فصل

فصل ششم : خط و معادله های خطی

نکته : نقاطی که روی محور طول قرار دارند عرضشان صفر است. نقاطی که روی محور عرض ها قرار دارند طولشان صفر است.

شال : نقطه ی $\begin{bmatrix} \mathsf{r} a - b \\ \mathsf{r} a - \mathsf{v} \end{bmatrix}$ به ازای چه مقدار b روی محور عرض ها به عرض r قرار دارد؟

$$ra - r \Rightarrow a = r \xrightarrow{(e^{0} \text{ args})} ra + b = \cdot \Rightarrow b = -r$$

مثال: اگر $A = \begin{bmatrix} \mathsf{r} x - \mathsf{l} \\ \mathsf{l} - x \end{bmatrix}$ همواره در ناحیه ی اول باشد . x در چه محدوده ای باید باشد؟

حل: برای حل این سوال باید هر دو محدوده را به دست أوریم سپس بین دو جواب اشتراک بگیریم.

نکته : اگر نقطه ای همواره در ناحیه ی اول باشد طول و عرض آن مثبت خواهد بود. اگر در ناحیه ی دوم باشد طول منفی و عرض مثبت . اگر در ناحیه ی سوم باشد هر دو منفی و در ناحیه ی چهارم طول مثبت و عرض منفی خواهد بود.

$$|AB| = \sqrt{(x_A - x_B)^{\mathsf{T}} + (y_A - y_B)^{\mathsf{T}}}$$

: در دستگاه مختصات و $B= egin{bmatrix} x_B \\ y_B \end{bmatrix}$ و $A= egin{bmatrix} x_A \\ y_A \end{bmatrix}$ در دستگاه مختصات

مثال: نقاط $A=egin{bmatrix} 1\\ 1\\ 1 \end{bmatrix}$ و $B=egin{bmatrix} 1\\ 1\\ 1 \end{bmatrix}$ مثال: نقاط $A=egin{bmatrix} 1\\ 1\\ 1 \end{bmatrix}$

حل: ابتدا از فرمول بالا طول هر سه ضلع را بدست آورید و بعد از آن تشخیص دهید چه نوع مثلثی است.

$$M = \begin{bmatrix} \frac{\mathbf{x}_A + \mathbf{x}_B}{\mathbf{y}} \\ \frac{\mathbf{y}_A + \mathbf{y}_B}{\mathbf{y}} \end{bmatrix}$$

مختصات وسط پاره خط AB

$$\begin{bmatrix} X_A + X_C = X_B + X_D \\ Y_A + Y_C = Y_B + Y_D \end{bmatrix}$$

اگر رئوس A,B,C,D راس های متوازی الاضلاع ABCD باشند رابطه ی زیر برقرار است:

$$egin{bmatrix} x \\ -y \end{bmatrix}$$
: نسبت به محور طول ها برابر است با نکته : قرینه ی نقطه ی

$$egin{bmatrix} -x \\ y \end{bmatrix}$$
: است با برابر است المحور عرض ها برابر است با نکته و نکته : قرینه ی نقطه ی

$$egin{bmatrix} -x \ -y \end{bmatrix}$$
: است با برابر است با مجتصات برابر است با نکته و تنده ی نقطه ی است با نکته و تنده ی نقطه ی است با نکته و تنده ی نقطه ی است با نام نقطه ی نقط ی نقطه ی نقطه ی

$$egin{bmatrix} y \ x \end{bmatrix}$$
: اسبت به نیمساز اول و سوم برابر است با نکته : قرینه ی نقطه ی $egin{bmatrix} x \ y \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} -y \\ -x \end{bmatrix}$$
: نکته : قرینه ی نقطه ی $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ نسبت به نیمساز دوم و چهارم برابر است با

$$egin{bmatrix} \mathbf{r}a-x \ \mathbf{r}b-y \end{bmatrix}$$
: ابر است با $egin{bmatrix} a \ b \end{pmatrix}$ برابر است با $egin{bmatrix} x \ y \end{pmatrix}$ نسبت به نقطه ی

$$m_L = rac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$
 : اگر L خطی باشد که از دو نقطه ی A و B عبور کند آنگاه شیب خط : اگر L خطی باشد که از دو نقطه ی ا

@riazicafe

نکته : شیب صفر یعنی اینکه خط موازی محور افق است. شیب تعریف نشده یعنی اینکه خط عمود بر محور افق است شیب منفی یعنی اینکه خط با جهت مثبت محور افقی زاویه تند می سازد و شیب مثبت یعنی اینکه خط با جهت مثبت محور افقی زاویه ی باز می سازد.

نوشتن معادله ی یک خط:

. معلوم مانند $A = egin{bmatrix} x_A \ y_A \end{bmatrix}$ معلوم باشد محالت اول : یک نقطه مانند

عادله ی خط : $y-y_A=m(x-x_A)$

: حالت دوم : دو نقطه ی $A = egin{bmatrix} \chi_A \ y_B \end{bmatrix}$ و $A = egin{bmatrix} \chi_A \ y_A \end{bmatrix}$ دالت دوم : دو نقطه ی

 $m=rac{y_B-y_A}{x_B-x_A}$: معادله ی خط $\{y-y_A=m(x-x_A)\}$

نکته: معادله ی خط نیمساز ناحیه ی اول سوم y=x است.

نکته : اگر یک نقطه روی نیمساز ناحیه ی اول و سوم باشد دارای طول و عرض مساوی خواهد بود.

نکته : معادله ی خط نیمساز ناحیه ی دوم و چهارم به صورت Y=-X است.

نکته : اگر یک نقطه روی نیمساز ناحیه ی دوم و چهارم باشد دارای طول و عرض قرینه خواهد بود.

نکته: شرط عمود بودن دو خط این است که شیب دو خط عکس و قرینه ی یکدیگر باشند. به عبارت دیگر حاصل ضرب شیب دو خط عمود بر هم برابر ۱- است.

نکته : در حالت کلی معادله ی خط به صورت $-\frac{c}{a}$ است که در این صورت $-\frac{a}{b}$ را شیب و $-\frac{c}{b}$ را شیب و معادله ی خط به صورت $-\frac{c}{a}$ است که در این صورت $-\frac{a}{b}$ را طول از مبدا خط می نامند.

 $S = rac{a imes b}{r}$: با محور های مختصات به دست می آید برابر است با : $rac{a}{a} + rac{y}{b} = 1$ با محور های مختصات به دست می آید برابر است با :

باشند $\begin{cases} ax+by=c \\ \dot{a}x+\dot{b}y=\dot{c} \end{cases}$ باشند

 $=rac{b}{b}=rac{c}{c}$ الف) دو خط بر هم منطبق اند یا بیشمار جواب دارند اگر :

ب) دو خط موازی اند یا جواب ندارند اگر :

پ) دو خط متقاطعند یا یک جواب دارد اگر :

 $\frac{a}{\dot{a}} = \frac{b}{\dot{b}} = \frac{c}{\dot{c}}$

 $\frac{a}{\acute{a}} = \frac{b}{\acute{b}} \neq \frac{c}{\acute{c}}$

 $\frac{a}{\acute{a}} \neq \frac{b}{\acute{b}} \neq \frac{c}{\acute{c}}$

@riazicafe