



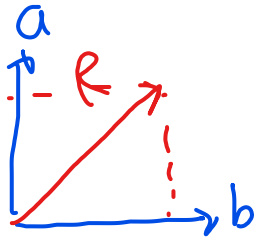
فصل سوم

کار، انرژی، توان

توجه: برای آماده سازی این جزوات، زمان و هزینه زیادی صرف شده است و هرگونه کپی (محتوا،

قالب، ایده و ...) حرام و غیرمجاز است.





برایند دو بردار

دو بردار عمود بر هم:

دو بردار هم راستا:

$$R = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b}$$

هم جهت
مضاد جهت

$$R = a + b$$

$$R = a - b$$

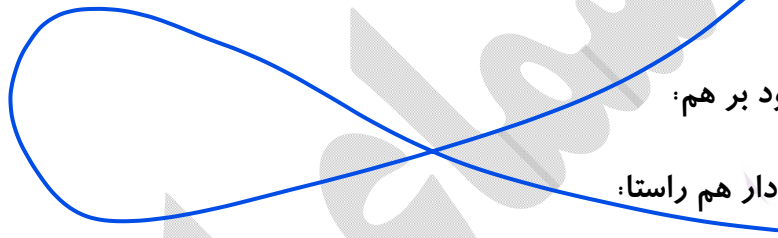
تفاضل دو بردار

دو بردار عمود بر هم:

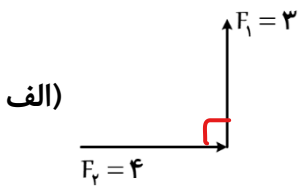
تفاضل دو بردار هم راستا:

$$R' = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\vec{R}' = \vec{a} - \vec{b}$$



مثال: اندازه تفاضل و برایند بردار های زیر را همراه با رسم شکل مشخص کنید.



$$\sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$





انرژی جنبشی

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$m/s$$

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$v = 3 \text{ m/s}$$

$$k = \frac{1}{2} \times 2 \times 9 = 9 \text{ J}$$

* انرژی جنبشی یک کمیت نرده ای است.

* انرژی جنبشی به جهت سرعت بستگی ندارد و فقط اندازه سرعت (تندی) اهمیت دارد.

1 درستی یا نادرستی عبارت زیر را با ذکر دلیل تعیین کنید.

$$k = \frac{1}{2}mv^2$$

✓ هر جسمی که تندتر حرکت کند. انرژی جنبشی بیشتری دارد.

$$900 \text{ m/s} = 9 \times 10^2 \text{ m/s}$$

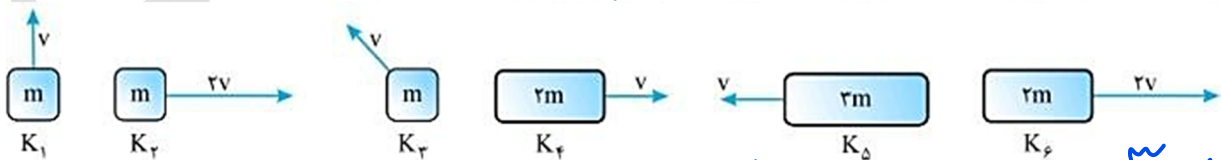
2 مریخ نورد «کنجاوی» با جرم 900 kg و تندی تقریبی 900 km/s از زمین به سمت مریخ حرکت کرده و مدتی است که عکس‌هایی از مریخ به زمین ارسال می‌کند. انرژی جنبشی این مریخ‌نورد را در میان راه زمین تا مریخ برحسب ژول و مگاژول حساب کنید.

$$k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 900 \times (9 \times 10^2)^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 900 \times \frac{18}{4} \times 10^4 = 1425 \times 10^4 \text{ J} = 1425 \times 10^4 \text{ MJ}$$

3 باتوجه به شکل‌های زیر، مقادیر انرژی جنبشی K_1 تا K_6 را از کم‌ترین تا بیش‌ترین مرتب کنید.

$$k_9 > k_2 > k_5 > k_4 > k_1 = k_3$$



$$k_1 = \frac{1}{2}mv^2$$

$$k_3 = \frac{1}{2}mv^2$$

$$k_5 = \frac{1}{2}mv^2$$

$$k_2 = \frac{1}{2}m \times (2v)^2 = 2mv^2$$

$$k_4 = \frac{1}{2} \times 2m \times v^2 = mv^2$$

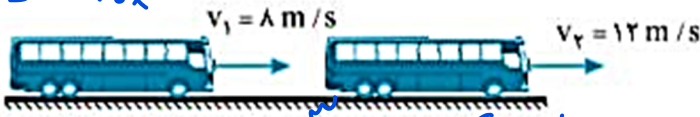
$$k_6 = \frac{1}{2} \times 2m \times (2v)^2 = 4mv^2$$



۴ یک اتوبوس شهری با مسافرانش ۱۴ تن جرم دارد. تندی اتوبوس در دو نقطه مطابق شکل مقابل داده شده

است. تغییرات انرژی جنبشی آن را بین این دو نقطه حساب کنید. $m = 14 \times 10^3 \text{ kg}$

$$\Delta k = k_2 - k_1 = 1.008 \times 10^6 \text{ J} - 448 \times 10^3 \text{ J} = 560 \times 10^3 \text{ J}$$



$$k_2 = \frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{2} \times 14 \times 10^3 \times 144 = 1.008 \times 10^6 \text{ J}$$

$$k_1 = \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} \times 14 \times 10^3 \times 64 = 448 \times 10^3 \text{ J}$$

۵ اتومبیلی با تندی 125 km/h در حال حرکت است. تندی آن به چند کیلومتر بر ساعت برسد تا انرژی جنبشی‌اش نصف شود؟

$$k_2 = \frac{1}{2} k_1 \quad k = \frac{1}{2} m v^2$$

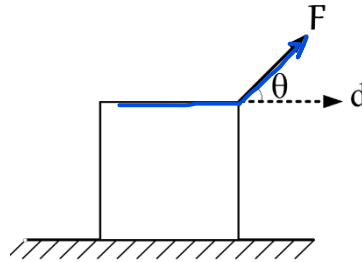
$$\frac{k_2}{k_1} = \frac{m v_2^2}{m v_1^2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \left(\frac{v_2}{125} \right)^2 \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{v_2}{125}$$

$$v_2 = \frac{125 \sqrt{2}}{2}$$



کار نیروی ثابت

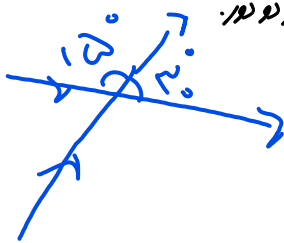
$W = Fd \cos \theta$



یکای کار در SI: ژول (J)

θ : زاویه بین بردار جابه‌جایی و نیرو

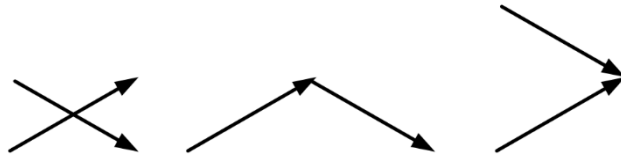
نسبت به نقطه متقاطع



توجه: زاویه بین دو بردار جابه‌جایی است که آن دو بردار یا هر دو نزدیک می‌شوند یا هر دو دور.



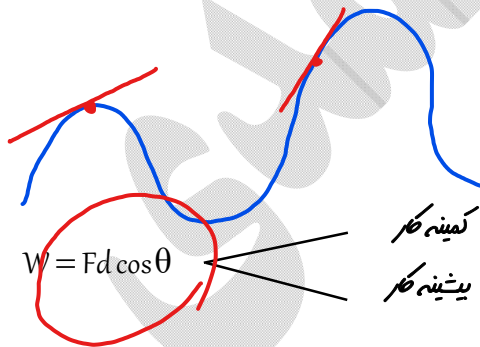
مثال:



توجه: هنگامی که نیرو بر جابه‌جایی عمود است، مقدار کار برابر صفر است.

$\theta = 90^\circ$

توجه: خط مماس بر مسیر حرکت جهت جابه‌جایی لحظه‌ای را مشخص می‌کند.



توجه: کمینه و بیشینه کار:



$$\left. \begin{array}{l} \text{کمینه کار} \rightarrow \theta = 90^\circ \\ \text{بیشینه کار} \rightarrow \theta = 180^\circ \end{array} \right\} 0 \leq |W| \leq Fd$$

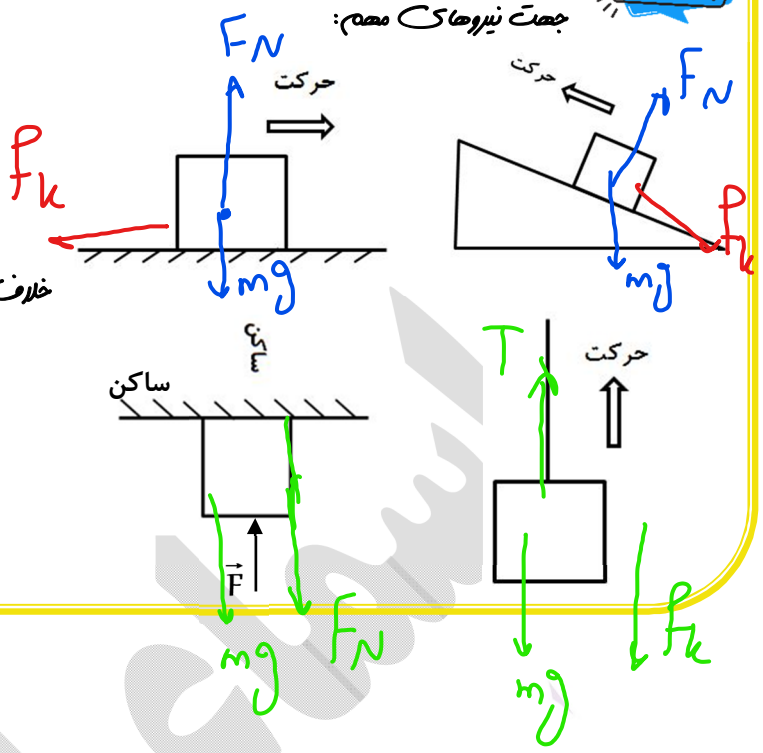




نکته

جهت نیروهای مهم:

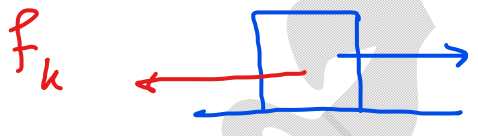
- $\vec{m}g \rightarrow$ عمود بر سطح افقی رو به پایین
- $\vec{F}_N \rightarrow$ عمود بر تکیه‌گاه رو به بیرون سطح
- $\vec{f} \rightarrow$ خلاف جهت حرکت \rightarrow جنبشی (f_k)
- $\vec{T} \rightarrow$ در جهت طناب (طناب)



توجه: کار نیروی اصطکاک جنبشی همیشه منفی است \leftarrow چون همیشه نیروی اصطکاک خلاف جهت حرکت (جابجایی) است. ۱-

$$W_{f_k} = f_k d \cos(\theta)$$

$\theta = 180^\circ$





۱) درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید.

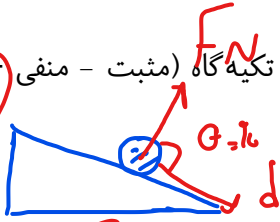
الف) کاری که شخصی برای ثابت نگه داشتن جسمی در ارتفاع h انجام می‌دهد، می‌تواند مثبت یا منفی باشد.

$$W = Fd \cos \theta$$

کجایه‌ای (۰)

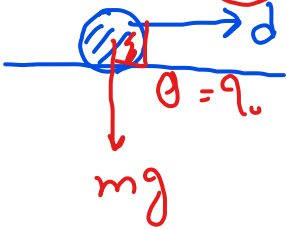
۲) کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) در حرکت جسم به سمت پایین روی یک سطح شیب‌دار، کار نیروی عمودی تکیه‌گاه (مثبت - منفی - صفر) است.



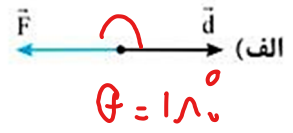
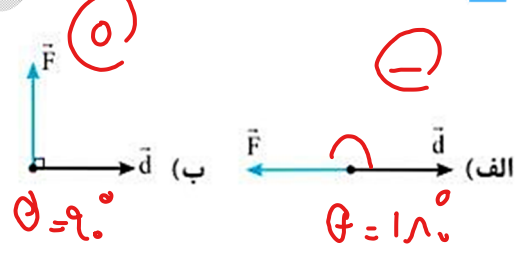
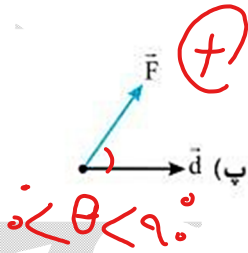
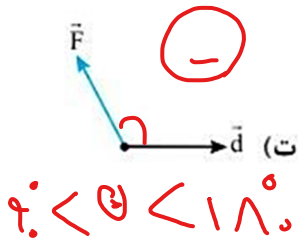
$$W_{F_N} = F_N d \cos 90^\circ = 0$$

ب) اتومبیلی در جاده‌ای افقی در حال حرکت است. کار نیروی وزن بر روی آن (مثبت - منفی - صفر) است.



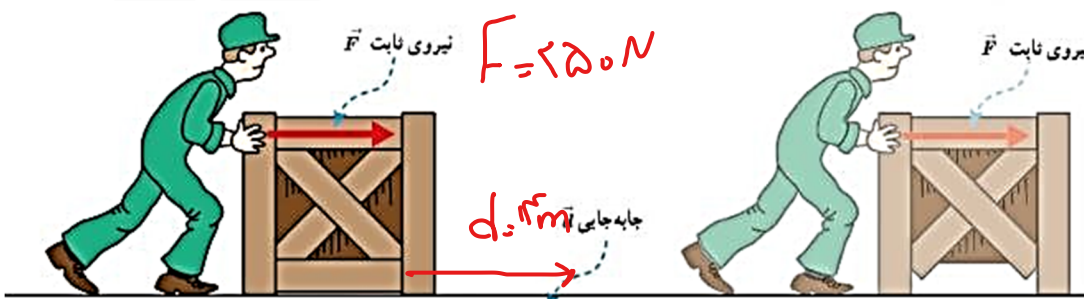
پ) اگر زاویه بین نیرو و جابه‌جایی منفرجه باشد، کار (مثبت - منفی - صفر) است.

۳) علامت کار (مثبت، منفی یا صفر) را در هر یک از حالت‌های زیر تعیین کنید.



۴) شکل زیر کارگری را در حل هُل دادن جعبه‌ای با نیروی ثابت 250 N نشان می‌دهد. اگر جعبه 14 m در

امتداد نیرو جابه‌جا شود، کار انجام شده توسط این نیرو چقدر است؟ (کتاب درسی)



$$W_F = F d \cos \theta = 250 \times 14 \times 1 = 3500 \text{ J}$$



بیماری به جرم 72 kg روی تختی به جرم 15 kg دراز کشیده است. پرستاری این تخت را با نیروی ثابت

و افقی \vec{F} روی سطحی هموار و با اصطکاک ناچیز هل می‌دهد. مجموعه تخت و بیمار با شتاب 0.60 m/s^2 حرکت

$$a = 0.6 \text{ m/s}^2$$

$$F_{\text{net}} = ma$$

می‌کند. (کتاب درسی)

$$F = (72 + 15) \times 0.6 = 52.2 \text{ N}$$

الف) اندازه نیروی \vec{F} چقدر است؟



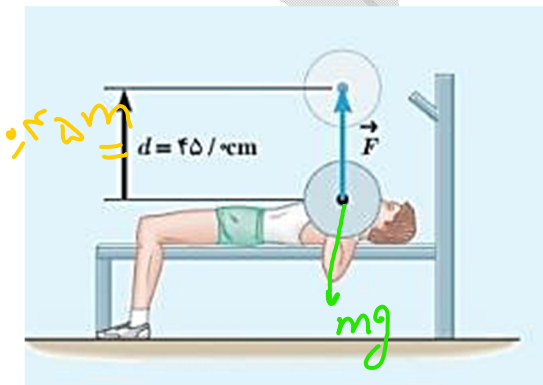
ب) اگر تخت 10 m در جهت این نیرو جابه‌جا شود، کار انجام شده توسط نیروی \vec{F} را حساب کنید.

$$W_F = F d \cos \theta = 52.2 \times 10 \times \cos 0^\circ = 522 \text{ J}$$

تستاب صفر (تندی ثابت)

ورزشکاری وزنه‌ای به جرم 65 kg را به طور یکنواخت، 45 cm بالای سر خود می‌برد (شکل روبه‌رو). کاری

که این ورزشکار روی وزنه انجام داده است را محاسبه کنید. اندازه شتاب گرانش زمین را $g = 9.8 \text{ N/kg}$ بگیرید.



$$W_F = F d \cos \theta = F d \quad (\text{کتاب درسی})$$

$$F_{\text{net}} = m a = 0$$

$$F - mg = 0 \Rightarrow F = mg$$

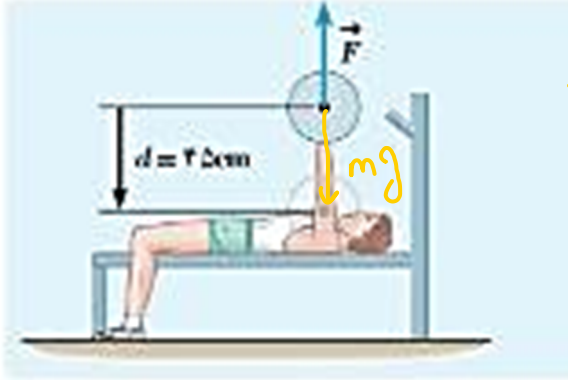
$$W_F = F d = mg d = 65 \times 9.8 \times \frac{45}{100} = 284.25 \text{ J}$$



کار انجام شده توسط ورزشکار را روی وزنه برای حالتی حساب کنید که ورزشکار با وارد کردن همان نیروی

\vec{F} ، وزنه را به آرامی پایین می‌آورد (شکل روبه‌رو)، توضیح دهید که در این دو حالت، چه تفاوتی بین مقادیر به دست

آمده برای کار انجام شده توسط ورزشکار وجود دارد.



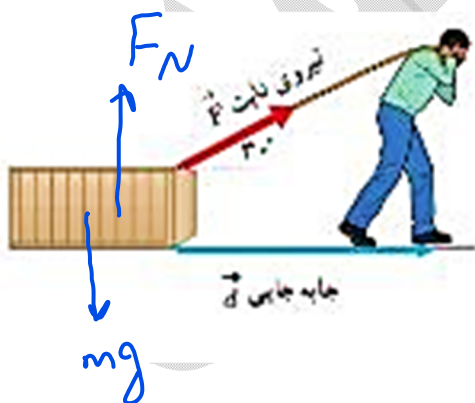
$$W_F = F d \cos \theta = F d \cos 180^\circ = 45 \times 9.8 \times \frac{25}{100} \times -1 = -110.25 \text{ J}$$

شکل روبه‌رو شخصی را نشان می‌دهد که جعبه‌ای را با نیروی ثابت 200 N روی سطحی هموار و با اصطکاک

ناچیز، به اندازه 10 m جابه‌جا می‌کند.

الف) کار انجام شده توسط این نیرو چقدر است؟

ب) نیروهای دیگری را که بر جسم وارد می‌شود مشخص کنید. کاری را که هر کدام از این نیروها روی جسم انجام



می‌دهند حساب کنید.

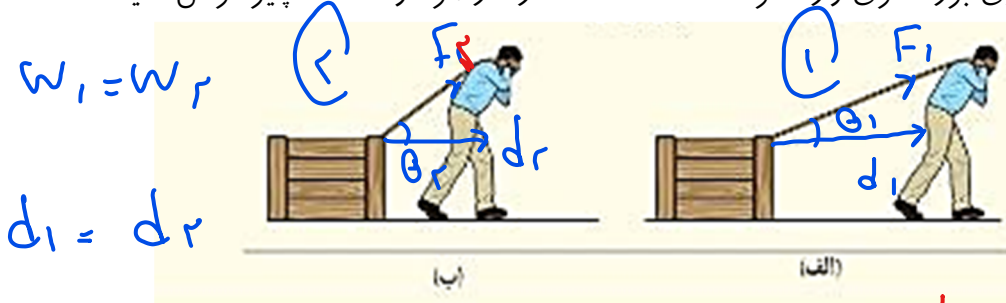
$$W_{F_N} = F_N d \cos 90^\circ = 0$$

$$W_{mg} = mg d \cos 90^\circ = 0$$



۹

شخصی جسمی را یک بار با طنابی بلند (شکل الف) و بار دیگر با طنابی کوتاه تر اشکل بیما روی سطحی هموار می کنند. اگر جابه جایی و کاری که این شخص در هر دو بار روی جعبه انجام می دهد یکسان باشد، توضیح دهید در کدام حالت، شخص نیروی بزرگ تری وارد کرده است. اصطکاک را در هر دو حالت ناچیز فرض کنید.

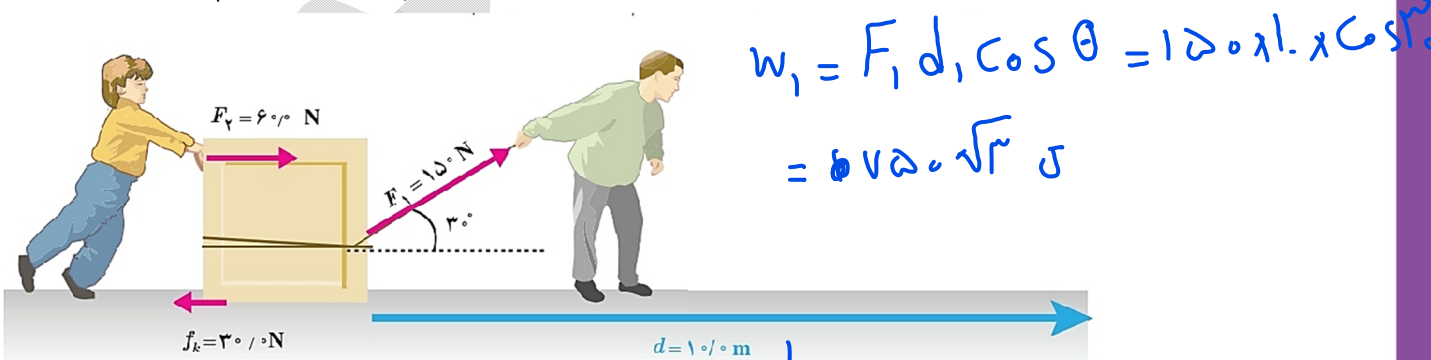


$$W_1 = W_2 \Rightarrow F_1 d_1 \cos \theta_1 = F_2 d_2 \cos \theta_2 \Rightarrow \cos \theta_1 > \cos \theta_2 \Rightarrow F_1 < F_2$$

کار کل: اگر به جای یک نیرو، چند نیرو بر جسمی وارد شود، با استفاده از رابطه $W = Fd \cos \theta$ ، کار انجام شده توسط هر نیرو را به طور جداگانه محاسبه می کنیم. سپس با جمع جبری کار انجام شده توسط تک تک نیروها

کار کل (W) را می یابیم.

شکل زیر پدر و پسری را در حال جابه جا کردن یک جعبه سنگین روی سطحی هموار نشان می دهد. نیروی F_1 را پدر و نیروی F_2 را پسر به جسم وارد می کنند و f_k نیز نیروی اصطکاک جنبشی است که با حرکت جسم مخالفت می کند و در خلاف جهت جابه جایی به جعبه وارد می شود. کار کل انجام شده روی جسم را محاسبه کنید.



$$W_1 = F_1 d_1 \cos \theta = 150 \times 10 \times \cos 30^\circ = 1299.6 \text{ J}$$

$$W_2 = F_2 d_2 \cos \theta = 400 \times 10 \times \cos 0^\circ = 4000 \text{ J}$$

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta = 300 \times 10 \times \cos 180^\circ = -3000 \text{ J}$$

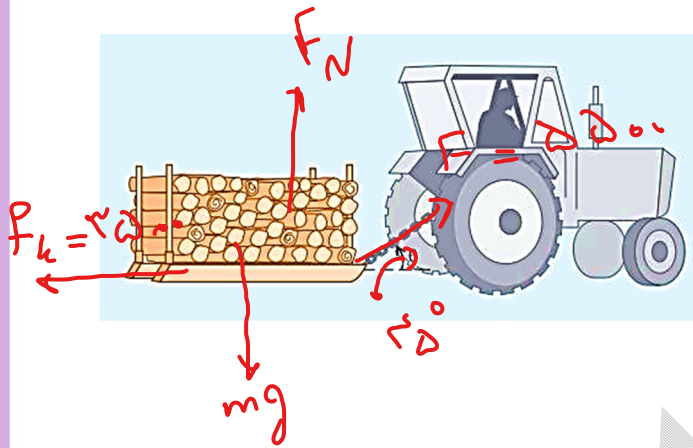
$$W_{\text{کل}} = W_1 + W_2 + W_{f_k} = 1299.6 \text{ J} + 4000 \text{ J} - 3000 \text{ J} = 2299.6 \text{ J}$$



۱۱

کشاورزی توسط تراکتور، سورت‌های بر از هیزم را در راستای یک زمین هموار به اندازه 200 m جابه‌جا می‌کنند (شکل زیر). وزن کل سورت‌ها و بار آن $mg = 15000\text{ N}$ است. تراکتور نیروی ثابت $F_1 = 5500\text{ N}$ را در زاویه $\theta = 45^\circ$ بالای افق به سورت‌ها وارد می‌کند. نیروی اصطکاک جنبشی $f_k = 3500\text{ N}$ است که برخلاف جهت حرکت به سورت‌ها وارد می‌شود. کار کل انجام شده روی سورت‌ها را محاسبه کنید.

(کتاب درسی)



$$W_F = F_1 d \cos \theta = 5500 \times 200 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 5500 \sqrt{2} \times 10^4$$

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta = 3500 \times 200 \times \cos 135^\circ$$

$$= -7 \times 10^5$$

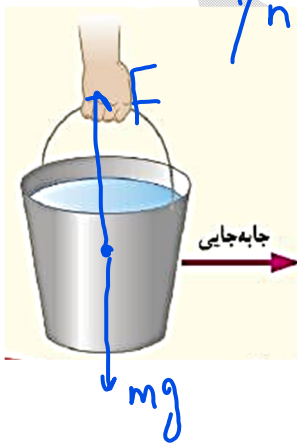
$$W_{\text{کل}} = W_{mg} + W_{F_1} + W_{f_k} + W_F = (5500 \sqrt{2} \times 10^4 - 7 \times 10^5) \text{ J}$$

۱۲ اگر مطابق شکل زیر سطلی را در دست نگه دارید، آیا نیروی دست شما هنگامی که با تندی ثابت در

مسیر افقی قدم می‌زنید روی سطل کاری انجام می‌دهد؟ اگر تندی حرکت شما در طول مسیر کم و زیاد شود چطور؟ پاسخ خود را در هر مورد توضیح دهید.

(کتاب درسی)

$$F_{\text{net}} = ma$$



$$W_1 = F d \cos 90^\circ = 0$$

$$W_2 \neq 0$$



ماهواره‌ها در مدارهای معین و یا تندی ثابتی دور زمین می‌چرخند. حرکت یک ماهواره به دور زمین شکل (الف) را می‌توان مطابق شکل (ب) مدل‌سازی کرد. همان طور که دیده می‌شود نیروی خالصی (نیروی وزن) همواره بر ماهواره وارد می‌شود. چگونه امکان دارد با وجود وارد شدن این نیرو به ماهواره، انرژی جنبشی آن ثابت بماند؟

(کتاب درسی)



(الف)



(ب)

$$W_T = 0 \quad k = 0$$

کملاً ما انرژی وزن صفر است

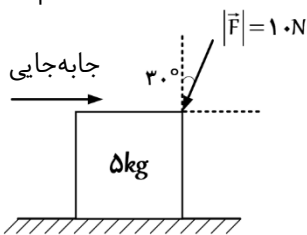


جایگذاری

نمونه A

۱ در شکل زیر، کار نیروی \vec{F} روی جسم در ۵ متر جابه جایی افقی جسم به سمت راست، چند ژول است؟

(آبان ۹۷ قلم چی)



-۲۵ (۲)

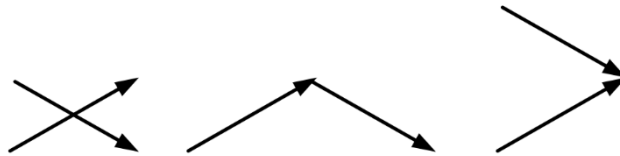
۲۵ (۱)

 $-۲۵\sqrt{3}$ (۴) $۲۵\sqrt{3}$ (۳)

توجه: زاویه بین دو بردار جابجایی است که آن دو بردار یا هر دو نزدیک می شوند یا هر دو دور.



مثال:



توجه: هنگامی که نیرو بر جابه جایی عمود است، مقدار کار برابر صفر است.



توجه: خط مماس بر مسیر حرکت جهت جابه جایی نقطه ای را مشخص می کند.



۲ مطابق شکل ماهواره ای در یک مدار دایره ای شکل به شعاع R به دور زمین می چرخد و نیروی وزن F از طرف

زمین بر آن وارد می شود. در نیم دور چرخش ماهواره به دور زمین، کار نیروی F کدام است؟ (کتاب درسی)



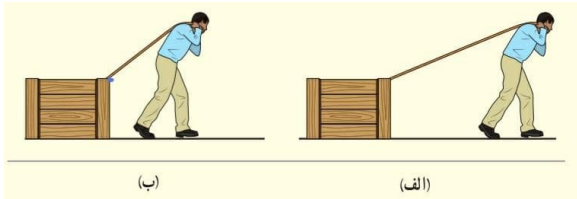
صفر (۴)

 $F\pi R$ (۳) $۲FR$ (۲) FR (۱)



۳

شخصی جسمی را یکبار با طنابی بلند (شکل الف) و بار دیگر با طنابی کوتاه تر (شکل ب) روی سطحی هموار می کشد. اگر جابه جایی و کاری که این شخص در هر دو بار روی جعبه انجام می دهد یکسان باشد و نیرویی که شخص وارد می کند در دو حالت الف و ب به ترتیب برابر F_1 و F_2 باشد کدام مقایسه در مورد بزرگی F_1 و F_2 صحیح است؟ (کتاب درسی)



$$F_2 > F_1 \quad (1)$$

$$F_1 > F_2 \quad (2)$$

$$F_1 = F_2 \quad (3)$$

(4) باید تندی شخص در دو حالت مشخص باشد.

توجه: کمینه و بیشینه کار:

$$W = Fd \cos \theta \quad \left. \begin{array}{l} \text{کمینه کار} \rightarrow \theta = 90^\circ \\ \text{بیشینه کار} \rightarrow \theta = 180^\circ \end{array} \right\} 0 \leq |W| \leq Fd$$

۴ به جسمی به جرم 5 kg نیروی $F = 8 \text{ N}$ وارد شده و جسم 4 متر جابه جا شده است. کدام مقدار نمی تواند کار این نیرو باشد؟

$$42 \quad (4)$$

$$12 \quad (3)$$

$$-22 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$



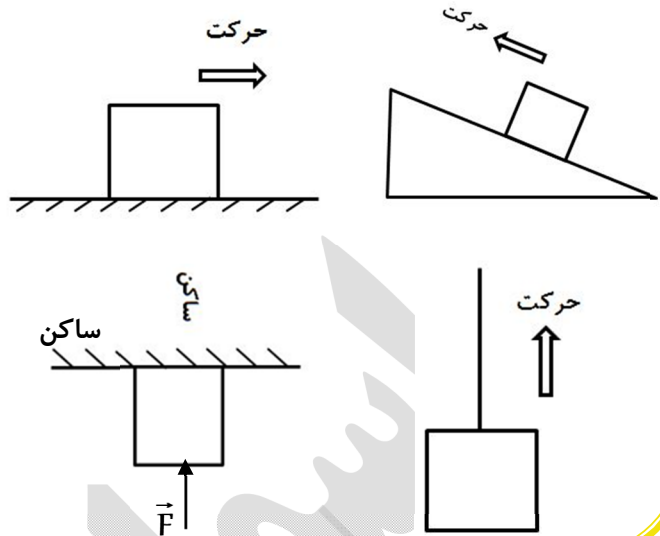
جهت نیروهای مهم:

$\vec{m}g \rightarrow$ عمود بر سطح افقی رو به پایین

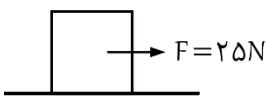
$\vec{F}_N \rightarrow$ عمود بر تکیه‌گاه رو به بیرون سطح

\vec{f} \rightarrow خلاف جهت حرکت \rightarrow جنبشی
ایستایی

$\vec{T} \rightarrow$ در جهت طناب



۵ مطابق شکل با یک نیروی افقی جسمی به جرم 5kg را روی سطح افقی به اندازه 2 متر می‌کشیم. اگر نیروی اصطکاک در مقابل این حرکت 10 نیوتون باشد، به ترتیب از راست به چپ، کار نیروی اصطکاک و کار نیروی وزن



هر کدام چند ژول است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$

- (۱) 20 و 100 (۲) 20 و صفر (۳) -20 و 100 (۴) -20 و صفر

قل دوم: کار نیروی عمودی سطح چند ژول است؟

توجه: کار نیروی اصطکاک جنبشی همیشه منفی است \leftarrow چون همیشه نیروی اصطکاک خلاف جهت حرکت (جابجایی) است.


نقطه B **زوا**

$\cos\theta$: فقط مولفه‌های هم راستای F و d مهم هستند.

نیروی $\vec{F} = (30\text{N})\vec{i} + (40\text{N})\vec{j}$ به جسمی به جرم 5kg وارد می شود و آن را روی سطح افقی به اندازه $\Delta x = (6\text{m})\vec{i}$ جابه‌جا می کند. کار نیروی \vec{F} در این جابه‌جایی چند ژول است؟ (تجربی داخل ۹۸)

۴۲۰ (۴)

۳۰۰ (۳)

۲۴۰ (۲)

۱۸۰ (۱)

$$W = F_x d_x + F_y d_y$$





تجربہ C ترکیبی

۱ به جسمی به جرم 5kg که روی یک سطح افقی بدون اصطکاک ساکن است، نیروی افقی $F=2\text{N}$ وارد می‌شود. کار این نیرو در ثانیه دوم چند ژول است؟ (تجربی خارج ۹۷)

۲/۴ (۴)

۱/۸ (۳)

۱/۲ (۲)

۰/۶ (۱)

۲ شخصی در طبقه سوم ساختمان، سوار آسانسور می‌شود و به طبقه دهم می‌رود. جرم شخص 70kg و یک کوله‌پشتی به جرم 5kg بر دوش دارد. آسانسور بین طبقات پنجم تا هفتم، مسافت 6m را در مدت 2 ثانیه با تندی ثابت طی می‌کند. در این 2 ثانیه کار نیرویی که آسانسور به شخص وارد می‌کند، چند ژول است؟ $(g=10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$

(تجربی داخل ۹۲)

۴۵۰۰ (۴)

۴۲۰۰ (۳)

۳۹۰۰ (۲)

صفر (۱)



۳

مطابق شکل روبرو شخصی سطلی به جرم 5kg را در دست نگه داشته و آن را به اندازه 5 متر در یک مسیر افقی جابه‌جا می‌کند. به ترتیب اگر تندی حرکت شخص ثابت باشد و یا با تندی متغیر حرکت کند، کار نیروی دست

(مشابه کتاب درسی)

روی سطل چند ژول است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



(۲) 250 ، غیر صفر

(۱) 250 ، 250

(۴) صفر، صفر

(۳) صفر، غیر صفر

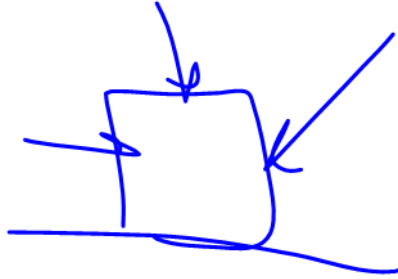


قضیه کار و انرژی

کار کل انجام شده روی یک جسم برابر با تغییر انرژی جنبشی جسم است.

$$W_t = \Delta K$$

$$W_t = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$



اسماعیل احمدی



نقطه A جایگذاری

۱ گلوله‌ای به جرم 2kg با تندی اولیه $20 \frac{m}{s}$ تحت زاویه α رو به بالا پرتاب می‌شود. این گلوله با تندی $10 \frac{m}{s}$ از نقطه‌ای می‌گذرد. کار برآیند نیروهای وارد بر گلوله از لحظه پرتاب تا زمان رسیدن به نقطه‌ای چند ژول است؟

(ریاضی خارج ۹۲)

$$W_{\pm} = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times 2 (10^2 - 20^2) = -100 \text{ J}$$

$\Delta K = W_{\pm}$
 (منفی) (منفی) +
 صفر

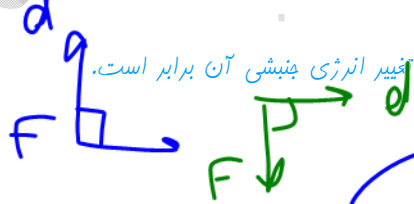
۲ در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

- الف) اگر کار برآیند نیروها مثبت باشد، انرژی جنبشی جسم افزایش می‌یابد.
- ب) اگر کار برآیند نیروها منفی باشد، جسم دارای حرکت کندشونده است.
- پ) کار برآیند نیروهای وارد بر جسمی که با سرعت ثابت حرکت می‌کند، صفر است.

۳ قضیه کار-انرژی جنبشی را تعریف کنید.

پاسخ:

مطابق این قضیه، کار کل انجام شده روی یک جسم با تغییر انرژی جنبشی آن برابر است.

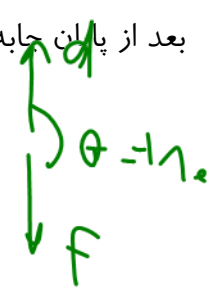


۴ به جسمی نیروی $\vec{F} = 2(N)\vec{i} - 2(N)\vec{j}$ وارد می‌شود و جسم تحت بردار $\vec{d} = 2(m)\vec{i} + 3(m)\vec{j}$ جابه‌جا می‌شود.

$W = \Delta K$
 صفر

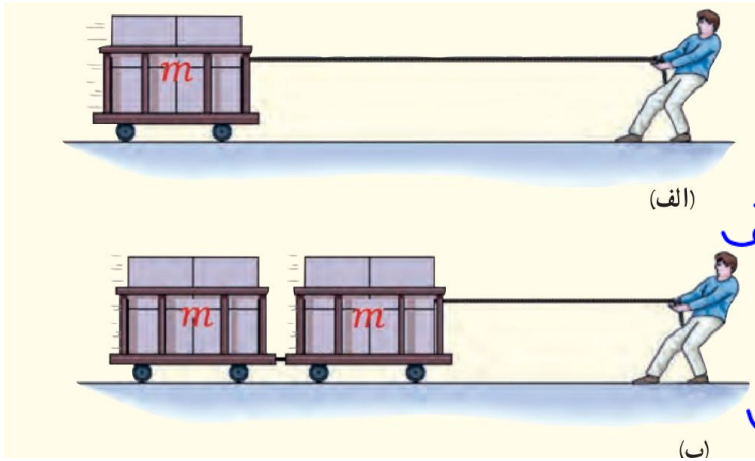
بعد از پالان جابه‌جایی انرژی جنبشی جسم چند ژول تغییر می‌کند؟

$$W = Fd \cos \theta = (2\vec{i} - 2\vec{j}) \cdot (2\vec{i} + 3\vec{j}) = (2 \times 2) + (-2 \times 3) = 4 - 6 = -2 \text{ J}$$





۵ در شکل‌های (الف) و (ب) جرم ارباب‌ها یکسان است. برای اینکه تندی ارباب‌ها از صفر به مقدار معین v برسد، کار انجام شده در هر دو حالت را باهم مقایسه کنید.
 (کتاب درسی)



$$W_t = \Delta K$$

$$= \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_i^2)$$

الف $\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} m (v^2 - 0)$

ب $\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times 2m (v^2 - 0)$

اسماعیل احمدی



تجربہ B کار کل

برای به دست آوردن کار کل سه راه داریم:

W_t

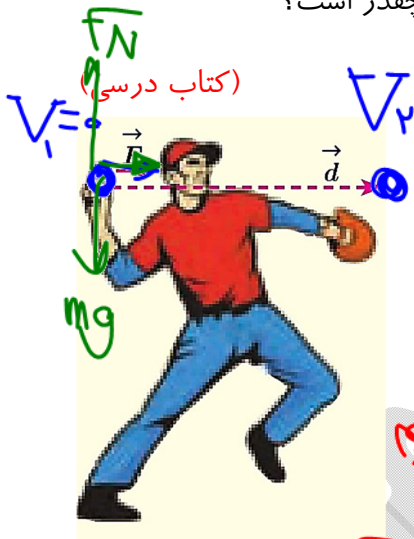
جمع جبری کار تک تک نیروها: $W_t = W_1 + W_2 + \dots$

کار برآیند نیروها: $W_t = F_{net} d \cos \theta$

تغییر انرژی کار و انرژی: $W_t = \Delta K$



1 ورزشکاری سعی می کند توپ بیسبالی به جرم 150g را با بیشترین تندی ممکن پرتاب کند. به این منظور، ورزشکار نیرویی به بزرگی $F = 75\text{N}$ لحظه پرتاب توپ و در امتداد جابه جایی 2 متری مطابق شکل بر آن وارد می کند. با چشم پوشی از مقاومت هوا، تندی توپ هنگام جدا شدن از دست ورزشکار چقدر است؟



$W_t = \Delta K$

$F d \cos \theta = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$

$75 \times 2 \times 1 = \frac{1}{2} \times \frac{150}{1000} (v_2^2 - 0)$

$150 = \frac{1}{2} v_2^2$

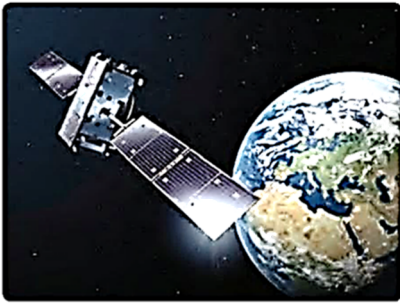
$v_2 = 10 \times \sqrt{2} \text{ m/s}$



۲

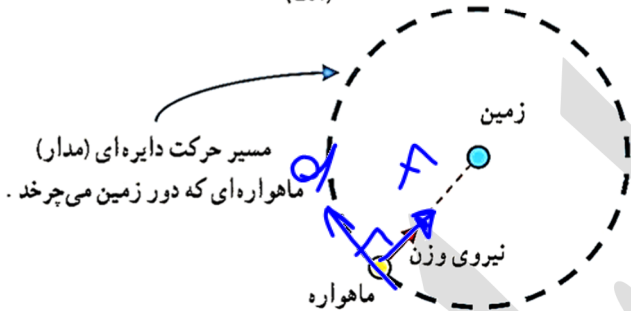
ماهواره‌ها در مدارهای معین و با تندی ثابتی دور زمین می‌چرخند. حرکت یک ماهواره به دور زمین شکل (الف) را می‌توان مطابق شکل (ب) مدل‌سازی کرد. همان‌طور که دیده می‌شود نیروی خالصی (نیروی وزن) همواره بر ماهواره وارد می‌شود. چگونه امکان دارد با وجود وارد شدن این نیرو به ماهواره، انرژی جنبشی آن ثابت بماند؟

(کتاب درسی)



(الف)

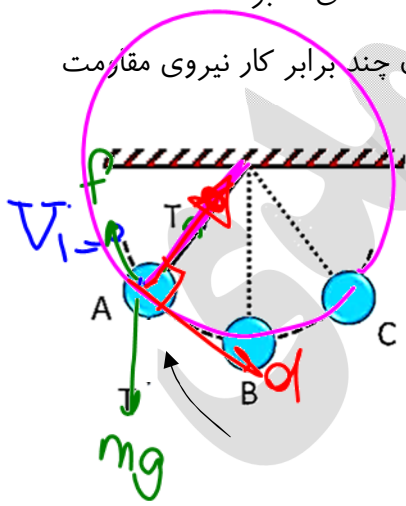
$$W_t = \Delta K$$



(ب)

۳

گلوله یک آونگ را تا نقطه‌ی A بالا آورده و رها می‌کنیم تا هنگامی که گلوله به نقطه‌ی B برسد: اگر گلوله پس از چند رفت و برگشت متوقف شود در کل مدت حرکت کار نیروی وزن چند برابر کار نیروی مقاومت هوا خواهد بود؟



$$W_t = \Delta K$$

$$W_{mg} + W_{f_k} + W_t = e$$

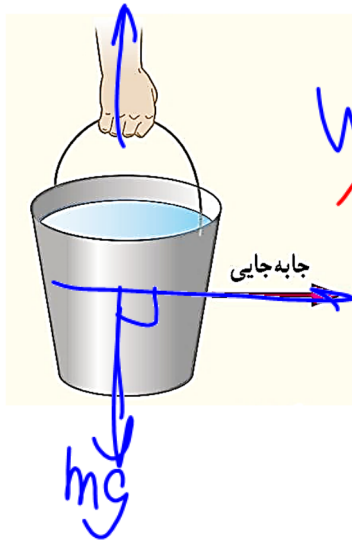
$$W_{mg} = -W_{f_k}$$



۴ شخصی گلوله‌ای به برفی به جرم 150g را از روی زمین برمی‌دارد و تا ارتفاع 180cm بالا می‌برد و سپس آن را با تندی 12m/s پرتاب می‌کند. کار انجام شده توسط شخص روی گلوله برف چقدر است؟ (کتاب درسی)

۵ اگر مطابق شکل زیر سطلی را در دست نگه دارید، آیا نیروی دست شما هنگامی که با تندی ثابت در مسیر افقی قدم می‌زنید روی سطل کاری انجام می‌دهد؟ اگر تندی حرکت شما در طول مسیر کم و زیاد شود چطور؟ پاسخ خود را در هر مورد توضیح دهید.

(کتاب درسی)



$$W_t = \Delta K$$

$$W_{mg} + W_{\text{رست}} = 0$$



نقطه C نسبتی

برای اینکه سرعت وزنه‌ای با جرم معین از صفر به v برسد، باید کار W_1 روی آن انجام شود و برای اینکه سرعت این وزنه از v به $3v$ برسد، باید کار W_2 روی آن انجام شود. نسبت $\frac{W_2}{W_1}$ چقدر است؟

(تجربی خارج ۹۸)

$$W_2 = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} m (9v^2 - v^2) = 4mv^2$$

$$W_1 = \Delta K = \frac{1}{2} m (v^2 - 0) = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\frac{W_2}{W_1} = \frac{4mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = 8$$



انرژی پتانسیل

انرژی پتانسیل گرانشی:

$$U_g = mgh$$

kg N/kg
 ↑ ↑
 m

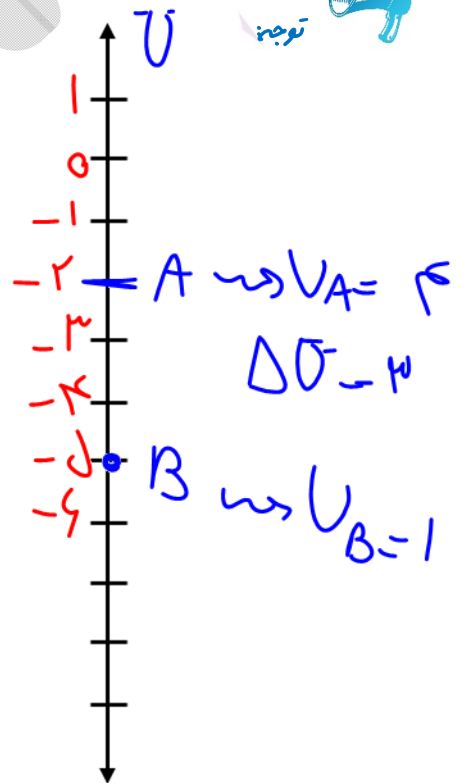
توجه: انرژی پتانسیل یک نقطه مقدار ثابت و مشخص نیست و به صورت مقایسه‌ای (ΔU) بیان می‌شود.

توجه: مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی جایی که انرژی پتانسیل آن را صفر در نظر می‌گیریم و معمولاً آن را سطح زمین فرض می‌کنیم.

$$\Delta U = mg\Delta h$$

توجه: تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی $\Delta h_1 = 1 \text{ cm}$

$\Delta h_1 = 2 \text{ m}$



نکته

انرژی پتانسیل گرانشی به مبدأ پتانسیل بستگی دارد اما تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی به مبدأ پتانسیل بستگی ندارد.



نقطه A

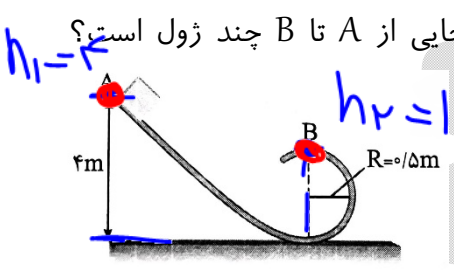
۱ شکل زیر، کوه نوردی به جرم 70 kg را نشان می‌دهد که در حال صعود به قله زردکوه بختیاری به ارتفاع 4200 m از سطح آزاد دریاست. اگر مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را یکبار سطح دریا و بار دیگر قله کوه در نظر بگیریم، انرژی پتانسیل گرانشی کوه نورد در نقطه نشان داده شده به تقریب چند کیلو ژول می‌شود؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

کتاب درسی)

$h = +200$
 $U = mgh = 70 \times 10 \times 200 = 14000\text{ J}$
 $h = -1200$
 $U = mgh = 70 \times 10 \times (-1200) = -84000\text{ J}$

تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی، به شکل مسیر بستگی ندارد، تنها به تغییر ارتفاع نقطه اول تا آخر بستگی دارد. -70000 J نکته

۲ در شکل مقابل جسمی به جرم 0.5 kg را از نقطه A رها می‌کنیم تا در یک سطح قائم مسیر دایره ای را طی کرده و به نقطه B برسد، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم در این جابه‌جایی از A تا B چند ژول است؟



$\Delta U = -mg\Delta h$
 $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$
 $\Delta U = \frac{1}{2} \times 10 \times (-3) = -15\text{ J}$



انرژی پتانسیل و کار

نقطه B

نکته

کار نیروی گرانشی برابر است با، قرینه تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی:

$$W_{\text{گرانش}} = -\Delta U_g$$

~~$$W_{\text{گرانش}} = -\Delta U_{\text{گرانش}}$$~~

توجه: نکته فوق در مورد انرژی پتانسیل کششی و الکتریکی هم صدق می‌کند:

~~$$W_E = -\Delta U_E$$~~

۱ در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

- الف) کار نیروی گرانشی با قرینه تغییر انرژی پتانسیل گرانشی سامانه جسم-زمین برابر است.
ب) جسمی را از سطح زمین بالا می‌بریم، انرژی پتانسیل گرانشی سامانه جسم - زمین افزایش می‌یابد.

۲ کلمه مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

- دو جسم با جرم‌های متفاوت روی سطح زمین قرار دارند. اگر آن‌ها را یک متر بالا ببریم، تغییر انرژی پتانسیل گرانشی آن‌ها (به یک اندازه - متفاوت) است.

$$\Delta U = mgh$$

۳ توضیح دهید که هر کدام از انرژی‌های جنبشی و پتانسیل گرانشی می‌توانند مقادیر منفی داشته باشند یا خیر؟

پاسخ:

انرژی جنبشی با جرم و مجذور تندی متناسب است. هیچ‌یک از این دو نمی‌توانند مقادیر منفی داشته باشند. بنابراین انرژی جنبشی برای اجسام متحرک همواره مثبت و برای اجسام ساکن، صفر است.

انرژی پتانسیل گرانشی سامانه جسم - زمین، به انتساب مبدأ پتانسیل، وابسته است. اگر مبدأ پتانسیل را در ارتفاع بلندی (مثل قلعه یک کوه) اختیار کنیم، انرژی پتانسیل تمام اجسامی که ارتفاع کمتری از آن دارند، منفی است.

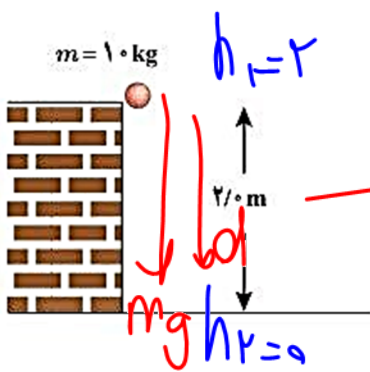


جسمی در مکان A قرار دارد. انرژی پتانسیل گرانشی سامانه جسم - زمین در این نقطه برابر ۴۵J است. این جسم را به مکان B منتقل می‌کنیم. در این انتقال، کار نیروی وزن ۱۸J- است. انرژی پتانسیل گرانشی سامانه جسم - زمین را در نقطه B به دست آورید.

$$W_g = -\Delta U_g \Rightarrow -18 = -\Delta U_g \Rightarrow \Delta U_g = 18 \text{ J}$$

$$U_B - U_A = 18 \Rightarrow U_B - 45 = 18 \Rightarrow U_B = 63 \text{ J}$$

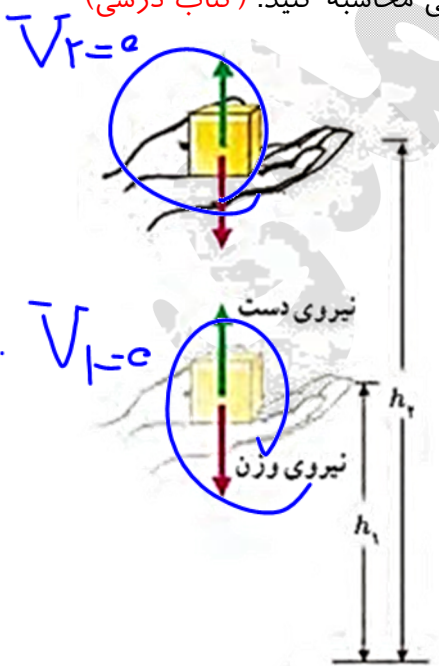
جسمی به جرم ۱۰kg از ارتفاع ۲m سقوط می‌کند و به زمین می‌رسد. کار نیروی وزن جسم را در این مسیر، به دو روش مختلف محاسبه کنید (کتاب درسی)



$$W_g = -\Delta U_g = -mgh = -10 \times 10 \times (-2) = +200 \text{ J}$$

$$W_g = Fd \cos \theta = 100 \times 2 \cos 0^\circ = 200 \text{ J}$$

جسم ساکنی به جرم m را مانند شکل روبه‌رو، با دستمان از ارتفاع h_1 به ارتفاع h_2 می‌بریم و دوباره به حالت سکون می‌رسانیم. با چشم‌پوشی از مقاومت هوا، کار نیروی دست را در این جابه‌جایی محاسبه کنید. (کتاب درسی)



$$W_t = \Delta K$$

$$W_{\text{دست}} + W_{mg} = \Delta K = 0$$

$$W_{\text{دست}} = -W_{mg} = \Delta U = mgh$$



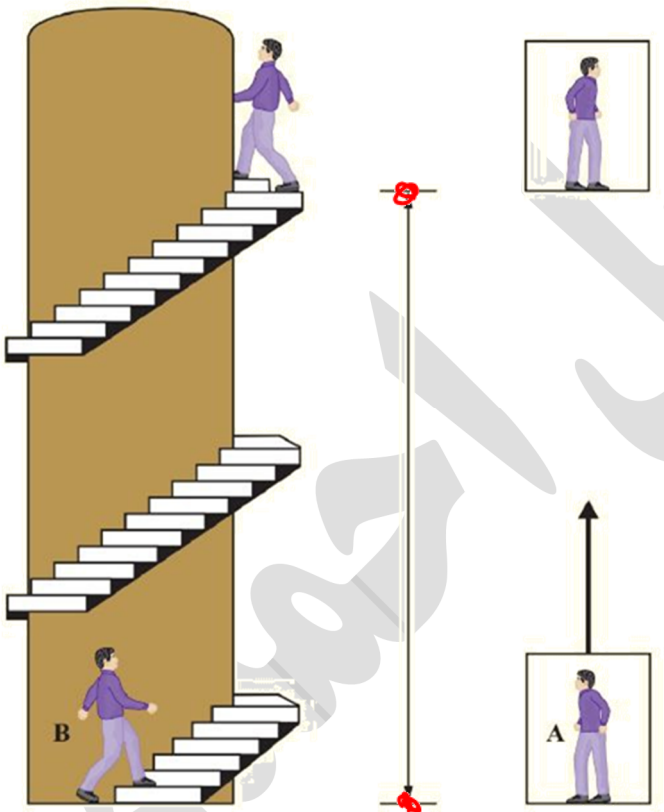
دو شخص هم جرم A و B به طبقه سوم ساختمانی می‌روند. شخص A با آسان‌بر (آسانسور) و شخص B به آرامی از پله‌های ساختمان بالا می‌روند. گزاره‌های درست را با ذکر دلیل مشخص کنید. (کتاب درسی)

الف) در طبقه سوم، انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) شخص A از شخص B کمتر است، زیرا آرام‌تر بالا رفته است. $U = mgh$

ب) انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) شخص A کمتر از شخص B است، زیرا برای رسیدن به طبقه سوم ساختمان مسافت کمتری پیموده است. U

پ) کار نیروی وزن برای هر دو شخص در طول مسیر یکسان است. $W_g = -\Delta U = -mg\Delta h$

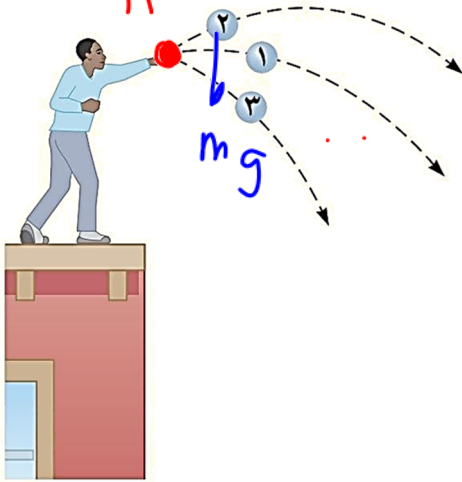
ت) انرژی پتانسیل گرانشی هر دو شخص در طبقه سوم ساختمان یکسان است.





سه توپ مشابه، از بالای ساختمانی با تندی یکسانی پرتاب می‌شوند (شکل زیر). توپ (۱) در امتداد افق، توپ (۲) با زاویه‌ای بالاتر از امتداد افق و توپ (۳) با زاویه‌ای پایین‌تر از امتداد افق پرتاب می‌شود. با نادیده گرفتن مقاومت هوا، انرژی جنبشی توپ‌ها را هنگام برخورد با سطح زمین، با یکدیگر مقایسه کنید.

(کتاب درسی)



$$W_t = \Delta K$$

$$W_g = -\Delta K$$

$$-\Delta U = \Delta K$$

$$-mg\Delta h = \Delta K$$

$$\Delta K = K_2 - K_1$$



انرژی مکانیکی



انرژی مکانیکی برابر است با مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل

$$K=2 \quad U=100 \quad E=12J$$

$$E=K+U$$

توجه: منظور از انرژی پتانسیل، همه انواع آن است: گرانشی، کششی و الکتریکی



انرژی مکانیکی و جسمی به جرم 2kg ، 25J است. اگر ارتفاع جسم نسبت به سطح زمین 5 متر باشد، سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟ $(g=10 \frac{N}{kg})$ (مبدأ انرژی پتانسیل = سطح زمین)

$$h=5$$

۲/۵ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

$$E=K+U \Rightarrow 12J = K + 100 \Rightarrow K = 25 \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = 25$$

$$U=mgh = 2 \times 10 \times 5 = 100J$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = 25$$

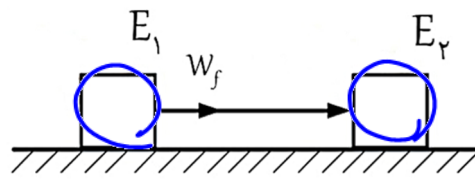
$$v = 5 \text{ m/s}$$

توجه: اگر سطح مبدا مشخص نکرده بود، آن را سطح زمین فرض کنید.





سامانه‌ها



$$E_2 = E_1 + W_f$$

قانون پایستگی انرژی: در یک سامانه منزوی مجموع کل انرژی‌ها پایسته می‌ماند. انرژی را نمی‌توان خلق یا نابود کرد و تنها می‌توان آن را از یک شکل به شکل دیگر تبدیل کرد.

$$E_1 = E_2$$

$$W_f = -fd$$

پایستگی انرژی مکانیکی: اگر برای یک جسم اتلاف انرژی نداشته باشیم انرژی مکانیکی آن پایسته (ثابت) است. یعنی هرچه از انرژی پتانسیل کم شود به همان اندازه به انرژی جنبشی اضافه می‌شود و برعکس. به این موضوع اصل پایستگی انرژی مکانیکی می‌گویند.

$$E = K + U$$

$$K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \Rightarrow U_1 - U_2 = K_2 - K_1 \Rightarrow -\Delta U = \Delta K$$

ناپایستگی انرژی مکانیکی: اگر نیروهای اتلافی مثل اصطکاک و مقاومت هوا داشته باشیم:

$$E_2 - E_1 = W_f \Rightarrow \Delta K + \Delta U = W_f$$

$$\Delta E = W_f$$

W_f (کار نیروی اصطکاک): همیشه منفی است و برابر است با $W_f = -fd$.

کار نیروی اصطکاک به صورت گرما تلف می‌شود.

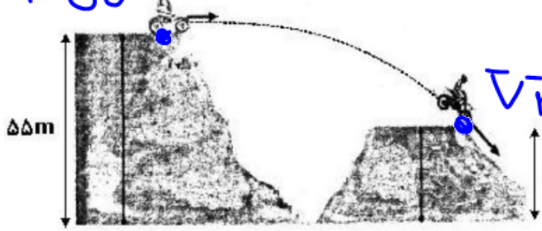
انرژی درونی: مجموع انرژی‌های ذرات تشکیل‌دهنده یک جسم است که هم به تعداد ذرات جسم و هم به انرژی هر ذره بستگی دارد. معمولاً با گرم‌تر شدن یک جسم، انرژی درونی آن نیز افزایش می‌یابد.



توجه: ΔK و ΔU_g چه وقت وجود دارند؟
 اگر تغییر سرعت داشته باشیم. ΔK
 اگر تغییر ارتفاع داشته باشیم. ΔU_g
 تندی
 تغییر ارتفاع

۱ در شکل زیر، موتور سوار با سرعتی به بزرگی $20 \frac{m}{s}$ از تپه اول جدا می شود. اگر تنها نیروی موثر، نیروی وزن باشد، بزرگی سرعت آن در لحظه رسیدن به تپه دوم، چند متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

(ریاضی خارج ۹۹)
 $h_1 = 55$ $v_1 = 20$



باشد، بزرگی سرعت آن در لحظه رسیدن به تپه دوم، چند متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

Handwritten equations for the roller coaster problem:

$$\Delta K = -\Delta U$$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = -m g \Delta h$$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - 400) = -m \times 10 \times (25)$$

$$v_2^2 - 400 = +100$$

$$v_2^2 = 500$$

توجه: در رابطه $\Delta K = -\Delta U$ ، m ها از طرفین حذف می شوند و جرم بی تاثیر است:

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = m g \Delta h$$

Handwritten solution for the roller coaster problem:

$$v_2^2 = 500 \Rightarrow v_2 = 22.36 \text{ m/s}$$

نکته

اگر جرم از داخل جسم متغیر دیگری باشد، تندی اولیه آن جسم را به برابر تندی جسم متغیر خواهد بود.

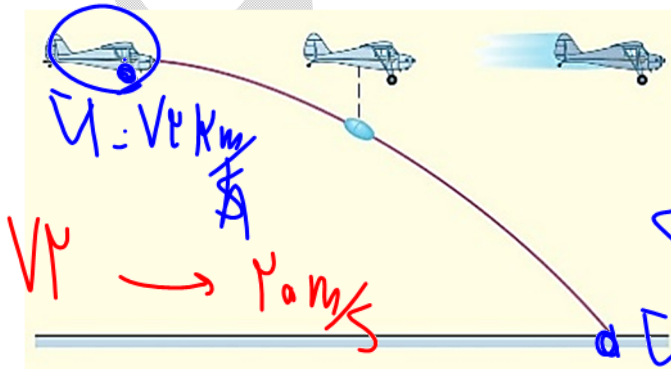
Handwritten calculation for the variable mass problem:

$$v_1 = 4/400 = 489 \times 100 = 121 \times 4 \times 100$$

۲ در شکل روبه رو هواپیمایی که در ارتفاع 2400 m از سطح زمین و با تندی $2 \frac{km}{h}$ پرواز می کند، بسته ای را برای کمک به آسیب دیدگان زلزله رها می کند. تندی بسته هنگام برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟ (از تاثیر مقاومت هوا روی حرکت بسته چشم پوشی کنید.) ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

(کتاب درسی)

مقاومت هوا روی حرکت بسته چشم پوشی کنید.) ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



Handwritten equations for the airplane problem:

$$\Delta K = -\Delta U$$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = -m g \Delta h$$

$$\frac{1}{2} (v_2^2 - 400) = -10 (-2400)$$

$$v_2^2 - 400 = 48000$$

$$v_2^2 = 48400 \Rightarrow v_2 = 220 \text{ m/s}$$

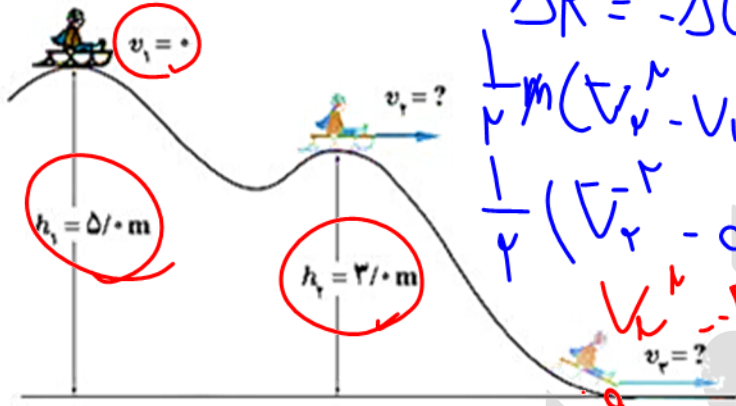


۳ سورتمه سواری از ارتفاع $h_1 = 5.0 \text{ m}$ بالای سطح زمین و روی مسیری بدون اصطکاک، از حال سکون شروع

(کتاب درسی)
 $\Delta K = -\Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = -mgh$

به حرکت می کند
 الف) تندی سورتمه را در ارتفاع h_2 به دست آورید.
 $\frac{1}{2}(v_2^2 - 0) = -1.9(-5)$
 $v_2 = 1.9 \text{ m/s}$

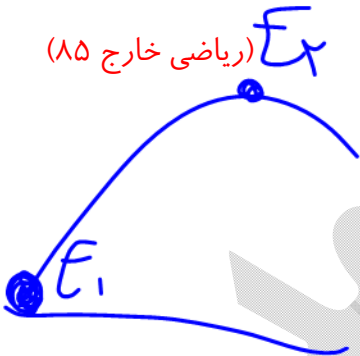
ب) تندی سورتمه را هنگامی که به سطح زمین می رسد پیدا کنید. مقاومت هوا را هنگام حرکت سورتمه نادیده بگیرید.



$\Delta K = -\Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = -mgh$
 $\frac{1}{2}(v_2^2 - 0) = -1.9 \times (-3)$
 $v_2 = 2.4 \text{ m/s}$

۴ وزنه ای به جرم 50.0 g تحت زاویه 37° نسبت به افق از سطح زمین پرتاب میشود. اگر تندی اولیه پرتاب

$10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد، انرژی مکانیکی وزنه در بالاترین نقطه از مسیر چند ژول است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \cos 37^\circ = 0.8)$ مقاومت



هوا ناچیز و مبدأ پتانسیل گرانشی، سطح زمین است.
 $\Delta K = -\Delta U$
 $E_2 = E_1 = K_1 + U_1 = \frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1$
 $= \frac{1}{2} \times 10^2 + \frac{1}{2} \times 10 \times 0 = 50 \text{ J}$

۵ گلوله ای را از ارتفاع h نسبت به سطح زمین رها می کنیم. وقتی گلوله به ارتفاع $\frac{4}{5}h$ می رسد. تندی اش $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

است. تندی آن را در ارتفاع $\frac{1}{5}h$ به دست آورید. (از مقاومت هوا صرف نظر کنید و $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

$h_1 = h$ $v_1 = 0$
 $h_2 = \frac{4}{5}h$ $v_2 = 6$
 $h_3 = \frac{1}{5}h$ $v_3 = ?$
 $\Delta K = -\Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = -mgh$
 $\frac{1}{2}(6^2 - 0) = -10 \times (\frac{4}{5}h)$
 $18 = -8h$
 $h = 2.25 \text{ m}$
 $v_3 = 2 \times 6 = 12 \text{ m/s}$



برای محاسبه کار و تغییرات انرژی میر مهم نیست و فقط نقطه اول و آخر اهمیت دارد.

۶ در شکل مقابل حداقل سرعت گلوله در نقطه A چه قدر باشد تا گلوله به نقطه B برسد؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر کنید و $g = 10 \frac{m}{s^2}$ فرض شود.)

Handwritten notes for problem 6:

- At A: $V_1 = ?$, $h_1 = 0$
- At B: $v_2 = 0$, $h_2 = 2r$
- Equation: $\Delta K = -\Delta U$
- Derivation: $\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = -m g \Delta h$
- Final result: $v_1 = 5\sqrt{2} \text{ m/s}$

۷ در شکل مقابل چهار جسم با جرم های مختلف از ارتفاع معین و بدون تندی اولیه رها می شوند. الف) تندی کدام گلوله موقع رسیدن به زمین بیشتر است؟ (اصطکاک ناچیز است.)

Handwritten notes for problem 7:

- Initial velocity: $v_1 = 0$
- Equation: $\Delta K = -\Delta U$
- Derivation: $\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = -m g \Delta h$

ب) بیشترین مقدار کار نیروی وزن تا رسیدن به پایین مسیر، برای کدام گلوله است؟

Handwritten answer: $W_g = -\Delta U = -m g \Delta h$



۸ مطابق شکل دو گلوله را از ارتفاع h رها می‌کنیم یکی از گلوله‌ها به صورت قائم در خلأ سقوط می‌کند و دومی روی سطح شیبدار بدون اصطکاک به پایین می‌لغزد. جدول زیر را با کلمات (هست - نیست) کامل کنید.

وابسته به جرم	وابسته به مسیر حرکت	
هست	نیست	کار نیروی وزن
نیست	نیست	تندی در انتهای مسیر

$\Delta K = -\Delta U \Rightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = -mgh$
 $W_g = mgh$

۹ عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) وقتی جسمی در هوا سقوط می‌کند انرژی مکانیکی آن (کاهش می‌یابد - افزایش می‌یابد - ثابت می‌ماند)
 ب) اصطلاح «تلف شدن انرژی» برای وقتی که کار می‌رود که صورتی از انرژی به انرژی (جنشی - درونی) تبدیل شود.

$\Delta K + \Delta U = W_f$

پ) کار نیروی اصطکاک به صورت افزایش انرژی (درونی - پتانسیل) ظاهر می‌شود.

$\Delta E = W_f$

۱۰ قانون پایستگی انرژی را بنویسید.

۱۱ آیا وقتی می‌گوییم «انرژی تلف شده است» قانون پایستگی انرژی نقض شده است؟ توضیح دهید.



۱۲

هر یک از توضیحات ستون «الف» به یک صورت از انرژی‌های ذکر شده در ستون «ب» مربوط است. این ارتباط را مشخص کنید.

الف	ب
(۱) به حرکت جسم وابسته است.	الف) انرژی درونی
(۲) به تعداد ذرات سازندهی جسم بستگی دارد.	ب) انرژی مکانیکی
(۳) با منفی کار نیروی وزن برابر است.	پ) انرژی جنبشی
(۴) اگر مقاومت هوا و اصطکاک سطوح وجود نداشته باشد ثابت می‌ماند.	ت) تغییر انرژی پتانسیل گرانشی

۱۳

درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید.

وقتی جسمی در هوا سقوط می‌کند مقدار کاهش انرژی پتانسیل گرانشی با مقدار افزایش انرژی جنبشی برابر است.

$$\Delta K + \Delta U = W_f$$

$$\Delta K = -\Delta U$$

~~$$\Delta E = W_f$$~~

۱۴

گلوله‌ای را از بالای برجی به ارتفاع ۹۰ مترها می‌کنیم، با صرف نظر از مقاومت هوا د کدام ارتفاع، انرژی جنبشی گلوله دو برابر انرژی پتانسیل گرانشی آن است؟

$$\Delta K = -\Delta U$$

$$K_2 = 2U_2$$

$$E_2 = E_1 \Rightarrow K_2 + U_2 = K_1 + U_1$$

$$2U_2 + U_2 = \frac{1}{2}mv_i^2 + mgh_1$$

$$3mgh_2 = mgh_1 \Rightarrow 3h_2 = 90 \Rightarrow h_2 = 30m$$



۱۵) چتربازی به جرم کل 100 kg از بالونی در ارتفاع 500 متر از سطح زمین با سرعتی به بزرگی $1/5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به بیرون

بالون می پرد، اگر او با سرعتی به بزرگی $4/5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز در طول مسیر

(تجربی خارج ۹۹)



$$\Delta K + \Delta U - W_f$$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) + mg \Delta h = W_f$$

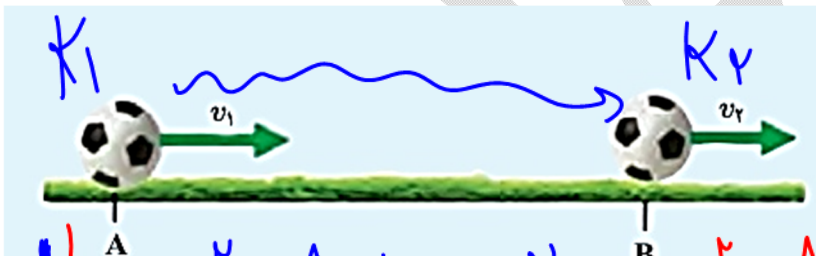
$$\frac{1}{2} \times 100 \times \left(\left(\frac{4}{5}\right)^2 - \left(\frac{1}{5}\right)^2 \right) + 100 \times 10 \times (-500) = W_f$$

$$900 + (-500000) = W_f \Rightarrow W_f = -499100 \text{ J}$$

۱۶) توپی به جرم 0.45 kg یا تندی $v_1 = 1/0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A می گذرد (شکل روبه رو). نیروی مقاومت هوا و نیروی اصطکاک در سطح تماس توپ با زمین، 20% درصد انرژی جنبشی اولیه توپ را تا رسیدن به نقطه B تلف می کنند.

(کتاب درسی)

تندی توپ را در این نقطه به دست آورید.



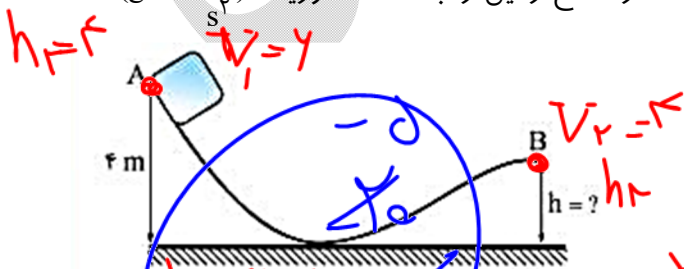
$$K_2 = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$\frac{14}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{14\sqrt{5}}{5} \text{ m/s}$$

$$\frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{2} m v_1^2 \Rightarrow v_2^2 = \frac{1}{10} \times 4 \Rightarrow v_2 = \frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{5}} \text{ m/s}$$

۱۷) جسمی به جرم $1/5 \text{ kg}$ از نقطه A با تندی $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به پایین می لغزد. اگر تندی جسم در نقطه B برابر $4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد

و در اثر اصطکاک 18 J انرژی در مسیر تلف شود. ارتفاع نقطه B از سطح زمین را به دست آورید. ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



$$\Delta K + \Delta U = W_f$$

$$\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) + mg \Delta h = W_f$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{5} \times (16 - 36) + \frac{1}{5} \times 10 \times (h_2 - 4) = -18 \Rightarrow h_2 = 1/11 \text{ m}$$



۱۸ جسمی به جرم 14 kg را با تندی اولیه $8\frac{\text{m}}{\text{s}}$ از پایین سطح شیب‌داری به زاویه 30° درجه روی سطح و به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. هنگامی که جسم 2 m روی سطح شیب‌دار به طرف بالا حرکت کند، تندی آن به نصف تندی اولیه‌اش می‌رسد. ($g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

الف) تغییر انرژی پتانسیل چند ژول بوده و برابر کار چه نیرویی است؟
 ب) تغییر انرژی مکانیکی چند ژول بوده و برابر کار چه نیرویی است؟

کار نیروی وزن $14 \times 10 \times (+1) = +140\text{ J}$
 کار نیروی اصطکاک $(\Delta U) = +mg\Delta h$
 $v_f = 4\text{ m/s}$
 $(g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

$\Delta E = \Delta K + \Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2) + mg\Delta h$
 $\frac{1}{2} \times 14 \times (16 - 64) + 14 \times 10 \times 1 = -194\text{ J}$

در سوالات آونگ فقط کاربرد ارتفاع طول را نباید.

* بهترین نقطه مینا را پایین‌ترین نقطه میر آونگ فرض کنید.
 * بیشترین سرعت و انرژی جنبشی جم در ...

$\cos\theta = \frac{h}{L} \Rightarrow h = L \cos\theta$
 $h = L - L \cos\theta$

۱۹ آونگی به جرم m و طول 1 m در شرایط خلأ به اندازه 60° از وضعیت قائم منحرف شده و از حال سکون رها می‌شود.

الف) تندی آونگ هنگامی که از وضعیت قائم می‌گذرد، چند متر بر ثانیه است؟
 ب) آونگ از طرف دیگر تا چه زاویه‌ای بالا می‌رود؟

$v_i = 0$
 $h_i = \frac{1}{2}m$
 $h_f = 0$
 $v_f = \sqrt{10}\text{ m/s}$

$\Delta K = -\Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2) = -mgh$
 $\frac{1}{2}(v_f^2 - 0) = -10(-\frac{1}{2})$
 $v_f = \sqrt{10}\text{ m/s}$



جسمی را از ارتفاع h_1 با تندی v_1 پرتاب می‌کنیم. وقتی جسم به ارتفاع h_2 می‌رسد تندی آن v_2 است.

۲۰

ثابت کنید کار نیروی مقاومت هوا در این حرکت برابر تغییر انرژی مکانیکی جسم است.

$$W_t = \Delta K$$

$$W_{mg} + W_f = \Delta K \Rightarrow W_f = \Delta K - W_{mg}$$

$$-W_{mg} = \Delta U \quad W_f = \Delta K + \Delta U \quad \Delta K + \Delta U = \Delta E \Rightarrow \Delta E = W_f$$

شکل روبه‌رو شخصی را نشان می‌دهد که با وارد کردن نیروی ثابت 150N ، جعبه‌ای به جرم 1kg را از حال

۲۱

سکون در امتداد قائم جابه‌جا می‌کند.

(کتاب درسی)

F

الف) کار انجام شده توسط شخص و کار انجام شده توسط نیروی وزن را روی جعبه تا ارتفاع $1/5\text{m}$ به‌طور جداگانه

حساب کنید. $W_{mg} = -\Delta U = -mgh = -1 \times 1 \times \frac{1}{5} = -10\text{J}$ $W_{شخص} = 150\text{J}$

ب) کار کل انجام شده روی جعبه تا ارتفاع $1/5\text{m}$ چقدر است؟ $W_{شخص} = Fd \cos\theta = 150 \times \frac{1}{5} \cos 0 = 30\text{J}$

پ) با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی، تندی نهایی جعبه را در ارتفاع $1/5\text{m}$ حساب کنید.



$$W_t = W_{mg} + W_{شخص}$$

$$-10 + 30 = 15\text{J}$$

$$W_t = \Delta K$$

$$15 = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$15 = \frac{1}{2} \times 1 \times (v_2^2 - 0) \Rightarrow v_2 = 5\text{ m/s}$$



نکته

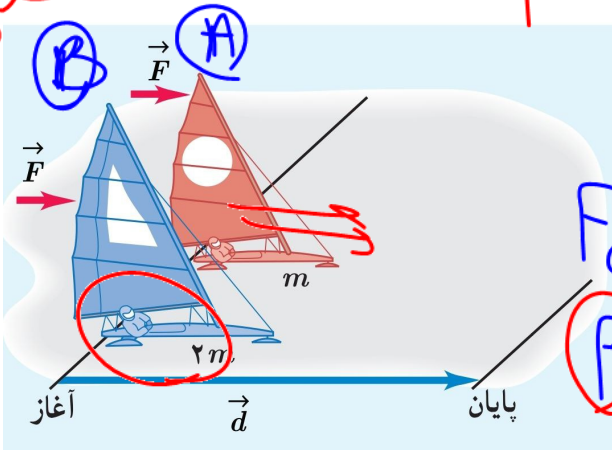
کمی از قضیه کار و انرژی ($\Delta K = \Delta t$) استفاده کنیم و کمی از فرمول‌های $\Delta K = \Delta U = W_f$ و $\Delta K + \Delta U = 0$ و ... استفاده کنیم؟

$\Delta K = -\Delta U$

اگر در سوال فقط بحث ΔK و ΔU و W_f و ΔE ... شده بود از آن فرمول‌ها برید ولی اگر در مورد کار یک نیروی دلبه و یا کار کل بحث شد از قضیه کار و انرژی برید.

۲۲ دو قایق بادبانی مخصوص حرکت روی سطوح یخ‌زده، دارای جرم‌های m و $2m$ ، روی دریاچه افقی و بدون اصطکاک قرار دارند و نیروی ثابت و یکسان \vec{F} آن با وزیدن باد به هر دو وارد می‌شود (شکل روبه‌رو). هر دو قایق از حال سکون شروع به حرکت می‌کنند و از خط پایان به فاصله d می‌گذرند. انرژی جنبشی و تبدیلی قایق‌ها را در دسترس، پس از عبور از خط پایان، با هم مقایسه کنید.

سوالی در مورد قایق‌ها را در دسترس، خواهی داشت



$W_t = \Delta K$
 $W_f = \Delta K$
 $F d \cos \theta = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$
 $F d = \frac{1}{2} m v_2^2$

۲۳ شخصی توپ در حال حرکتی را با دست خود می‌گیرد (شکل روبه‌رو) پس از توقف توپ، انرژی جنبشی آن کجا رفته است؟ (کتاب درسی)





۲۴ گلوله‌ای به جرم ۵۰g از دهانه تفنگی با تندی ۱/۵ km/s و ارتفاع ۱/۶m از سطح زمین شلیک می‌شود. اگر

(کتاب درسی)

$$\Delta K + \Delta U = W_f$$

$$\frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) + mgh = W_f$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{50}{1000} (15^2 - 0^2) + \frac{50}{1000} \times 10 \times \left(-\frac{1}{6}\right) = W_f$$

الف) در مدت حرکت گلوله، کار نیروی مقاومت هوا چقدر است؟
 ب) مقدار به دست آمده در قسمت (الف) را با کار نیروی وزن مقایسه کنید.

$$W_{m_j} = \Delta W = mgh$$

$$\frac{50}{1000} \frac{km}{s} \times \frac{1000}{1km}$$

۲۵ شکل زیر گلوله‌ای را نشان می‌دهد که از سقف کلاسی آویزان شده و دانش‌آموزی آن را از وضعیت تعادل

(کتاب درسی)

خارج کرده و در برابر نوک بینی خود گرفته است.

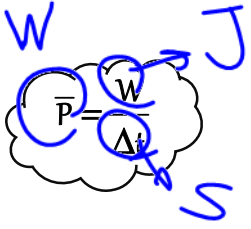
الف) وقتی دانش‌آموز گلوله را رها می‌کند هنگام برگشت به او برخورد نمی‌کند. چرا؟

ب) اگر دانش‌آموز هنگام رها کردن گلوله، آن را هل دهد، هنگام برگشت آن، چه اتفاقی می‌افتد؟





توان



\bar{P} : آہنگ انجام کار = توان متوسط ← یکا:

W : کار انجام شدہ

یکای فرعی توان: اسب بخار $1hp = 746W$



۱ جرثقیلی در مدت یک دقیقه، ۳ کیلو کار روی جسم انجام می‌دهد. توان متوسط جرثقیل در این مدت چند وات بوده است؟

$W = 3000 \text{ J}$
 $t = 60$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{3000}{60} = 50 \text{ W}$$

۲ توان متوسط دستگاه A، دو برابر توان دستگاه B است. در مدت زمان یکسان، کار دستگاه A چند برابر کار دستگاه B است؟

$P_A = 2P_B$
 $t_A = t_B$

$$P = \frac{W}{t}$$

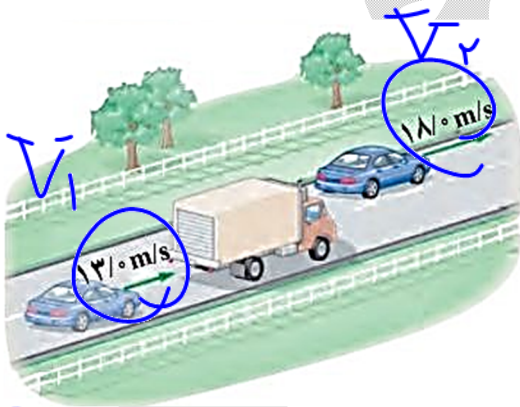
$$\frac{W_A}{W_B} = \frac{P_A}{P_B} \times \frac{t_A}{t_B} = \frac{2P_B}{P_B} \times \frac{1}{1} = 2$$

$\frac{W_A}{W_B} = 2$

۳ شکل روبه‌رو خودرویی به جرم 1200 kg را نشان می‌دهد که برای سبقت گرفتن از کامیونی، در مسیری افقی

و در مدت 3 s تندی خود را از $v_1 = 13 \text{ m/s}$ به $v_2 = 18 \text{ m/s}$ تغییر داده است. توان متوسط موتور خودرو برای

انجام این کار، دست کم چقدر باید باشد؟ نیروهای اتلافی را نادیده بگیرید. (کتاب درسی)



$$W t = \Delta K$$

$$W_{\text{موتور}} = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 1200 (18^2 - 13^2)$$

$$P_{\text{موتور}} = \frac{W_{\text{موتور}}}{t} = \frac{92000}{3} = 30666.67 \text{ W}$$



۴ هر یک از دو موتور جت یک هواپیمای مسافربری، پیشرانهای (نیروی جلوبر هواپیما) برابر $2.7 \times 10^5 \text{ N}$ ایجاد می کند. اگر هواپیما در هر دقیقه 15 km در امتداد این نیرو حرکت کند، توان متوسط هر یک از موتورهای هواپیما چند اسب بخار است؟ (کتاب درسی) ($1 \text{ hp} = 746 \text{ W}$)

$$P_{\text{موتور}} = \frac{W_{\text{موتور}}}{t} = \frac{F d}{t} = \frac{2 \times 1.5 \times 10^5 \times 15 \times 60}{2 \times 60} = 1.5 \times 10^6 \text{ W}$$



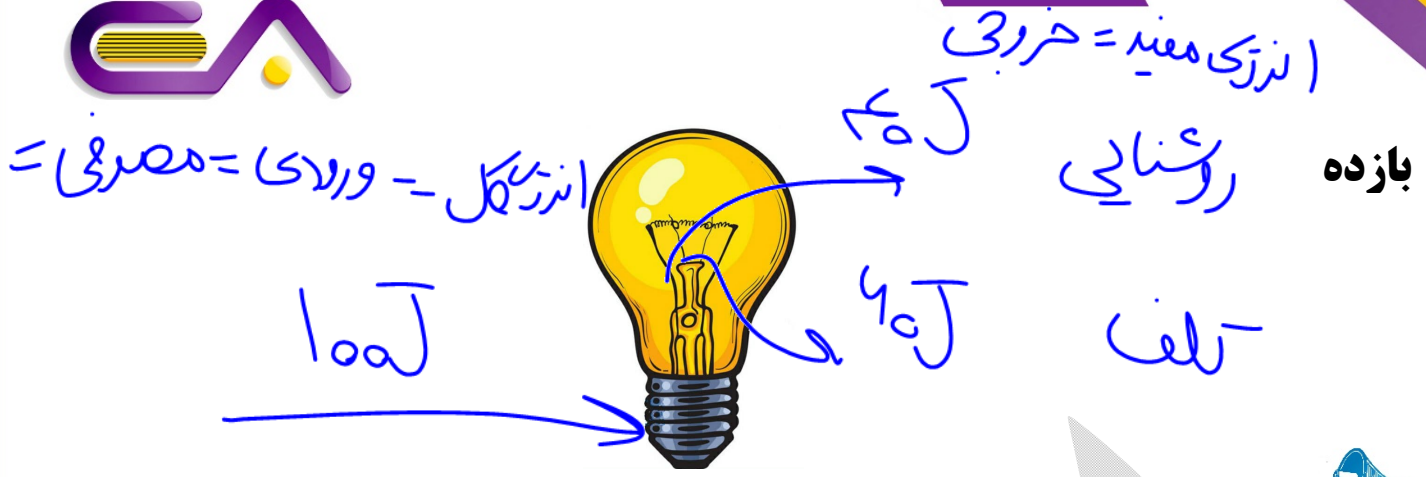
$$P = 1.5 \times 10^6 \text{ W} \times \frac{1 \text{ hp}}{746 \text{ W}} = 2 \times 10^5 \text{ hp}$$

۵ بالابری با تندی ثابت، باری به جرم 650 kg را در مدت $3/10$ دقیقه تا ارتفاع 75 m بالا می برد. اگر جرم بالابر 320 kg باشد، توان متوسط موتور آن چند وات است؟ (کتاب درسی)

$$P_{\text{موتور}} = \frac{W_{\text{موتور}}}{t} = F d \cos \theta$$

$F_{\text{net}} = m a$ $F_{\text{بالابر}} = m g$

$$= \frac{970 \times 10 \times 75}{30} = 2.425 \times 10^5 \text{ W}$$



توجه: تلف شده + P مفید = P کل یا تلف شده + W مفید = W کل

بازده (Ra):

$$\text{بازده درصدی} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \times 100$$

نکته

اسم های ریشه انرژی خروجی = انرژی مفید

نکته

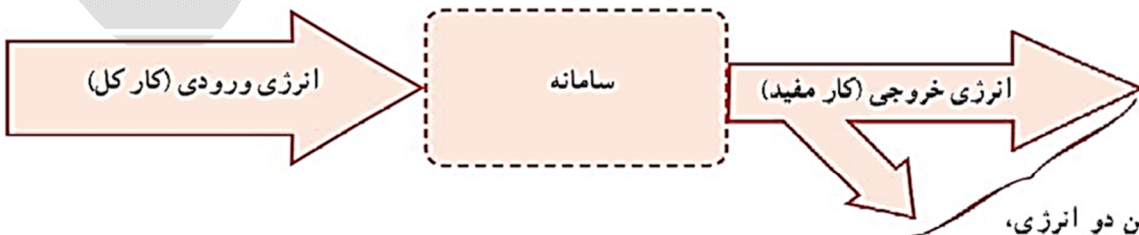
اسم های ریشه انرژی ورودی = انرژی کل = انرژی مصرفی

توجه: منظور از کلمه «توان» همان توان ورودی است.

نکته

$$P_{\text{کل}} = \frac{W_{\text{مفید}}}{t} \rightarrow \begin{cases} P_{\text{مفید}} = \frac{W_{\text{مفید}}}{t} \\ P_{\text{کل}} = \frac{W_{\text{کل}}}{t} \end{cases}$$

همون چیز
 هر چیزی



مجموع این دو انرژی، برابر انرژی ورودی یا کار کل است.
 انرژی تلف شده (کار غیر مفید)



پمپ A بازده را خواسته باشد.

وروی W_o

۱ موتور یک آسانسور در مدت زمان معینی $2 \times 10^3 \text{ kJ}$ انرژی الکتریکی دریافت کرده است و در این مدت

بازده موتور آسانسور به ترتیب چقدر و چند درصد است؟
 $5 \times 10^2 \text{ kJ}$ انرژی تلف می کند. بازده موتور آسانسور به ترتیب چقدر و چند درصد است؟
 $W_o = 2000 \text{ kJ}$ - تلف $W = 500 \text{ kJ}$ - $W_{\text{خارج}} = 1500 \text{ kJ}$
 $W_{\text{وروی}} = W_{\text{خارج}} + W_{\text{تلف}} = 1500 + 500 = 2000 \text{ kJ}$

بازده $\eta = \frac{W_{\text{خارج}}}{W_o} = \frac{1500}{2000} = \frac{3}{4} = 75\%$

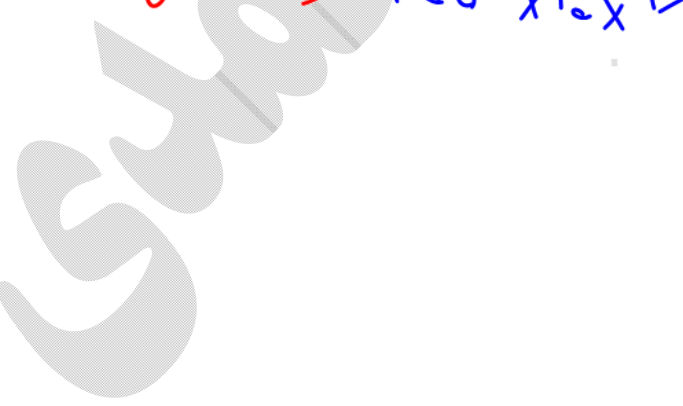
۲ توان یک پمپ آب 30 kW است. این پمپ می تواند در هر دقیقه 1 m^3 آب را 25 متر بالا ببرد. بازده پمپ

وروی W_o را حساب کنید. $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$
 $m = \rho V = 1000 \times 1 = 1000 \text{ kg}$
 $t = 60 \text{ s}$

بازده $\eta = \frac{W_{\text{خارج}}}{W_o} = \frac{250000}{1000000} = 25\%$

$W_o = P \times t = 30000 \times 60 = 1800000 \text{ J}$

$W_{\text{خارج}} = mgh = 1000 \times 10 \times 25 = 250000 \text{ J}$





بازده را داده باشد.

نقطه B

$$R_a = \frac{W}{W} \times 100$$

$$W_{\text{مفید}} = W_{\text{مصرفی}} \times R_a$$



$$\Delta h \quad m = 252000 \text{ kg} \quad t = 3400 \text{ s}$$

یک پمپ آب در هر ساعت ۲۵۲ تن آب را تا ارتفاع ۱۲ متر بالا می کشد. اگر بازه پمپ ۸۰ درصد باشد،

۱ توان پمپ چند کیلووات است؟

$$(g = 10 \frac{m}{s^2})$$

(تجربی داخل ۹۸)

$$W_{\text{ج}} = \Delta W = mg\Delta h = 252000 \times 10 \times 12$$

$$W_{\text{و}} = 30240000 \text{ J}$$

$$P_{\text{و}} = \frac{W_{\text{و}}}{t}$$

بازده مصرفی

$$= \frac{W_{\text{ج}}}{W_{\text{و}}} \times 100 \Rightarrow R_a = \frac{2520000 \times 100}{30240000}$$

۲ آب ذخیره شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از مسیری مطابق شکل روی پره های توربینی می ریزد و

آن را می چرخاند. با چرخش توربین، مولد می چرخد و انرژی الکتریکی تولید می شود (شکل روبه رو). اگر ۸۰ درصد

کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی توربین بریزد تا توان

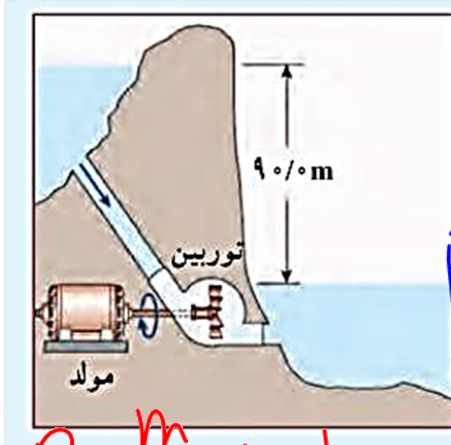
الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به ۱۸۰ MW برسد؟ جرم هر متر مکعب آب را ۱۰۰۰ kg در نظر بگیرید.

$$\rho = 1000$$

$$W_{\text{الکتریکی}} = \frac{1}{10} W_{\text{ج}} = \frac{1}{10} (mgh)$$

$$180 \times 10^6 = \frac{1}{10} \times m \times 10 \times 9$$

$$m = \frac{180 \times 10^6 \times 10}{100} \text{ kg}$$



$$P_{\text{الکتریکی}} = \frac{W_{\text{ع}}}{t} \Rightarrow W_{\text{ع}} = 180 \times 10^6 \times t = 180 \times 10^6 \times 1$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 1000 = \frac{m}{V} \Rightarrow V = 200 \text{ m}^3$$

۳ عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

الف) اسب بخار یکای (توان) - انرژی است.

ب) اگر بخواهیم در مصرف انرژی صرفه جویی کنیم باید از دستگاهی استفاده کنیم که (بازده) - توان بیشتری دارد.



۴ جای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید.
 یک وات برابر است با یک ژول بر ثانیه.

$$\frac{W}{t} = P = \frac{J}{s}$$

۵ در جمله‌های زیر جاهای خالی را با کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.
 الف) به آهنگ انجام کار توان می‌گویند.

ب) هر اندازه یک وسیله کار معینی را در زمان بیشتری انجام دهد، توان انجام کار آن کمتر است.
 پ) نسبت توان خروجی به توان ورودی یک دستگاه را بازده می‌نامیم.

$$P = \frac{W}{t}$$

↓ ↑

۶ درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را با ذکر دلیل تعیین کنید.

الف) هر چه یک دستگاه، کاری را سریع‌تر انجام دهد، توانش بیشتر است.

$$P = \frac{W}{t}$$

↑ ↓

توان بازده = $\frac{W_{\text{خروجی}}}{W_{\text{ورودی}}}$

ب) بین دو وسیله برقی، آن که توان بالاتری دارد بازده بالاتری هم دارد.

پ) اگر دو تبلت با توان ورودی یکسان، فعالیت مشابهی را به مدت یک ساعت انجام دهند، تبلتی که در نهایت گرم‌تر از دیگری باشد، بازده بالاتری دارد.

$$\text{بازده} = \frac{W_{\text{خروجی}}}{W_{\text{ورودی}}}$$

$$W_{\text{ورودی}} = W_{\text{خروجی}} + W_{\text{گرم}}$$



۷

شکل زیر طرح‌واره‌ای از درصد انرژی مفید و انرژی تلف شده در یک نیروگاه سوخت فسیلی یا هسته‌ای را از آغاز تا مصرف در یک لامپ رشته‌ای نشان می‌دهد.

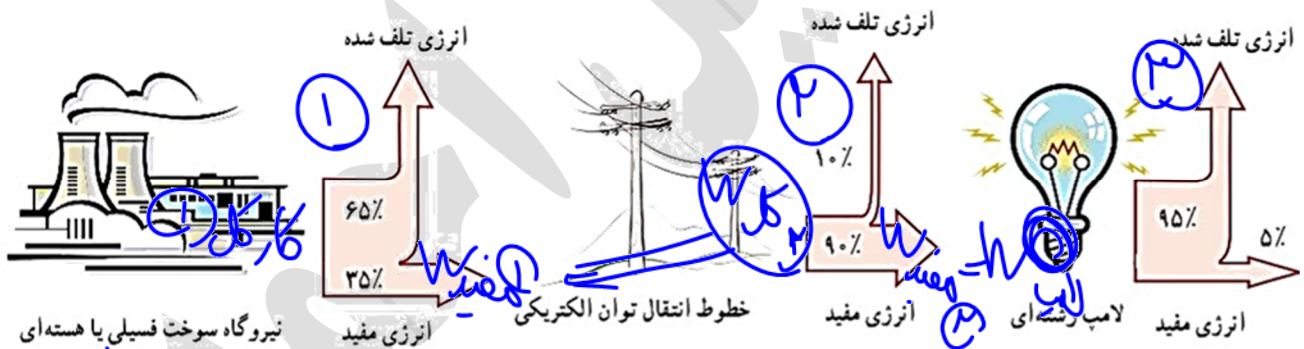
(الف) یک نیروگاه سوخت فسیلی را در نظر بگیرید که با مصرف گازوئیل، انرژی الکتریکی تولید می‌کند. با سوختن هر لیتر گازوئیل حدود ۳۵ مگاژول انرژی گرمایی تولید می‌شود. برای اینکه یک لامپ رشته‌ای ۱۰۰ وات در طول یک ماه به مدت ۱۸۰ ساعت روشن بماند (به‌طور میانگین هر شبانه روز ۶ ساعت)، چقدر گازوئیل باید در نیروگاه مصرف شود؟

$$W_{\text{لامپ}} = P \cdot t = 100 \times 180 \times 3600 =$$

(ب) با توجه به نتیجه قسمت الف، درک خود از هشدار معروف «لامپ اضافی خاموش!» را بیان کنید.

(پ) اگر در سراسر ایران، هر خانه در طول یک ماه، معادل انرژی الکتریکی مصرف شده در قسمت الف، صرفه‌جویی کند، مقدار گازوئیل صرفه‌جویی شده را محاسبه کنید.

$$\frac{\Delta_0 \times 10^4}{K} = 29 \times 10^4$$



$$W_{\text{لامپ}} = \frac{W_{\text{مفید}}^3}{W_{\text{مفید}}^2} \times 100 \Rightarrow 95 = \frac{W_{\text{مفید}}^3}{W_{\text{مفید}}^2} \times 100 \Rightarrow W_{\text{مفید}}^2 = \frac{W_{\text{مفید}}^3 \times 100}{95}$$

$$W_{\text{لامپ}} = \frac{W_{\text{مفید}}^2}{W_{\text{مفید}}^1} \times 100 \Rightarrow 90 = \frac{W_{\text{مفید}}^2}{W_{\text{مفید}}^1} \times 100 \Rightarrow W_{\text{مفید}}^1 = \frac{W_{\text{مفید}}^2 \times 100}{90}$$

$$W_{\text{لامپ}} = \frac{W_{\text{مفید}}^1}{W_{\text{تلف}}^1} \times 100 \Rightarrow 35 = \frac{W_{\text{مفید}}^1}{W_{\text{تلف}}^1} \times 100 \Rightarrow W_{\text{تلف}}^1 = \frac{W_{\text{مفید}}^1 \times 100}{35}$$

$$W_{\text{تلف}}^1 = \frac{W_{\text{مفید}}^2 \times 100}{90} \times \frac{100}{35} = \frac{W_{\text{مفید}}^2 \times 10000}{3150}$$

$$W_{\text{تلف}}^1 = \frac{W_{\text{مفید}}^3 \times 10000}{95 \times 3150} = \frac{W_{\text{مفید}}^3 \times 10000}{300000}$$

$$W_{\text{تلف}}^1 = \frac{W_{\text{مفید}}^3 \times 10}{30} = \frac{W_{\text{مفید}}^3}{3}$$



سالانه نزدیک به ۱۲۵ میلیارد لیتر مواد و فراورده‌های نفتی از طریق حدود ۱۴۰۰۰ km خطوط لوله در نقاط مختلف کشور توزیع می‌شود. این خطوط در طول مسیر خود از مراکز انتقال متعددی می‌گذرند تا توان لازم را برای ادامه راه به دست آورند. شکل زیر یکی از این مراکز را نشان می‌دهد که در ارتفاع ۲۰۵ m از سطح دریای آزاد قرار دارد. در این مرکز، در هر ثانیه یک متر مکعب مواد نفتی از طریق لوله‌ای با قطر ۰/۳۲ اینچ (۸۱/۲ cm) توسط دو دستگاه پمپ (تلمبه) تا ارتفاع ۲۷۰ m از سطح دریای آزاد فرستاده می‌شود. اگر بازده هر یک از پمپ‌های این مرکز حدود ۲۸ درصد باشد توان هر یک از آنها بر حسب مگاوات (MW) چقدر است؟ (چگالی مواد نفتی را $\frac{860 \text{ kg}}{\text{m}^3}$ بگیرد.) (کتاب درسی)

$$\Delta U - mgh = \rho V gsh = 1400 \times 1 \times 10^4 \times 20$$

$$P_{\text{خ}} = \frac{W}{t} = \frac{14 \times 450000}{1000} = 6300 \text{ W}$$

$$P_{\text{بازده}} = \frac{P_{\text{خ}}}{P} \times 100 \Rightarrow \frac{6300}{P} \times 100 = 28 \Rightarrow P = \frac{6300 \times 100}{28} = 22500 \text{ W}$$

$$P_{\text{هر پمپ}} = \frac{22500}{2} = 11250 \text{ W}$$