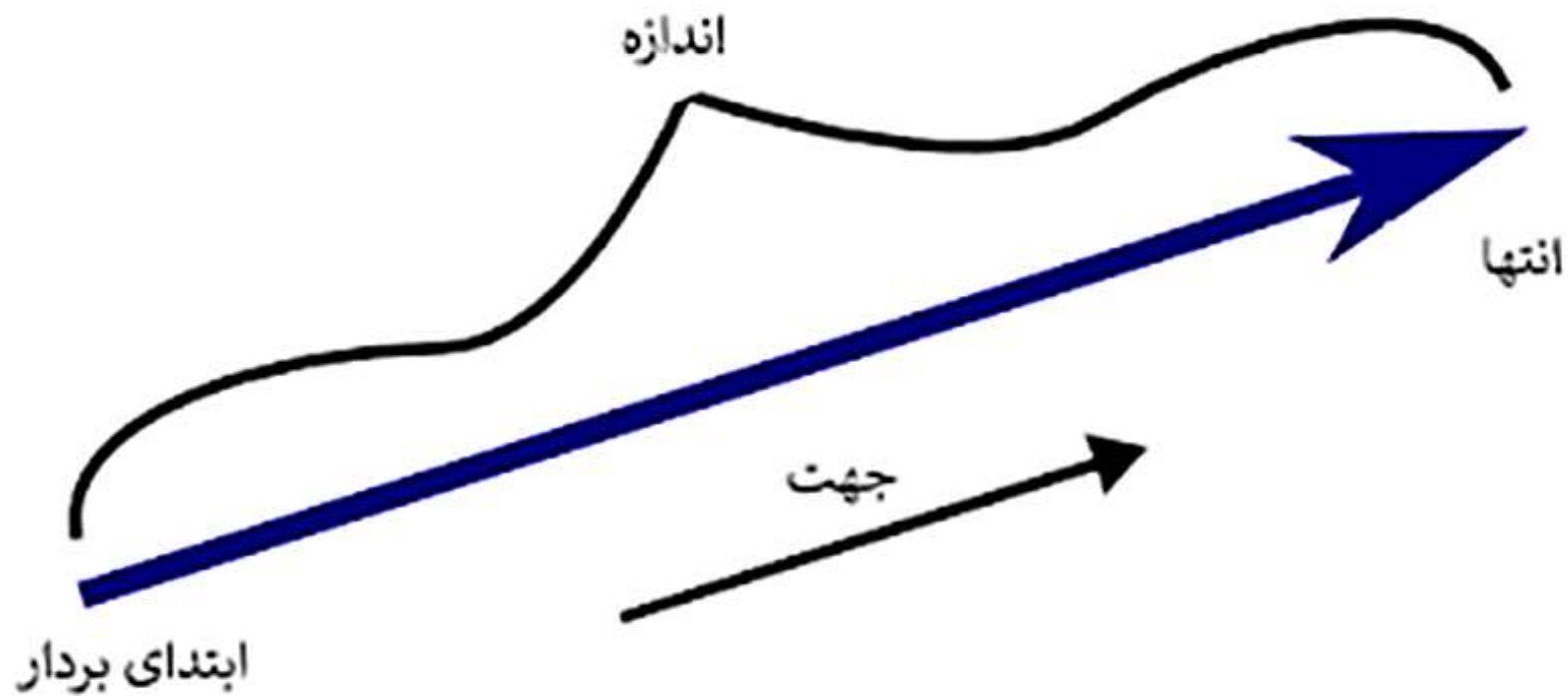
نوسانی

مبدأ حرکت متحرک:

برای تعیین وضعیت و موقعیت متحرک در هر لحظه نیاز داریم نقطه ای را به عنوان مبدأ در نظر بگیریم.



مکان جسم :
جایی که جسم در آن جا قرار دارد



طول مسیر
از شروع تا پایان حرکت
برابر مسافت است.

مسیر حرکت
جسمی که از بالا
رها می شود.



مسیر (مدار) حرکت
ماه به دور زمین



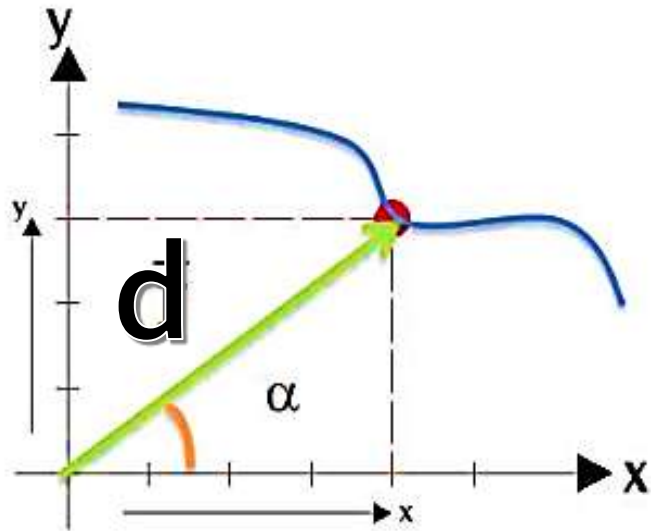
در برخی موارد خاص، مسیر حرکت می تواند یک خط مستقیم یا راست باشد.

بردار مکان (رسم و اندازه ی آن)

تعریف: برداری است که از مبدأ حرکت به موقعیت جسم وصل می شود.

پس متحرک در هر لحظه دارای یک بردار مکان است.

اگر این نقاط به هم وصل شوند همان مسیر حرکت است.



بردار مکان \vec{d} :

$$\vec{d} = x\vec{i} + y\vec{j}$$

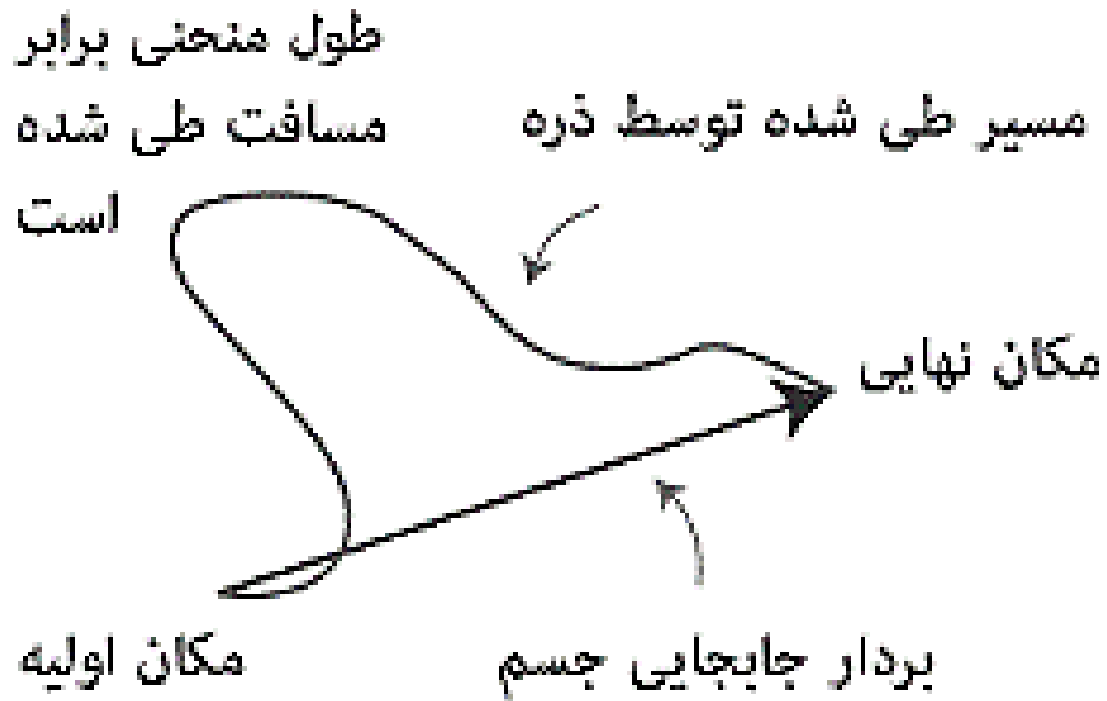
در حالت افقی $\vec{d} = x\vec{i}$

نکته: موقعیت متحرک در زمان $t = 0$ (شروع حرکت) را مکان اولیه x_0 می

گوییم.

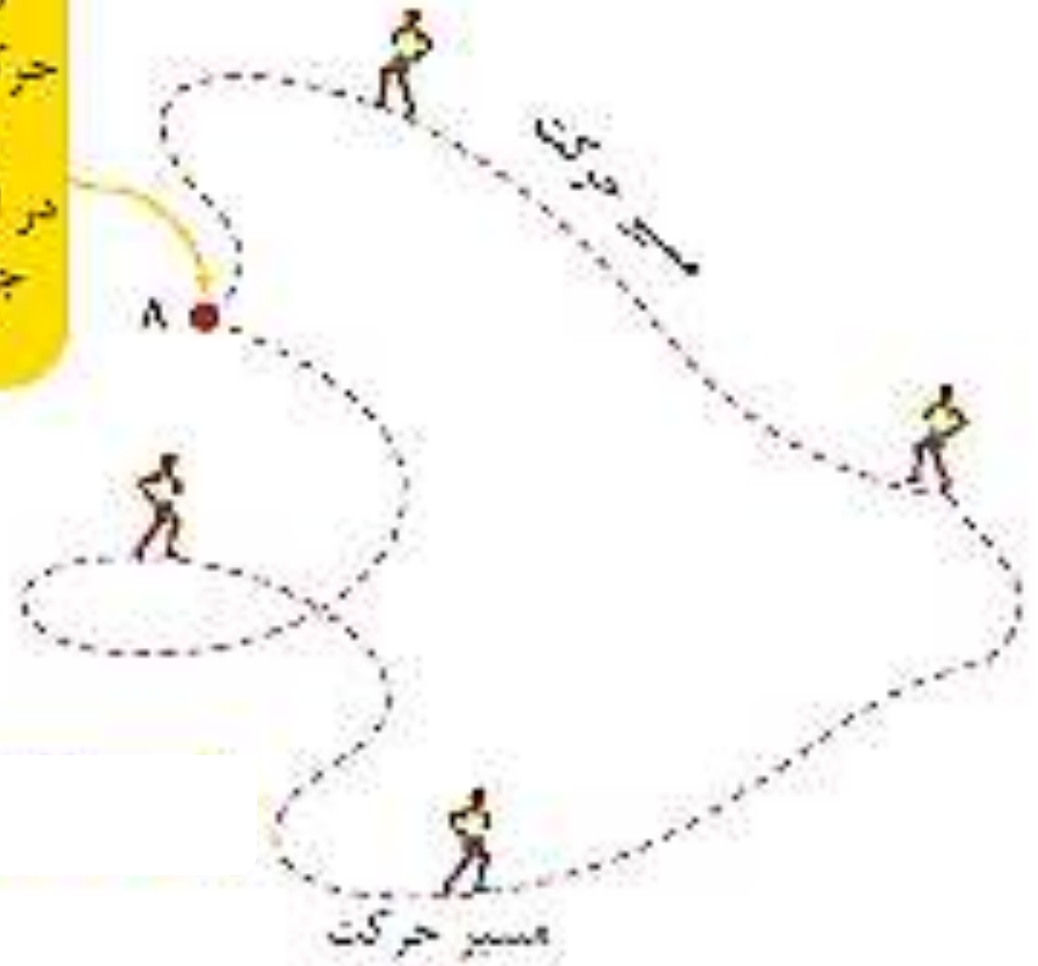
بردار جابه جایی (رسم و اندازه ی آن)

تعریف: برداری است که مکان اولیه جسم را به مکان ثانویه جسم را به هم وصل می کند.



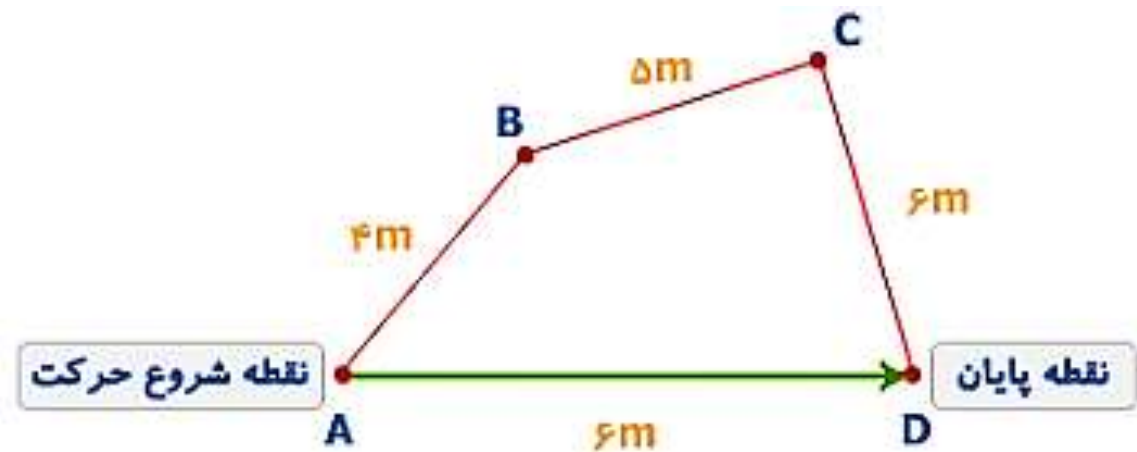
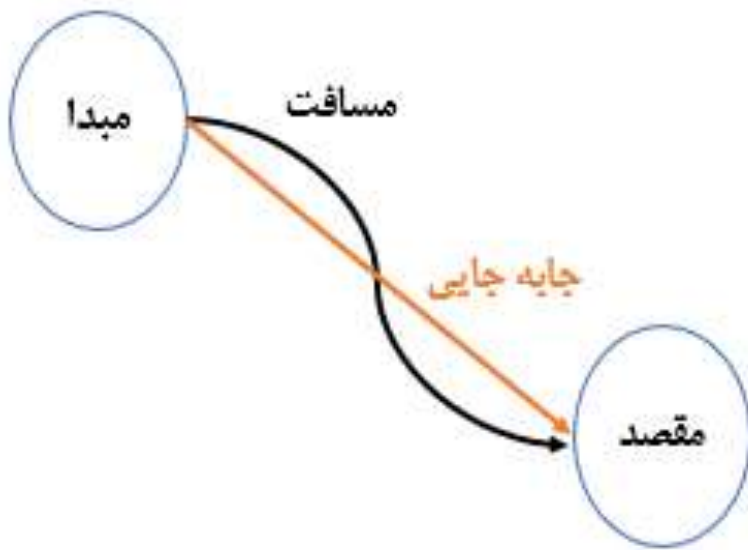


در برخی موارد
ممکن است نقطه
شروع و پایان
حرکت جسم، با هم
یکی باشند.
در این صورت برنگار
جایه جایی صفر
است

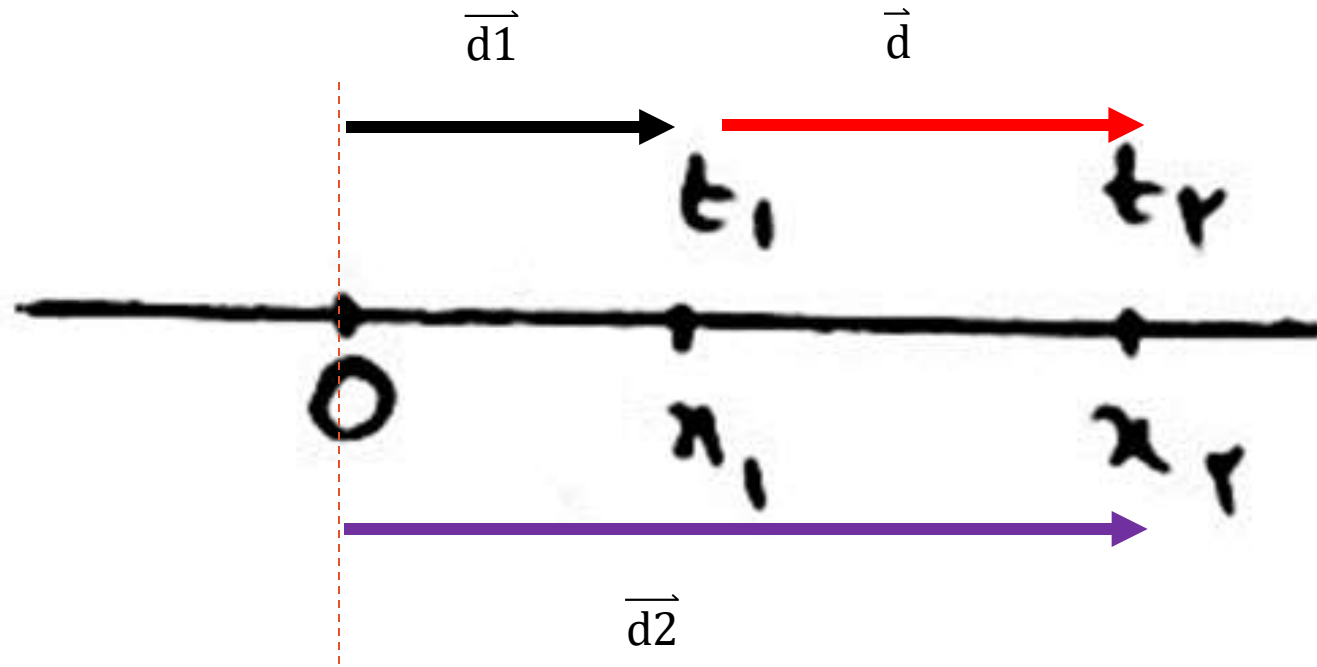


نکته :

همواره مسافت بیشتر از جابجایی است مگر در حرکت های روی خط راست که حرکت برگشتی نباشد . در شکل زیر جابجایی ۶ متر ولی مسافت طی شده ۱۵ متر است



در حرکت مستقیم (یک بعدی): در این حرکت ها مسافت و جابجایی به شرط عدم برگشتن مساویند



$$\vec{d} = (x_2 - x_1) \vec{i} = \Delta x \vec{i}$$

نقطه شروع حرکت



مسیر حرکت خط
راست است و جسم در
حین حرکت تغییر
جهت نداده است



نقطه پایان حرکت

بردار جابه جایی

اگر جسم روی خط راست حرکت کند و تغییر جهت ندهد
مسافت و جابه جایی آن با هم برابرند.

نقطه شروع حرکت



نقطه پایان حرکت



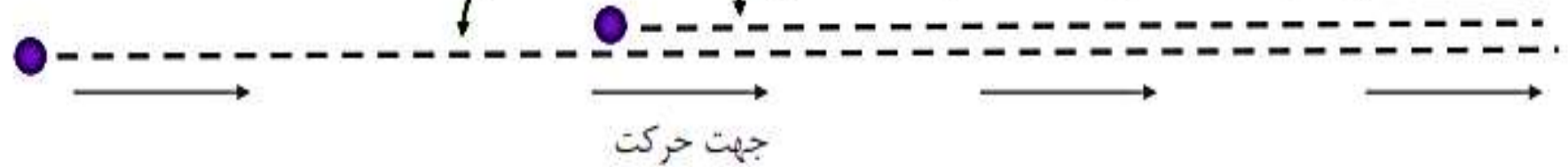
شخص تا اینجا آمده و سپس جهت حرکت خود را تغییر داده است.



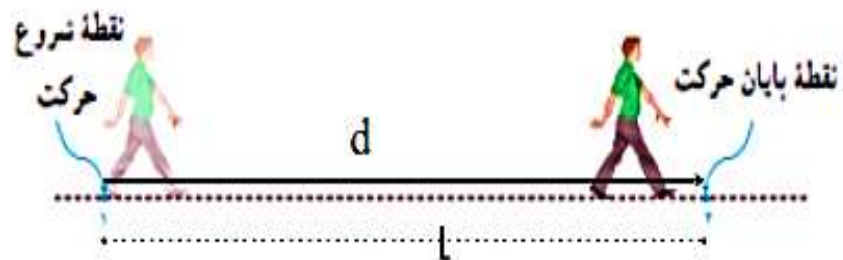
بردار جابه جایی

جسم روی خط راست حرکت کرده ولی جهت حرکت خود را تغییر داده است. بنابراین مسافت و جابه جایی با هم برابر نیستند.

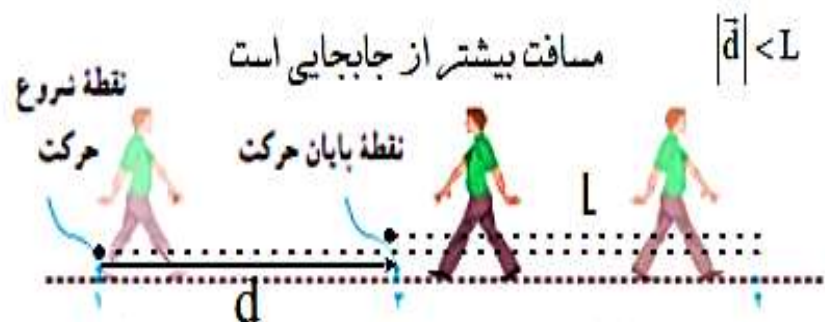
جمع این دو طول برابر مسافت است.



مسافت و جابجایی بعلت عدم تغییر جهت برابر است



مسافت و جابجایی بعلت تغییر جهت برابر نیست، و اندازه



مسافت و جابجایی بعلت تغییر جهت برابر نیست، و اندازه مسافت بیشتر از



۱- شکل الف شخصی را در حال پیاده روی در راستای خط راست و بدون تغییر جهت، از مکان ۱ به مکان ۲ نشان می دهد. مسیر حرکت و بردار جابه جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه جایی را با مسافت مقایسه کنید.

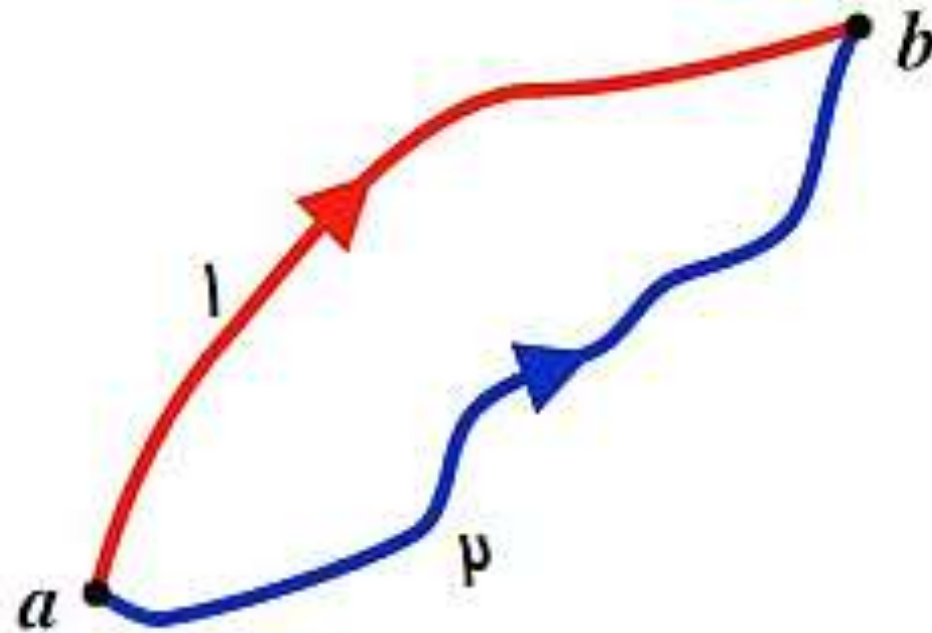


۲- شخص پس از رسیدن به مکان ۲، برمی گردد و روی همان مسیر به مکان ۳ می رود (شکل ب). مسیر حرکت و بردار جابه جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه جایی را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.

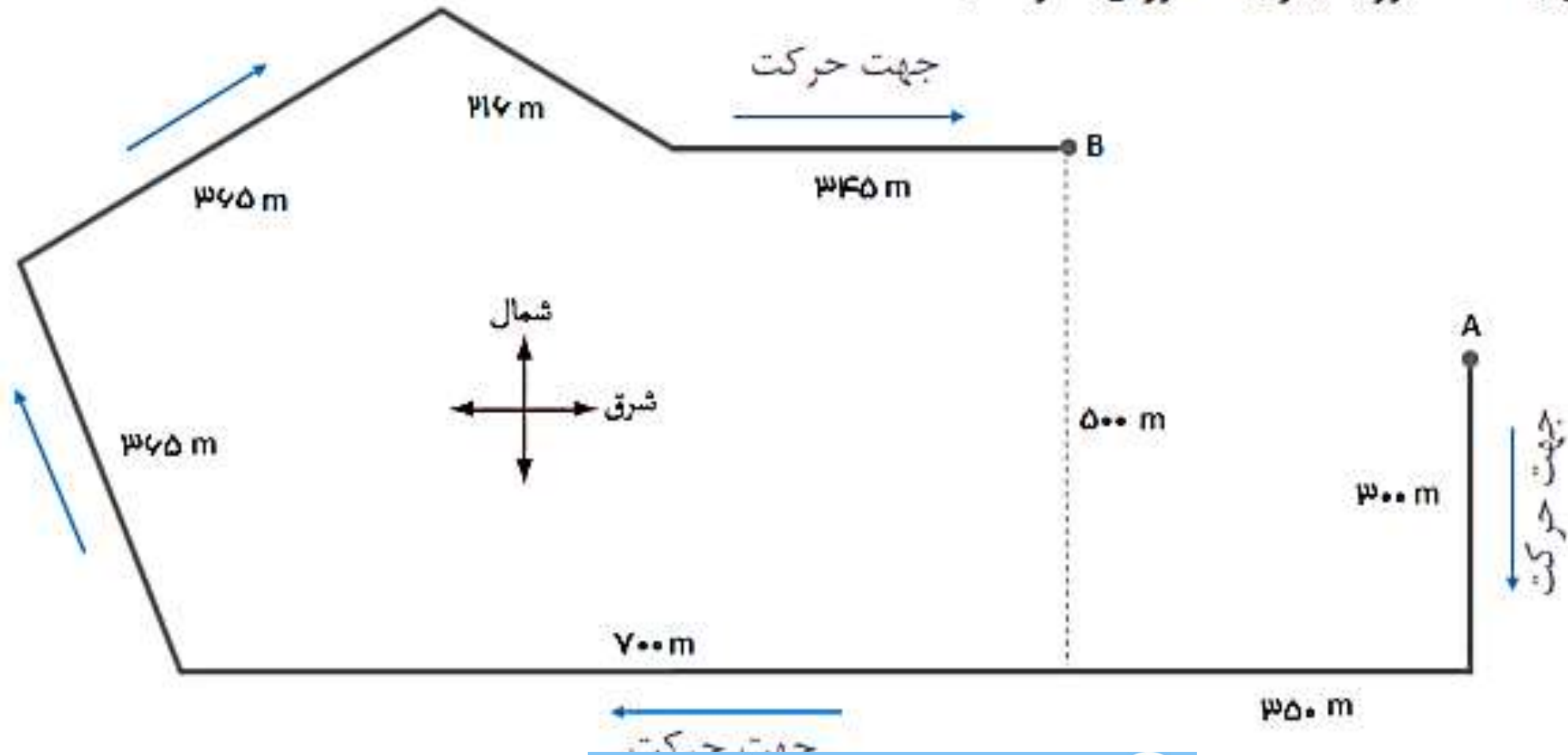
۳- شکل ب مسیر حرکت ماه به دور زمین را نشان می دهد. وقتی ماه در جهت نشان داده شده در شکل، از مکان ۱ به مکان ۲ می رود مسیر حرکت و بردار جابه جایی آن را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه جایی آن را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.



جسمی برای رفتن از مکان a به مکان b یک بار از مسیر ۱ و بار دیگر از مسیر ۲ می رود. بردار جابه جایی جسم را برای هر دو مسیر، روی شکل نشان دهید و با یکدیگر مقایسه کنید. (درجه دشواری: ساده)



جسمی برای رفتن از مکان A به مکان B مسیری مطابق شکل طی می کند.
 الف. مسافت طی شده توسط جسم چند متر است؟
 ب. بردار جابه جایی جسم را روی شکل نشان دهید و اندازه آن را با توجه به قضیه فیثاغورس به دست آورید (درجه دشورای: متوسط).



$$\text{تندی متوسط} = \frac{\text{مسافت پیموده شده}}{\text{زمان صرف شده}}$$



$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t}$$

یکای SI آنها، متر بر ثانیه (m/s) است

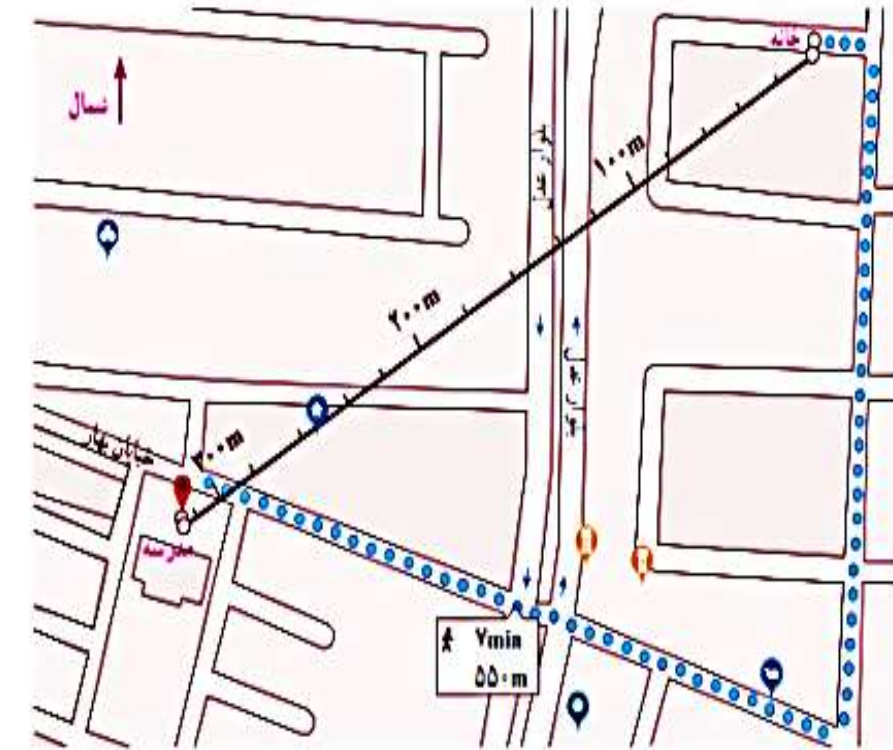
$$\text{سرعت متوسط} = \frac{\text{جابجایی}}{\text{زمان صرف شده}}$$



$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$$

فعالیت ۱-۱

همانند شکل روبه‌رو و به کمک یک نرم‌افزار نقشه‌باز (مانند google map)، مکان خانه و مدرسه‌تان را مشخص کنید. سپس مسافت و اندازه بردار جابه‌جایی خانه تا مدرسه را تعیین کنید.



در این فعالیت دانش آموز به کمک فناوری و نرم افزارهای کاربردی به اهمیت استفاده از علم در زندگی پی می‌برد.

$$\text{مسافت} = L = 550\text{m}$$

$$\text{جابجایی} = |\vec{d}| \approx 320\text{m}$$

پرسش ۱-۲

در چه صورت اندازه سرعت متوسط یک متحرک با تندی متوسط آن برابر است؟ برای پاسخ خود می‌توانید به شکل‌های پرسش ۱-۱ نیز توجه کنید.

با توجه به دو رابطه تندی متوسط $s_{av} = \frac{L}{\Delta t}$ و سرعت متوسط $\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$ ، زمانی با هم برابر خواهند بود که متحرک بر روی خط راست حرکت کند دارای اندازه بردار جابه‌جایی و مسافت برابر باشد.



$$\vec{d} = \vec{d}_f - \vec{d}_i = x_f \vec{i} - x_i \vec{i} = (\Delta x) \vec{i}$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i}$$

(سرعت متوسط در راستای محور x .)

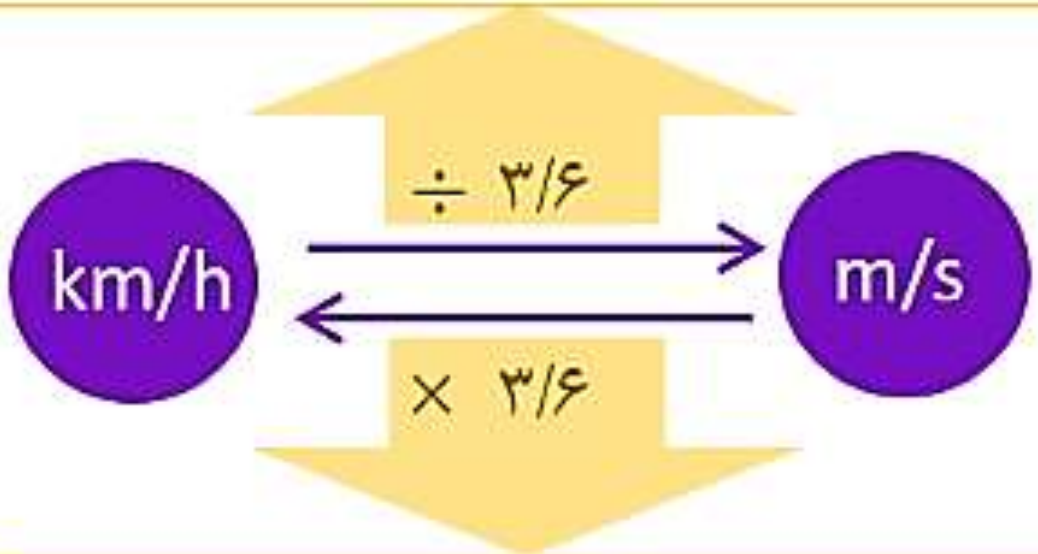
مثال ۱

دوچرخه سواری مسافت 84^0 متر را در مدت زمان 6^0 ثانیه می پیماید.
تندی متوسط دوچرخه سوار چند متر بر ثانیه است؟

$$\text{تندی متوسط} = \frac{84^0 \text{ m}}{6^0 \text{ s}} = 14 \text{ m/s}$$

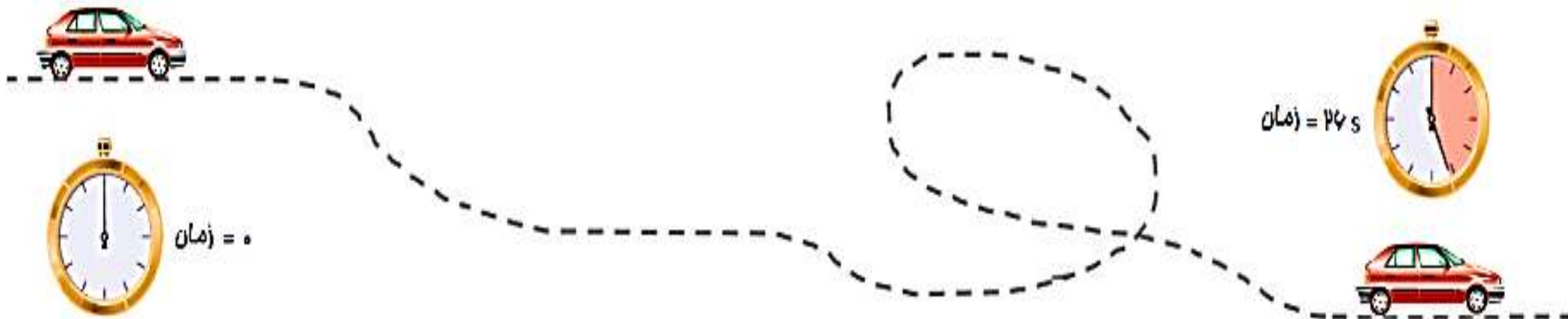
این دوچرخه سوار در هر ثانیه به طور متوسط 14 متر را پیموده است.

$$1 \text{ km/h} = \frac{1 \text{ km}}{1 \text{ h}} = \frac{1000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} = \frac{10 \text{ m}}{36 \text{ s}} = \frac{1}{3.6} \text{ m/s}$$

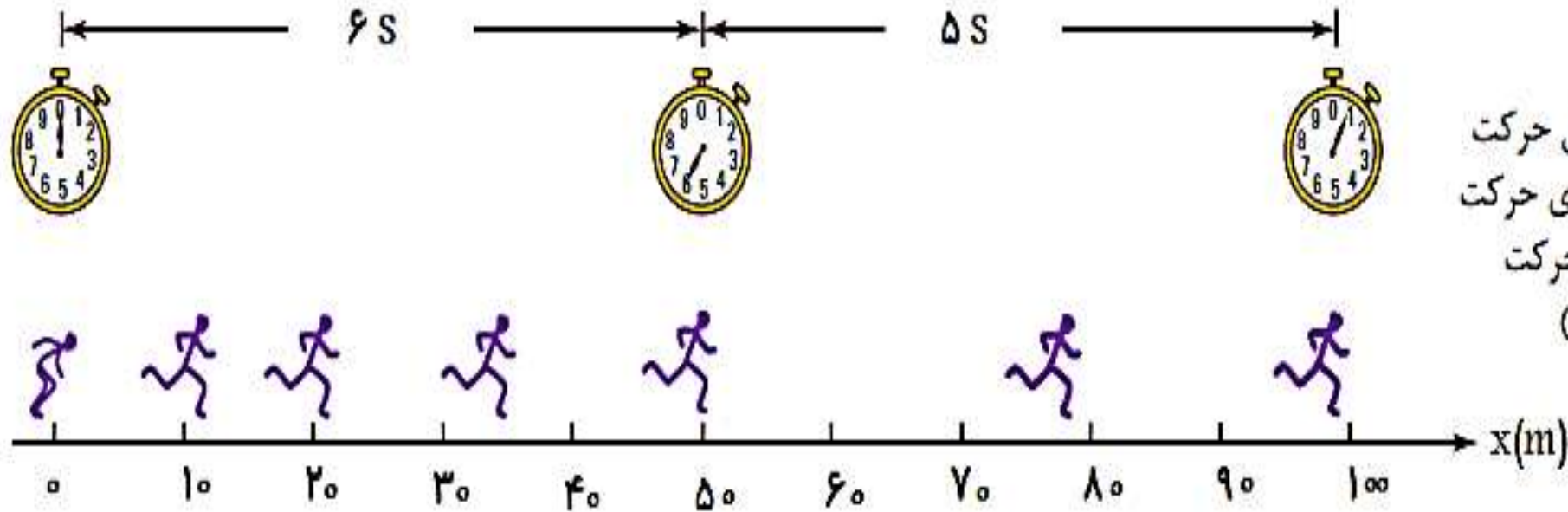


$$1 \text{ m/s} = \frac{1 \text{ m}}{1 \text{ s}} = \frac{\frac{1}{1000} \text{ km}}{\frac{1}{3600} \text{ h}} = 3.6 \text{ km/h}$$

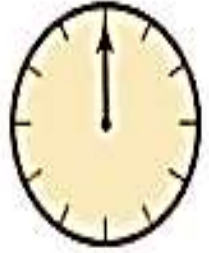
اتومبیلی در مدت ۲۶ ثانیه مسیری مطابق شکل زیر را طی می کند. اگر طول مسیر ۷۶۴ متر باشد، تندی متوسط اتومبیل را به دست آورید. (درجه دشواری: ساده)



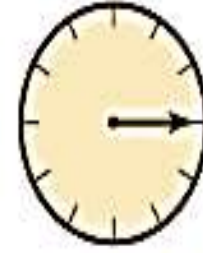
با توجه به اطلاعات روی شکل،



- الف) تنیدی متوسط دونده در ۶ ثانیه اول حرکت
- ب) تنیدی متوسط دونده در ۵ ثانیه بعدی حرکت
- پ) تنیدی متوسط دونده در کل مسیر حرکت را به دست آورید. (درجه دشواری: ساده)



دقیقه ۱۵



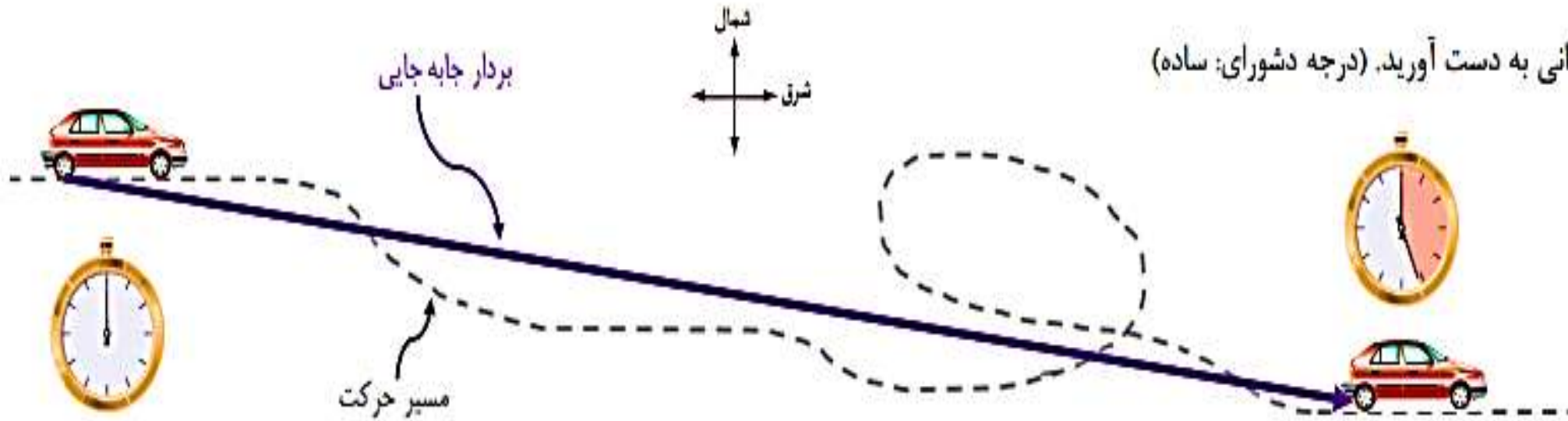
دوچرخه سواری مسری مطابق شکل
روبه رو را در مدت ۱۵ دقیقه و با
تندی متوسط ۱۸ کیلومتر بر ساعت
طی می کند.
مسافت طی شده توسط دوچرخه سوار
در این مدت چند کیلومتر است؟
(درجه دشورای: متوسط)

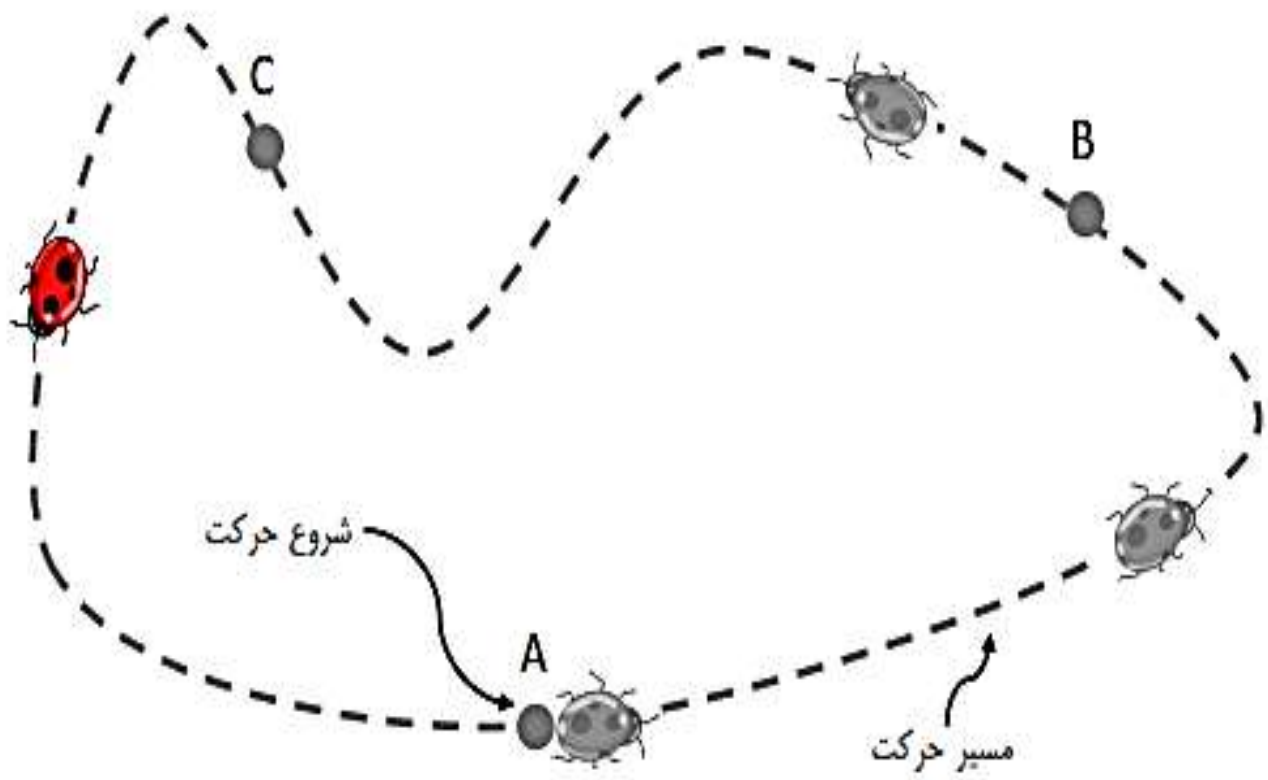
اتومبیلی مسیری مطابق شکل زیر را در مدت ۲۶ دقیقه طی می کند. اگر طول مسیر (مسافت) برابر ۴۶ کیلومتر و بردار جابه جایی آن برابر ۲۴ کیلومتر به طرف جنوب شرق باشد،

الف) تندی متوسط

ب) سرعت متوسط

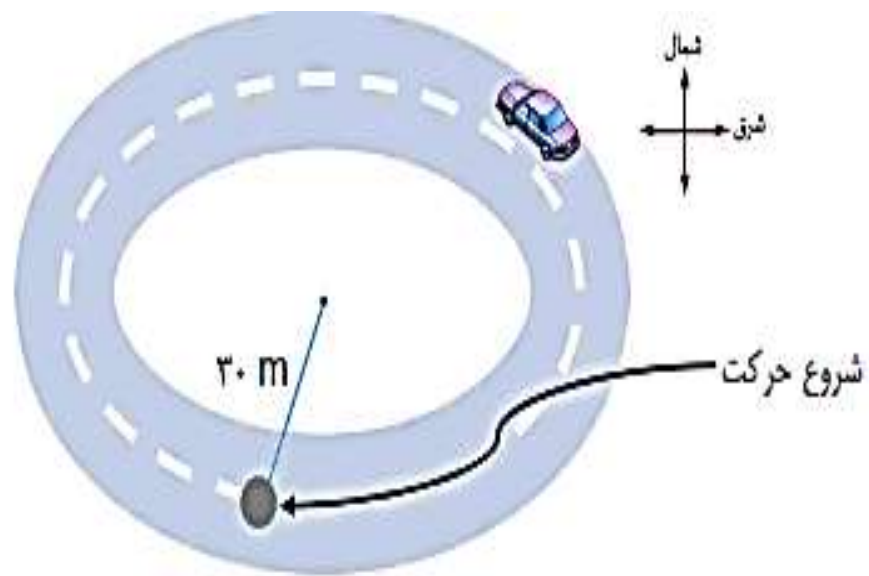
اتومبیل را در این بازه زمانی به دست آورید. (درجه دشواری: ساده)





کفشدوزکی از نقطه A شروع به حرکت می کند و مسیری مطابق شکل روبه رو را با تندی متوسط ۴ سانتیمتر بر ثانیه می پیماید.

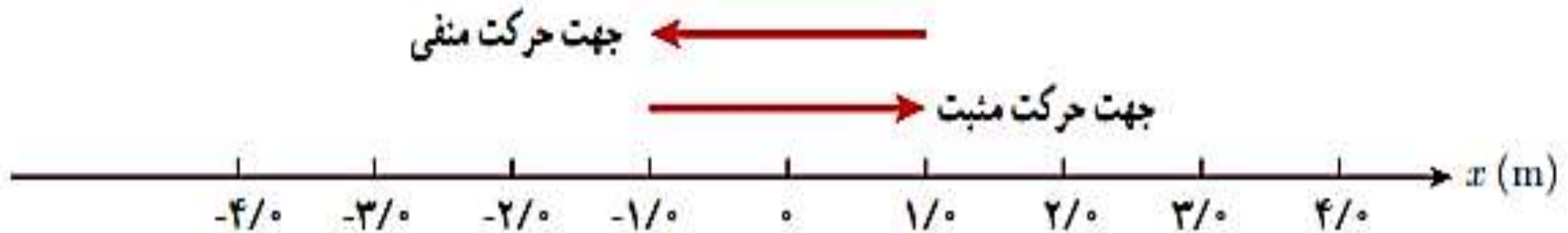
- الف) بردار مکان کفشدوزک را در هر یک از نقاط B و C رسم کنید.
- ب) اگر کفشدوزک یک دور کامل را (از نقطه A تا نقطه A) در مدت ۸ دقیقه طی کند، مسافت پیموده شده توسط کفشدوزک را حساب کنید.
- پ) سرعت متوسط کفشدوزک پس از یک دور کامل پیدا کنید.
(درجه دشواری: متوسط)



حدود ۱۵ ثانیه طول می کشد تا اتومبیلی نصف مسیر دور میدانی به شعاع ۳۰ متر را طی کند (شکل روبه رو).
الف) مسافت پیموده و تندی متوسط اتومبیل را در این مدت به دست آورید.
ب) جابه جایی و سرعت متوسط خودر رو را در این مدت به دست آورید.
(درجه دشورای: متوسط)

متحرک در جهت محور x حرکت کند جابه‌جایی و سرعت متوسط آن مثبت و اگر متحرک در خلاف جهت محور x حرکت کند، جابه‌جایی و سرعت متوسط آن منفی خواهد بود

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \quad (\text{رابطهٔ سرعت متوسط برای حرکت در راستای محور } x)$$



تمرین ۱-۱

جدول زیر را کامل کنید. فرض کنید هر چهار متحرک در مدت زمان $4/s$ فاصله بین مکان آغازین و مکان پایانی را طی می کنند

جهت حرکت	سرعت متوسط	بردار جابه جایی	مکان پایانی	مکان آغازین	
			$(6/4m)\vec{i}$	$(-2/0m)\vec{i}$	متحرک A
		$(-5/6m)\vec{i}$	$(-2/5m)\vec{i}$		متحرک B
			$(8/6m)\vec{i}$	$(2/0m)\vec{i}$	متحرک C
	$(2/4m/s)\vec{i}$			$(-1/4m)\vec{i}$	متحرک D

جهت حرکت	سرعت متوسط	بردار جابه جایی	مکان پایانی	مکان آغازین	
محور X	$2/1m/s\vec{i}$	$8/4m\vec{i}$	$6/4m\vec{i}$	$-2m\vec{i}$	متحرک A
خلاف محور X	$-1/4m/s\vec{i}$	$-5/6m\vec{i}$	$-2/5m\vec{i}$	$2/1m\vec{i}$	متحرک B
محور X	$1/6\Delta m/s\vec{i}$	$6/6m\vec{i}$	$8/6m\vec{i}$	$2m\vec{i}$	متحرک C
محور X	$2/4m/s\vec{i}$	$9/6m\vec{i}$	$8/2m\vec{i}$	$-1/4m\vec{i}$	متحرک D

متحرک A

$$\Delta \vec{d} = \vec{d}_f - \vec{d}_i = 6/4m\vec{i} - (-2m\vec{i}) = 8/4m\vec{i}$$

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{d}}{\Delta t} = \frac{8/4m\vec{i}}{4s} = 2/1 \frac{m}{s} \vec{i}$$

متحرک B

$$\Delta \vec{d} = \vec{d}_f - \vec{d}_i \rightarrow -5/6m\vec{i} = -2/5m\vec{i} - \vec{d}_i$$

$$\rightarrow \vec{d}_i = 2/1m\vec{i}$$

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{d}}{\Delta t} = \frac{-5/6m\vec{i}}{4s} = -1/4 \frac{m}{s} \vec{i}$$

متحرک C

$$\Delta \vec{d} = \vec{d}_f - \vec{d}_i = 8/6m\vec{i} - (2m\vec{i}) = 6/6m\vec{i}$$

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{d}}{\Delta t} = \frac{6/6m\vec{i}}{4s} = 1/6\Delta \frac{m}{s} \vec{i}$$

متحرک D

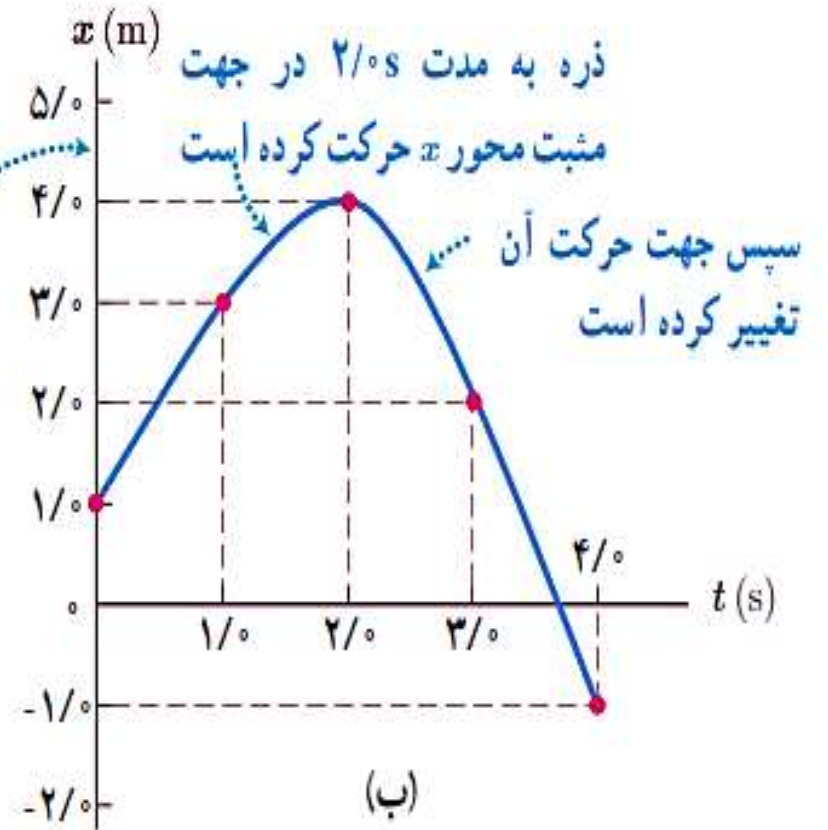
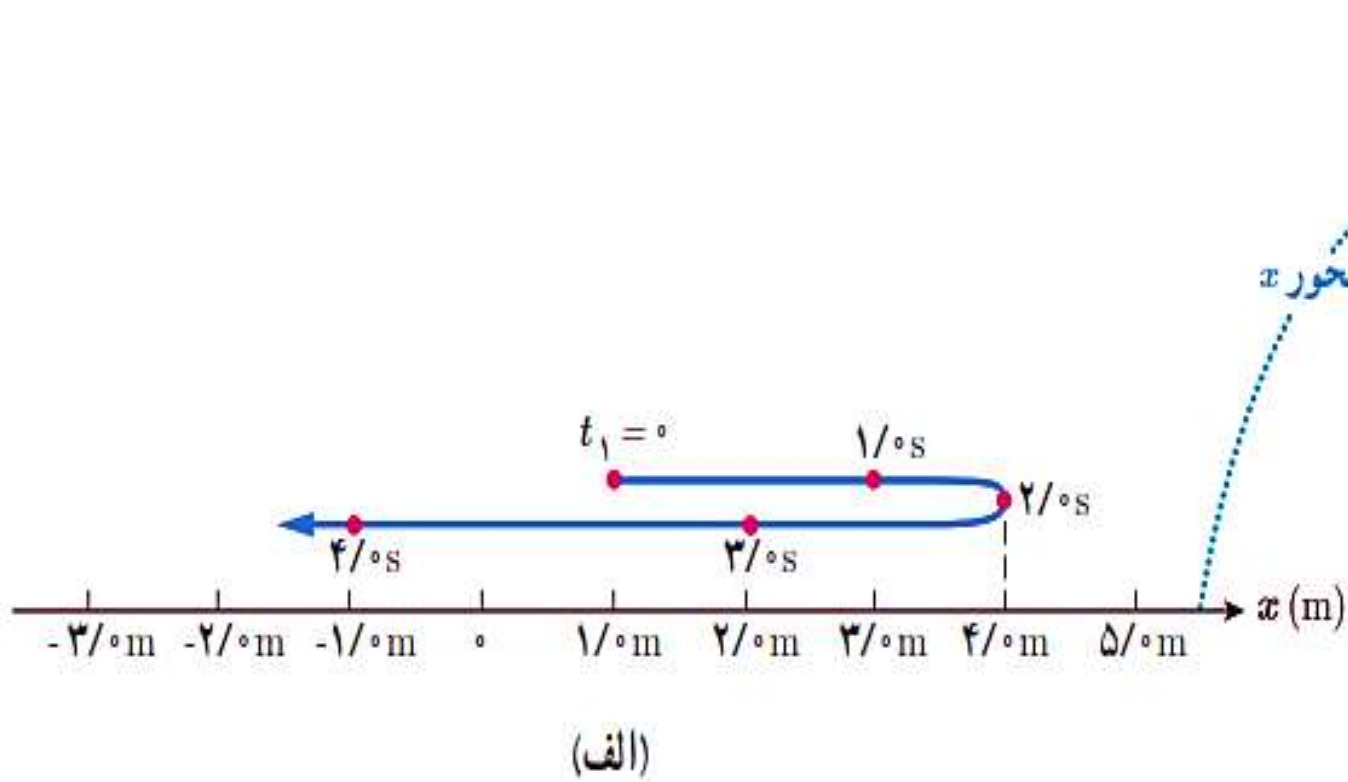
$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{d}}{\Delta t} \rightarrow 2/4m/s\vec{i} = \frac{\Delta \vec{d}}{4s} \rightarrow \Delta \vec{d} = 9/6m\vec{i}$$

$$\Delta \vec{d} = \vec{d}_f - \vec{d}_i \rightarrow 9/6m\vec{i} = \vec{d}_f - (-1/4m\vec{i}) =$$

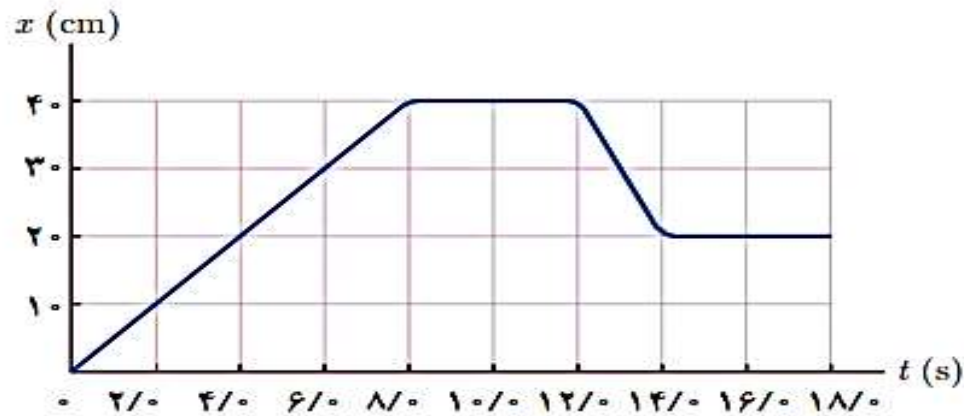
$$\rightarrow \vec{d}_f = 8/2m\vec{i}$$

برای توصیف حرکت یک جسم می‌توان از نمودار مکان - زمان، که مکان جسم را در هر لحظه نشان می‌دهد، استفاده کرد. برای رسم این نمودار، زمان را روی محور افقی و مکان را روی محور قائم در نظر می‌گیریم.

اگر بخواهیم نمودار مکان - زمان حرکت این ذره را رسم کنیم، ابتدا هر یک از محورهای مکان و زمان را با مقیاسی مناسب مدرج می‌کنیم. سپس نقاطی از نمودار را که مربوط به هر یک از زمان‌ها و مکان‌های داده شده است، در صفحه $x-t$ مشخص می‌کنیم و با وصل کردن این نقاط به هم، به وسیله یک منحنی (خم) هموار، نمودار مکان - زمان را همانند شکل ۱-۴-ب رسم می‌کنیم.



شکل ۱-۴ الف) مسیر حرکت ذره در امتداد محور x . ب) نمودار مکان - زمان متحرک



شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان مورچه‌ای را نشان می‌دهد که در راستای محور x در حرکت است.

الف) در کدام بازه زمانی مورچه در جهت محور x حرکت می‌کند؟

ب) در کدام بازه زمانی مورچه در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند؟

پ) در کدام بازه‌های زمانی مورچه ایستاده است؟

ت) در کدام لحظه‌هایی فاصله مورچه از مبدأ 30 cm است؟

ث) در کدام بازه زمانی فاصله مورچه از مبدأ محور بیشترین مقدار است؟

ج) جابه‌جایی و سرعت متوسط مورچه را در بازه زمانی $4/0\text{ s}$ تا $8/0\text{ s}$ پیدا کنید.

پاسخ: الف) در بازه زمانی $t = 0/0\text{ s}$ تا $t = 8/0\text{ s}$ ، زیرا در این بازه، x همواره در حال افزایش است.

ب) در بازه زمانی $t = 12/0\text{ s}$ تا $t = 14/0\text{ s}$ ، زیرا در این بازه، x همواره در حال کاهش است.

پ) در بازه‌های زمانی $t = 8/0\text{ s}$ تا $t = 12/0\text{ s}$ و $t = 14/0\text{ s}$ تا $t = 18/0\text{ s}$

ت) در لحظه‌های $t = 6/0\text{ s}$ و $t = 13/0\text{ s}$

ث) در بازه زمانی $t = 8/0\text{ s}$ تا $t = 12/0\text{ s}$

ج)

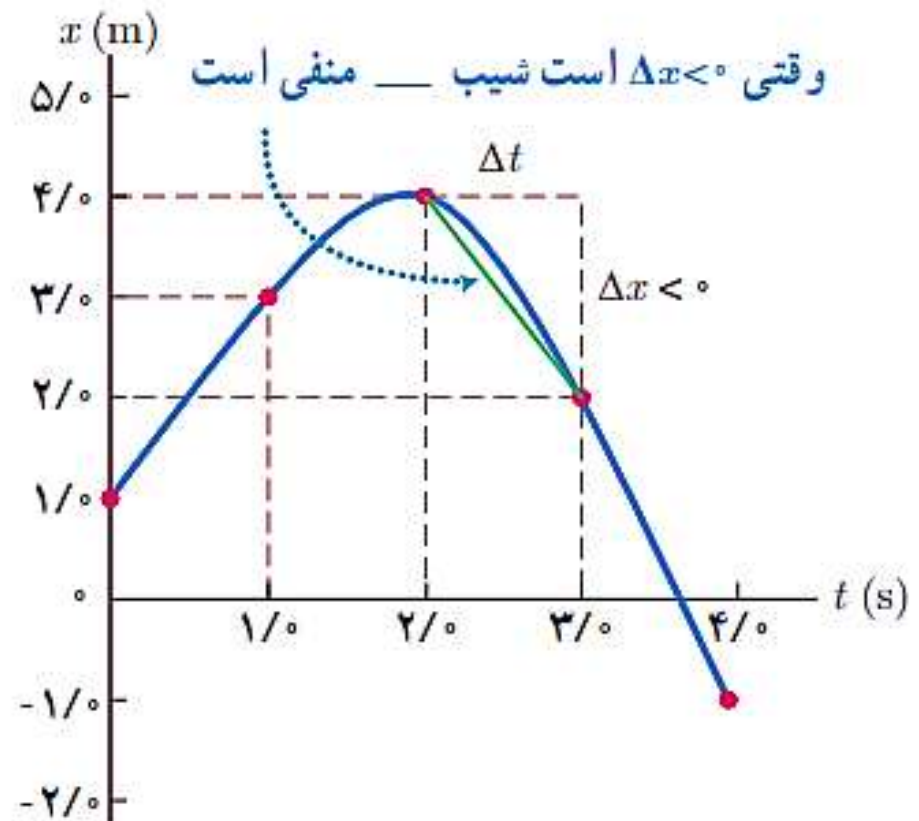
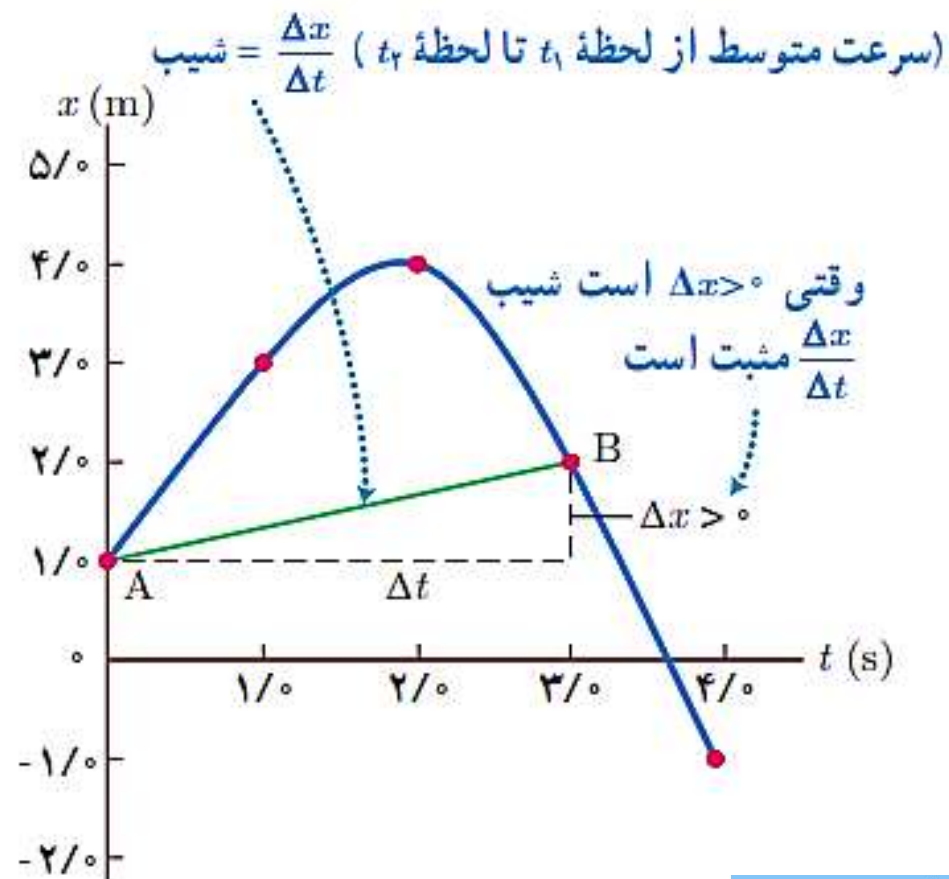
$$\Delta x = x_2 - x_1 = 40\text{ cm} - 20\text{ cm} = 20\text{ cm}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20\text{ cm}}{8/0\text{ s} - 4/0\text{ s}} = 5/0\text{ cm/s}$$

علامت مثبت نشان می‌دهد که مورچه در جهت مثبت محور x جابه‌جا شده است.

تعیین سرعت متوسط به کمک نمودار مکان - زمان

سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه از زمان برابر شیب پاره‌خطی است که نقاط نظیر آن دو لحظه در نمودار مکان - زمان را به یکدیگر وصل می‌کند.

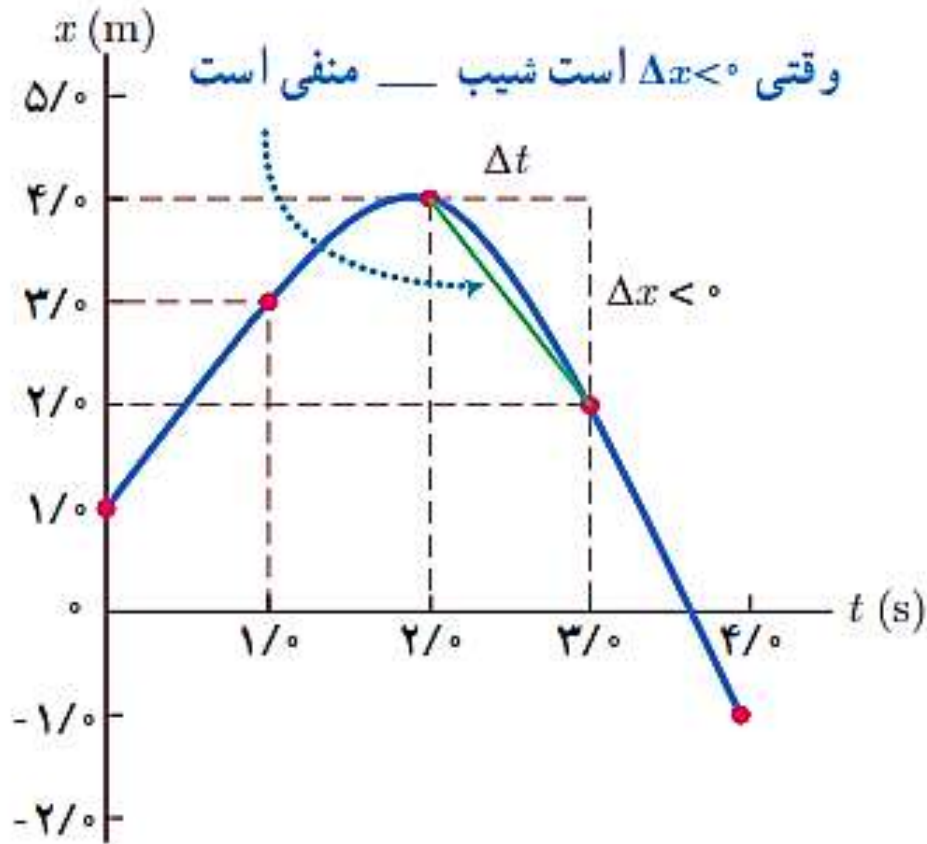


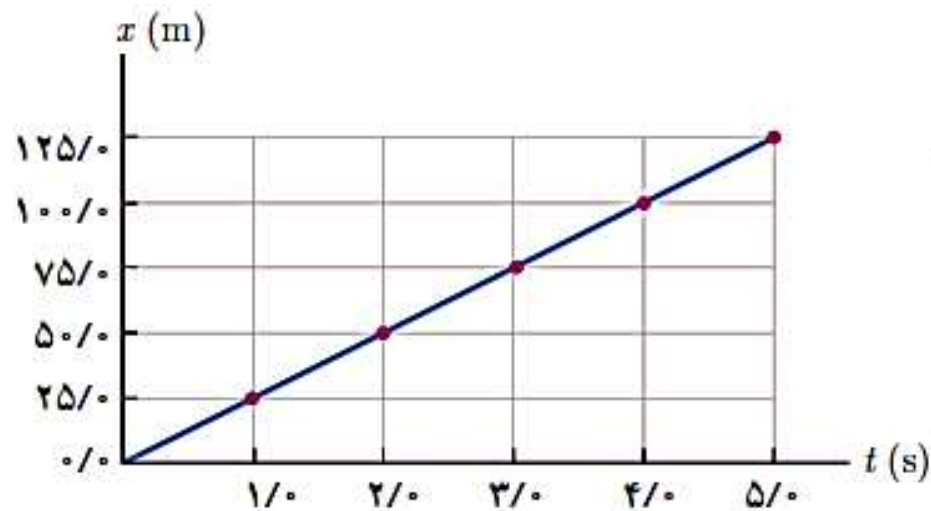
با توجه به نمودار مکان - زمان شکل ۱-۴، سرعت متوسط ذره را در بازه زمانی $t_1 = 2/0\text{ s}$ تا $t_2 = 3/0\text{ s}$ به دست آورید.

پاسخ: از رابطه ۱-۴ داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2/0\text{ m} - 4/0\text{ m}}{3/0\text{ s} - 2/0\text{ s}} = -2/0\text{ m/s}$$

علامت منفی v_{av} نشان می‌دهد که شیب خط واصل بین این دو نقطه از نمودار مکان - زمان، منفی است. توجه کنید که بدون محاسبه v_{av} نیز، با توجه به فهم هندسی‌ای که از منفی بودن شیب خط واصل دو نقطه نمودار داریم، می‌توانستیم به منفی بودن v_{av} پی ببریم.





نمودار مکان - زمان موتورسواری که بر خط راست حرکت می کند مطابق شکل روبه‌رو است. سرعت متوسط موتورسوار را در هر یک از بازه‌های زمانی $0/s$ تا $1/s$ ، $2/s$ تا $4/s$ ، $1/s$ تا $5/s$ محاسبه کنید. نتایج به دست آمده را با هم مقایسه و تفسیر کنید.

پاسخ: با توجه به داده‌های روی نمودار و بنا به رابطه $۱-۴$ ، سرعت متوسط موتورسوار، برای هر یک از بازه‌های زمانی خواسته شده، برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{25/0 \text{ m} - 0/0 \text{ m}}{1/0 \text{ s} - 0/0 \text{ s}} = 25 \text{ m/s}$$

بازه زمانی $0/s$ تا $1/s$

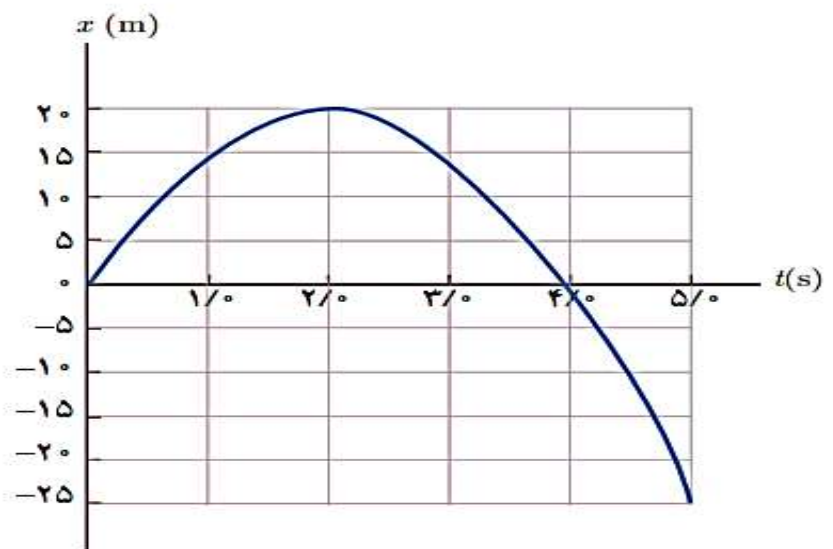
$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{100/0 \text{ m} - 50/0 \text{ m}}{4/0 \text{ s} - 2/0 \text{ s}} = 25 \text{ m/s}$$

بازه زمانی $2/s$ تا $4/s$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{125/0 \text{ m} - 25/0 \text{ m}}{5/0 \text{ s} - 1/0 \text{ s}} = 25 \text{ m/s}$$

بازه زمانی $1/s$ تا $5/s$

مثال ۱-۶



شکل روبه‌رو، نمودار مکان - زمان خودرویی را نشان می‌دهد که روی خط راست حرکت می‌کند.

الف) با استفاده از داده‌های روی شکل، سرعت متوسط خودرو را در هر یک از بازه‌های زمانی ۰/۰s تا ۲/۰s، ۰/۰s تا ۴/۰s، ۲/۰s تا ۴/۰s، ۴/۰s تا ۵/۰s، ۰/۰s تا ۵/۰s حساب کنید.

ب) در کدام یک از این بازه‌های زمانی، سرعت متوسط در جهت محور x و در کدام یک در خلاف جهت محور x است؟

پاسخ: الف) با توجه به داده‌های روی نمودار و بنا به رابطه ۱-۳، سرعت متوسط خودرو برای هر یک از بازه‌های زمانی خواسته شده، برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{20 \text{ m} - 0 \text{ m}}{2/0 \text{ s} - 0/0 \text{ s}} = 10 \text{ m/s}$$

بازه زمانی ۰/۰s تا ۲/۰s

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 \text{ m} - 0 \text{ m}}{4/0 \text{ s} - 0/0 \text{ s}} = 0 \text{ m/s}$$

بازه زمانی ۰/۰s تا ۴/۰s

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0 \text{ m} - 20 \text{ m}}{4/0 \text{ s} - 2/0 \text{ s}} = -10 \text{ m/s}$$

بازه زمانی ۲/۰s تا ۴/۰s

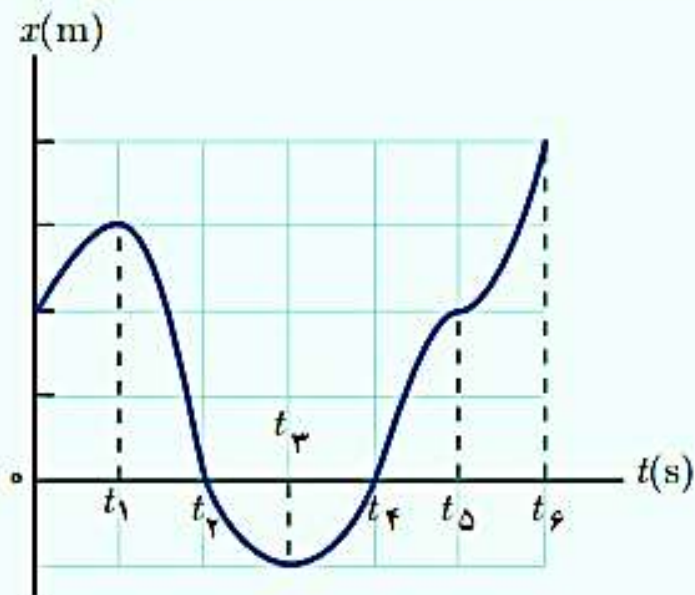
$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-25 \text{ m} - 20 \text{ m}}{5/0 \text{ s} - 2/0 \text{ s}} = -15 \text{ m/s}$$

بازه زمانی ۲/۰s تا ۵/۰s

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-25 \text{ m} - 0 \text{ m}}{5/0 \text{ s} - 4/0 \text{ s}} = -25 \text{ m/s}$$

بازه زمانی ۴/۰s تا ۵/۰s

ب) در بازه‌های زمانی‌ای که سرعت متوسط خودرو مثبت است، سرعت متوسط خودرو در جهت محور x و در بازه‌های زمانی‌ای که سرعت متوسط منفی است، سرعت متوسط خودرو در خلاف جهت محور x است.



با توجه به نمودار مکان - زمان شکل روبه‌رو به پرسش‌های زیر پاسخ دهید :

الف) متحرک چند بار از مبدأ مکان عبور می‌کند؟

ب) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در حال دور شدن از مبدأ است؟

پ) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ است؟

ت) جهت حرکت چند بار تغییر کرده است؟ در چه لحظه‌هایی؟

ث) جابه‌جایی کل در جهت محور x است یا خلاف آن؟

الف) در زمان‌های t_1 و t_4

ب) در بازه (صفر تا t_1) و (t_2 تا t_3) و (t_4 تا t_6)

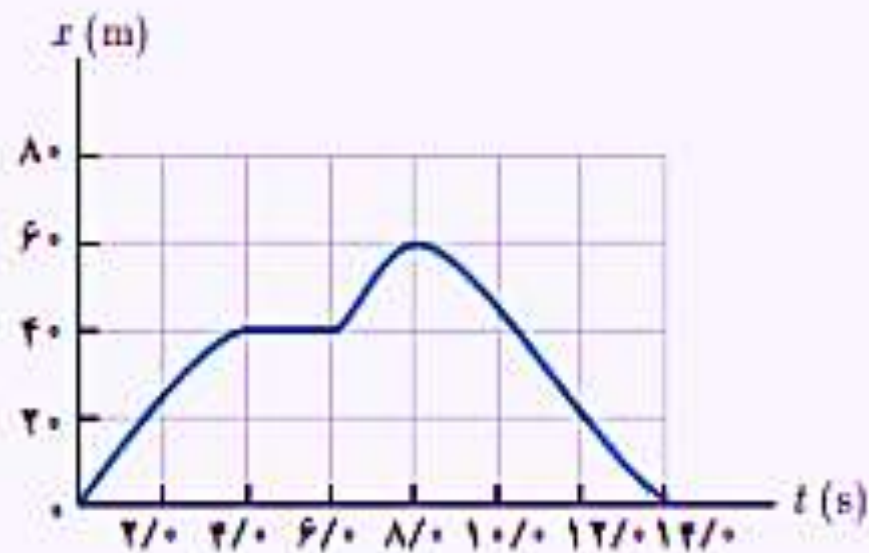
پ) در بازه (t_1 تا t_2) و (t_3 تا t_4)

ت) دو بار - t_1 و t_3

ث) در جهت محور x

تمرین ۱-۲

شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان دوچرخه‌سواری را نشان می‌دهد که روی مسیری مستقیم در حال حرکت است.



الف) در کدام لحظه‌ای دوچرخه‌سوار بیشترین فاصله از مبدأ را دارد؟

ب) در کدام بازه‌های زمانی دوچرخه‌سوار در جهت محور x حرکت می‌کند؟

پ) در کدام بازه‌های زمانی دوچرخه‌سوار در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند؟

ت) در کدام بازه‌های زمانی، دوچرخه‌سوار ساکن است؟

ث) تندترین و متوسط و سرعت متوسط دوچرخه‌سوار را در هر یک از بازه‌های

زمانی $0/s$ تا $2/0s$ ، $2/0s$ تا $4/0s$ ، $4/0s$ تا $6/0s$ ، $6/0s$ تا $8/0s$ ، $8/0s$ تا $10/0s$ ، $10/0s$ تا $12/0s$ ، $12/0s$ تا $14/0s$ حساب کنید.

الف) در لحظه ۸ s (ب) در بازه صفر تا ۴s و ۶s تا ۸s (پ) در بازه ۸s تا ۱۴s
 ت) ۴s تا ۶s
 ث)

بازه زمانی $\Delta t = t_f - t_i$	تندی متوسط $S_{av} = \frac{L}{\Delta t}$
$\Delta t_1 = 2s - 0s$	$S_{av} = \frac{\approx 20m}{2s} = 10 \frac{m}{s}$
$\Delta t_2 = 6s - 4s$	$S_{av} = \frac{0}{2} = 0 \frac{m}{s}$
$\Delta t_3 = 8s - 2s$	$S_{av} = \frac{\approx 20m}{3s} = 6.66 \frac{m}{s}$
$\Delta t_4 = 14s - 8s$	$S_{av} = \frac{60m}{6s} = 10 \frac{m}{s}$
$\Delta t_5 = 14s - 0s$	$S_{av} = \frac{120m}{14s} = 8.57 \frac{m}{s}$

بازه زمانی $\Delta t = t_f - t_i$	سرعت متوسط $V_{av} = \frac{d}{\Delta t}$
$\Delta t_1 = 2s - 0s$	$V_{av} = \frac{\approx 20m}{2s} = 10 \frac{m}{s}$
$\Delta t_2 = 6s - 4s$	$V_{av} = \frac{40-40}{2} = 0 \frac{m}{s}$
$\Delta t_3 = 8s - 2s$	$V_{av} = \frac{\approx 20m}{3s} = 6.66 \frac{m}{s}$
$\Delta t_4 = 14s - 8s$	$V_{av} = \frac{-60m}{6s} = -10 \frac{m}{s}$
$\Delta t_5 = 14s - 0s$	$V_{av} = \frac{0m}{14s} = 0 \frac{m}{s}$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

سرعت متوسط از طریق محاسبات

سرعت متوسط

سرعت متوسط از طریق نمودار مکان زمان

سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه از زمان برابر شیب پاره خطی است که نقاط نظیر آن دو لحظه در نمودار مکان - زمان را به یکدیگر وصل می کند.

تندی لحظه‌ای



تندی متحرک در هر لحظه از زمان



شکل ۱-۶ عقربه تندی سنج، تندی لحظه‌ای خودرو را نشان می‌دهد و هیچ گونه اطلاعی در خصوص جهت حرکت خودرو به ما گزارش نمی‌کند.

سرعت لحظه ای

سرعت متحرک در هر لحظه یا تندی متحرک به همراه جهت آن

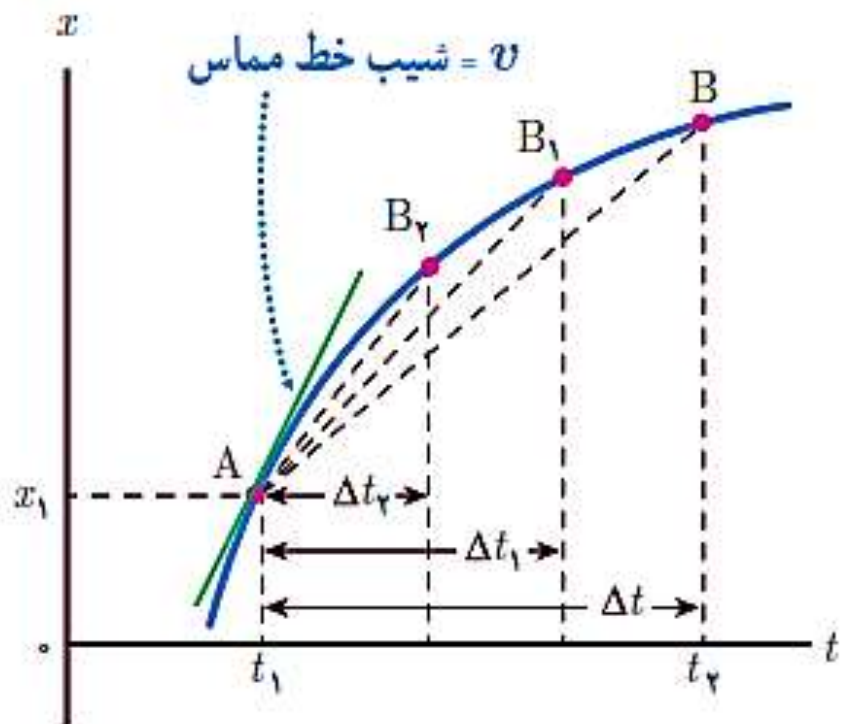
سرعت از طریق محاسبات که از طریق مشتق گیری از معادله حرکت
(مکان) نسبت به زمان بدست می آید (حذف شده است)

سرعت لحظه ای

شیب خط مماس در هر لحظه روی نمودار مکان زمان است

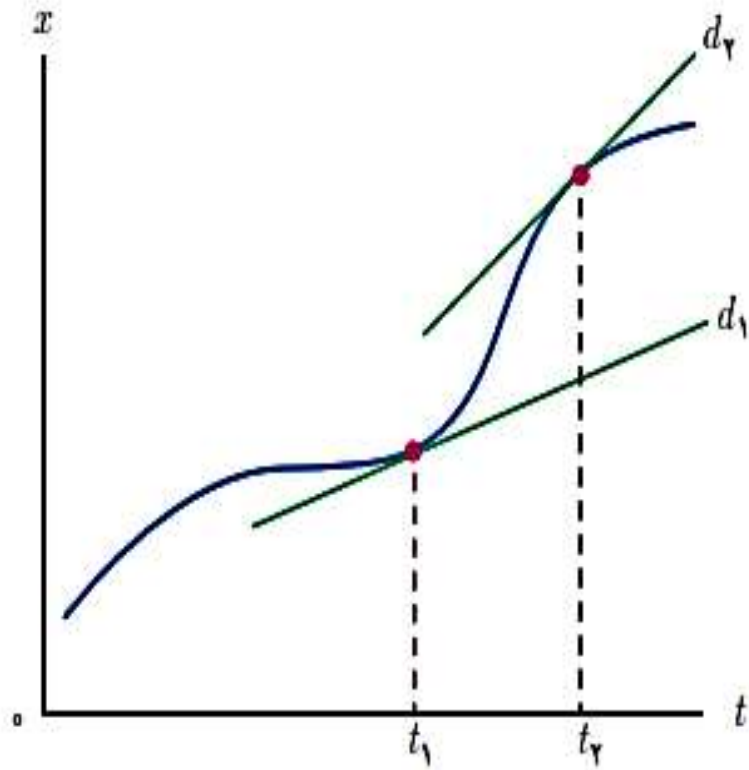
تعیین سرعت لحظه‌ای به کمک نمودار مکان - زمان

برابر شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در آن لحظه است.



شکل ۱-۷ با کوچک شدن تدریجی Δt ، نقطه B به نقطه A نزدیک می‌شود. در این صورت خط واصل بین این دو نقطه، در حالتی که بازه زمانی Δt خیلی خیلی کوچک شود، به خط مماس بر منحنی در نقطه A میل می‌کند. به این ترتیب شیب این خط، برابر با سرعت متحرک در لحظه t_1 است.

مثال ۱-۲



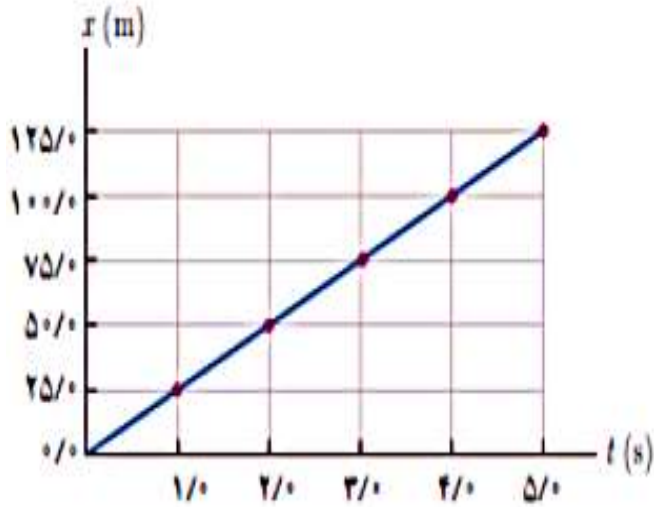
شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور x در حرکت است. d_1 و d_2 خط‌های مماس بر منحنی را در دو لحظه متفاوت نشان می‌دهند. در کدام لحظه سرعت متحرک بیشتر است؟

پاسخ: با توجه به شکل، شیب خط d_2 بیشتر از شیب خط d_1 است. بنابراین سرعت متحرک در لحظه t_2 بیشتر از سرعت آن در لحظه t_1 است ($v_2 > v_1$). توجه کنید که شیب هر دو خط مثبت است و بنابراین سرعت نیز در هر دو لحظه مثبت، یعنی در جهت محور x است.

پرسش ۱-۲

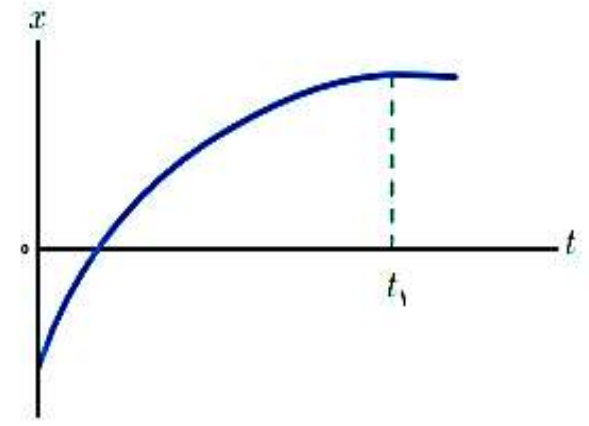
از روی نمودار مکان - زمان توضیح دهید در چه صورت سرعت لحظه‌ای متحرک همواره با سرعت متوسط آن برابر است.

با توجه به مثال ۱-۵، با توجه به ثابت بودن شیب نمودار مکان - زمان برای هر بازه زمانی دلخواه ثابت است. و هم چنین در هر لحظه خط مماس بر نمودار برابر با سرعت متوسط می باشد می توان نتیجه گرفت سرعت لحظه‌ای متحرک با سرعت متوسط برابر است

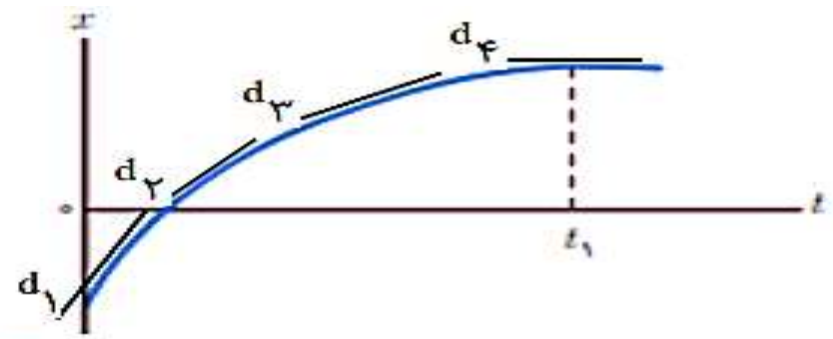


پرسش ۵-

شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور x در حرکت است.



الف) از لحظه صفر تا لحظه t_1 سرعت متحرک رو به افزایش است یا کاهش؟
 ب) اگر در لحظه t_1 خط مماس بر منحنی موازی محور زمان باشد، سرعت متحرک در این لحظه چقدر است؟



شیب خط $d_3 <$ شیب خط d_4
 شیب خط $d_2 <$ شیب خط d_3
 شیب خط $d_1 <$ شیب خط d_2

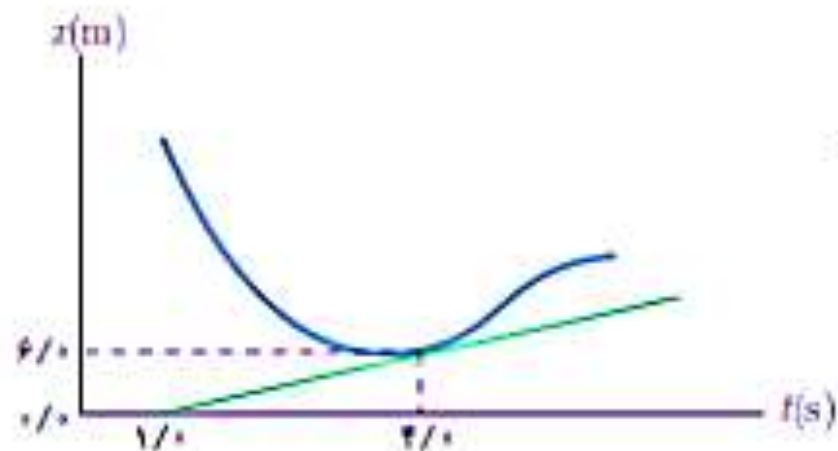
$$V_1 > V_2 > V_3 > V_4$$

الف) سرعت متحرک رو به کاهش است.

ب) در لحظه t_1 شیب خط موازی محور زمان است و سرعت برابر صفر می‌شود.

تمرین ۱-۳

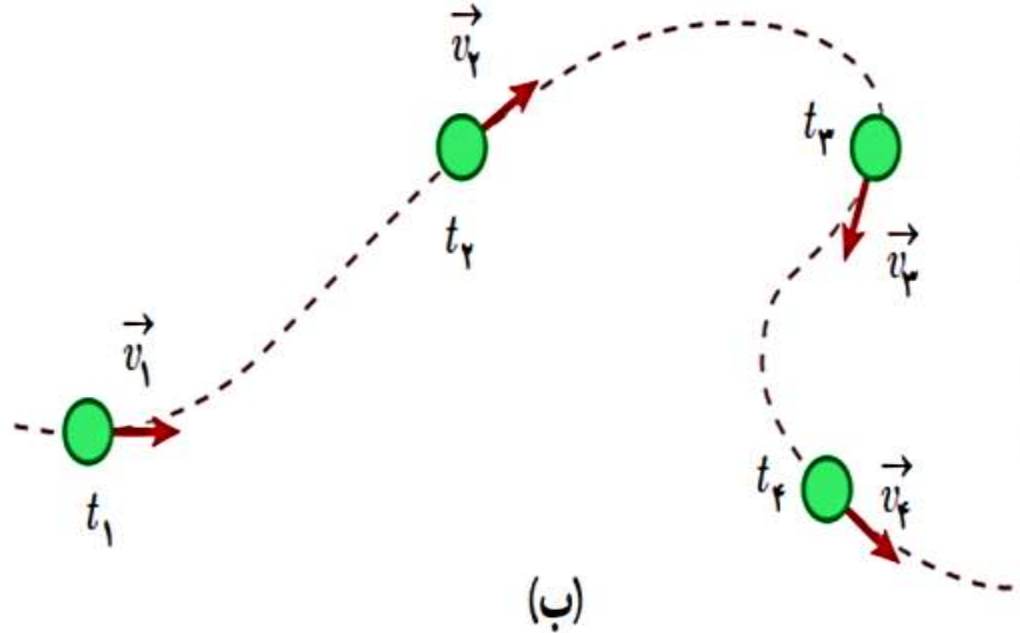
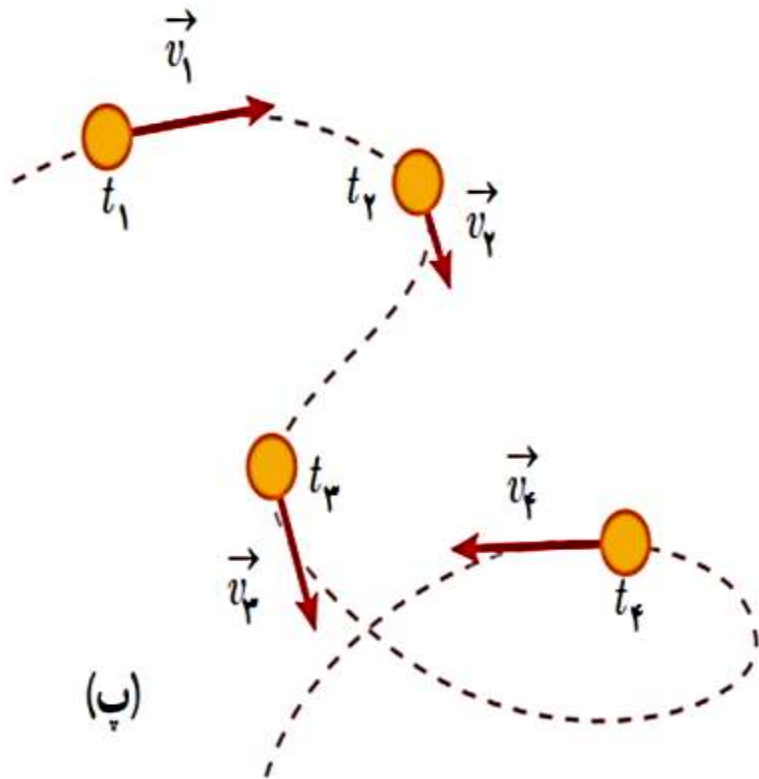
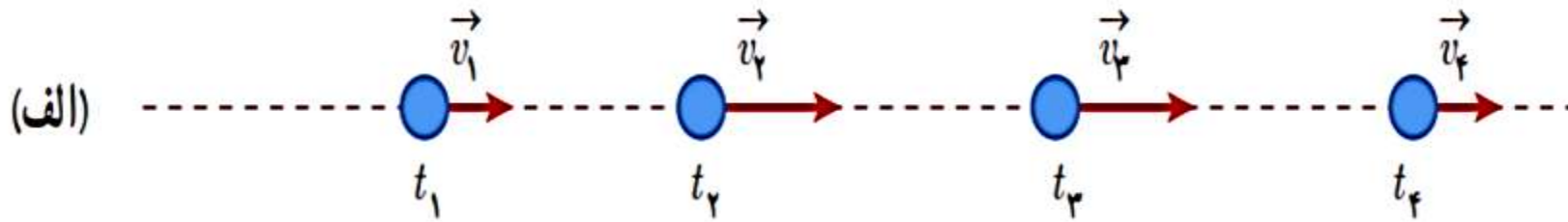
شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد. خط مماس بر منحنی در لحظه $t = 4/0s$ رسم شده است. سرعت متحرک را در این لحظه پیدا کنید.



$$V = 4s \text{ در لحظه } = \text{شیب خط مماس در لحظه } = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{6m - 0}{4s - 1s} = 2 \frac{m}{s}$$

علل ایجاد شتاب در حرکت

با توجه به اینکه بردار سرعت در هر نقطه از مسیر، بر مسیر حرکت مماس است تغییر سرعت جسم در نقاط مختلف مسیر حرکت می‌تواند به دلیل تغییر در اندازه بردار سرعت (تندی) جسم باشد (شکل ۸-۱ الف)، یا می‌تواند به دلیل تغییر در جهت بردار سرعت آن باشد (شکل ۸-۱ ب)، یا همچنین می‌تواند به دلیل تغییر در اندازه و جهت بردار سرعت متحرک باشد (شکل ۸-۱ پ).



شکل ۸-۱ و قتی سرعت جسمی (الف) به دلیل تغییر اندازه آن، (ب) به دلیل تغییر جهت آن و (پ) به دلیل تغییر اندازه و جهت آن تغییر کند، حرکت جسم شتابدار است.

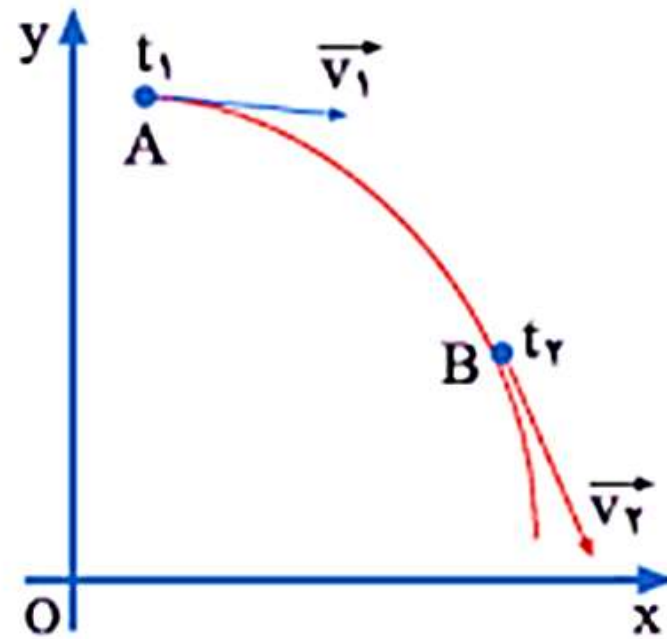
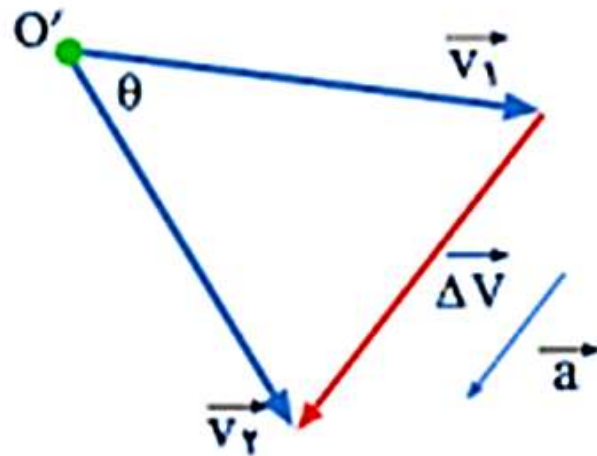
تغییرات بردار سرعت در واحد زمان

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

شتاب متوسط (\vec{a}_{av}) ، کمیتی برداری و هم جهت با بردار تغییر سرعت $(\Delta \vec{v})$ است

شتاب متوسط کمیتی است برداری

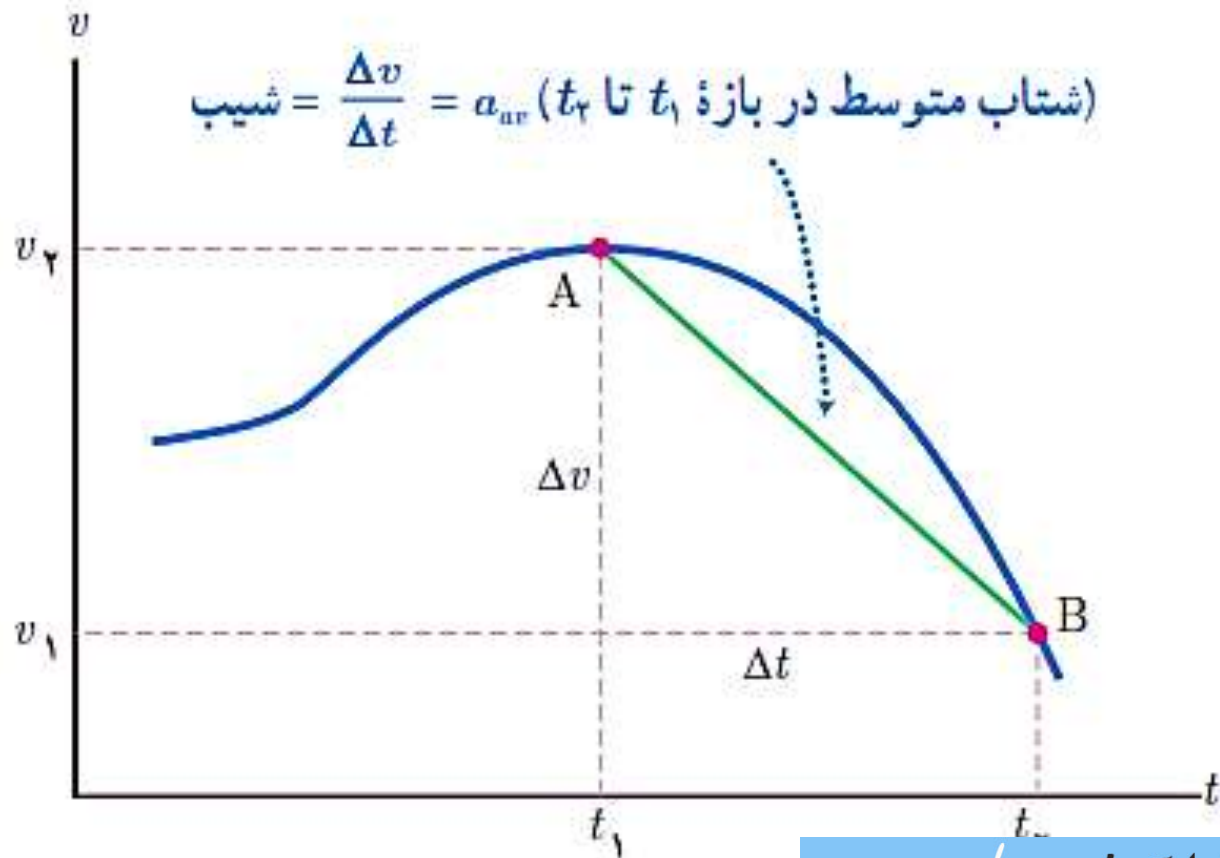
که با بردار تغییر سرعت هم جهت است.



$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

از طریق محاسبات تغییرات سرعت در واحد زمان

شتاب متوسط

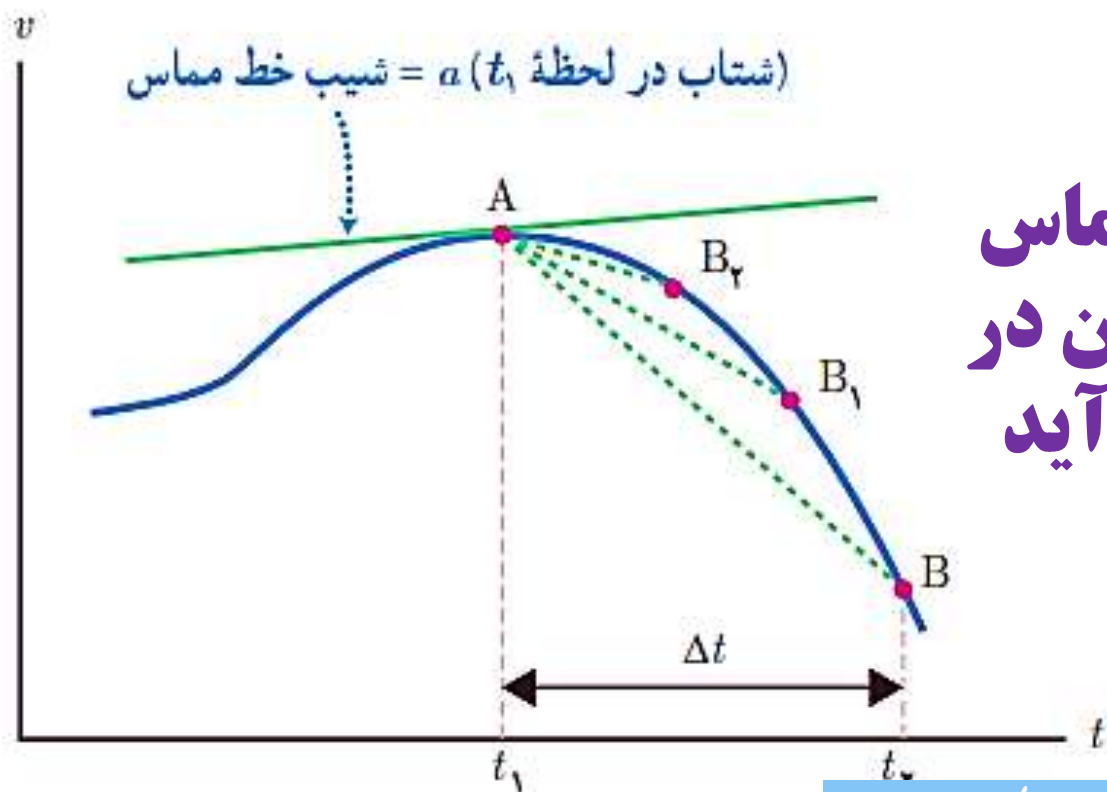


از طریق شیب خطی که دو نقطه نمودار سرعت زمان در آن دو لحظه قطع می کند

شتاب لحظه ای : شتاب متحرک در هر لحظه است

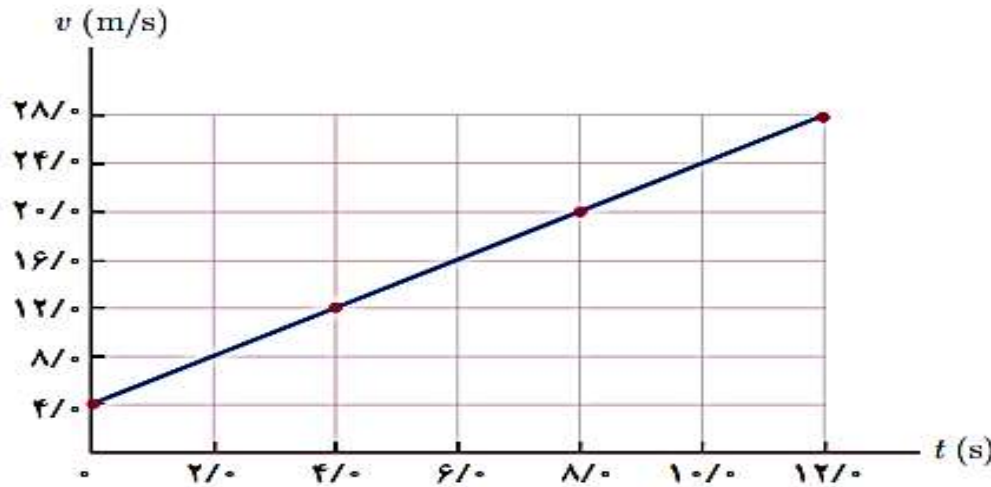
از طریق مشتق گیری از معادله سرعت متحرک بدست می آید (حذف شده است)

شتاب لحظه ای



از طریق شیب خط مماس
بر نمودار سرعت زمان در
هر لحظه بدست می آید

مثال ۱-۹



نمودار سرعت - زمان موتورسواری که در امتداد محور x حرکت می کند در بازه زمانی $0/s$ تا $12/s$ ، مطابق شکل روبه رو است. شتاب متوسط موتورسوار و جهت آن را در هر یک از بازه های زمانی $0/s$ تا $2/s$ ، $4/s$ تا $8/s$ ، $10/s$ تا $12/s$ بیابید.

پاسخ: با توجه به داده های روی نمودار و بنا به رابطه ۱-۶، شتاب متوسط موتورسوار، برای هر یک از بازه های زمانی خواسته شده، برابر است با:

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{12/s - 4/s}{2/s - 0/s} = 2/s^2$$

بازه زمانی $0/s$ تا $2/s$

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{20/s - 12/s}{4/s - 2/s} = 2/s^2$$

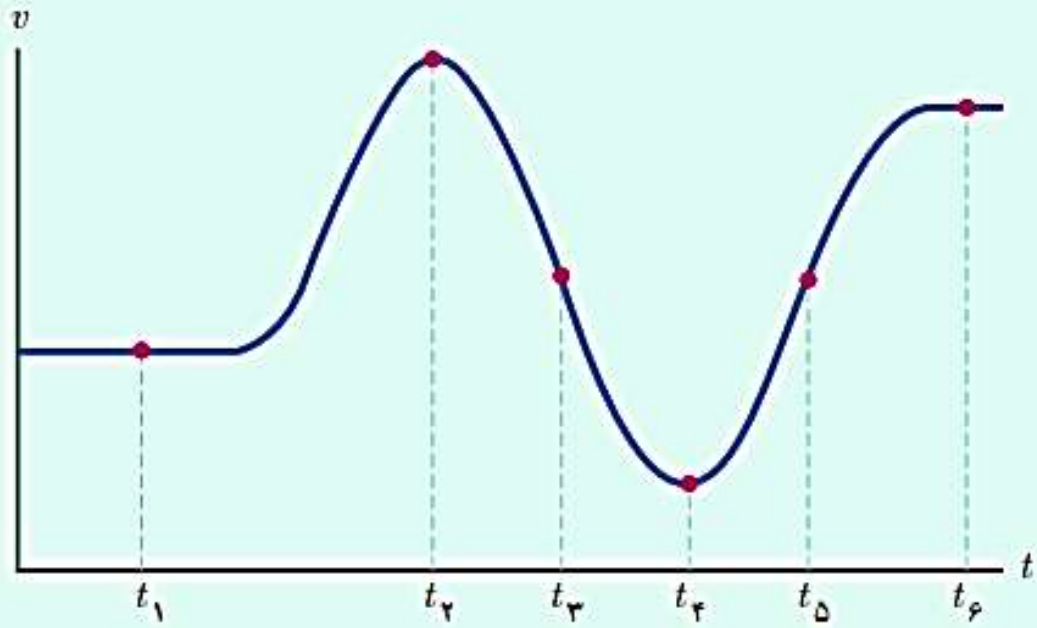
بازه زمانی $2/s$ تا $4/s$

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{24/s - 20/s}{8/s - 4/s} = 2/s^2$$

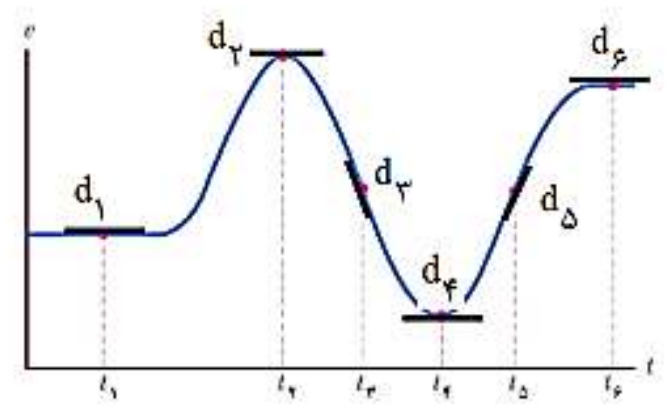
بازه زمانی $4/s$ تا $8/s$

با توجه به علامت مثبت a_{av} در هر سه بازه زمانی، شتاب متوسط در جهت مثبت محور x است. اگر در هر بازه زمانی دلخواه دیگری نیز شتاب متوسط موتورسوار را حساب کنید با توجه به ثابت بودن شیب نمودار سرعت - زمان، اندازه و جهت یکسانی برای شتاب به دست می آید.

پرسش ۱-۶



شکل روبه‌رو نمودار سرعت - زمان دوچرخه‌سواری را نشان می‌دهد که در امتداد محور x در حرکت است. جهت شتاب دوچرخه‌سوار را در هر یک از لحظه‌های t_1, t_2, t_3, t_4, t_5 و t_6 تعیین کنید.

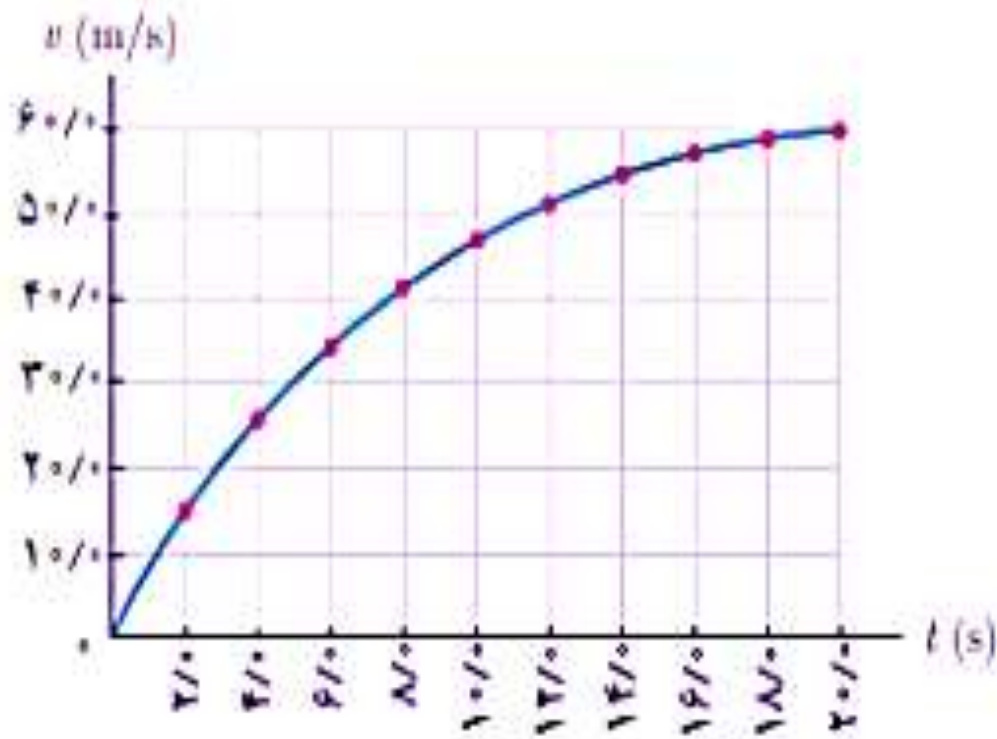


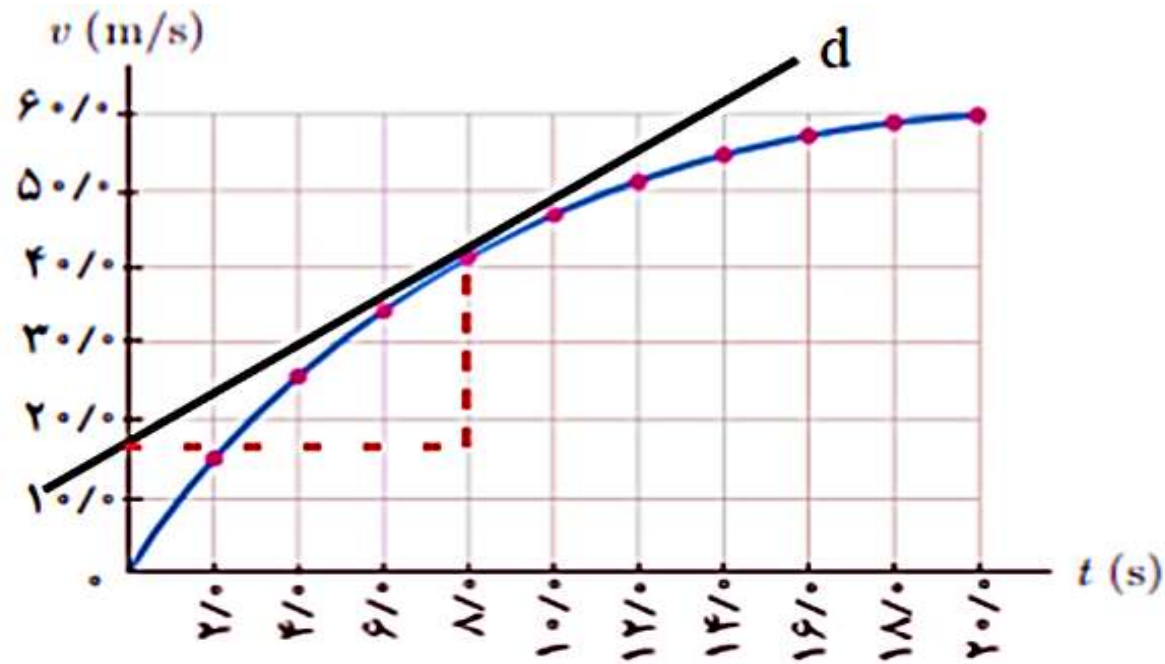
شیب d_3 در لحظه t_3 در نمودار $V-t$ منفی است در نتیجه شتاب منفی است.
 شیب d_5 در لحظه t_5 در نمودار $V-t$ مثبت است در نتیجه شتاب مثبت است.
 شیب d_1, d_2, d_4, d_6 در لحظه‌های

t_1, t_2, t_4 و t_6 در نمودار $V-t$ ، موازی محور زمان است در نتیجه شتاب صفر است.

تمرین ۴-۱

نمودار سرعت - زمان خودرویی که در راستای محور x حرکت می کند در بازه زمانی $0/s$ تا $20/s$ مطابق شکل روبه رو است.
الف) شتاب متوسط خودرو در این بازه زمانی چقدر است؟
ب) شتاب خودرو را در لحظه $t = 8/s$ به دست آورید.





$$a_{av} = \frac{V_2 - V_1}{t_2 - t_1} = \frac{60 \text{ (m/s)} - 0}{20 \text{ s} - 0} = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \text{(الف)}$$

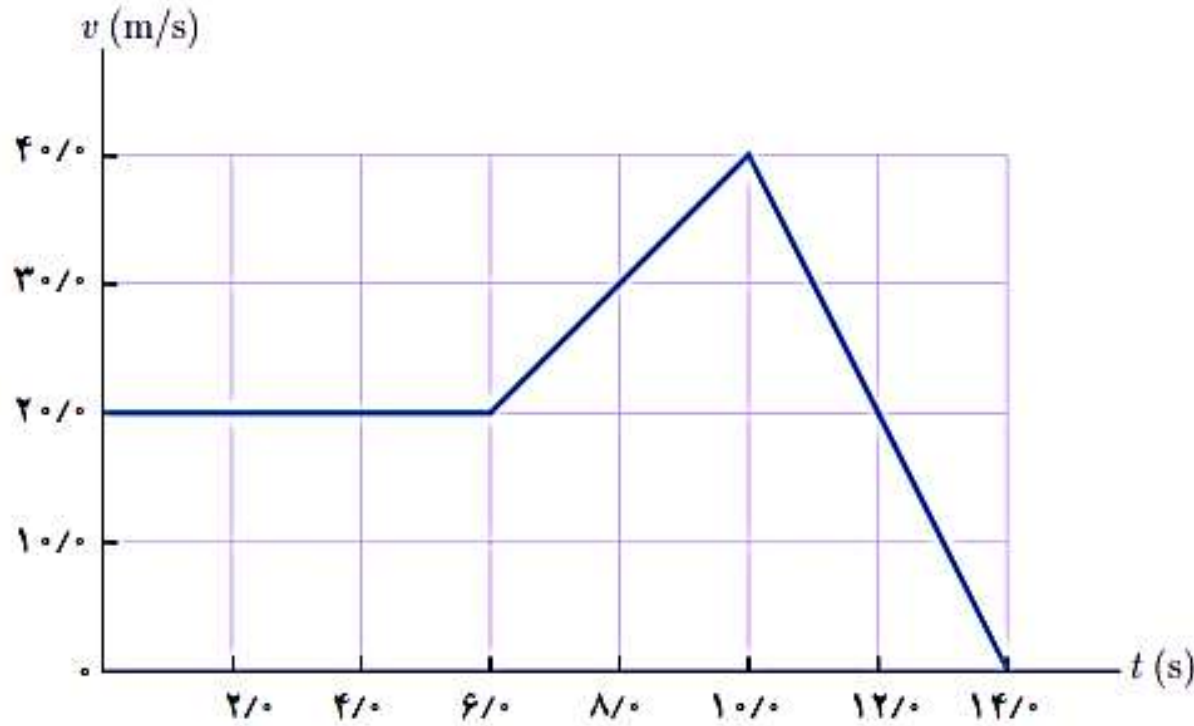
شیب خط مماس در لحظه 8s در نمودار $a = V-t$ = (ب)

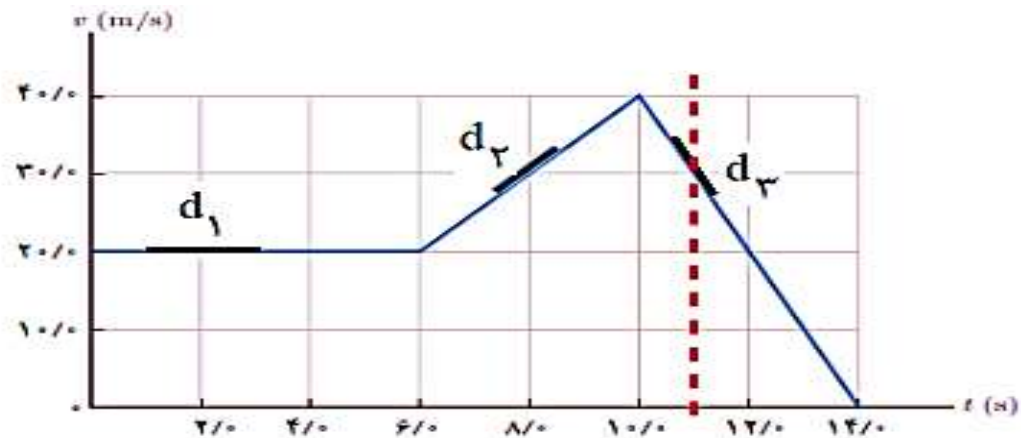
$$\frac{V_2 - V_1}{t_2 - t_1} = \frac{(\approx 40 \text{ m/s}) - (\approx 16 \text{ m/s})}{8 \text{ s} - 0 \text{ s}} = \frac{24 \text{ (m/s)}}{8 \text{ s}} = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

تمرین ۵-۱

نمودار سرعت - زمان خودرویی که در راستای محور x حرکت می‌کند در بازه زمانی صفر تا $14/0$ s مطابق شکل روبه‌رو است.

الف) شتاب متوسط خودرو در این بازه زمانی چقدر است؟
ب) شتاب خودرو را در هر یک از لحظه‌های $t = 2/0$ s، $t = 8/0$ s و $t = 11/0$ s به دست آورید.





$$a_{av} = \frac{V_f - V_i}{t_f - t_i} = \frac{0 - 20 \text{ (m/s)}}{14 \text{ s} - 0} = -1/4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \text{(الف)}$$

(ب)

شیب d_1 در لحظه های $t = 2 \text{ s}$ در نمودار $V-t$ ، موازی محور زمان است در نتیجه شتاب صفر است.

شیب d_2 در بازه زمانی 6 s تا 10 s در نمودار $V-t$ ، ثابت است در نتیجه شتاب ثابت است.

$$a_1 = a_{av} = \frac{V_2 - V_1}{t_2 - t_1} = \frac{40 \text{ (m/s)} - 20 \text{ (m/s)}}{10 \text{ s} - 6 \text{ s}} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

شیب d_3 در بازه زمانی 10 s تا 14 s در نمودار $V-t$ ، ثابت است در نتیجه شتاب ثابت می باشد.

$$a_2 = a_{av} = \frac{V_4 - V_3}{t_4 - t_3} = \frac{0 - 40 \text{ (m/s)}}{14 \text{ s} - 10 \text{ s}} = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

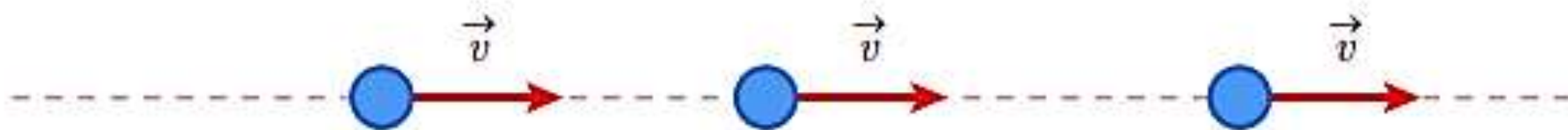
حرکت با سرعت ثابت

ساده‌ترین نوع حرکت، حرکت با سرعت ثابت است.

در این نوع حرکت در کل مسیر اندازه و جهت سرعت ثابت است

سرعت متوسط متحرک در هر بازه زمانی دلخواه، برابر سرعت لحظه‌ای آن است.

$$v = v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = v\Delta t$$

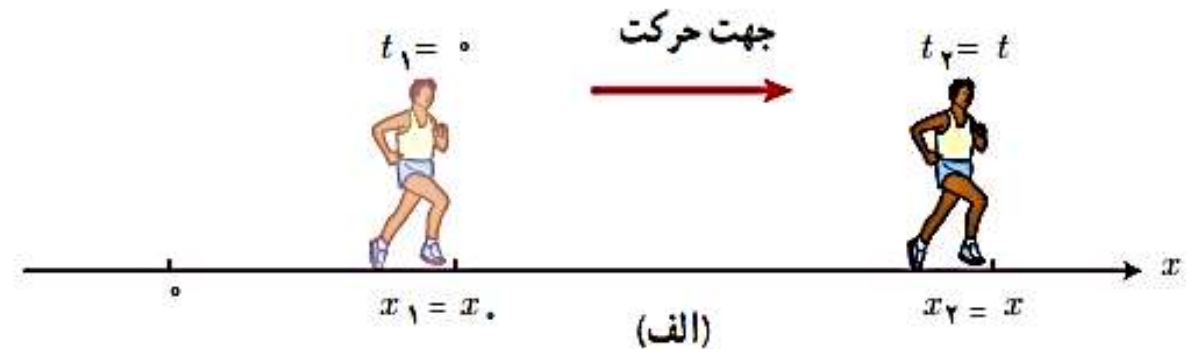
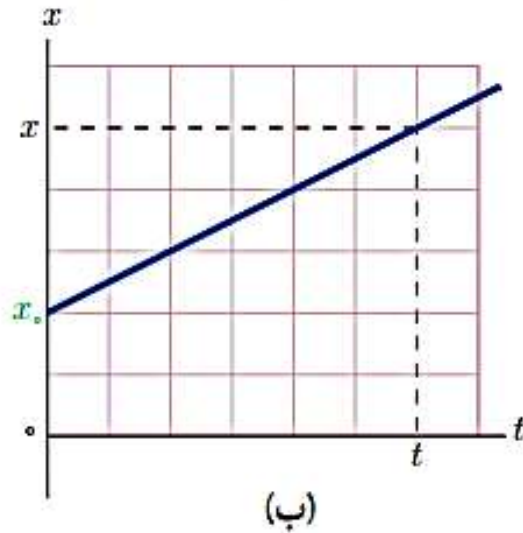


شکل ۱-۵ در حرکت با سرعت ثابت، هم جهت سرعت و هم اندازه آن (تندی) ثابت است.

$$x = vt + x_0 \quad (\text{معادله مکان - زمان در حرکت با سرعت ثابت}) \quad (7-1)$$

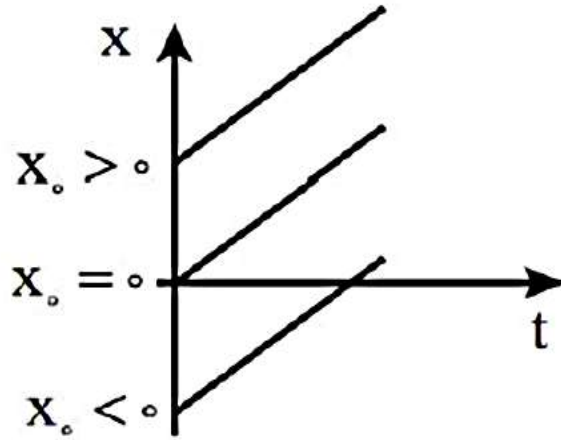
در معادله 7-1 معمولاً x_0 را که مکان متحرک در لحظه $t = 0$ است مکان اولیه متحرک می نامند. توجه کنید که مکان های x_0 و x می توانند مثبت، منفی یا صفر باشند. سرعت متحرک هم به دلیل ماهیت برداری آن، در صورتی که حرکت در جهت محور x باشد مثبت و در غیر این صورت منفی است.

شکل 1-1 الف) مکان یک دوندۀ در دو لحظه متفاوت. ب) نمودار مکان-زمان دوندۀ ای که در جهت محور x با سرعت ثابت می دود.



نمودارهای حرکت یکنواخت روی خط راست

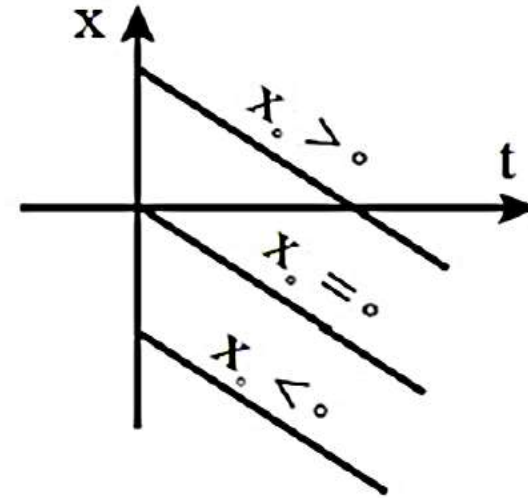
نمودارهای مکان - زمان در حرکت یکنواخت:



متحرک در جهت محور x ها

حرکت می کند و سرعت آن مثبت

است $(V > 0)$

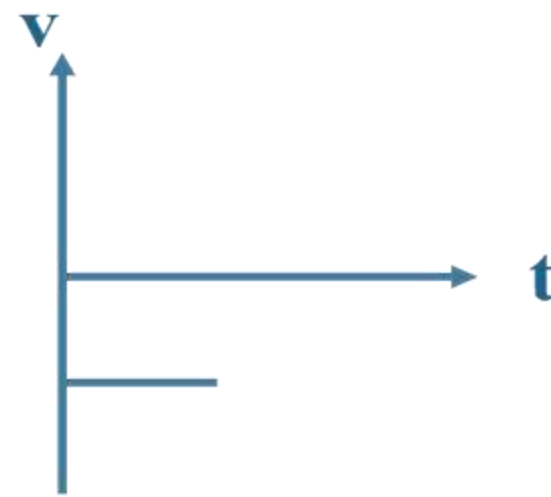
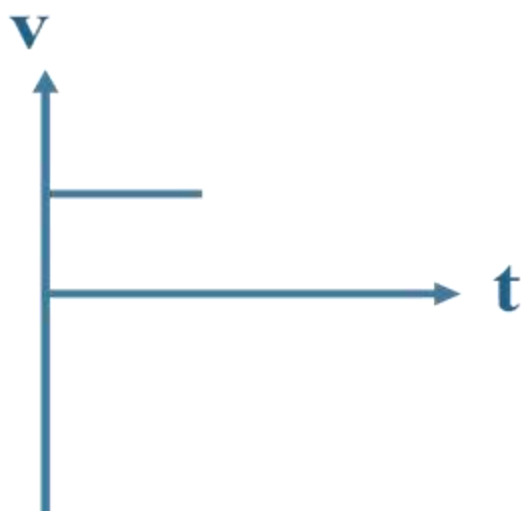
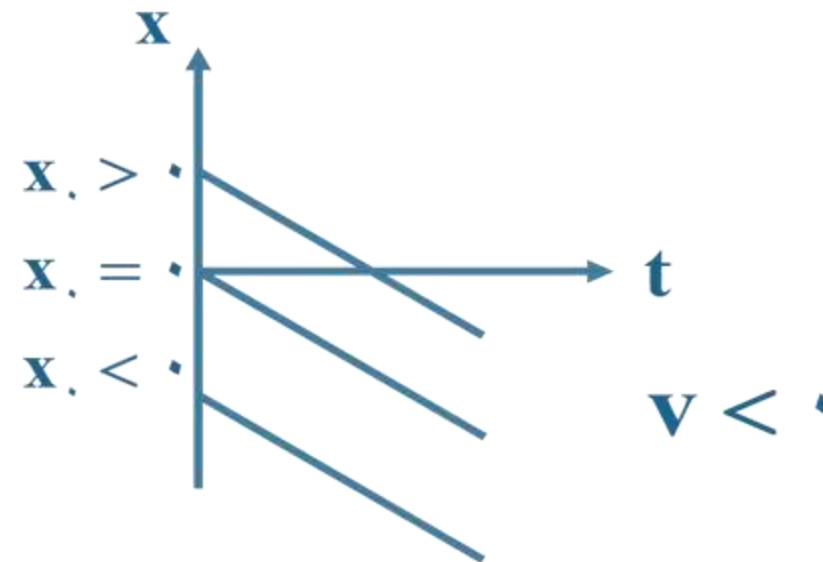
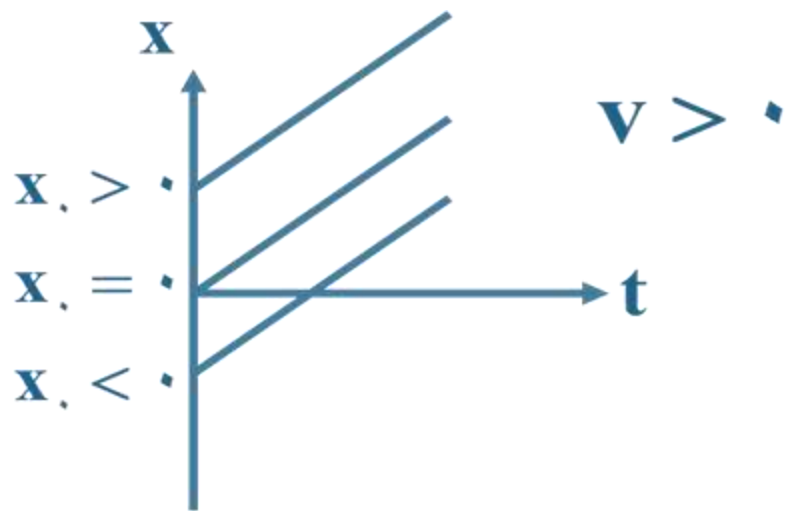


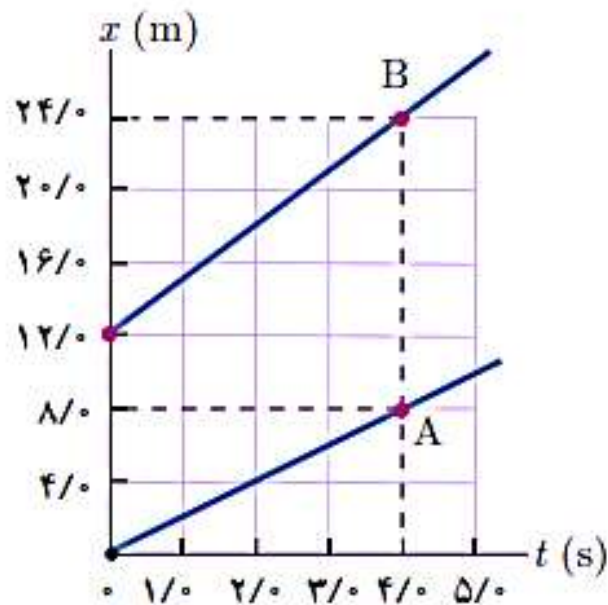
متحرک در خلاف جهت محور

x ها حرکت می کند و سرعت آن

منفی است $(V < 0)$

نمودار مکان-زمان و سرعت زمان در حرکت یکنواخت





شکل مقابل نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B را نشان می دهد که در راستای محور x حرکت می کنند.
سرعت هر متحرک را پیدا کنید و معادله مکان - زمان آنها را بنویسید.

شیب خط متحرک B $V_B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{24 \text{ m} - 12 \text{ m}}{4 \text{ s}} = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

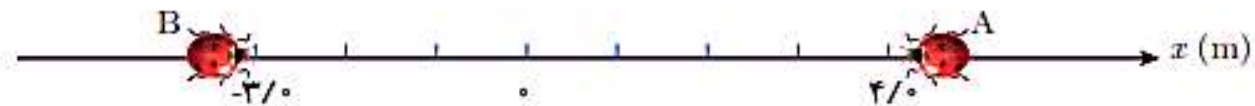
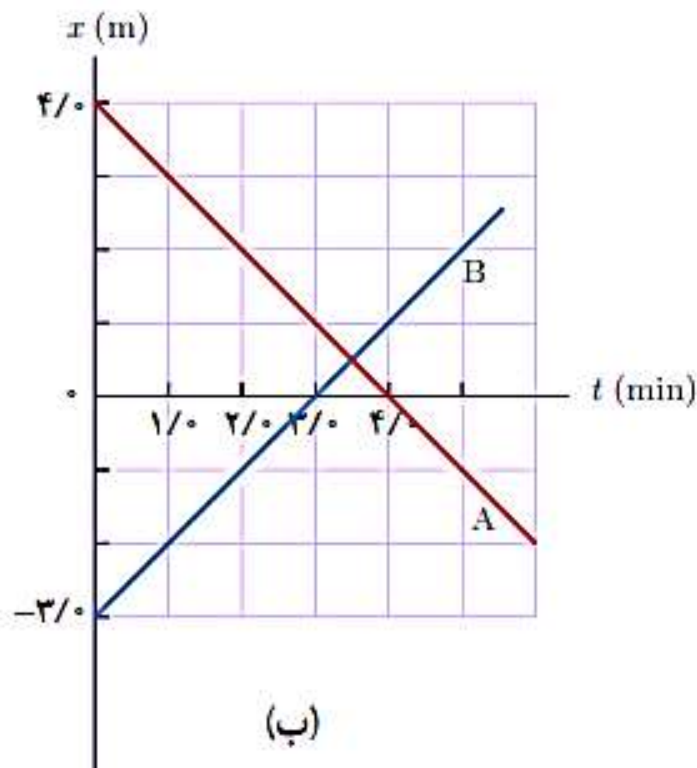
شیب خط متحرک A $V_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{8 \text{ (m)} - 0}{4 \text{ s}} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$$x = vt + x_0 \rightarrow \begin{cases} x_B = 3t + 12 \\ x_A = 2t + 0 \end{cases}$$

تمرین ۱-۷

شکل الف، مکان دو کفش دوزک A و B را که در راستای محور x حرکت می کنند در لحظه $t = 0$ s نشان می دهد. نمودار مکان-زمان این کفش دوزک ها در شکل ب رسم شده است.

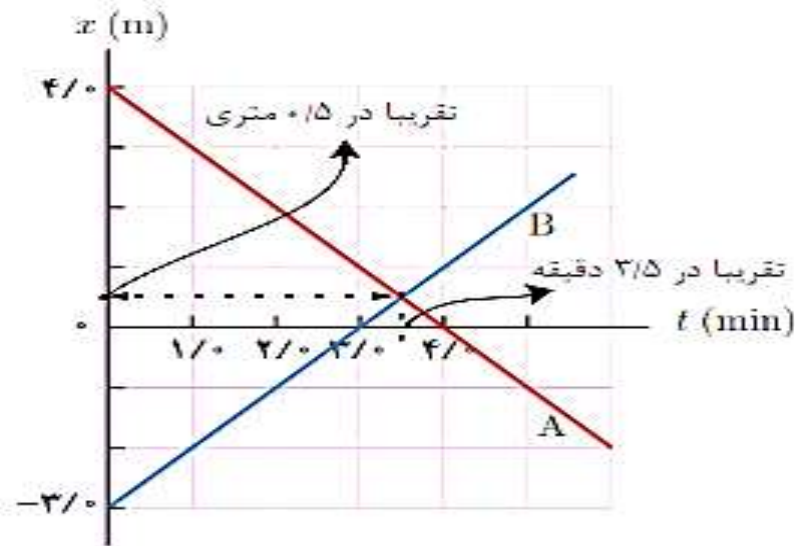
الف) از روی نمودار به طور تقریبی تعیین کنید کفش دوزک ها در چه لحظه و در چه مکانی به یکدیگر می رسند.
ب) با استفاده از معادله مکان-زمان، زمان و مکان هم رسی کفش دوزک ها را پیدا کنید.



(الف)

(ب)

(الف)



(ب)

$$V_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0(m) - 4(m)}{4 \text{ min}} = -1 \frac{m}{\text{min}}$$

$$V_B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{0(m) - (-3)m}{3 \text{ min}} = 1 \frac{m}{\text{min}}$$

$$x = vt + x_0 \rightarrow \begin{cases} x_A = -1(m/\text{min})t + 4m \\ x_B = 1(m/\text{min})t - 3m \end{cases}$$

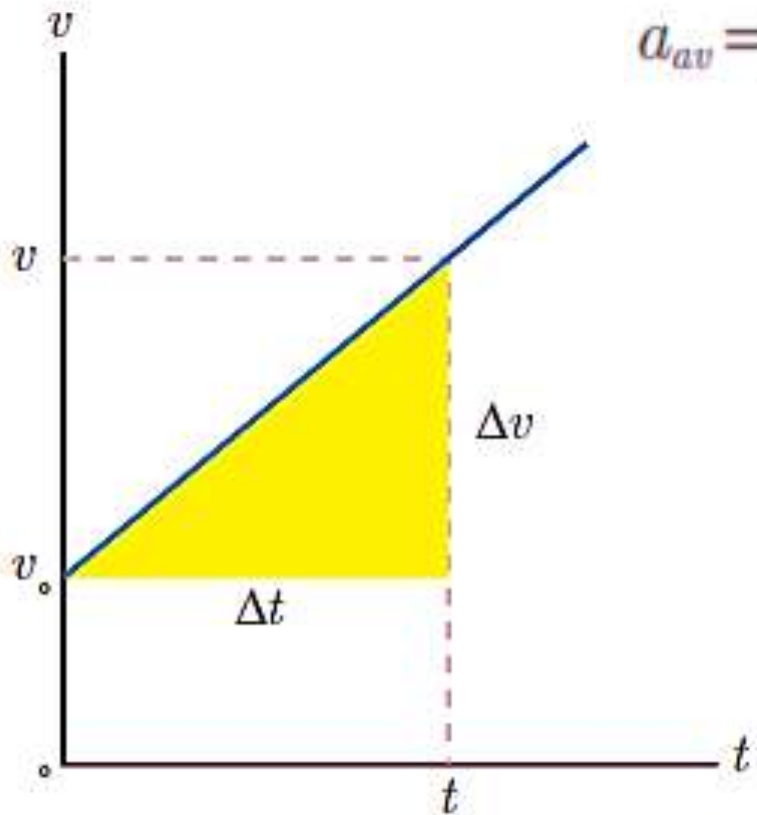
$$x_A = x_B \rightarrow -1(m/\text{min})t + 4m = 1(m/\text{min})t - 3m \rightarrow$$

$$2t = 7 \text{ min} \rightarrow t = 3.5 \text{ min}$$

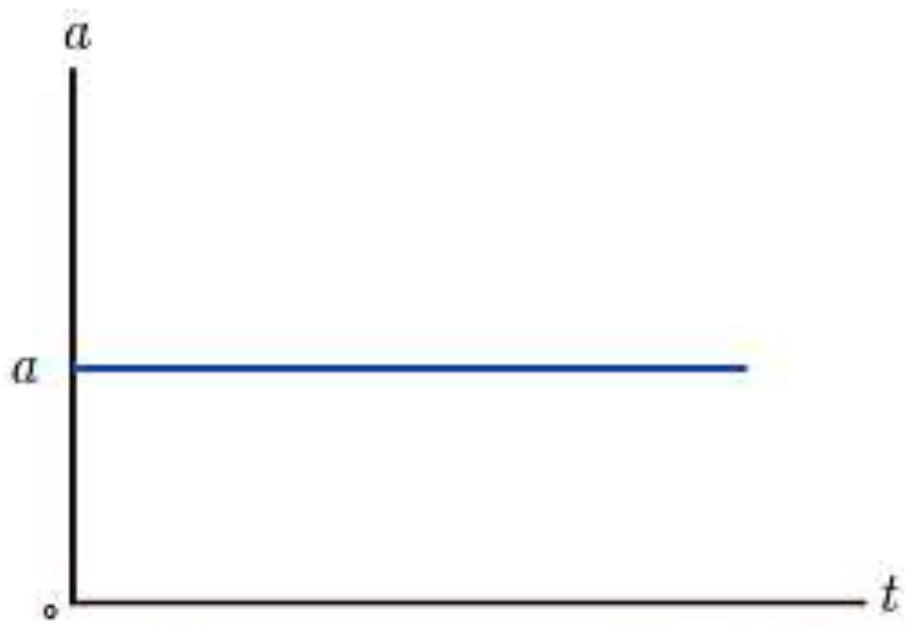
$$x_A = -1(m/\text{min}) \times 3.5 \text{ min} + 4m = 0.5m$$

حرکت با شتاب ثابت

هر گاه شتاب متحرکی در لحظه‌های مختلف یکسان باشد یعنی $a_{av} = a$

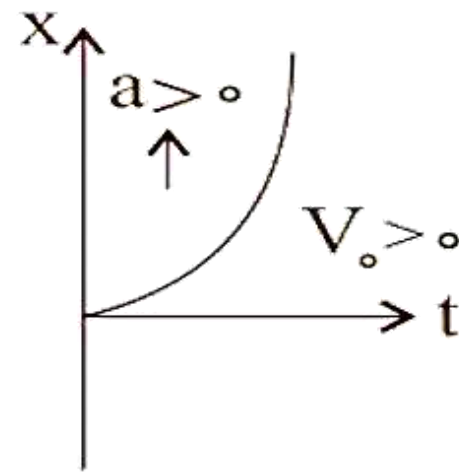
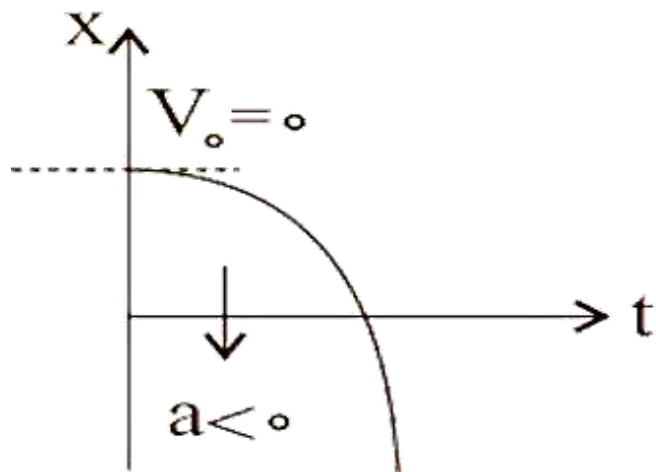
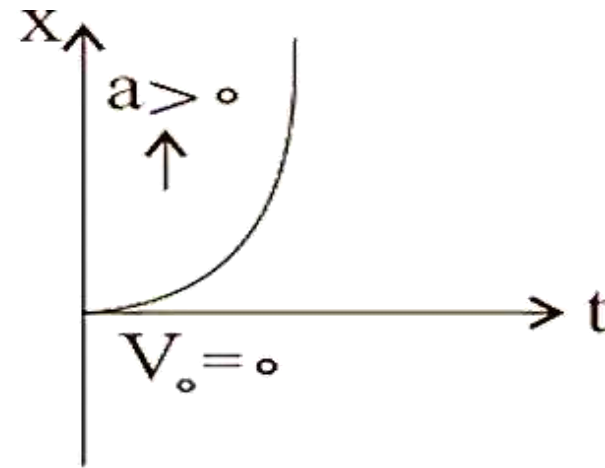
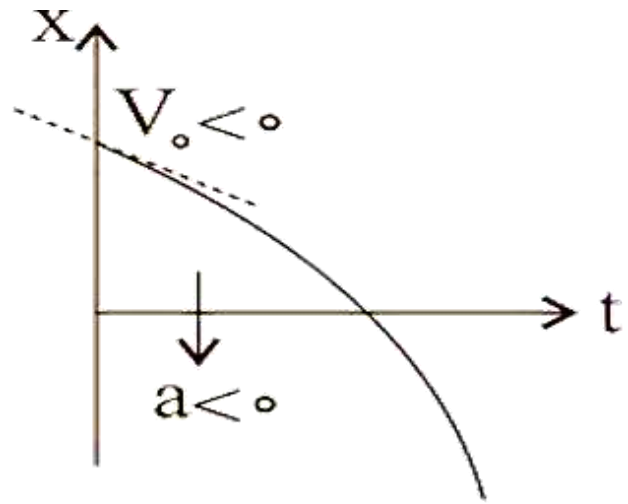


شکل ۱۲-۱ نمودار $v-t$ در حرکت با شتاب ثابت با فرض مثبت بودن v و a

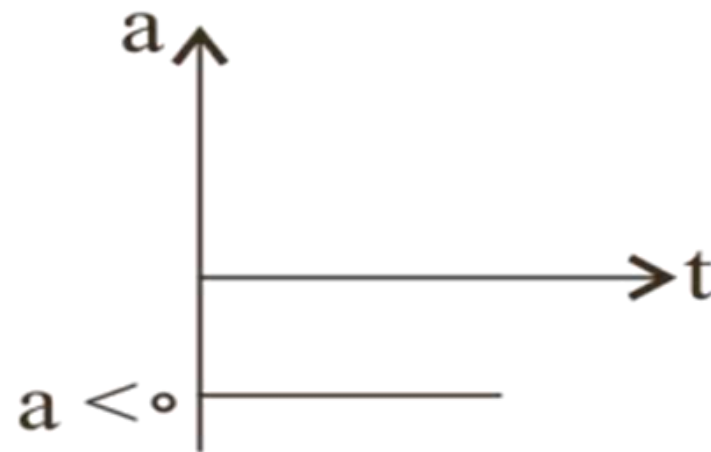
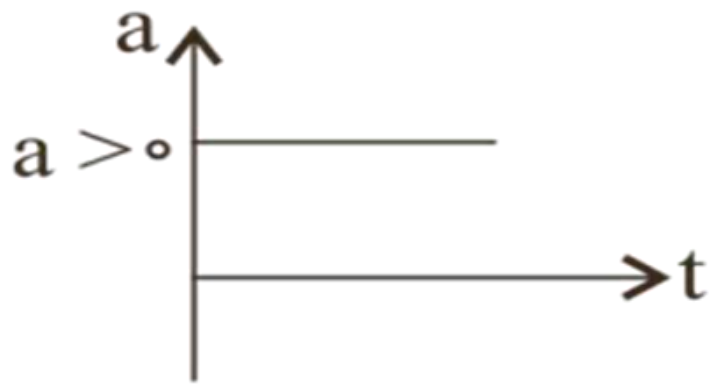
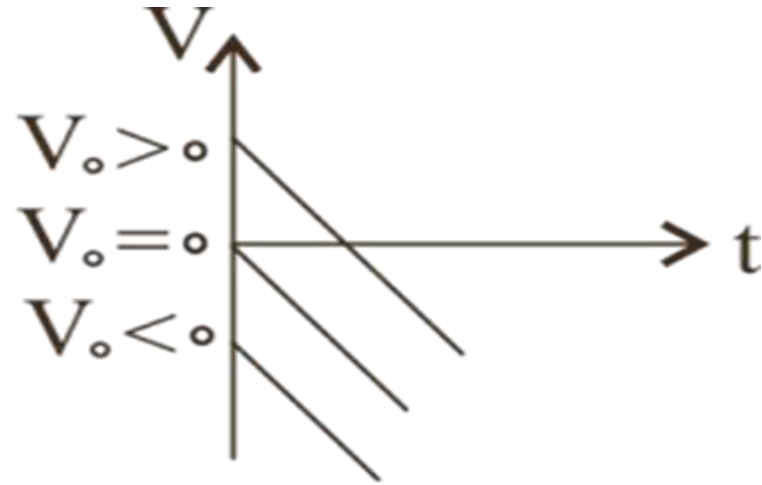
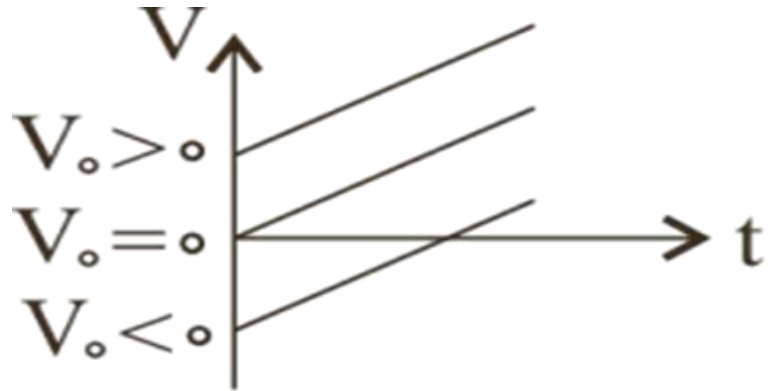


شکل ۱۳-۱ نمودار $a-t$ در حرکت با شتاب ثابت با فرض مثبت بودن a

نمودارهای مکان زمان حرکت شتابدار ثابت:



نمودارهای سرعت زمان و شتاب زمان شتابدار ثابت:



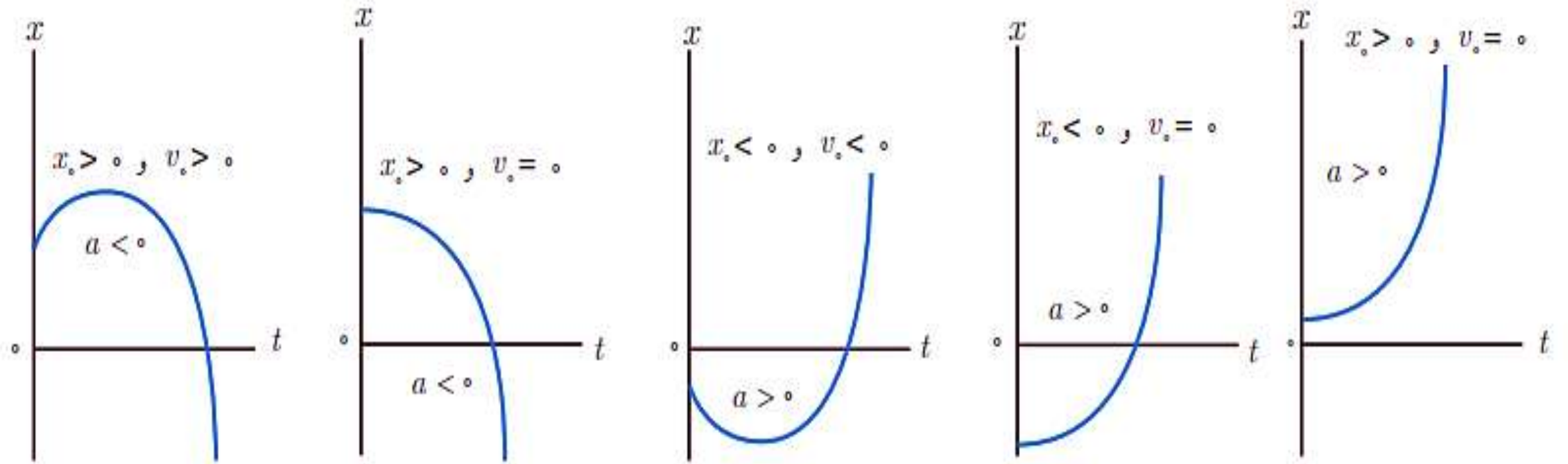
$$v = at + v_0 \quad (\text{معادلهٔ سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت})$$

$$v_{av} = \frac{v_0 + v}{2} \quad (\text{معادلهٔ سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت})$$

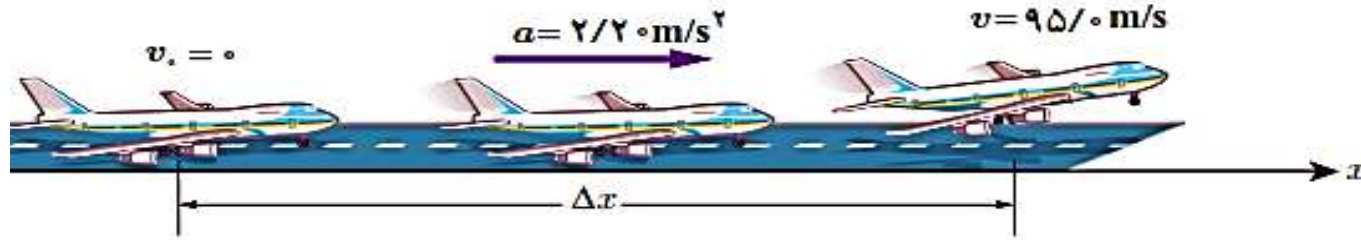
$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \quad (\text{معادلهٔ مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت})$$

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x \quad (\text{معادلهٔ سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت})$$

در این نوع حرکت، مکان متحرک تابعی درجه دوم از زمان است.



مثال ۱-۱۱



شکل روبه‌رو هواپیمایی را نشان می‌دهد که از حال سکون و با شتاب ثابت روی باند پرواز و در امتداد محور x شروع به حرکت می‌کند.

الف) چه مدت طول می‌کشد تا هواپیما به شرایط برخاستن برسد؟

ب) سرعت متوسط هواپیما در این بازه زمانی چقدر است؟

پ) جابه‌جایی هواپیما در این مدت چقدر است؟

پاسخ: الف) با توجه به ثابت بودن شتاب حرکت هواپیما روی باند پرواز، داده‌های روی شکل را می‌توان در معادله ۱-۱ جای‌گذاری کرد. به این ترتیب داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 95/0 \text{ m/s} = (2/2 \text{ m/s}^2)t + 0/0 \text{ m/s} \Rightarrow t = 43/2 \text{ s}$$

در اولین فرصتی که سوار هواپیما شدید، نتیجه به‌دست آمده را واریسی کنید!

$$v_{av} = \frac{v_0 + v}{2} = \frac{0/0 \text{ m/s} + 95/0 \text{ m/s}}{2} = 47/5 \text{ m/s}$$

ب) از رابطه ۱-۴ داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = v_{av} \Delta t = (47/5 \text{ m/s})(43/2 \text{ s}) = 2/05 \times 10^3 \text{ m}$$

تمرین ۱-۸

معادله سرعت - زمان متحرکی که در امتداد محور x حرکت می کند در SI به صورت $v = -1/8t + 2/2$ است.

الف) سرعت متحرک در لحظه $t = 4/0s$ چقدر است؟ ب) سرعت متوسط متحرک و جابه جایی آن در بازه زمانی صفر تا

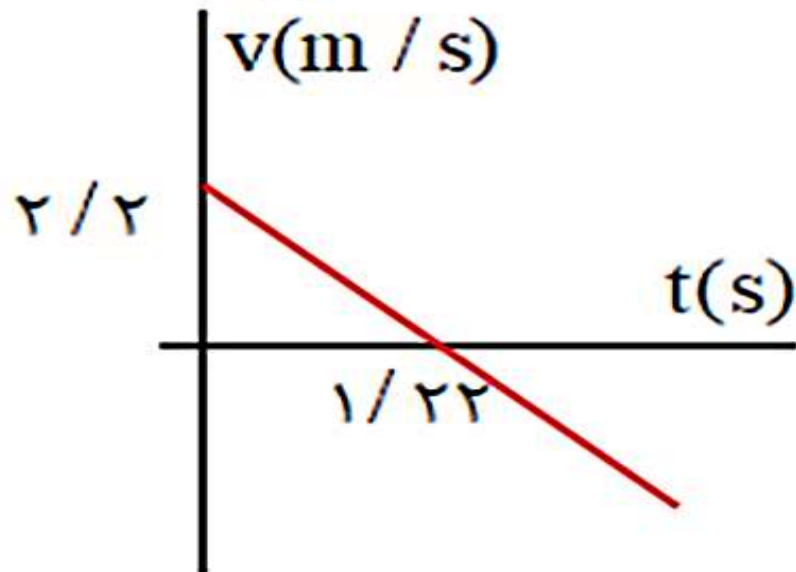
$t = 4/0s$ چقدر است؟ پ) نمودار سرعت - زمان این متحرک را رسم کنید.

$$v = -\frac{1}{2}(\text{m/s}) \times \text{fs} + \frac{2}{2}(\text{m/s}) = -\Delta(\text{m/s})$$

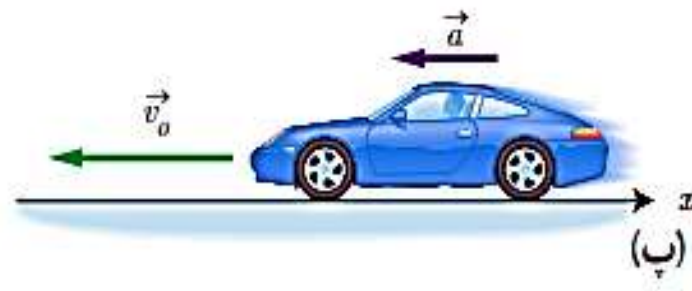
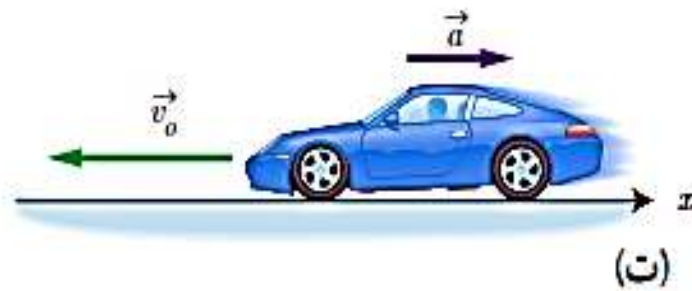
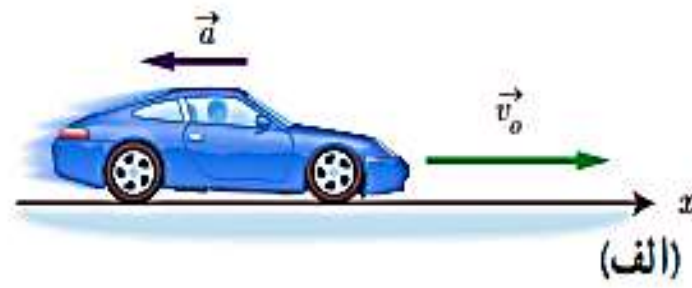
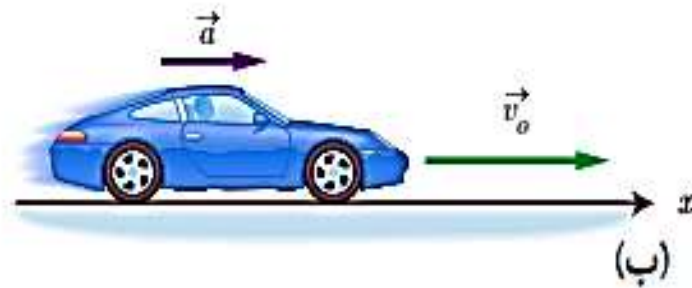
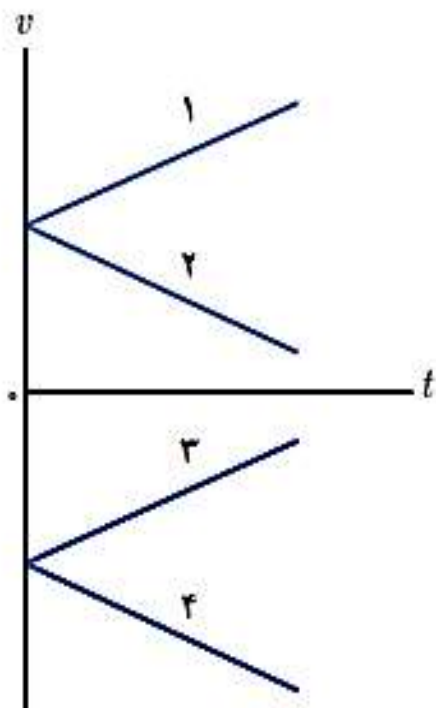
$$\left. \begin{array}{l} t = 0 \rightarrow v_0 = \frac{2}{2}(\text{m/s}) \\ t = \text{fs} \rightarrow v = -\Delta(\text{m/s}) \end{array} \right\} \rightarrow v_{\text{av}} = \frac{v + v_0}{2}$$

$$v_{\text{av}} = \frac{-\Delta(\text{m/s}) + \frac{2}{2}(\text{m/s})}{2} = -\frac{1}{4}(\text{m/s})$$

$$v_{\text{av}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow \Delta x = -\frac{1}{4}(\text{m/s}) \times \text{fs} = -\Delta/4 \text{m}$$



در تمامی حالت‌های شکل زیر، خودروها در امتداد محور x و با شتاب ثابت در حرکت‌اند. حرکت هر یک از خودروها، توسط کدام یک از نمودارهای $v-t$ توصیف می‌شود؟ همچنین توضیح دهید تندی کدام خودرو در حال افزایش (حرکت تندشونده) و تندی کدام خودرو در حال کاهش (حرکت کندشونده) است.



$$\left. \begin{array}{l} v > 0 \\ a < 0 \end{array} \right\} \rightarrow (2)$$

الف) تندی متحرک شکل ب در حال افزایش است.

$$\left. \begin{array}{l} v > 0 \\ a > 0 \end{array} \right\} \rightarrow (1)$$

ب) تندی متحرک شکل الف در حال کاهش است.

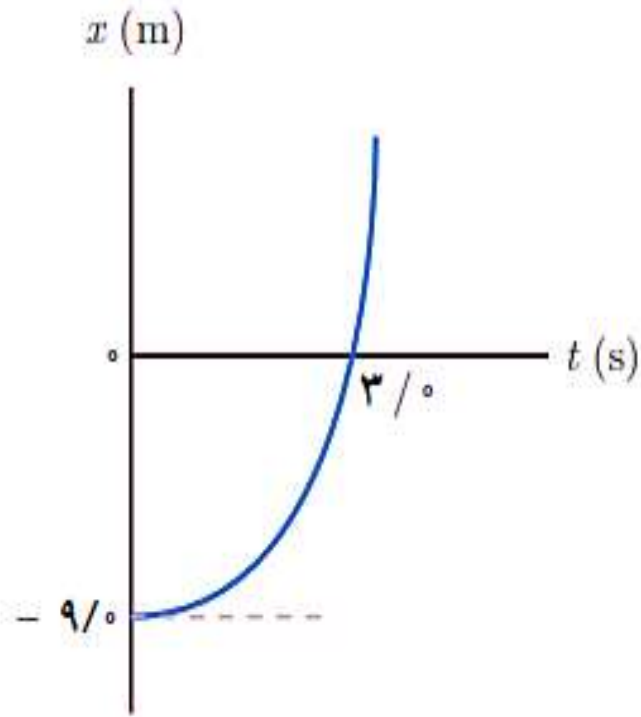
$$\left. \begin{array}{l} v < 0 \\ a < 0 \end{array} \right\} \rightarrow (4)$$

پ) تندی متحرک شکل ت در حال افزایش است.

$$\left. \begin{array}{l} v < 0 \\ a > 0 \end{array} \right\} \rightarrow (3)$$

ت) تندی متحرک شکل پ در حال کاهش است.

مثال ۱-۱۲



شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که با شتاب ثابت در امتداد محور x حرکت می‌کند. الف) شتاب متحرک را پیدا کنید. ب) معادله سرعت - زمان متحرک را بنویسید و نمودار آن را رسم کنید. پ) جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی صفر تا $3/0$ s پیدا کنید. ت) با توجه به اینکه سطح بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان در هر بازه زمانی برابر جابه‌جایی در آن بازه است، جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی صفر تا $3/0$ s حساب کنید و نتیجه را با قسمت پ مقایسه کنید. ث) سرعت متوسط متحرک را در بازه زمانی صفر تا $3/0$ s پیدا کنید.

پاسخ: الف) شیب خط چین مماس بر منحنی در $t = 0/0 \text{ s}$ برابر صفر است و نشان دهنده این است که سرعت متحرک در این

لحظه صفر است ($v_0 = 0/0 \text{ m/s}$). با توجه به داده‌های روی نمودار و معادله ۱-۱ داریم:

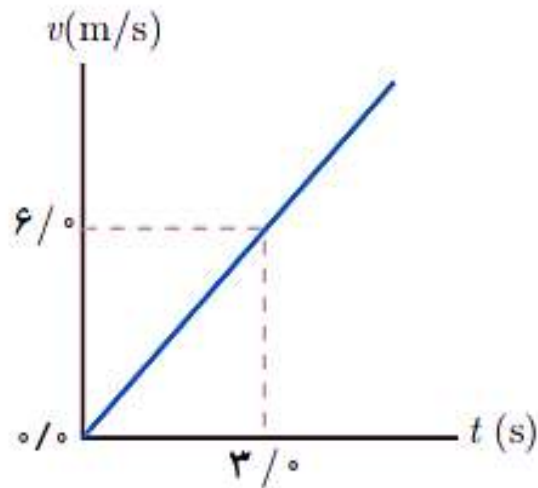
$$x_0 = -9/0 \text{ m}, \quad t = 3/0 \text{ s} \rightarrow x = 0/0 \text{ m}, \quad v_0 = 0/0 \text{ m/s}$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \Rightarrow 0 = \frac{1}{2}a(3/0 \text{ s})^2 + 0 + (-9/0 \text{ m}) \Rightarrow a = 2/0 \text{ m/s}^2$$

ب) از معادله ۱-۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = (2/0 \text{ m/s}^2)t + 0 \Rightarrow v = (2/0 \text{ m/s}^2)t$$

نمودار این معادله در شکل روبه‌رو رسم شده است.



پ) با توجه به نمودار مکان-زمان، جابه‌جایی متحرک در بازه زمانی $(0/0 \text{ s}, 3/0 \text{ s})$ برابر $\Delta x = 0/0 - (-9/0 \text{ m}) = 9/0 \text{ m}$ است.

ت) سطح بین منحنی سرعت و محور زمان در نمودار سرعت-زمان، برابر $(\frac{1}{2} \times 6/0 \text{ m/s})(3/0 \text{ s}) = 9/0 \text{ m}$ است که با

نتیجه قسمت پ سازگار است.

ث) از رابطه ۱-۴ داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{9/0 \text{ m}}{3/0 \text{ s}} = 3/0 \text{ m/s}$$

توجه کنید که می‌توانستیم سرعت متوسط در این بازه زمانی را از رابطه $v_a = \frac{(v_0 + v)}{2}$ نیز حساب کنیم که به همین نتیجه می‌رسد.

تمرین ۹-۱

خودرویی با سرعت ۱۸ km/h در امتداد مسیری مستقیم از چهارراهی می‌گذرد تندی آن با شتاب ۱ m/s^2 افزایش می‌یابد. سرعت خودرو پس از ۳۰۰ m جابه‌جایی چقدر است؟

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t \rightarrow 300 \text{ m} = \frac{1}{2} \times 1 (\text{m/s}^2)t^2 + 5 (\text{m/s})t$$

$$600 \text{ s}^2 = t^2 + 10st \rightarrow (t - 20\text{s})(t + 30\text{s}) = 0 \rightarrow t = 20\text{s}$$

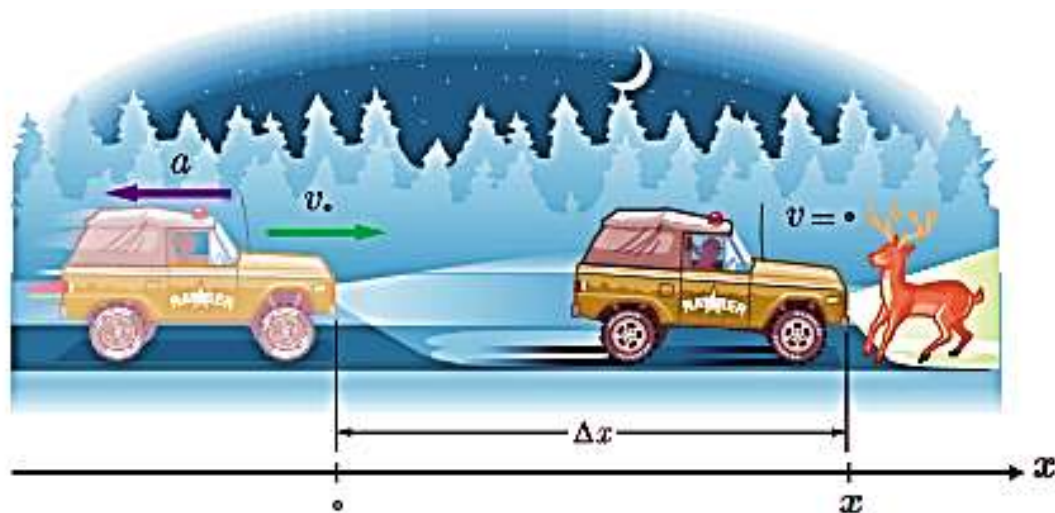
$$v = at + v_0 = 1 \text{ m/s}^2 \times 20\text{s} + 5 \text{ m/s} = 25 \text{ m/s}$$

راه دیگر، پس از مطالعه قسمت بعدی کتاب

$$v_0 = 18 \text{ km/h} = 18 \times \frac{\text{m}}{3/6\text{s}} = 5 \text{ m/s}$$

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \rightarrow v^2 - (5 \text{ m/s})^2 = 2 \times 1 \text{ m/s}^2 \times 300 \text{ m}$$

$$v = \sqrt{625 (\text{m}^2/\text{s}^2)} = 25 \text{ m/s}$$



محیطبان یک پارک حفاظت شده هنگام گشت شبانه، با تندی 40 km/h در جاده‌ای مستقیم در حرکت است که ناگهان گوزن بدون حرکتی را در جلوی خود می‌بیند و ترمز می‌گیرد (شکل روبه‌رو). حرکت خودرو با شتابی به اندازه $3/80 \text{ m/s}^2$ کند می‌شود تا سرانجام متوقف شود. اگر لحظه‌ای که محیطبان ترمز می‌گیرد، گوزن در فاصله 22 m از خودرو باشد،

الف) خودرو در چه فاصله‌ای از گوزن متوقف می‌شود؟

ب) چه مدت طول می‌کشد تا خودرو متوقف شود؟

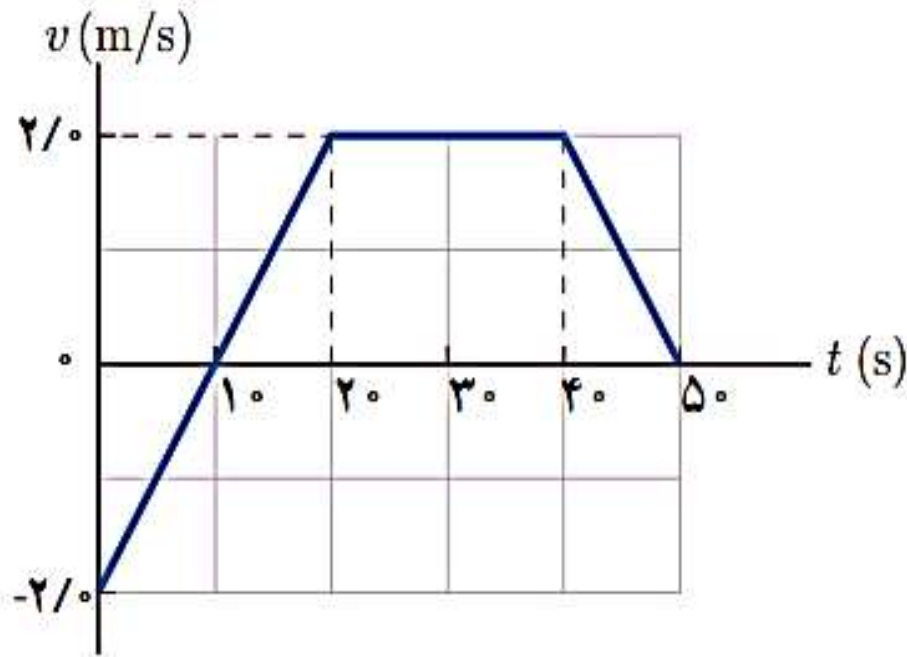
پاسخ: الف) حرکت خودرو را در جهت مثبت محور x فرض می‌کنیم. همچنین برای سادگی، مبدأ زمان و مکان را جایی می‌گیریم که محیط‌بان ترمز گرفته و در نتیجه $x_0 = 0 \text{ m}$ و $v_0 = 40 \text{ km/h} = 11.1 \text{ m/s}$ است. از طرفی، چون سرعت خودرو در جهت محور x به تدریج در حال کاهش است، شتاب آن بر خلاف جهت محور x و در نتیجه منفی خواهد شد. به این ترتیب از معادله ۱-۱ داریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0) \Rightarrow 0 - (11.1 \text{ m/s})^2 = 2(-3/80 \text{ m/s}^2)(x - 0)$$

در نتیجه $x = 16/2 \text{ m}$ و خودرو در فاصله $5/80 \text{ m} = (22/0 \text{ m} - 16/2 \text{ m})$ از گوزن متوقف می‌شود و خوشبختانه برخوردی بین خودرو و گوزن صورت نمی‌گیرد.

ب) از رابطه ۱-۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 \text{ m/s} = (-3/80 \text{ m/s}^2)t + 11.1 \text{ m/s} \Rightarrow t = 2/92 \text{ s}$$



متحرکی که در راستای محور x حرکت می کند در لحظه $t = 0$ از مکان $x_0 = 0$ می گذرد. نمودار سرعت - زمان این متحرک مطابق شکل روبه رو است. الف) متحرک در کدام بازه زمانی، در جهت محور x و در کدام بازه زمانی در خلاف جهت محور x حرکت کرده است؟

ب) در چه لحظه یا لحظه هایی جهت حرکت متحرک تغییر کرده است؟

پ) با توجه به نمودار سرعت - زمان توضیح دهید در کدام بازه های زمانی حرکت جسم تندشونده و یا کندشونده است.

ت) مکان متحرک را در هر یک از لحظه های $t_1 = 10\text{ s}$ ، $t_2 = 20\text{ s}$ ، $t_3 = 40\text{ s}$ و $t_4 = 50\text{ s}$ پیدا کنید و روی محور x نشان دهید.

ث) مسیر حرکت متحرک را رسم کنید و با توجه به آن، جابه جایی و مسافت طی شده را در کل زمان حرکت پیدا کنید.

ج) مساحت سطح زیر نمودار $v-t$ را حساب کنید و مقدار آن را با جابه جایی متحرک در قسمت قبل مقایسه کنید. مساحت

بخشی از سطح را که زیر محور است منفی بگیرید.

پاسخ: الف) با توجه به نمودار، در بازه زمانی صفر تا $t_1 = 1 \text{ s}$ ، سرعت متحرک منفی است و بنابراین در جهت منفی محور x حرکت کرده است. همچنین در بازه زمانی $t_1 = 1 \text{ s}$ تا $t_2 = 5 \text{ s}$ ، سرعت متحرک مثبت است و بنابراین در جهت مثبت محور x حرکت کرده است.

ب) تنها در لحظه $t_1 = 1 \text{ s}$ علامت سرعت و در نتیجه جهت حرکت متحرک تغییر کرده است.

پ) در بازه زمانی صفر تا $t_1 = 1 \text{ s}$ ، تندی در حال کاهش و در نتیجه حرکت کندشونده است.

در بازه زمانی $t_1 = 1 \text{ s}$ تا $t_2 = 2 \text{ s}$ ، تندی در حال افزایش و در نتیجه حرکت تندشونده است.

در بازه زمانی $t_2 = 2 \text{ s}$ تا $t_3 = 4 \text{ s}$ ، حرکت با سرعت ثابت است.

در بازه زمانی $t_3 = 4 \text{ s}$ تا $t_4 = 5 \text{ s}$ ، تندی در حال کاهش و در نتیجه حرکت کندشونده است.

ت) در بازه زمانی صفر تا $t_2 = 2 \text{ s}$ حرکت با شتاب ثابت است. به این ترتیب از معادله ۱-۸ داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow (2/0 \text{ m/s}) = a(2 \text{ s}) + (-2/0 \text{ m/s}) \Rightarrow a = 0/2 \text{ m/s}^2$$

در این صورت با توجه به معادله ۱-۱۰، در لحظه $t_1 = 1 \text{ s}$ داریم:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow x_1 = \frac{1}{2}(0/2 \text{ m/s}^2)(1 \text{ s})^2 + (-2/0 \text{ m/s})(1 \text{ s}) + 0 \Rightarrow x_1 = -1 \text{ m}$$

در لحظه $t_f = 20\text{ s}$ داریم:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \Rightarrow x_f = \frac{1}{2}(0/20\text{ m/s}^2)(20\text{ s})^2 + (-2/0\text{ m/s})(20\text{ s}) + 0 \Rightarrow x_f = 0$$

در بازه زمانی 20 s تا 40 s ، حرکت با سرعت ثابت روی خط راست است. به این ترتیب با توجه به معادله $v = 1 - 7$ ، جابه‌جایی در این بازه زمانی برابر است با:

$$\Delta x = v\Delta t \Rightarrow \Delta x = (2/0\text{ m/s})(40\text{ s} - 20\text{ s}) = 40\text{ m}$$

در نتیجه متحرک در لحظه $t_f = 40\text{ s}$ در مکان $x_f = x_0 + \Delta x = 0 + 40\text{ m} = 40\text{ m}$ قرار دارد.

در بازه زمانی 40 s تا 50 s ، حرکت با شتاب ثابت است. به این ترتیب داریم:

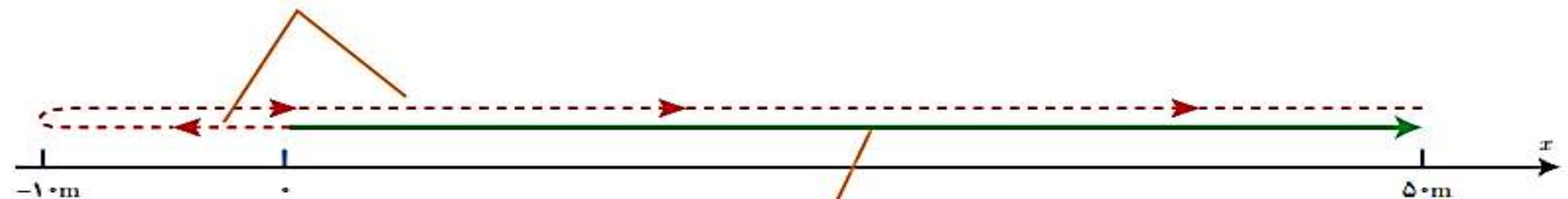
$$\Delta x = \left(\frac{v_1 + v_2}{2}\right)\Delta t = \left(\frac{2/0\text{ m/s} + 0}{2}\right)(10\text{ s}) \Rightarrow \Delta x = 10\text{ m}$$

در نتیجه متحرک در لحظه $t_f = 50\text{ s}$ در مکان $x_f = x_0 + \Delta x = 40\text{ m} + 10\text{ m} = 50\text{ m}$ قرار دارد.

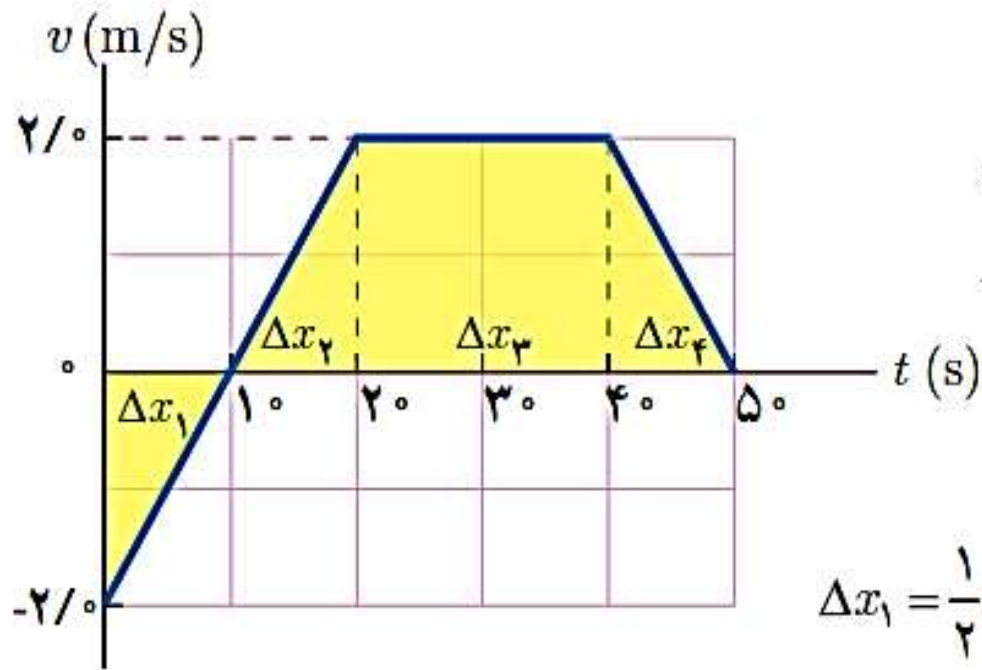


ث) در شکل زیر جابه‌جایی و مسافت طی شده توسط متحرک در کل زمان حرکت نشان داده شده است.

مسافت کل پیموده شده برابر $10\text{ m} + 10\text{ m} + 50\text{ m} = 70\text{ m}$ است.



بردار جابه‌جایی کل که برابر $\vec{d} = (+50\text{ m})\vec{i}$ است.



ج) مساحت سطح زیر نمودار سرعت - زمان که با رنگ زرد در شکل مشخص شده است، برابر جابه‌جایی متحرک است. به این ترتیب برای هر یک از بازه‌های زمانی داریم:

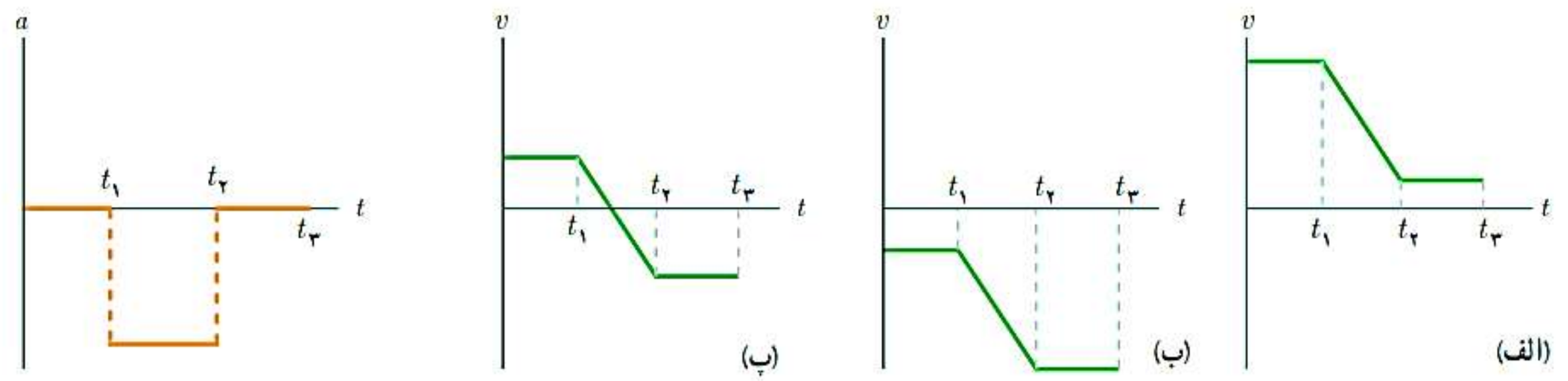
$$\Delta x_1 = \frac{1}{2}(-2/0 \text{ m/s})(1/0 \text{ s}) = -1/0 \text{ m} \quad \Delta x_2 = \frac{1}{2}(2/0 \text{ m/s})(1/0 \text{ s}) = 1/0 \text{ m}$$

$$\Delta x_3 = (2/0 \text{ m/s})(2/0 \text{ s}) = 4/0 \text{ m} \quad \Delta x_4 = \frac{1}{2}(2/0 \text{ m/s})(1/0 \text{ s}) = 1/0 \text{ m}$$

$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_2 + \Delta x_3 + \Delta x_4 = -1/0 \text{ m} + 1/0 \text{ m} + 4/0 \text{ m} + 1/0 \text{ m} = 5/0 \text{ m}$$

همان‌طور که از نتیجه بالا دیده می‌شود، مساحت سطح بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان در کل زمان حرکت، با جابه‌جایی متحرک برابر است.

نمودار شتاب - زمان متحرکی که در امتداد محور x حرکت می کند مطابق شکل زیر است. توضیح دهید چگونه هر یک از نمودارهای سرعت - زمان شکل های الف، ب و پ می تواند متناظر با این نمودار شتاب - زمان باشد.

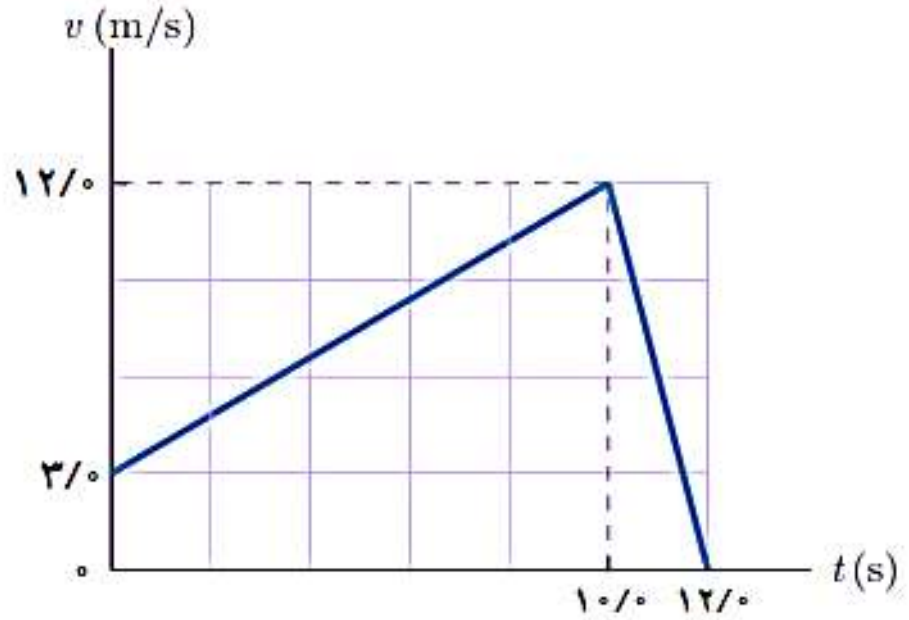


در تمام شکل های الف، ب و پ در بازه صفر تا t_1 سرعت ثابت است و شتاب صفر است.

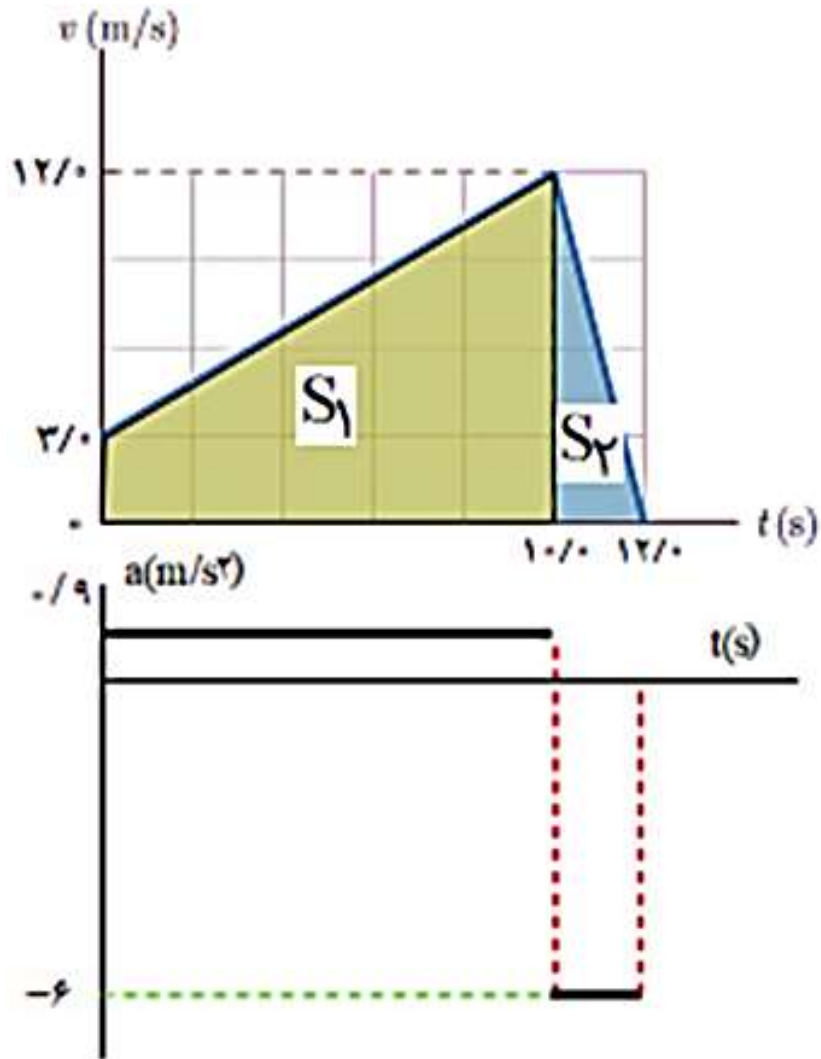
در تمام شکل های الف، ب و پ در بازه t_1 تا t_2 سرعت با زمان تغییر می کند و شیب خط منفی می باشد و شتاب منفی است.

در تمام شکل ها الف، ب و پ در بازه t_2 تا t_3 سرعت ثابت است و شتاب صفر است.

تمرین ۱-۱۰



آهویی در مسیری مستقیم در امتداد محور x می‌دود. نمودار سرعت-زمان آهو در بازه زمانی صفر تا $12/0$ s مطابق شکل است. در این بازه زمانی الف) مسافت کل پیموده شده توسط آهو را به دست آورید. ب) جابه‌جایی آهو را پیدا کنید. پ) نمودار شتاب-زمان آهو را رسم کنید.



الف) جهت حرکت تغییر نکرده لذا مسافت و جابجایی برابر است.

$$\begin{aligned}
 s &= s_1 + s_2 = \\
 &= \left(\frac{3(\text{m/s}) + 12(\text{m/s})}{2} \right) \times 10\text{s} + \frac{1}{2} \times 12(\text{m/s}) \times 2\text{s} \\
 &= 87\text{m}
 \end{aligned}$$

$$\Delta x = s = 87\text{m} \quad \text{ب)}$$

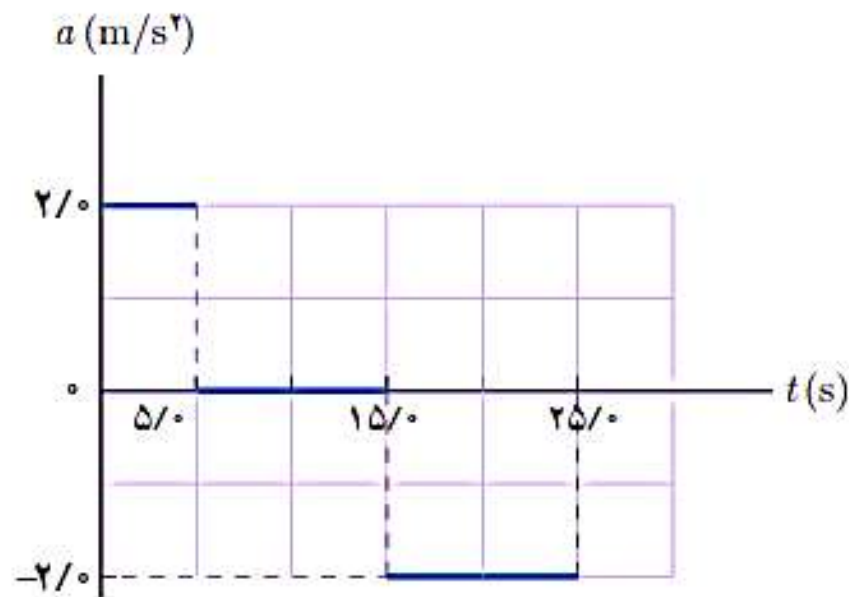
$$a_1 = \frac{12(\text{m/s}) - 3(\text{m/s})}{10\text{s}} = 0.9\text{m/s}^2 \quad \text{پ)}$$

$$a_2 = \frac{0 - 12(\text{m/s})}{2\text{s}} = -6\text{m/s}^2$$

تمرین ۱-۱۱

شکل مقابل نمودار شتاب - زمان یک ماشین اسباب بازی را نشان می دهد که در امتداد محور x حرکت می کند. با فرض $x_0 = 0$ و $v_0 = 0$ ، در بازه زمانی صفر تا $25/0$ s،

- الف) نمودارهای سرعت - زمان و مکان - زمان این ماشین را رسم کنید.
- ب) با توجه به نمودار سرعت - زمان، مشخص کنید در کدام یک از بازه های زمانی، حرکت ماشین تندشونده، کندشونده یا با سرعت ثابت است.
- پ) شتاب متوسط ماشین را پیدا کنید.
- ت) جابه جایی ماشین را پیدا کنید.



$$v = at + v_0$$

$$\Delta t_1 = \Delta s \rightarrow v_1 = 2 \left(\text{m/s}^2 \right) \times \Delta s + 0 = 10 \text{ (m/s)}$$

$$\Delta t_2 = 10 \text{ s} \rightarrow v_2 = v_1 = 10 \text{ (m/s)}$$

$$\Delta t_3 = 10 \text{ s} \rightarrow v_3 = -2 \left(\text{m/s}^2 \right) \times 10 \text{ s} + 10 = -10 \text{ (m/s)}$$

$$\Delta t_1 = \Delta s \rightarrow x_1 = \left(\frac{0 + 10 \text{ m/s}}{2} \right) \Delta s + 0 \text{ m} = 25 \text{ m}$$

$$\Delta t_2 = 10 \text{ s} \rightarrow x_2 = 10 \text{ m/s} \times 10 \text{ s} + 25 \text{ m} = 125 \text{ m}$$

مکان ماشین را ابتدا در لحظه‌ی که سرعت صفر است را بدست می‌آوریم.

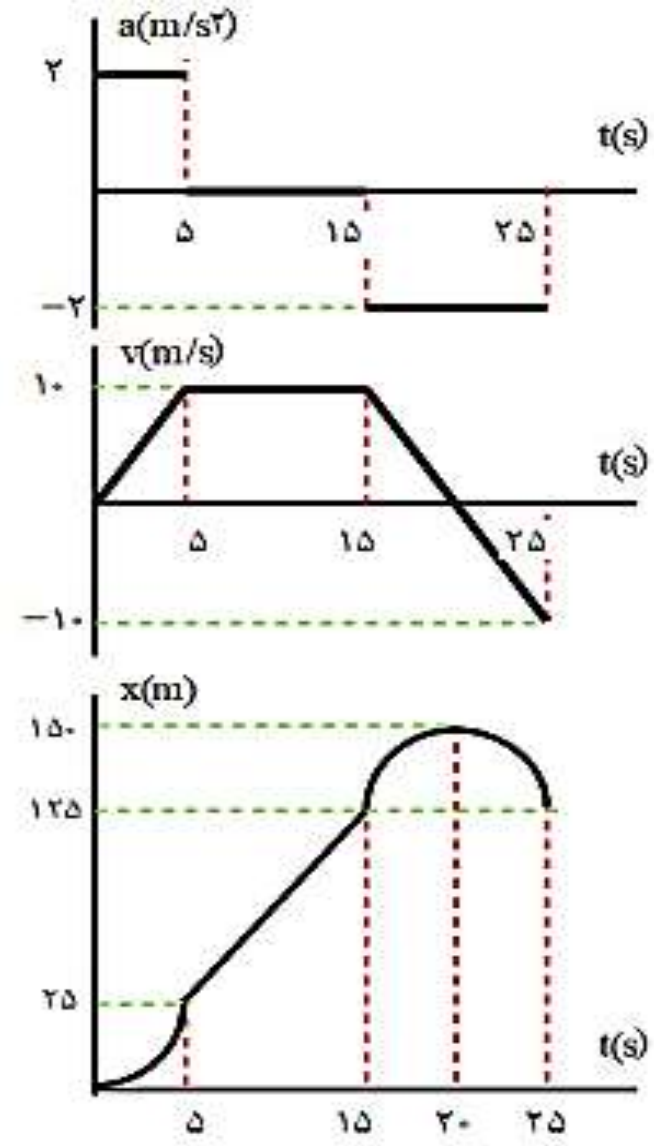
$$v = at + v_0$$

$$-2 \left(\text{m/s}^2 \right) \Delta t + 10 \text{ m/s} = 0 \rightarrow \Delta t = 5 \text{ s}$$

$$\Delta t_3 = 5 \text{ s} \rightarrow x_3 = \left(\frac{0 + 10 \text{ m/s}}{2} \right) \Delta s + 125 \text{ m} = 150 \text{ m}$$

$$\Delta t_4 = 5 \text{ s} \rightarrow x_4 = \left(\frac{0 - 10 \text{ m/s}}{2} \right) \Delta s + 150 \text{ m} = 125 \text{ m}$$

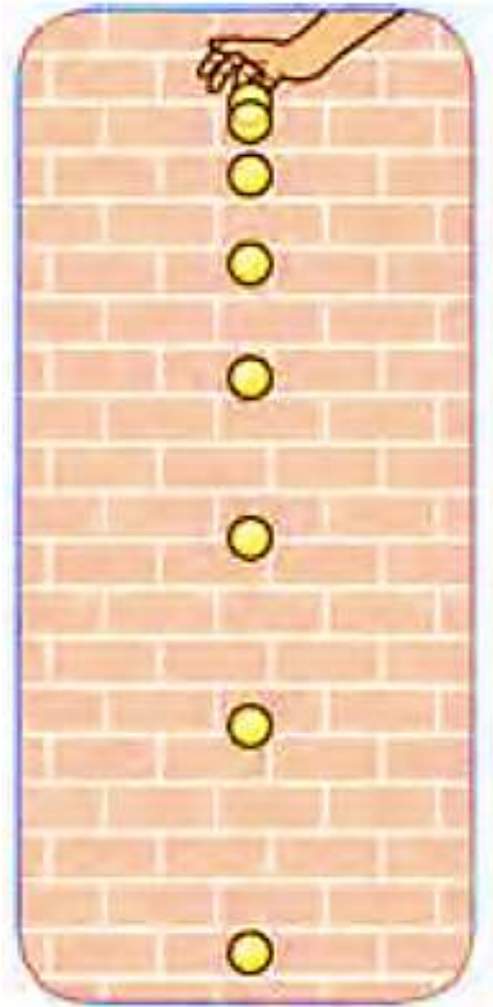
(الف)



به حرکت سقوط آزادانه جسمی که در نزدیکی سطح زمین فقط در اثر نیروی گرانش زمین بدون در نظر گرفتن مقاومت هوا گفته می شود

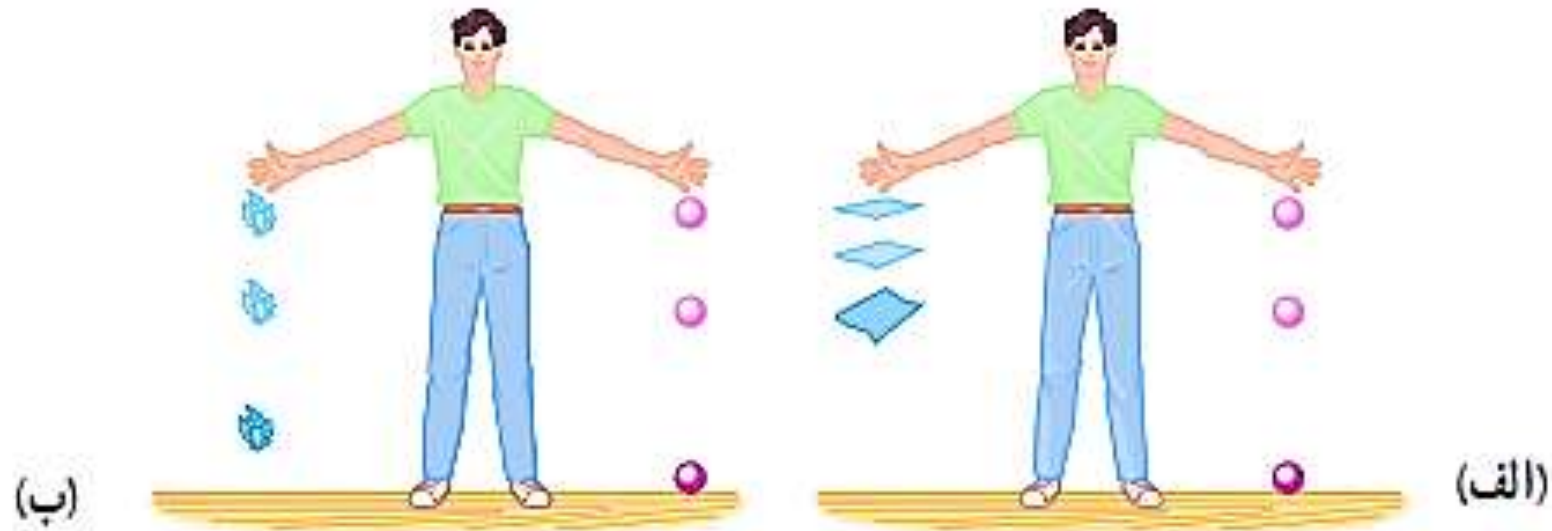
یا حرکت سقوطی جسم فقط تحت تاثیر نیروی وزن را می گویند

شکل ۱-۱۶ تصویری از یک توپ در حال سقوط آزاد، که در بازه های زمانی مساوی و متوالی رسم شده است.



فاصله رو به افزایش بین تصویرها نشان می دهد که سرعت توپ به طور پیوسته در حال افزایش است؛ یعنی توپ به طرف پایین شتاب می گیرد.

حرکت سقوط آزاد، افزون بر رها کردن جسم، شامل پرتاب کردن جسم رو به پایین یا رو به بالا نیز می‌شود. در هر سه حالت یاد شده، جهت شتاب رو به پایین و اندازه آن ثابت است و معمولاً $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ فرض می‌شود. در اینجا تنها حرکت سقوط آزاد اجسام بدون سرعت اولیه بررسی می‌شود.



شکل ۱۵-۱ تجربه‌ای ساده برای مقایسه اثر مقاومت هوا روی حرکت سقوط آزاد گلوله، برگه کاغذ و برگه کاغذ مجاله شده

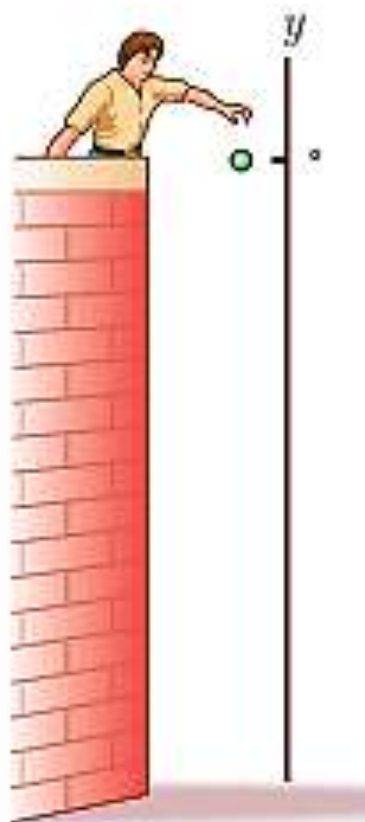
سقوط آزاد بدون سرعت اولیه: با توجه به اینکه در این کتاب تنها سقوط آزاد بدون سرعت اولیه بررسی می‌شود، معادله‌های مورد استفاده برای حل مسئله‌های این حرکت، با فرض اینکه جهت رو به بالا را مثبت بگیریم، با قرار دادن $v_i = 0$ ، y به جای x و $-g$ به جای a در معادله‌های حرکت با شتاب ثابت بر مسیر مستقیم به دست می‌آید. به این ترتیب معادله‌های سقوط آزاد بدون سرعت اولیه به صورت زیر است:

$$v = -gt \quad (1-12)$$

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_i \quad (1-13)$$

$$v^2 = -2g(y - y_i) \quad (1-14)$$

اگر در $t = 0$ جسم در مبدأ مکان باشد ($y_i = 0$) معادله‌ها را به شکل ساده‌تری نیز می‌توان نوشت.



شکل مقابل شخصی را نشان می‌دهد که از بالای دیواری بلند، گلوله‌ای را رها می‌کند. الف) پس از $1/0\text{s}$ گلوله چه مسافتی را طی می‌کند و سرعت آن به چقدر می‌رسد؟ ب) اگر ارتفاع دیوار $10/0\text{m}$ باشد سرعت برخورد گلوله به سطح زمین و مدت زمان کل حرکت آن را پیدا کنید.

جهت بالا را مثبت و مبدأ مکان را محل رها شدن جسم فرض می کنیم.

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow y = -\frac{1}{2}(9.8 \text{ m/s}^2)(1.0 \text{ s})^2 + 0 \Rightarrow y \approx -4.9 \text{ m}$$

جابه جایی گلوله در این مدت $\Delta y = y - y_0 = -4.9 \text{ m}$ و مسافت طی شده 4.9 m است.

$$v = -gt = -(9.8 \text{ m/s}^2)(1.0 \text{ s}) = -9.8 \text{ m/s}$$

$$v^2 = -2g(y - y_0) = -2(9.8 \text{ m/s}^2)(-10.0 \text{ m} - 0) = 196 \text{ m}^2/\text{s}^2 \Rightarrow v = \pm 14 \text{ m/s}$$

چون جهت بالا را مثبت فرض کردیم، علامت منفی برای سرعت برخورد گلوله با سطح زمین قابل قبول است، یعنی

$$v = -14 \text{ m/s}$$

$$v = -gt \Rightarrow -14.0 \text{ m/s} = -(9.8 \text{ m/s}^2)t \Rightarrow t = 1.4 \text{ s}$$

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 = -10.0 \text{ m} = -\frac{1}{2}(9.8 \text{ m/s}^2)t^2 + 0 \Rightarrow t^2 = 2.0 \Rightarrow t = 1.4 \text{ s}$$

مثال ۱- ۱۶

- سنگی از صخره‌ای به ارتفاع $122/5\text{ m}$ نسبت به سطح زمین آزادانه سقوط می‌کند.
- الف) زمان سقوط آزاد سنگ را به دست آورید.
- ب) سرعت متوسط سنگ را در حین سقوط آزاد پیدا کنید.
- پ) جابه‌جایی سنگ را بین دو لحظه $t_1 = 3/0\text{ s}$ و $t_2 = 4/0\text{ s}$ به دست آورید.
- ت) نمودارهای مکان - زمان، سرعت - زمان و شتاب - زمان سنگ را رسم کنید.

جهت بالا را مثبت و مبدأ مکان را محل رها شدن سنگ فرض می کنیم

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow -122/5 \text{ m} = -\frac{1}{2}(9.8 \text{ m/s}^2)t^2 + 0 \Rightarrow t = 5/0 \text{ s}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta y}{\Delta t} = \frac{-122/5 \text{ m}}{5/0 \text{ s}} = -24 \text{ m/s}$$

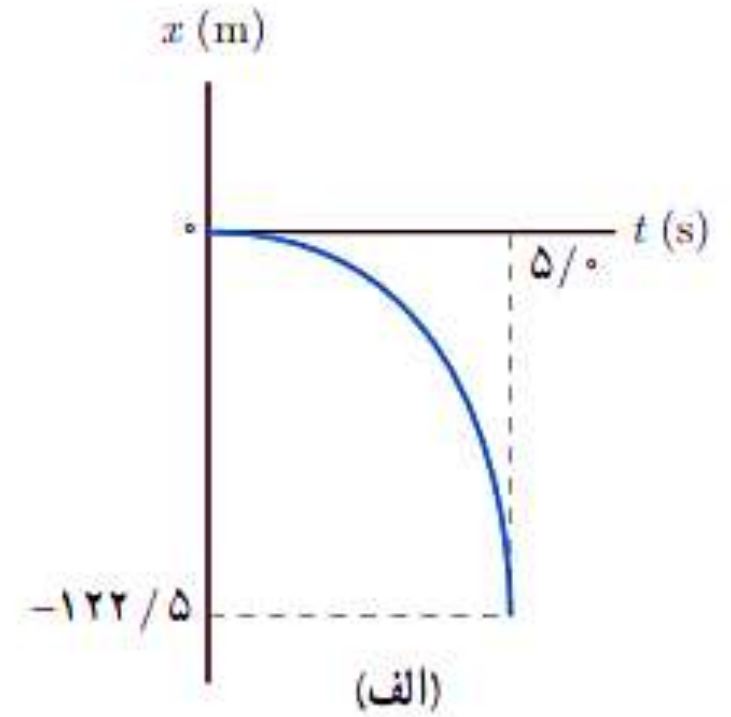
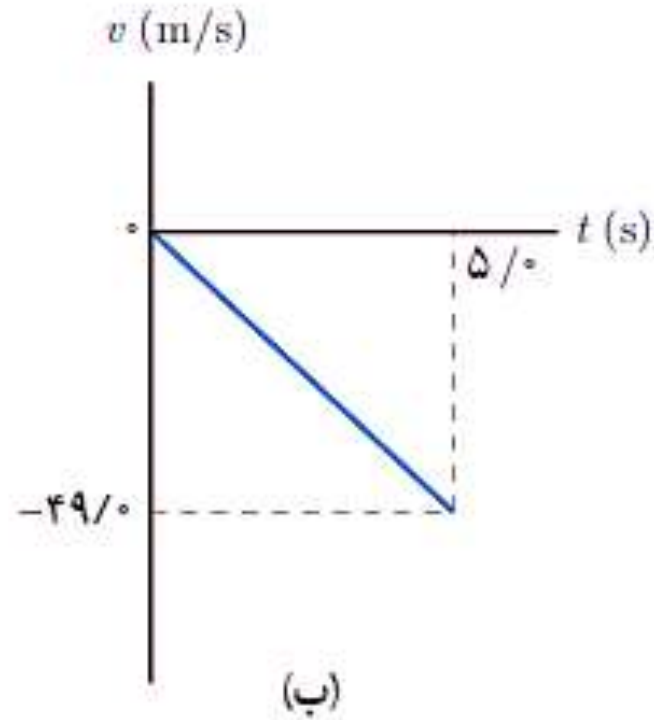
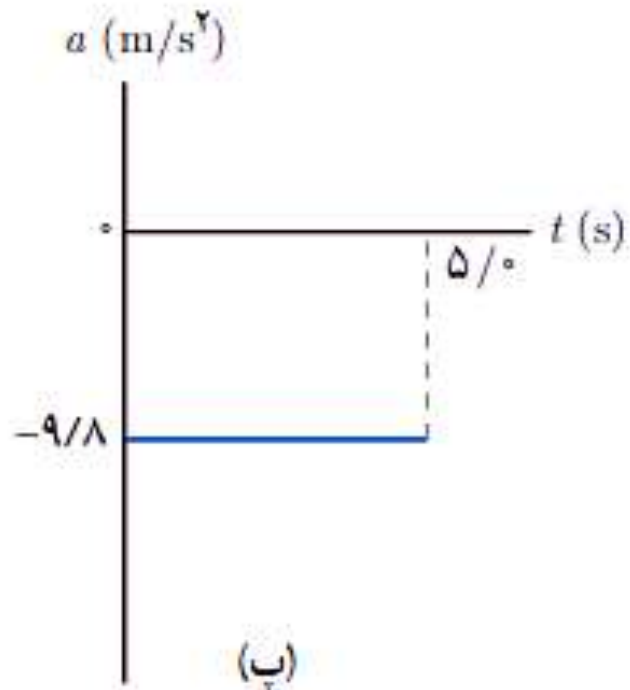
$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow y_1 = -\frac{1}{2}(9.8 \text{ m/s}^2)(3/0 \text{ s})^2 + 0 \Rightarrow y_1 = -44 \text{ m}$$

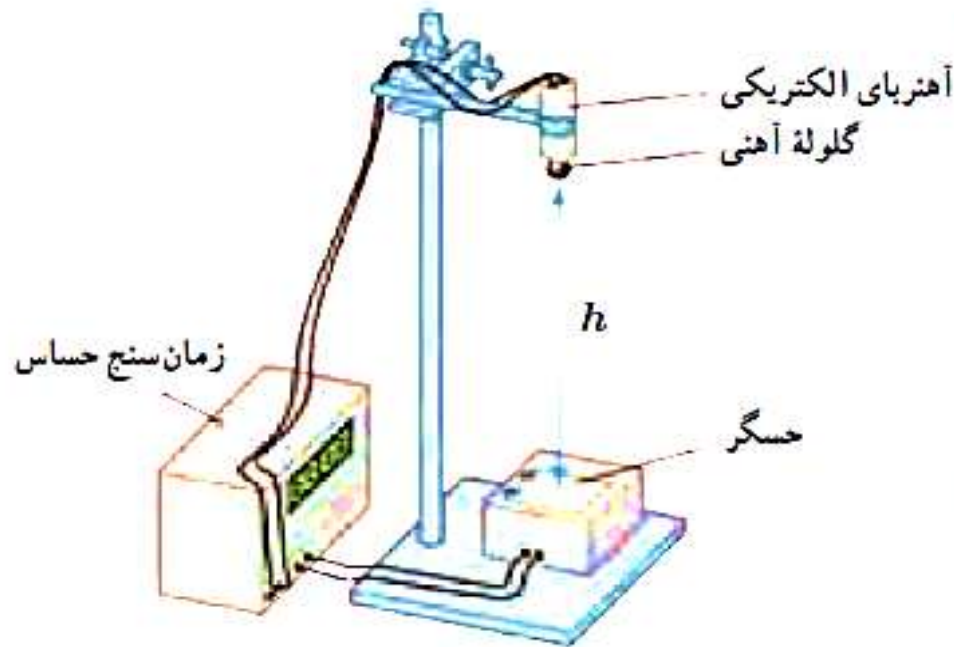
$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow y_2 = -\frac{1}{2}(9.8 \text{ m/s}^2)(4/0 \text{ s})^2 + 0 \Rightarrow y_2 = -78 \text{ m}$$

$$\Delta y = y_2 - y_1 = -78 \text{ m} - (-44 \text{ m}) = -34 \text{ m}$$

$$v = -gt = -(9.8 \text{ m/s}^2)(5/0 \text{ s}) = -49 \text{ m/s} \text{ برخورد سنگ با زمین برابر}$$

نمودارها





شکل مقابل اسباب انجام آزمایش ساده‌ای را نشان می‌دهد که به کمک آن می‌توان شتاب گرانش را در محل آزمایش اندازه گرفت.

الف) به نظر شما این وسیلهٔ آزمایش چگونه کار می‌کند؟

ب) در یک آزمایش نوعی، داده‌های زیر به دست آمده است:

$$h = 0.27\text{m} \quad \text{و} \quad t = 0.23\text{s}$$

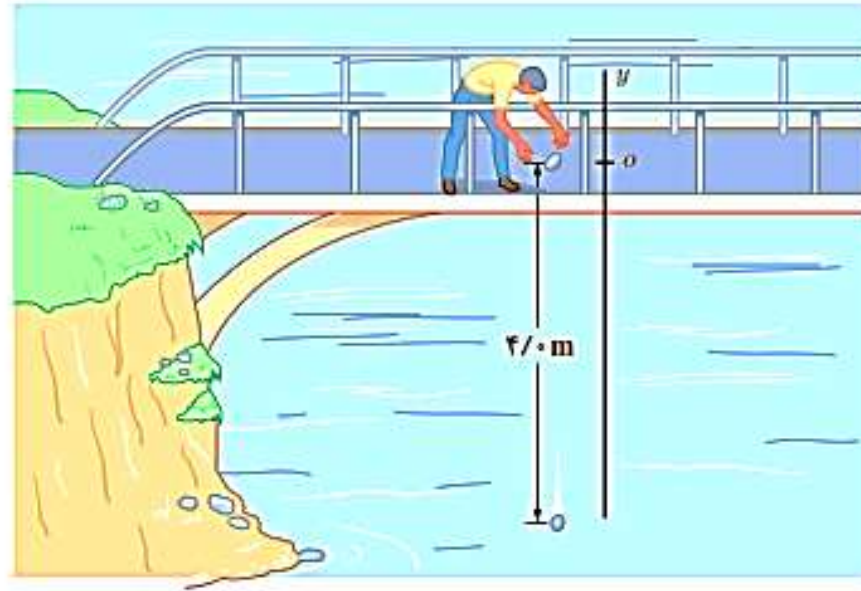
با توجه به این داده‌ها، اندازهٔ شتاب گرانش در محل آزمایش چقدر به دست می‌آید؟ (اشاره: اگر وسایل مشابهی در آزمایشگاه مدرسه دارید، شتاب گرانش محل خود را به کمک آن اندازه‌گیری کنید.)

$$g = \frac{2h}{t^2}$$

الف) با رها شدن گلوله، زمان سنج دستگاه شروع به حرکت می‌کند و زمانیکه به حسگر برخورد می‌کند، زمان سنج متوقف می‌شود. با اندازه‌گیری زمان و فاصله h به کمک خط کش، می‌توان شتاب گرانشی را بدست آورد.

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \rightarrow -0.27\text{m} = -\frac{1}{2}g(0.23\text{s})^2 \rightarrow g = 10.2(\text{m/s}^2) \quad \text{ب)}$$

نکته سنگ بعد
از ۴ متر هنوز
با سطح آب
برخورد نکرده
است



شکل مقابل شخصی را نشان می‌دهد که ابتدا سنگی را از بالای پلی به داخل رودخانه‌ای رها کرده است. وقتی سنگ مسافت 4.0 m را طی می‌کند سنگ دیگری دوباره از همان ارتفاع توسط شخص رها می‌شود. توضیح دهید آیا با گذشت زمان و تا قبل از برخورد سنگ اول به سطح آب رودخانه، فاصله بین دو سنگ کاهش یا افزایش می‌یابد یا تغییری نمی‌کند.

افزایش می‌یابد.

با گذشت زمان، سرعت سنگ افزایش می‌یابد. فاصله دو سنگ بعلاوه افزایش سرعت بیشتر سنگ اولی بیشتر می‌شود







پایان

